

Міністерство освіти і науки України Національний технічний  
університет України «Київський політехнічний інститут» Фізико-  
технічний інститут



# Лабораторна робота №4

**З дисципліни:” КРИПТОГРАФІЯ”**

Тема:” Вивчення криптосистеми RSA та алгоритму електронного  
підпису; ознайомлення з методами генерації параметрів для  
асиметричних криптосистем ”

Перевірила:  
Байденко П. В.

---

Виконали:  
студенти III курсу  
групи ФБ-95  
Корольова В.Р.  
Групи ФБ-96  
Гуменюк О.О.

**Мета:** Навчитись проводити тести щодо перевірки чисел на простоту дослідити та реалізувати схему RSA ,а також цифровий підпис відносно RSA та розсилання ключів.

**Постановка задачі:** згенерувати пари ключів для Аліси та Боба (qr),(qlr1) для шифрування відносно системи RSA ,з використанням закритого ключа та розшифрування на відкритих ключах.

## **Варіант 2**

**p:**90537879588897465387133326884708486476041471186471324048449300  
458247492416481

**q:**86150101796519139448559302808615911065040892953424399390382754  
402822117919089

**p1:**1063085411805464101392547353526473138709131936707104522352709  
33900888536235361

**q1:**7860301448395722437438981292746406086019997659592078256457725  
5051874782387819

**BT:** 2148

**ШТ:**224665930557974646436657057119221810139580120570643066173878  
4948078014561837609762093823714168368593088733089676604559239716  
352615036387722392171418992612

```
57896044618658097711785492504343953926634992332820282019728792003956564819968
115792089237316195423570985008687907853269984665640564039457584007913129639935

For Alice
Private key!
p: 90537879588897465387133326884708486476041471186471324048449300458247492416481
q: 86150101796519139448559302808615911065040892953424399390382754402822117919089
d: 1741288808635297858831167692069688907969545037042698941061077937813395163602915735009614941928342278018582955558925608959062908212564869383463086257612067
Public key!
n: 7799847543024509059391431447191654687176641619314755037069667131395098103896488444492344212209051243558878418064627358048673749184511882692551667848105809
e: 7849449506493312711129561415324524125992486842778339457741484350474842986835952529599938858691733011284688088033961594091469025745492687971667759715244529

For Biba
Private key!
p: 106308541180546410139254735352647313870913193670710452235270933900888536235361
q: 78603014483957224374389812927464060860199976595920782564577255051874782387819
d: 3805465053647299022114770875175690750224172512708992758013754611695919982199366199273007514844347904554751392038882719353035465507843279226497097127326289
Public key!
n: 835617180218285252085340211825986756123484417325655109957609604272340705919154310607616530827638818655844489573915953605104303505688052072143800563467659
e: 7849449506493312711129561415324524125992486842778339457741484350474842986835952529599938858691733011284688088033961594091469025745492687971667759715244529

Biba send Alice messege!
Enter messege Hex:
2148
Entcripted text:
2246659305579746464366570571192218101395801205706430661738784948078014561837609762093823714168368593088733089676604559239716352615036387722392171418992612
M:
1237330337573850241757057186139644891649771659291690004130837776115539002957174167865244144165958088217953903247511172651887969422645480272098929137692355
S:
1021308876557030392560532358686414090844952980726348608096320905798006192907395111754078562923845897263617836980914890166925047839802383494459148223291731
Dec:1237330337573850241757057186139644891649771659291690004130837776115539002957174167865244144165958088217953903247511172651887969422645480272098929137692355
Результат проверки сигнатур: 1
Decrypted text Dec:
8520
Decrypted text Hex:
2148
```

## Перевірка:

Server Key	Sign
Encryption	
Decryption	
Signature	
Verification	
Send Key	
Receive Key	

✖ Clear

Message

969

Sign

Bytes ▾

Signature

12A5CB6265ECEFDD6E1C0597B1E40B9822E4FAA585547DD11B94EAD01C38D5B0E

Microsoft Visual Studio Debug Console

Введіть повідомлення:  
969  
Введіть сигнатуру(s):  
12A5CB6265ECEFD6E1C0597B1E40B9822E4FAA585547DD11B94EAD01C38D5B0E  
Введіть модуль(n):  
AAADB1FB01E6F7ED5F5C6D379131DAC9B7AF3A3805AA4227DE56B0C3358DD15  
Введіть e:  
10001  
Дес:2409  
Результат перевірки сигнатури: 1  
  
C:\Users\KOMP\source\repos\Kripta\_4\Debug\Kripta\_4.exe (process 7876) exited with  
To automatically close the console when debugging stops, enable Tools->Options->  
le when debugging stops.  
Press any key to close this window . . .

969

12A5CB6265ECEFD6E1C0597B1E40B9822E4FAA585547DD11B94EAD01C38D5B0E

AAADB1FB01E6F7ED5F5C6D379131DAC9B7AF3A3805AA4227DE56B0C3358DD15

10001

Verify

true

Опис кроків протоколу конфіденційного розсилання ключів з підтвердженням справжності, чисельні значення характеристик на кожному кроці:

```

For Alice
Private key!
p: 9053787958897465387133326884708486476041471186471324048449300458247492416481
q: 86150101796519139448559302808615911065040892953424398390382754402822117919089
d: 174128808635297858831167692069688907969545037042698941061077937813395163602915735009614941928342278018582955558925608959062908212564869383463086257612067
Public key!
n: 7799847543024509059391431447191654687176641619314755037069667131395098103896488444492344212209051243558878418064627358048673749184511882692551667848105809
e: 784944950649331271112956141532452412599248684277833945774148435047484298683595252959938858691733011284688088033961594091469025745492687971667759715244529

For Biba
Private key!
p: 106308541180546410139254735352647313870913193670710452235270933900888536235361
q: 78603014483957224374389812927464060860199976595920782564577255051874782387819
d: 3805465053647299022114770875175690750224172512708992758013754611695919982199366199273007514844347904554751392038882719353035465507843279226497097127326289
Public key!
n: 8356171802182852520853340211825986756123484417325655109957609694272340705919154310607616530827638818655844489573915953605104303505688052072143800563467659
e: 784944950649331271112956141532452412599248684277833945774148435047484298683595252959938858691733011284688088033961594091469025745492687971667759715244529

```

Генеруємо числа  $p$  і  $q$  для А та Б. Також генеруємо  $n$ ,  $e$  та  $d$  для кожного. Далі у наступному кроці ми шифруємо наш текст.  
CipherTextRSA()

```

Biba send Alice message!
Enter message Hex:
2148
Encrypted text:
2246659305579746464366570571192218101395801205706430661738784948078014561837609762093823714168368593088733089676604559239716352615036387722392171418992612

```

Робимо цифровий підпис DigitalSignatureRSA

```
S:  
1021308876557030392560532358686414090844952980726348608096320905798006192907395111754078562923845897263617836980914890166925047839802383494459148223291731
```

Відправляємо наш шифрований текст абоненту б. Абонент б приймає повідомлення і перевіряє його цифровий підпис зі своїм. Після перевірки цифрового підпису якщо він правильний, то дешифруємо наше повідомлення. `Check_Signature()`.

```
Результат перевірки сигнатур: 1  
Decrypted text Dec:  
8520  
Decrypted text Hex:  
2148
```

**Висновок:** навчилися генерувати прості числа, з перевіркою відносно тестів, які призвели для правильної реалізації криптосистеми RSA, та відповідного електронного підпису, для якого також було створено перевірку щодо відповідності до ВТ.