КРИПТОГРАФІЯ

КОМП'ЮТЕРНИЙ ПРАКТИКУМ №1

Експериментальна оцінка ентропії на символ джерела відкритого тексту

Мета роботи

Засвоєння понять ентропії на символ джерела та його надлишковості, вивчення та порівняння різних моделей джерела відкритого тексту для наближеного визначення ентропії, набуття практичних навичок щодо оцінки ентропії на символ джерела.

Виконали: Бондаренко Олексій, Кригін Дмитро. ФБ-03

Варіант: 2

Порядок виконання роботи

- 0. Уважно прочитати методичні вказівки до виконання комп'ютерного практикуму.
- 1. Написати програми для підрахунку частот букв і частот біграм в тексті, а також підрахунку Н1 та Н2 за безпосереднім означенням. Підрахувати частоти букв та біграм, а також значення Н1 та Н2 на довільно обраному тексті російською мовою достатньої довжини (щонайменше 1Мб), де імовірності замінити відповідними частотами. Також одержати значення Н1 та Н2 на тому ж тексті, в якому вилучено всі пробіли.
- 2. За допомогою програми CoolPinkProgram оцінити значення H(10), H(20), H(30).
- 3. Використовуючи отримані значення ентропії, оцінити надлишковість російської мови в різних моделях джерела.

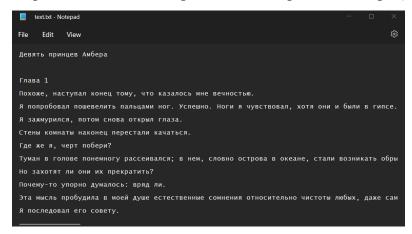
Хід роботи:

0. Уважно прочитати методичні вказівки до виконання комп'ютерного практикуму.

Done

1. Написати програми для підрахунку частот букв і частот біграм в тексті, а також підрахунку Н1 та Н2 за безпосереднім означенням. Підрахувати частоти букв та біграм, а також значення Н1 та Н2 на довільно обраному тексті російською мовою достатньої довжини (щонайменше 1Мб), де імовірності замінити відповідними частотами. Також одержати значення Н1 та Н2 на тому ж тексті, в якому вилучено всі пробіли.

Обраний текст – Роджер Желязни – Хроніки Амбера (Том 1) (1.5 Мб) – text.txt



Програма-фільтр, для відкидання зайвих символів (filter.py)

```
# By Bondarenko and Kryhin

FROM_FILE = 'text.txt'

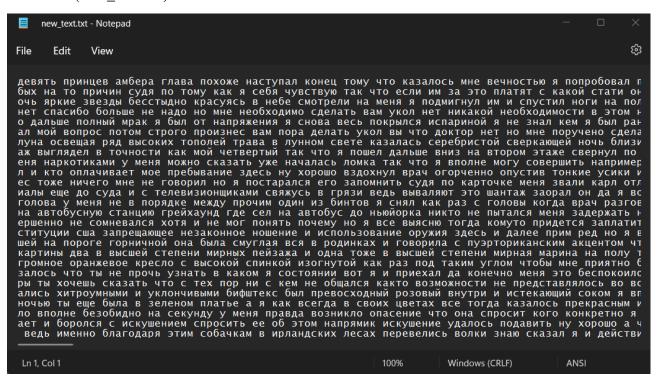
TO_FILE = 'new_text.txt'
alphabet = 'aбвгдежзийклмнопрстуфхцчшшыьэюя '

with open(FROM_FILE, 'r') as f:
    text = f.read().lower()

result = ''
for i in text:
    if i in alphabet:
        result += i
    if i == '\n':
        result += ''
    if i == 'b':
        result += 'b'

with open(TO_FILE, 'w') as nf:
    nf.write(" ".join(result.split()))
```

OUTPUT(new_text.txt):



Програма-фільтр, для відкидання зайвих символів та пробілів (text without spaces.py)

```
# By Bondarenko and Kryhin

FROM_FILE = 'text.txt'

TO_FILE = 'text_no_spaces.txt'

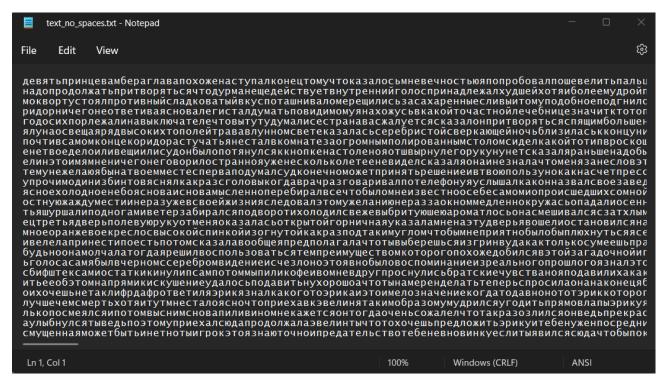
with open(FROM_FILE, 'r') as f:
    text = f.read().lower()

alphabet = 'aбвгдежзийклмнопрстуфхцчшшыьэюя'
result = ''

for i in text:
    if i in alphabet:
        result += i
    if i == 'ъ':
        result += 'b'

with open(TO_FILE, 'w') as nf:
    nf.write(result)
```

OUTPUT(text_no_spaces.txt):



Підрахуємо частоту букв у тексті з пробілами та Н1 для букв (h1_spaces.py):

```
OUTPUT (h1_spaces.txt):
[('', 249090),
```

```
('o', 142771),
('e', 106547),
('a', 95744),
('н', 83826),
('u', 76681),
('t', 76038),
('c', 65814),
```

 $('\pi', 63783),$

```
('p', 54907),
('в', 53318),
('м', 42498),
('k', 39760),
('д', 38053),
('\pi', 36142),
('y', 34269),
('\pi', 33405),
('ь', 26042),
('6', 23523),
('ы', 23271),
('3', 21778),
('r', 20487),
('ч', 18572),
('ж', 12885),
('й', 12559),
('ш', 10157),
('x', 9349),
('ю', 6444),
('ə', 4673),
('щ', 4335),
('ц', 3278),
('ф', 1273)]
H1: 4.360843323137924
```

Підрахуємо частоту букв у тексті без пробілів та H1 для букв (h1_no_spaces.py):

OUTPUT(h1_no_spaces.txt):

- [('o', 142771),
- ('e', 106547),
- ('a', 95744),
- ('н', 83826),
- ('и', 76681),
- ('т', 76038),
- ('c', 65814),
- ('л', 63783),
- ('p', 54907),
- ('в', 53318),
- ('м', 42498),
- ('к', 39760),
- ('д', 38053),
- ('π', 36142),
- ('y', 34269),
- ('я', 33405),
- ('ь', 26042),
- ('6', 23523),
- ('ы', 23271),
- ('3', 21778),
- ('r', 20487),
- ('ч', 18572),
- ('ж', 12885),
- ('й', 12559),
- ('ш', 10157),
- ('x', 9349),
- ('ю', 6444),
- ('9', 4673),
- ('щ', 4335),
- ('ц', 3278),
- ('ф', 1273)]

H1: 4.453920329839864

Підрахуємо частоту біграм (з перетином) у тексті з пробілами та H2 для біграм (h2 spaces overlap.py):

```
# By Bondarenko and Kryhin

from pprint import pprint

from math import log

FROM_FILE = 'new_text.txt'
alphabet = 'aбвгдежэийклинопрстуфхцчшшшывэря '

with open(FROM_FILE, 'r') as f:
    text = f.read().lower()

length = len(text) - 1  # determined experimentally (number of bigrams)

bigrams = dict()  # numbers of each bigram

for i in alphabet:
    for j in alphabet:
        bigrams[i + j] = 0

for i in bigrams.keys():
        bigrams[i] = text.count(i)

pprint(sorted(bigrams.items(), key=lambda item: item[1], reverse=True), sort_dicts=False)

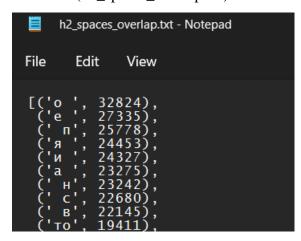
# sorted output

h2 = 0

for i in bigrams:
    if bigrams[i] == 0:
        continue
    h2 -= (bigrams[i] / length) * log(bigrams[i] / length, 2)

print(f"H2: (h2 / 2}")
```

OUTPUT(h2_spaces_overlap.txt):



. . .

```
('юя', 0),
('яо', 0),
('яу', 0),
('яф', 0),
('яы', 0),
('яь', 0),
('яэ', 0),
('ы', 0),
('ь', 0),
('', 0)]
```

H2: 3.9507997819187857

Підрахуємо частоту біграм (з перетином) у тексті без пробілів та H2 для біграм (h2_no_spaces_overlap.py):

```
# By Bondarenko and Kryhin

from pprint import pprint

from math import log

FROM_FILE = 'text_no_spaces.txt'
alphabet = 'aosn_mexsukxnmenopcrydxuqummassom'

with open(FROM_FILE, 'r') as f:
    text = f.read().lower()

length = len(text) - 1  # determined experimentally (number of bigrams)
bigrams = dict()  # numbers of each bigram

for i in alphabet:
    for j in alphabet:
        bigrams[i + j] = 0

for i in bigrams.keys():
    bigrams[i] = text.count(i)

pprint(sorted(bigrams.items(), key=lambda item: item[1], reverse=True), sort_dicts=False)
# sorted output

h2 = 0
for i in bigrams:
    if bigrams[i] == 0:
        continue
    h2 -= (bigrams[i] / length) * log(bigrams[i] / length, 2)

print(f"H2: (h2 / 2)")
```

OUTPUT(h2_no_spaces_overlap.txt):

```
[('то', 19907),
('не', 15722),
('но', 15660),
('по', 15567),
('на', 15194),
('ст', 14931),
('ен', 13880),
('ал', 13661),
('ко', 12432),
('ос', 12274),
('ра', 12020),
```

. . .

```
('Эы', 0),

('Эь', 0),

('ЭЭ', 0),

('ЭЮ', 0),

('ЭЯ', 0),

('ЮЫ', 0),

('ЮЬ', 0),

('ЯЫ', 0),

('ЯЬ', 0)]

H2: 4.136805930152785
```

H2: 4.136805930152785

Підрахуємо частоту біграм (без перетину) у тексті з пробілами та H2 для біграм (h2_spaces_no_overlap.py):

```
# By Bondarenko and Kryhin

from pprint import pprint

from math import log

FROM_FILE = 'new_text.txt'
alphabet = 'aobrge*sunkkumMonpcrydxummmsbebs'

with open(FROM_FILE, 'r') as f:
    text = f.read().lower()

text length = len(text)
length = text_length // 2  # determined experimentally (number of bigrams without overlap)

bigrams = dict()

for i in alphabet:
    for j in alphabet:
        bigrams[i + j] = 0

i = 0

while i < text_length - 2:  # save from "index out of range"
        bigrams[text[i:i+2]] += 1
    i += 2

pprint(sorted(bigrams.items(), key=lambda item: item[1], reverse=True), sort_dicts=False)

h2 = 0

for i in bigrams.keys():
    if bigrams[i] == 0:
        continue
    h2 -= (bigrams[i] / length) * log(bigrams[i] / length, 2)

print(f"H2: (h2 / 2)")
```

OUTPUT(h2_spaces_no_overlap.txt):

```
File Edit View

[('o', 16328),
('e', 13734),
('n', 12938),
('u', 12247),
('s', 12210),
('h', 11624),
('a', 11553),
('c', 11341),
('b', 11010),
```

```
('яу', 0),
('яф', 0),
('яы', 0),
('яь', 0),
('яэ', 0),
('й', 0),
('ы', 0),
('ь', 0)]
H2: 3.950485366384623
```

H2: 3.950485366384623

Підрахуємо частоту біграм (без перетину) у тексті без пробілів та H2 для біграм (h2_no_spaces_no_overlap.py):

```
# By Bondarenko and Kryhin

from pprint import pprint

from math import log

FROM_FILE = 'text_no_spaces.txt'
alphabet = 'aGbrдежзийклынопрстуфхичишшыьэюя'

with open(FROM_FILE, 'r') as f:
    text = f.read().lower()

text_length = len(text)
length = text_length // 2  # determined experimentally (number of bigrams without overlap)

bigrams = dict()

for i in alphabet:
    for j in alphabet:
        bigrams[i + j] = 0

i = 0

while i < text_length - 2:  # save from "index out of range"
        break
        bigrams(text[i:i+2]] += 1
    i += 2

pprint(sorted(bigrams.items(), key=lambda item: item[1], reverse=True), sort_dicts=False)

h2 = 0

for i in bigrams.keys():
    if bigrams[i] == 0:
        continue
    h2 -= (bigrams[i] / length) * log(bigrams[i] / length, 2)

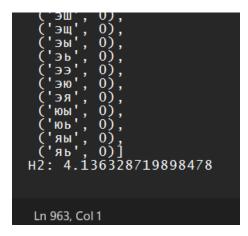
print(f"H2: (h2 / 2)")
```

OUTPUT(h2_no_spaces_no_overlap.txt):

```
File Edit View

[('το', 9997),
('πο', 7821),
('не', 7780),
('не', 7716),
('на', 7642),
('ст', 7492),
('ен', 6936),
('ал', 6860),
('ко', 6196),
('oc', 6096),
('pa', 6013),
('ot', 6010),
('ob', 5976),
('oh', 5816),
```

. . .



H2: 4.136328719898478

Note:

Файл new_text.txt створюється програмою filter.txt

Файл text_no_spaces.txt створюється програмою text_without_spaces.py

Файли .txt у кодуванні ANSI (можуть виникати проблеми на інших пристроях)

Проблеми та шляхи їх вирішення:

Особливо проблем не виникало, лише була помилка, коли ми неправильно рахували ентропію через що, ділили не на кількість біграм, а на довжину тексту.

Інших проблем не було, код і алгоритм легкий.

Отже, отримали такі значення ентропії:

H1: 4.360843323137924

H1: 4.453920329839864

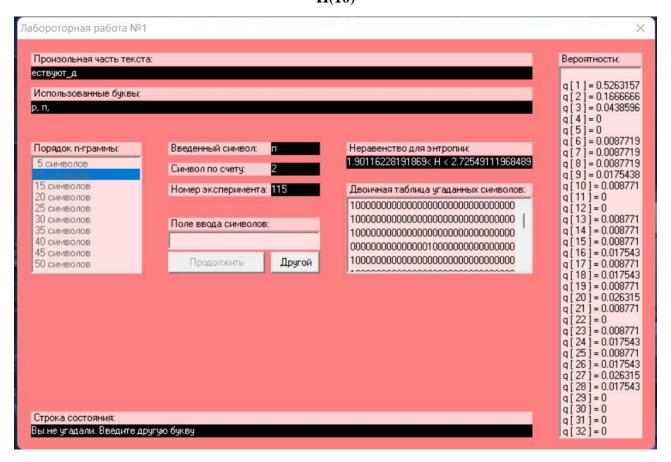
H2: 3.9507997819187857

H2: 4.136805930152785

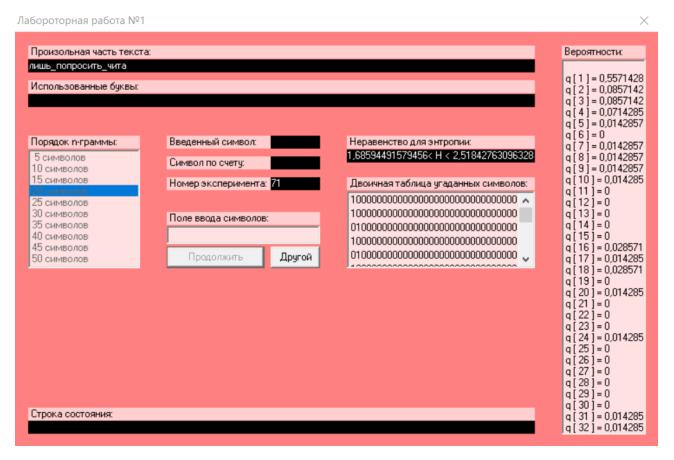
H2: 3.950485366384623

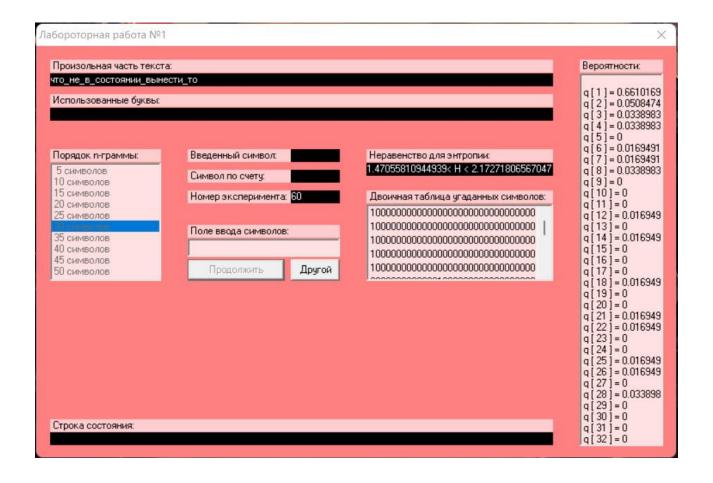
H2: 4.136328719898478

2. За допомогою програми CoolPinkProgram оцінити значення H(10), H(20), H(30). H(10)



H(20)





Отже, значення:

1.90116228191869 < H(10) < 2.72549111968489

1.68594491579456 < H(20) < 2.51842763096328

1.47055810944939 < H(30) < 2.17271806567047

3. Використовуючи отримані значення ентропії, оцінити надлишковість російської мови в різних моделях джерела.

Надлишковість джерела відкритого тексту (мови) дорівнює $R=1-\frac{H_{\infty}}{H_0}$

де $H_0 = \log_2 m$ (m — кількість символів алфавіту). R називають також надлишковістю джерела.

TEXT:

У файлі ТЕХТ маємо такий алфавіт:

alphabet = 'абвгдежзийклмнопрстуфхцчшщыьэюя '

Отже, m = 32

$$H_0 = \log_2 32 = 5$$

Тоді, значення надлишковості російської мови за цим джерелом (ТЕХТ):

H(10): 45.49% < R < 61.97%

H(20): 49.63% < R < 66.28%

H(30): 56.54% < R < 70.59%

Порахуємо надлишковість для тексту (Хроніки Амбера):

H1: 4.360843323137924 (h1: spaces)

 $H_0 = log_2 32 = 5$

R = 12.78%

H1: 4.453920329839864 (h1: no_spaces)

 $H_0 = log_2 31 = 4.9542$

R = 10.09%

H2: 3.9507997819187857 (h2: spaces + overlap)

 $H_0 = log_2 32 = 5$

R = 20.98%

H2: 4.136805930152785 (h2: no spaces + overlap)

 $H_0 = log_2 31 = 4.9542$

R = 16.5%

H2: 3.950485366384623 (h2: spaces + overlap)

 $H_0 = log_2 32 = 5$

R = 21%

H2: 4.136328719898478 (h2: no spaces + no overlap)

 $H_0 = log_2 31 = 4.9542$

R = 16.5%

Висновок:

Під час виконання даної лабораторної роботи, ми засвоїли поняття ентропії та надлишковості. Мовою Python написали кілька програм, які рахують частоту входження кожної букви в текст, та частоту біграм, а також Н1 та Н2. За отриманими значеннями розрахували ентропії Н1 та Н2. Застосувавши програму CoolPinkProgram.exe, знайшли межі умовної ентропії джерела. В решті решт, оцінили надлишковість російської мови в різних моделях джерела та отримали такі значення:

H(10): 45.49% < R < 61.97%

H(20): 49.63% < R < 66.28%

H(30): 56.54% < R < 70.59%

R = 12.78%

R = 10.09%

R = 20.98%

R = 16.5%

R = 21%

R = 16.5%