# Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського"

# Фізико-технічний інститут

# Криптографія

Комп'ютерний практикум №1 Експериментальна оцінка ентропії на символ джерела відкритого тексту

Виконали:

Студенти ФБ-01

Новак О. І.

Тостоган €. Г.

**Мета роботи:** засвоєння поняття ентропії на символ джерела та його надлишковості, вивчення та порівняння різних моделей джерела відкритого тексту для наближеного визначення ентропії, набуття практичних навичок щодо оцінки ентропії на символ джерела.

#### Постановка задачі:

Написати програми для підрахунку частот букв і частот біграм в тексті, а також підрахунку Н1 та Н2 за безпосереднім означенням. Підрахувати частоти букв та біграм, а також значення Н1 та Н2 на довільно обраному тексті російською мовою достатньої довжини (щонайменше 1Мб), де імовірності замінити відповідними частотами. Також одержати значення Н1 та Н2 на тому ж тексті, в якому вилучено всі пробіли. За допомогою програми CoolPinkProgram оцінити значення H(10), H(20), H(30). Використовуючи отримані значення ентропії, оцінити надлишковість російської мови в різних моделях джерела.

## Хід роботи

Для початку для визначення частоти входження символів в текст було написано програму на мові python3.

## Програма містить в собі такий функціонал:

- ❖ Обробка тексту(видалення зайвих символів та абзаців, заміна регістру літер на малі)
- ❖ Підрахунок кількості входжень кожного символі в текст та відповідно визначення частоти
- ❖ Пошук біграм, що перетинаються та не перетинаються, та визначення частоти їх входжень у текст
- ❖ Обчислення ентропії Н1с та Н2 для тексту з пробілами та без
- **❖** Внесення результатів у датафрейми та таблиці excel.

Код програми міститься у файлі crypto1.py

В ході роботи ми імпортували потрібні для реалізації программного коду бібліотеки:

```
import collections
import unicodedata
import pandas as pd
import re
import math as m
import numpy as np
```

та провели обробку обраного тексту

```
note = open("/home/kali/lab1.txt").read()
#edit text: delete punctuation marks and spaces, replace capital letters with lowercase letters
note = note.replace("\n","")
note = note.lower()
new_note1 = re.sub( r'[^a-яë]', '', note )
new_note2 = re.sub( r'[^a-яë]', '', note )
#print(new_note1)
snote1 = sorted(new_note1)
snote2 = sorted(new_note2)
#print(snote1)
```

#### — \$ python3 crypt1.py

■\$ python3 crypt1.py
и ильф и е петров завершили роман двенадцать стульев в году но еще до первой публикации цензоры изрядно к изданию еще десять лет в итоге книга уменьшилась почти на треть публикуемый ныне вариант первый полни на обширным историколитературным и реальным комментарием илья ильф евгений петровлегенда о великом комби глава третьяглава глава четвертаяглава глава глава пятаяглава глава шестаяглава глава седьмаяглава глава есятаяглава глава глава глава глава глава глава глава глава глава слава глава семнадцатаяглава глава восемнадцатаяглава глава глава

Рахуємо кількість та частоту появи літери в тексті:

```
#determine quantity and periodicity of letters in our note
quantity1 = dict(collections.Counter(snote1))
quantity2 = dict(collections.Counter(snote2))
period1 = {l: quantity1[l]/len(snote1) for l in quantity1 }
period2 = {l: quantity2[l]/len(snote2) for l in quantity2 }
```

Функції для створення біграм з утворених списків літер:

```
#Create bigrams(w/o crossing)
def bigramCross(new_note):
        bigram_cross = []
        for i in range(0, len(new_note)-1):
            bigram_cross.append(new_note[i]+new_note[i+1])
        return bigram_cross

def bigram(new_note):
        bigram=[]
        for i in range(0, len(new_note)-2,2):
            bigram.append(new_note[i]+new_note[i+1])
        return bigram
```

За допомогою отриманих функції створюємо біграми та перетворюємо їх у словники для подальшої роботи з ними.

```
#bigram without spaces
bigram_cross1 = bigramCross(new_note1)
bigram1 = bigram(new_note1)
bg_cross_q1 = dict(collections.Counter(bigram_cross1))
bg_q1 = dict(collections.Counter(bigram1))
bg_cross_period1 = {l: bg_cross_q1[l] / len(bigram_cross1) for l in bg_cross_q1}
bg_period1 = {l: bg_q1[l] / len(bigram1) for l in bg_q1}

#bigram with spaces
bigram_cross2 = bigramCross(new_note2)
bigram2 = bigram(new_note2)
bg_cross_q2 = dict(collections.Counter(bigram_cross2))
bg_q2 = dict(collections.Counter(bigram2))
bg_cross_period2 = {l: bg_cross_q2[l] / len(bigram_cross2) for l in bg_cross_q2}
bg_period2 = {l: bg_q2[l] / len(bigram2) for l in bg_q2}
```

Функції для створення дата фреймів та таблиць для літер та біграм. У ході виконання стикнулися з проблемою перезапису таблиці, тому імя таблиць задаємо окремо з командного рядка.

```
def createDataFrame(quantity, periodicity):
         squantity = sorted(quantity, key=lambda l: quantity[l], reverse=1 )
speriod = sorted(periodicity, key=lambda l: periodicity[l], reverse=1 )
temp1 = []
temp2 = []
         for i in range(0,len(squantity)):
                  temp1.append(quantity[squantity[i]])
         for i in range(0,len(speriod)):
                   temp2.append(periodicity[speriod[i]])
         df= pd.DataFrame(index = squantity)
         df['quantity'] = temp1
         df['periodicity'] = temp2
         name=input('Enter name of excel: ')
df.to_excel(f'{name}.xlsx')
print(df.head(10))
#periodicity matrix for bigram
lef createbgDataFrame(bigram, periodicity, symb):
            obal bg
         df = pd.DataFrame(index = symb, columns=symb)
         n = 0
         n = len(symb)+n
         df = df.T
         for i in list(periodicity.keys()):
                   x,y = np.where(df = i)
df.iloc[x,y] = periodicity[i]
         for i in bg:
                   x,y = np.where(df = i)
df.iloc[x,y] = 0
         name=input('Enter name of excel: ')
df.to_excel(f'{name}.xlsx')
         print(df)
```

Функції для підрахунку ентропії з отриманих даних:

## Вивід результатів:

```
quantity periodicity
77430 0.107115
     60986
              0.084367
a
     58369
              0.080746
e
     52993
              0.073309
И
     44977
              0.062220
     41673
              0.057650
     39353
              0.054440
              0.049125
л
     35343
              0.048893
p
     34368
              0.047544
H_1(entropy) without spaces: 4.465995972453169
Excess_1: 0.11466156950060935
H_2(entropy) cross without spaces: 4.166762456909701
Excess_2: 0.1739815806779923
H_2(entropy) without spaces: 4.166128394668092
         0.1741072770900105
quantity periodicity
    125369
             0.147799
     77430
              0.091283
o
     60986
              0.071897
              0.068812
     58369
     52993
              0.062474
     44977
              0.053024
     41673
              0.049129
     39353
              0.046394
              0.041864
л
     35343
              0.041666
H_1(entropy) with spaces: 4.410230057145229
Excess_4: 0.1331179814452792
H_2(entropy) cross with spaces: 4.047895630341044
Excess_5: 0.20433902779205404
H_2(entropy) with spaces: 4.047494532339943
Excess_6: 0.20441786826983577
```

### Ентропія

	Текст з пробілами	Текст без пробілів
H1	4.410230057145229	4.465995972453169
H2	4.047895630341044	4.166762456909701
Н2(біграми з кроком 2)	4.047494532339943	4.166128394668092

Для утворення матриці частот попередньо було додано два алфавіти у вигляді списку. Матриці частот з отриманих даних:

## Bigram\_cross1()

700	a	6	В	F	Д	е	ë	2.11	щ	ъ	ы	ь	э	10	я
a	0	0	0	0	0	0			0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0.000436	0.001772	0.006016	0.001584	0.00323		0.001471	0.001166	0.000299	0	0	0	0.000297
В	0.000779	0.002763	0	0.001231	0.000022	0.000076	0.00001		0.000015	0.000024	0.000039	0.000302	0.000163	0.003157	0.000353
г	0.000026	0.000089	0.000256		0.008044	0.000307	0.000575		0.000167	0.000137	0.000248	0.001155	0.000021	0.000003	0.003355
Д	0.000125	0.000166	0.000014		0					0.000006		0.000026	0.000019		0.000001
e		0.000001			0.000004				0.001855	0.000004	0.000059	0.000437	0.000077	0.000098	0
ë	0.000037	0.000735	0.000411	0.000011	0.00003	0.000394			0.006376	0.000773	0.000169	0.000823	0.000686	0.001551	0.000865
ж	0.000735				0.00022	0.000126	0.000314								0
3	0	0		0	0 0 0.000028	0					0.000012				
И	0.000043					0.000035	0.000008				0.000232				
Й	0.000028	0.000107	0.000026	0	0.000028	0.000542	0.000112				0.002332				
К	0.001978	0.001287	0.003284	0.00066	0.000387	0	0.000001				0.001159				
		0.000093					0								
100	0.002256						0								
1000					0.000018						0.000519				
					0.000086						0.000039				
					0.000051						0.003409				
					0.000625				0.000028					0.000024	
					0.000154						0.006181				
		0.010093			0.000982		0.00315		0		0.000093			0.006229	
					0.000484		0.01429		0.006744		0.000089			0.000001	
					0.000701		0.00184								
X					0.000427						0.000499			0.000004	
ц		0.000006			0.000017		0.00001				000183			0.000061	
1000	0.000671				0.000356						000014				0.000003
	0.000011				0.000008						0.000116				0
Щ		0.000055			0.000748						0.000008				0.00233
ъ		0		0.001902		0.000537	0.00057		0.000001		0.000505			0.000008	
ы				0.000001			0.000004		0	0		0			0.000001
ь		0.000155		0		0	0		0.000001					0.000386	
		0.000401			0.000091						0.000001			0.000166	
Ю	0.001038	0.00039	0.00056/	0.000883	0	0.0000/1	0.000437 0		0	0	0.00013	0.000455	0.000848	Ü	0
Я	0.000001	0.000006	0	0.000004		0	0		0	0	0	0.000003	0		0
[3	3 rows x 3	3 columns]													II.
		,		,		,	,		,	,		,			

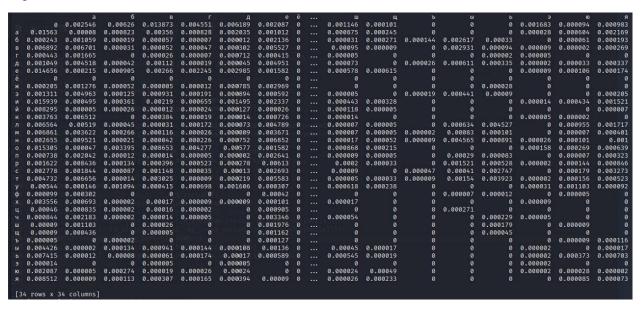
## Bigram1()

8 0 0 0 0 0 0.00421 0.00125 0.00029 0.00155 0.00029 0.00155 0.00026 0.00016 0.00008 0.00017 0.00035 0 0 0 0.00080 0.00031 0.00027 0.000324 0.00029 0.000324 0.00029 0.000324 0.00029 0.000324 0.00029 0.000324 0.00029 0.000324 0.00029 0.000324 0.00029 0.000324 0.00022 0.00026 0.00029 0.000324 0.00022 0.00026 0.00029 0.00025 0.00026 0.000324 0.00022 0.00025 0.00002 0.00025 0.00022 0.00025 0.00022 0.00022 0.00025 0.00022 0.00025 0.00022 0.00022 0.00025 0.00022 0.						~~~		10000	200						
6 0.000759 0.007727 0.00178 0.000772 0.00078 0.000006 0.000006 0.000006 0.000006 0.000006 0.000006 0.000006 0.000006 0.0000079 0.0000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.0000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.0000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.0000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.0000079 0.0000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.000079 0.00	-														
6         0.000759         0.000759         0.000721         0.000031         0.000036         0.000036         0.000036         0.000036         0.000037         0.000038         0.000037         0.000037         0.000038         0.000037         0.000037         0.000038         0.000037         0.000037         0.000038         0.000037         0.000038         0.000037         0.000038         0.000037         0.000038         0.000037         0.000038         0.000037         0.000038         0.000037         0.000037         0.000037         0.000037         0.000037         0.000037         0.000037         0.000037         0															
T 0.000028 0.000091 0.000026 0.000075 0.000077 0.000075 0.000075 0.000075 0.000075 0.000075 0.000075 0.000077 0.000075 0.000075 0.000075 0.000077 0.000075 0.000077 0.000075 0.000077 0.000075 0.000077 0.000075 0.000077 0.000075 0.000077	100														
Q         0.000122         0.000133         0.000013         0.000019         0.000033         0.000033         0.000003         0.000003         0.000003         0.000019         0.000005         0.000005         0.000003         0.00003         0.00003         0.0	В														
© 0.000044 0.000079 0.00008 0.000008 0.000002 0.000038 0.000579 0.001782 0.000006 0.000015 0.00005 0.000050 0.000056 0.00005	Г														0.003345
E 0.000044 0.000719 0.00043 0.000080 0.000082 0.000080 0	Д														0
ж         0.000758         0         0         0.00013         0.000133         0.000329         0         0         0         0.000056         0.000056         0.000055         0.000055         0.000057         0.000052         0.000052         0.000005         0.0000056         0.00000056         0.0000056         0.0000056         0.0000056         0.0000056         0.0000056         0.0000056         0.00000056         0.0000056         0.0000056         0.0000056         0.0000056         0.0000056         0.0000056         0.0000056         0.0000006         0.0000056         0.0000006         0.0000006         0.0000006         0.0000006         0.00000000000         0.000000000000         0.000000000000         0.0000000000000000         0.00000000000000000000000000000000000															0
3 0.00003 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	10.75														0.000866
N   0.000201   0.00089   0.00035   0.000851   0.000861   0.00040   0.00053   0.000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000992   0.0000853   0.000992   0.000992   0.0000992   0.000992   0.000992   0.0000992   0.0000992   0.0000992   0.0000992   0.000992   0.000	1000														0
N   0.000201   0.00089   0.00035   0.000851   0.000861   0.00040   0.00053   0.000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000992   0.0000853   0.000992   0.000992   0.0000992   0.000992   0.000992   0.0000992   0.0000992   0.0000992   0.0000992   0.000992   0.000			0	0	0	0	0	0							
N   0.000201   0.00089   0.00035   0.000851   0.000861   0.00040   0.00053   0.000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000991   0.0000853   0.000992   0.0000853   0.000992   0.000992   0.0000992   0.000992   0.000992   0.0000992   0.0000992   0.0000992   0.0000992   0.000992   0.000			0	0	0	0	0.000036	0.000008							
No. 0.000108   0.000094   0.00011   0.000412   0.000219   0.000008   0   0.0000232   0.000232   0.00088   0.000152   0.000476   0.000476   0.000476   0.000476   0.000476   0.000476   0.000477   0			0.000089	0.000036	0	0.000017	0.000553	0.000091							
M 0.002288 0.000011 0.000427 0.000279 0.000111 0.00003 0 0.000651 0.000169 0.00111 0.00003 0.000036 0.000036 0.000037 0.000037 0.000037 0.000037 0.000037 0.000037 0.000037 0.000037 0.000037 0.000037 0.000037 0.000037 0.000038 0.0000038 0.000038 0.000038 0.000038 0.000038 0.000038 0.000038 0.000	10,000														
H 0.000407 0.001785 0.00039 0.00039 0.000019 0.000019 0.000409 0.000064 0.000645 0.000719 0.00073 0.00137 0.001387 0.00036 0.000133 0.00013 0.00138 0.00013 0.00036 0.00138 0.00036 0.000167 0.000167 0.000169 0.00013 0.000169 0.00013 0.00018 0.00018 0.000169 0.000169 0.000169 0.00018 0.000169 0.00018 0.000169 0.00018 0.00	586														
0 0.001035 0.000326 0.002272 0.00008 0.000077 0.00005 0.000216 0 0.000071 0.000071 0.000033 0.00013 0.00363 0.01853 0.00036 0.000036 0.00036 0.00036 0.00036 0.00036 0.00036 0.00036 0.00036 0.00															
П 0.000147 0.001559 0.001513 0.002728 0.000059 0.000059 0.000058 0.000058 0.000058 0.000058 0.000059 0.000059 0.000059 0.000059 0.000059 0.000059 0.000059 0.000059 0.000059 0.000059 0.000059 0.000059 0.000059 0.000058 0.000059 0.000058 0.000059 0.000059 0.000059 0.000058 0.000059 0.000058 0.000059															
p         0.003862         0.008591         0.009808         0.00983         0.000528         0.00034         0.000388          0.000028         0.00166         0         0.00071         0.00071         0.000028         0.000282           c         0.0166         0.001137         0.007263         0.000224         0.000147         0.000187         0.000019         0.000030         0.00053         0.00022         0.000157         0.00019         0.00025         0.00029         0.00187         0.00025         0.00029         0.00186         0.000318         0.002388         0.002565         0.0002565         0.00025         0.00029         0.00187         0.002565         0.002565         0.0002565         0.00027         0.000188         0.00187         0.00187         0.00214         0.00266         0.00182         0.01416         0.006699         0.000007         0.00138         0.00466         0.00021         0.00217         0.00167         0.00174         0.00177         0.00177         0.00177         0.00177         0.00177         0.00177         0.00177         0.00177         0.00177         0.00177         0.000177         0.001679         0.00177         0.000164         0.000003         0.000003         0.000003         0.0000173         0.000172															
C 0.01066 0.001137 0.007263 0.00024 0.000147 0.001187 0.000006 0.000006 0.000001 0.000191 0.000192 0.000038 0.000589 0.000163 0.000256 0.000024 0.0001187 0.0001187 0.000111 0.000110 0.000150 0.002388 0 0.000139 0.000256 0.00024 0.000183 0.00007 0.000183 0.0001	1000														
T 0.001848 0.009944 0.000329 0.000194 0.000952 0.000924 0.003185 0 0.0000037 0.000138 0.000329 0.000194 0.0000952 0.000924 0.003185 0 0.000003 0.000007 0.000138 0.000038 0.000003 0.0000000 0.00000000															
y 0.00888 0.001458 0.003832 0.00246 0.000498 0.001832 0.01416 0.005099 0.000077 0.000188 0.004806 0.000038 0.000041 0.01225 0.000594 0.001879 0.001664 0.000003 0.000003 0.000059 0.0000															
6 0.000313 0.000877 0.002141 0.011225 0.000694 0.004294 0.001807 0.002166 0.00044 0.001605 0.000728 0.000642 0.000127 0.000157 0.0001															
X         0.001574         0.002296         0.00137         0.00179         0.00429         0.001679         0.001679         0.001646          0.000003         0.00003         0.000528         0         0.000008         0.000009         0.0000009         0.0000009         0.0000009         0.0000009															
ц         0         0.000003         0.000083         0.000068         0.000019         0.000017          0.000018         0.000013         0.000008         0.000009         0.000008         0.000009         0.000009         0.000009         0.000009															
4 0.000678	100														
ш 0.000017 0.001477 0 0.000037 0.000008 0.000022 0.000019 0.002648 0.000039 0.00018 0.000019 0.000036 0.003821 0 0.0000019 0.000003 0.000011 0.000006 0.00281 0.000003 0.000011 0.000006 0.00281 0.000003 0.000011 0.000006 0.00281 0.000003 0.000011 0.000006 0.00281 0.000003 0.000011 0.000006 0.00281 0.00000000000000000000000000000000000	1000														
щ 0.000008 0.000047 0.002006 0 0.000747 0.000108 0.000033 0 0.001281 0.000014 0.000053 0.000011 0.000006 0.002341 0.0001392 0 0.0001392 0 0.000013 0.000013 0.000011 0 0.000013 0.0001392 0 0 0.0001392 0 0 0.000147 0 0 0 0 0.000145 0.000085 0.000013 0 0.000013 0 0.000013 0 0.000013 0 0.000014 0.000003 0 0 0.000147 0 0 0 0 0 0.000015 0 0.000003 0 0 0.000015 0.000003 0 0 0.000015 0 0.000003 0 0 0.000015 0.000015 0 0.000003 0 0.000015 0 0.000015 0 0.000003 0 0.00001624 0.0001624 0.000015 0 0.000015 0 0.000003 0 0.000015 0 0.000005 0 0.000015 0															0.000003
Ь 0 0.001392 0 0.000003 0.000003 0.000032 0 0 0.000517 0.000584 0.000003 0 0.000512 0.000025 0.000019 0.000011 0 0 0.001392 0 0 0.00003 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0.000015 0.000125 0 0.000001 0.000125 0 0.000011 0.001624 3 0.000285 0.000415 0.001729 0 0.000083 0.000243 0.000581 0 0.000017 0.000125 0 0.000012 0 0.000014 0.000141 0.001624 0 0.001074 0.000385 0.000534 0.00086 0 0.000086 0.000457 0 0.000053 0 0.000012 0 0.000014 0.000141 0.000429 0 0.000018 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0															0
W       0.001392       0       0.000003       0.000003       0.000032       0 <t< td=""><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>0.002341</td></t<>															0.002341
Ь       0															Ø
э 0.000285 0.000415 0.001729 0 0.000083 0.000243 0.000581 0 0.000053 0 0.000042 0 0.000141 0.000429 ю 0.001074 0.000385 0.000534 0.00086 0 0.000086 0.000457 0 0 0.000125 0.000451 0.000855 0 0 я 0 0.000003 0 0 0.000003 0 0 0 0 0 0 0 0	ы														0
ю 0.001074 0.000385 0.000534 0.00086 0 0.000086 0.000457 0 0 0.000125 0.000451 0.000855 0 0 я 0 0.000003 0 0.000003 0 0 0 0 0 0 0 0 0	ь														
									9	0.000053	0				0.000429
								0.000457	0	0	0.000125	0.000451	0.000855	0	Ø
[33 rows x 33 columns]	Я	0	0.000003	0	0.000003	Ø	0	0	0	0	0	0.000003	Ø	0	0
[33 10WS X 33 COCUMINS]			2 2												
	La	3 rows x 3	3 Cotumnsj		1661202016	C0003									

# Bigram\_cross2()

								700								
100000-00										щ						
1 000	0	0.002519	0.006078	0.013927	0.004565	0.006293	0.002141		0.001179	0.000103				0.001733	0.00009	0.000984
a 0.	015756	0.000077	0.000826	0.003558	0.000841	0.00208	0.000999		0.000859	0.000243				0.000032	0.000648	0.002216
6 0.	000235	0.001042	0.000017	0.00005	0.000006	0.000012	0.002193		0.000032	0.000257	0.000139	0.00269	0.000301		0.000075	0.000213
в 0.	006925	0.006753	0.000026	0.000053	0.000042	0.000341	0.005523		0.000923	0.000011	0.000002	0.002859	0.000106	0.000008	0.000002	0.000279
г 0.	000492	0.001596	0.000001	0.000025	0.000006	0.000726	0.000389		0.000008		0.000001		0.000001	0.000007		
д 0.	001078	0.004434	0.000041	0.001157	0.000029	0.000057	0.004874		0.000072		0.000032	0.000626	0.00035	0.000004	0.000026	0.000335
e 0.	014529	0.00021	0.000892	0.002657	0.002232	0.002974	0.001583		0.000591	0.000611				0.000009	0.000106	0.000166
ë			0													
ж 0.	000191	0.001291	0.000035	0.000002	0.000014	0.000805	0.003048						0.000029			
з 0.	001326	0.004848	0.000116	0.000917	0.000196	0.000865	0.000568		0.000009		0.000024	0.000462	0.000095	0.000001	0.000001	0.000233
и 0.	015762	0.000487	0.000344	0.002185	0.000671	0.001521	0.002258		0.000446	0.000312		0.000001		0.000012	0.000388	0.00149
й 0.	008355	0.000002	0.000027	0.000012	0.000015	0.000127	0.000028		0.000117	0.000005					0.000002	0.000011
к 0.	003662	0.006535	0.000004	0.000383	0.00002	0.000019	0.000752		0.000015					0.000004	0.000002	
л 0.	006468	0.004981	0.000057	0.000035	0.000162	0.000054	0.004726		0.000006	0.000005	0.000001	0.000608	0.004467	0.000001	0.000914	0.001661
м 0.	006877	0.00357	0.000288	0.000119	0.000027	0.000009	0.00369		0.000008	0.000005	0.000002	0.00083	0.000101		0.000007	0.000396
н 0.	002686	0.009411	0.000024	0.000041	0.000213	0.000729	0.006878		0.000018	0.000058	0.000009	0.004502	0.000956	0.000024	0.000098	0.000986
0 0	.01536	0.000048	0.003478	0.008709	0.004244	0.005761	0.001584		0.000836	0.000223		0.000001		0.000139	0.000252	0.000641
п 0.	000701	0.001952	0.000013	0.000008	0.000004	0.000005	0.002537		0.000008	0.000004		0.00029	0.000088	0.000001	0.000013	0.00033
p 0.	001636	0.008232	0.000124	0.000397	0.000485	0.000284	0.006078		0.000232	0.000044	0.000001	0.00147	0.000473	0.000002	0.00015	0.000844
				0.001177					0.000085		0.000035	0.000431	0.002699	0.000004	0.000203	0.003326
				0.002977						0.000027	0.000014	0.001469	0.003955	0.000004	0.000145	0.000514
			0.001095	0.000442	0.000709				0.000618					0.000028		0.00009
ф 0.	.000093	0.000295			0		0.000421		0.000001			0.000017	0.00002	0.000001	0.000005	
x 0.	003513	0.000712	0.000004	0.000152	0.000009	0.000007	0.000093		0.000012		0.000001			0.000008		
				0.000153			0.000981	0	0.000001			0.000259				
ч 0.	000861	0.002136		0.000011	0.000004	0.000001	0.003335	0	0.000067				0.000259	0.000002		
ш 0.	000079	0.001068		0.000032	0		0.001985		0			Ø	0.000206	0	0.000005	0
щ 0.	000098	0.000426		0.000002		0.000001	0.001246			0			0.000033			
	000006		0.000001	0	0		0.000132		0	0		0	0	0	0.000009	0.00011
ы 0.				0.000945						0.000012				0.000002		0.000014
		0.000008		0.000061			0.000595		0.000485	0.000021					0.000383	0.000657
	000012			0.000005		0.000004								0.000002		
				0.000017										0.000004		
я 0.	008545	0.000012	0.000117	0.000309	0.000152	0.000378	0.000093		0.00002	0.000225				0.000002	0.000083	0.000072
[34 r	ows x 3	4 columns]														

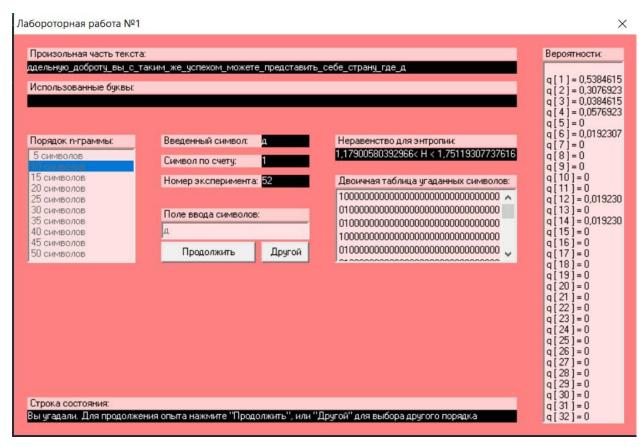
# Bigram2()



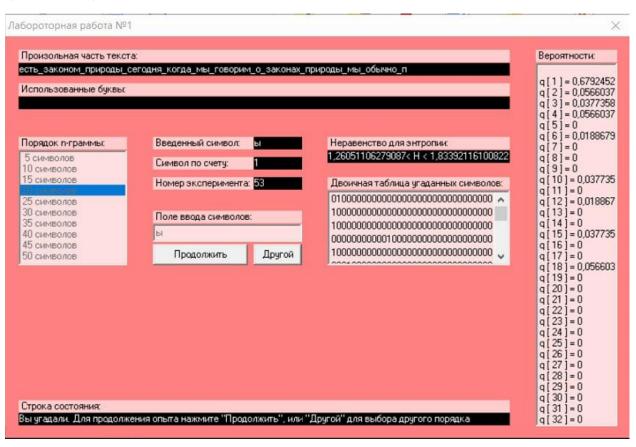
Для зручності перегляду були створені таблиці

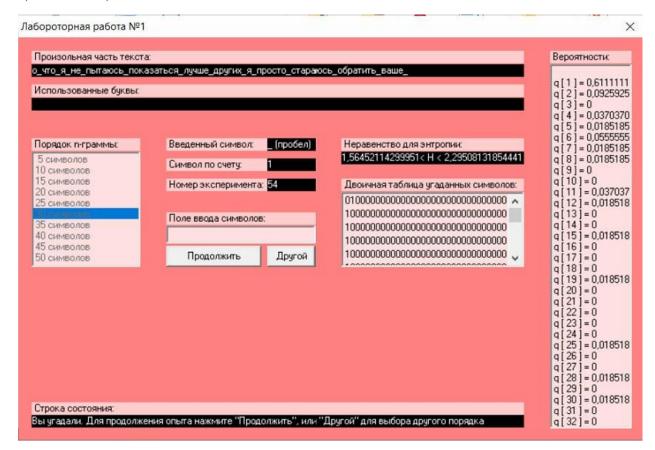
## Робота з CoolPinkProgram

## $1,18 < H^{(10)} < 1,75$



## 1,26<H<sup>(20)</sup> <1,83





## Оцінка надлишковості мови:

	R(Текст з пробілами)	R(Текст без пробілів)
H1	0.1331179814452792	0.11466156950060935
H2	0.20433902779205404	0.1739815806779923
Н2(з кроком 2)	0.20441786826983577	0.1741072770900105

#### Висновки:

У ході виконання лабораторної роботи ми ознайомились з поняттям ентропії та навчились її визначати, освоїли вимірювання частоти повторювання символів в тексті. Ми дійшли такого висновку, що коли оброблений текст містить пробіл, ентропія  $\epsilon$  меншою. Надлишковість існу $\epsilon$  в межах від 0,11-0,2.