

**МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ, МОЛОДІ ТА СПОРТУ  
УКРАЇНИ**

**НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ УКРАЇНИ  
«КИЇВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ ІМ.ІГОРЯ  
СІКОРСЬКОГО»**

**ФІЗИКО-ТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ**

**Кафедра інформаційної безпеки**

**Комп'ютерний практикум №3  
«Криптоаналіз афінної біграмної підстановки»  
Варіант 3**

**Виконали:**

**Студенти 3 курсу**

**Групи ФБ-94**

**Волков Артем та Калінічев Сергій**

**Київ**

**НТУУ «КПІ»**

## Мета роботи:

Набуття навичок частотного аналізу на прикладі розкриття моноалфавітної підстановки; опанування прийомами роботи в модулярній арифметиці.

## Завдання 1

```
fn egcd(a: isize, b: isize) -> (isize, isize, isize) {
    if a == 0 {
        (b, 0, 1)
    } else {
        let (g : isize, y : isize, x : isize) = egcd(a: b.rem_euclid( rhs: a), b: a);
        (g, x - (b / a) * y, y)
    }
}
```

```
fn mod_inv(a: isize, n: isize) -> Option<isize> {
    let (g : isize, x : isize, _) = egcd(a, b: n);
    if g == 1 {
        Some(x.rem_euclid( rhs: n))
    } else {
        None
    }
}
```

```
fn linear(a: isize, b: isize, n: isize) -> Option<Vec<isize>> {
    let a : isize = a.rem_euclid( rhs: n);
    let b : isize = b.rem_euclid( rhs: n);
    let (g : isize, x : isize, _) = egcd(a, b: n);
    if g != 1 {
        if b.rem_euclid( rhs: g) != 0 {
            None
        } else {
            let ans : Vec<isize> = linear(a: a / g, b: b / g, n: n / g).unwrap();
            Some(
                (0..g)
                    .map(|i : isize| ans.iter().map(move |x : &isize| (x + (g - i) * n / g).rem_euclid( rhs: n)))
                    .flatten() : impl Iterator<Item=isize>
                    .collect::<Vec<isize>>(),
            )
        }
    } else {
        Some(vec![(x * b).rem_euclid( rhs: n)])
    }
}
```

```
assert_eq!(mod_inv(a: 3, n: 26), Some(9));
assert_eq!(linear(a: 1287, b: 447, n: 516), Some(vec![109, 453, 281]));
```

## Завдання 2

```
pub fn count_bigram_frequency(text: &str) -> HashMap<String, f32> {
    let chunks : IntoChunks<Chars> = text.chars().chunks( size: 2);
    let iter = chunks
        .into_iter() : IntoChunks<Chars>
        .map(|item| item.collect::())
        .filter(|n| n.chars().count() == 2);
    let mut frequency : BTreeMap<?, f32> = BTreeMap::new();
    for item in iter {
        *frequency.entry( key: item).or_insert( default: 0f32) += 1f32;
    }

    let len: f32 = frequency.values().sum();
    for (_, v : &mut f32) in frequency.iter_mut() {
        *v = *v / len;
    }
    frequency
        .into_iter() : impl Iterator<Item=(...)>
        .sorted_by(|(a, a : &f32), (b, b : &f32)| b.partial_cmp( other: a).unwrap_or( default: Ordering::Equal))
        .take( n: 5) : impl Iterator<Item=(...)>
        .collect::
```

```
["рб", "тд", "кд", "во", "щю"]
```

## Завдання 3

```
let map : HashMap<String, f32> = count_bigram_frequency(&text);

let most_bi : Vec<String> = vec![
    "ст".to_string(),
    "но".to_string(),
    "то".to_string(),
    "на".to_string(),
    "ен".to_string(),
];

let vec : Vec<Vec<String>> = vec![
    most_bi,
    map.keys().map(|s : &String| s.to_string()).collect::
```

```

let keys : Vec<Vec<...>> = vec
    .clone() : Vec<Vec<...>, Global>
    .into_iter() : impl Iterator<Item=Vec<...>>
    .cartesian_product( other: vec.into_iter() ) : Product<Intolter<...>, Intolter<...>>
    .filter(|(v1 : &Vec<?>, v2 : &Vec<?> )| {
        let y0 : &? = v1.get( index: 0 ).unwrap();
        let y1 : &? = v1.get( index: 1 ).unwrap();

        let x0 : &? = v2.get( index: 0 ).unwrap();
        let x1 : &? = v2.get( index: 1 ).unwrap();
        y0 != x0 && y1 != x0 && y0 != x1 && y1 != x1
    }) : Filter<Product<...>, fn(...) → ...>
    .collect::<Vec<_>>();
println!("keys len: {:?}", keys.len());

```

keys len: 400

```

let n : isize = alphabet.len().pow( exp: 2 ) as isize;
'l: for (pair1 : Vec<?>, pair2 : Vec<?> ) in keys {
    let y1 : isize = bi_number( bi: pair1.get( index: 0 ).unwrap() );
    let x1 : isize = bi_number( bi: pair1.get( index: 1 ).unwrap() );
    let a : isize = y1 - bi_number( bi: pair2.get( index: 0 ).unwrap() );
    let b : isize = x1 - bi_number( bi: pair2.get( index: 1 ).unwrap() );
    if let Some(keys : HashMap<isize, isize> ) = linear(a, b, n).map(|a : Vec<isize> | {
        a.into_iter() : impl Iterator<Item=isize>
            .map(|a : isize | (a, (x1 - (y1 * a)).rem_euclid( rhs: n ))) : impl Iterator<Item=(...)>
            .collect::<HashMap<_, _>>()
    }) {

```

## Завдання 4-5

```

for (a : isize , b : isize ) in keys {
    if let Some(text : String ) = decode(a, b, &text) {
        println!("a: {}, b: {}", a, b);
        println!("{}", text);
        break 'l;
    }
}

```

Біграми які не зустрічаються в російській мові були взяті з [списку](#)

```
let impossible_bi : Vec<&str> = vec![
    "аь", "еь", "иь", "оь", "уь", "юь", "яь", "эь", "ыь", "жы", "шы", "фй", "дй", "хщ", "яы",
    "ьь", "яь", "бй", "эы", "эь",
];
```

$a = 199, b = 700$

```
a: 199, b: 700
отцеубийствокакизвестноосновоеиизначальноепреступлениечеловечестваиотдельногочеловекавовсякомслучаеонеглавныйисточникчувствавинынеизвестноединственныйилиисследованиянеудалосьещ
```

**Висновок:** Завдяки цьому комп'ютерному практикуму нами були здобуті такі навички: знаходження оберненого елемента, розв'язання лінійних рівнянь, атака на афінний шифр за допомогою частотного аналізу біграм.