



МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ, МОЛОДІ ТА СПОРТУ УКРАЇНИ

НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ УКРАЇНИ

«КИЇВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ»

ФІЗИКО-ТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ

Кафедра інформаційної безпеки

КРИПТОГРАФІЯ

КОМП'ЮТЕРНИЙ ПРАКТИКУМ №4

**Вивчення криптосистеми RSA та алгоритму електронного
підпису; ознайомлення з методами генерації параметрів для
асиметричних криптосистем**

Виконав:

студенти 3 курсу ФТІ

групи ФБ-93

Денисюк Артем

Товстоноженко Михайло

КИЇВ 2021

Мета: Ознайомлення з тестами перевірки чисел на простоту і методами генерації ключів для асиметричної криптосистеми типу RSA; практичне ознайомлення з системою захисту інформації на основі криптосхеми RSA, організація з використанням цієї системи засекреченого зв'язку й електронного підпису, вивчення протоколу розсилання ключів.

Постановка задачі

1. Написати функцію пошуку випадкового простого числа з заданого інтервалу або заданої довжини, використовуючи датчик випадкових чисел та тести перевірки на простоту. В якості датчика випадкових чисел використовуйте вбудований генератор псевдовипадкових чисел вашої мови програмування. В якості тесту перевірки на простоту рекомендовано використовувати тест Міллера-Рабіна із попередніми пробними діленнями. Тести необхідно реалізовувати власноруч, використання готових реалізацій тестів не дозволяється.
2. За допомогою цієї функції згенерувати дві пари простих чисел p, q і $1 < p, q$ довжини щонайменше 256 біт. При цьому пари чисел беруться так, щоб $pq \leq p_1q_1$; p і q – прості числа для побудови ключів абонента А, $1 < p < q_1$ – абонента В.
3. Написати функцію генерації ключових пар для RSA. Після генерування функція повинна повертати та/або зберігати секретний ключ (d, p, q) та відкритий ключ (n, e) . За допомогою цієї функції побудувати схеми RSA для абонентів А і В – тобто, створити та зберегти для подальшого використання відкриті ключі (e, n) , $(,)$ і n_1 e та секретні d і d_1 .
4. Написати програму шифрування, розшифрування і створення повідомлення з цифровим підписом для абонентів А і В. Кожна з операцій (шифрування, розшифрування, створення цифрового підпису, перевірка цифрового підпису) повинна бути реалізована окремою процедурою, на вхід до якої повинні подаватись лише ті ключові дані, які необхідні для її виконання. За допомогою датчика випадкових чисел вибрати відкрите повідомлення M і знайти криптограму для абонентів А і В, перевірити правильність розшифрування. Скласти для А і В повідомлення з цифровим підписом і перевірити його.
5. За допомогою раніше написаних на попередніх етапах програм організувати роботу протоколу конфіденційного розсилання ключів з підтвердженням справжності по відкритому каналу за допомогою алгоритму RSA. Протоколи роботи кожного учасника (відправника та приймаючого) повинні бути реалізовані у вигляді окремих процедур, на вхід до яких повинні подаватись лише ті ключові дані, які необхідні для виконання. Перевірити роботу програм для випадково обраного ключа $0 < k < n$.

Кожна з наведених операцій повинна бути реалізована у вигляді окремої процедури, інтерфейс якої повинен приймати лише ті дані, які необхідні для її роботи; наприклад, функція `Encrypt()`, яка шифрує повідомлення для абонента, повинна приймати на вхід повідомлення та відкритий ключ адресата (і тільки його), повертаючи в якості результату шифротекст. Відповідно, програмний код повинен містити сім високорівневих процедур: `GenerateKeyPair()`, `Encrypt()`, `Decrypt()`, `Sign()`, `Verify()`, `SendKey()`, `ReceiveKey()`.

Кожну операцію рекомендується перевіряти шляхом взаємодії із тестовим середовищем, розташованим за адресою <http://asymcryptwebservice.appspot.com/?section=rsa>. Наприклад, для перевірки коректності операції шифрування необхідно а) зашифрувати власною реалізацією повідомлення для серверу та розшифрувати його на сервері, б) зашифрувати на сервері повідомлення для вашої реалізації та розшифрувати його локально.

Хід роботи

Кандидати, що не пройшли перевірку частоти

[illegible]

[illegible]

Відкритий текст:

1306863971454985941006371192261208828855579776661515506312843411279933
7018825

Для абонента А:

p=187536433866809833223285245646209601508980257617322329572454888817911610439533

q=451602687898714302371518017565559104385780314034890631920160739687815398430951

n=84691957613190796133509812264796286027118281589886027244252008655356419802948216746862360401981786620988295275621
784292283782054960430749143171759661185883

oyley f=846919576131907961335098122647962860271182815898860272442520086553564198029475776077405948778461918177250835
06915889531712129841998938133514666032652315400

e=65537

d=60355797188215452849773040905554275278034687911494680904569785987280796907039788396928826216790612766023010287173
758648986298186834313525577955613699534473

Для абонента Б:

p=834907652863334387192802187496537290133317552138858542888890484517820435401529

q=1545610585444358825096078840889160381024051306878034473066224624123722226720357

n=1290442106134073770929759610217489968164116726909153087439364921152082678011969828101743
928536710403716931929311825049999078263337775310742065947068093225853

oyley f=12904421061340737709297596102174899681641167269091530874393649211520826780119674475
83505620843498114835903543614153892630219246444759355626957305525431103968

e=65537

d=1243027903598546517006039251619999758918359474084073504386219511228921485271182583861011
738990634183613466512120144667712179544513957205263808043403191176929

Результат роботи програми:

```
INFO:from rsa_tools:Key data for subscriber A:
p=191220004509714803408013426273250542454442890569311789721031209183837672238843
q=341621555280322726299959801667710467475445694442448534672712228250980300117399
n=65324875341319096734018707945866872714258244282831026760829048516416013651374092528338729070334224895163274133723146343352049280069499728983846676067929357
oyley_f=65324875341319096734018707945866872714258244282831026760829048516416013651373559686778939032804516921935333172713216454767037519745105985546411858095573116
e=65537
d=4637939560296592109852282650596129800562180304988216847248692536229667386664650094184695718748789496586128526674010042632879527280375637437591808836515277
INFO:from rsa_tools:Key data for subscriber B:
p=723449990161800774143694440833306181635583654119303657145880235529439970627999
q=1008429726173490201895732208010028712034478815323414438942695015871953396908049
n=72954847547907893519094996549786267214615071585682966100133333416288768678471467218595972750905067401598808739354412260154255049157519084481416623387863951
oyley_f=72954847547907893519094996549786267214615071585682966100133333416288768678469735338879637459929027974949965404460742197684812331061430509230015230020327904
e=65537
d=481374868015652385590769326609763576782824899000517036646179369469468776782017284362408596101129300345160159207548344825892005121261111120598036965252743329
INFO:root:Chosen value for k:27270900993489555256648722944519758885068944921345741267776048937590359407538
INFO:from rsa_tools:Subscriber A has encrypted k:
S=6005352196100598696157944969248912824707994285727273781152896083578891061604401885979210404476045858712286875056264213251855942943563708987591562072167150
k1=368272416116463755256347962686647094791886607272599499772460327781688464925821265516283457667253027671867465561330904853783408091812018505930002205405305710
S1=359884537867382706437238363571965939480683347677769830128150032317796243953055141009884434784815666109110118107891849819394006916927348411346446633190524648
INFO:from rsa_tools:Subscriber B has decrypted k1 and S1:
k=27270900993489555256648722944519758885068944921345741267776048937590359407538
S=6005352196100598696157944969248912824707994285727273781152896083578891061604401885979210404476045858712286875056264213251855942943563708987591562072167150
S1=359884537867382706437238363571965939480683347677769830128150032317796243953055141009884434784815666109110118107891849819394006916927348411346446633190524648
Successfully sent a key
```

Перевірка на сайті:

Search for a tool

★ SEARCH A TOOL ON DCODE BY KEYWORDS:

↗

★ BROWSE THE FULL DCODE TOOLS' LIST

Results

📄 📄 📄 📄 📄 📄

⚠️ ✓ Déryption using C,D,N

27270900993489555256648722944519758885068944
921345741267776048937590359407538

RSA Cipher - [dCode](#)

Tag(s) : Modern Cryptography, Arithmetics

Share

+

f

🐦

👍

✉

dCode and more

dCode is free and its tools are a valuable help in games, maths, geocaching, puzzles and problems to solve every day!
A suggestion ? a feedback ? a bug ? an idea ? [Write to dCode!](#)

RSA DECODER

Indicate known numbers, leave remaining cells empty.

★ VALUE OF THE CIPHER MESSAGE (INTEGER) C=

36827241611646375525634796268664709479188660727259

★ PUBLIC KEY E (USUALLY E=65537) E=

65537

★ PUBLIC KEY VALUE (INTEGER) N=

72954847547907893519094996549786267214615071585682

★ PRIVATE KEY VALUE (INTEGER) D=

48137486801565238559076932660976357678282489900051

★ FACTOR 1 (PRIME NUMBER) P=

★ FACTOR 2 (PRIME NUMBER) Q=

★ INTERMEDIATE VALUE PHI (INTEGER) Φ=

★ DISPLAY ☐ PLAINTEXT AS CHARACTER STRING
☐ COMPUTED VALUES (C,D,E,N,P,Q,...)
☒ PLAINTEXT AS INTEGER NUMBER
☐ PLAINTEXT AS HEXADECIMAL FORMAT

CALCULATE/DECRYPT