

Міністерство освіти і науки України
Національний технічний університет України
"Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського"
Фізико-технічний інститут

КРИПТОГРАФІЯ
КОМП'ЮТЕРНИЙ ПРАКТИКУМ №3

Експериментальна оцінка ентропії на символ джерела відкритого
тексту

Виконали:
Студенти 3 курсу
Остапова О. А.
Литвин М. Р.

Київ – 2025

Мета роботи

Набуття навичок частотного аналізу на прикладі розкриття моноалфавітної підстановки; опанування прийомами роботи в модулярній арифметиці.

Постановка задачі

Задача полягає у проведенні криптоаналізу шифртексту, зашифрованого методом афінної біграмної підстановки, з метою визначення ключа шифрування та відновлення змістовного російськомовного тексту. Для цього необхідно реалізувати програмні модулі для обчислень у модулярній арифметиці, провести частотний аналіз біграм шифртексту, знайти кандидати на ключ, здійснити дешифрування та створити автоматичний розпізнавач осмисленого тексту.

Варіант 10

Порядок виконання роботи

1. Уважно ознайомитись із методичними вказівками до комп'ютерного практикуму та теоретичними основами афінної біграмної підстановки.
2. Реалізувати підпрограми для виконання математичних операцій у модулярній арифметиці:
 - знаходження оберненого елемента за модулем за допомогою розширеного алгоритму Евкліда;
 - розв'язування лінійних порівнянь із можливістю отримання кількох розв'язків.
3. За допомогою програми підрахунку частот біграм (розробленої у практикумі №1) визначити п'ять найчастіших біграм шифртексту.
4. Провести частотне співставлення найпоширеніших біграм російської мови («ст», «но», «то», «на», «ен») із найчастішими біграмами шифртексту.
5. Для кожної пари біграм скласти систему рівнянь афінного шифру та обчислити можливі значення ключа (a, b).
6. Для кожного кандидата на ключ здійснити дешифрування шифртексту за афінною формулою.
7. Реалізувати автоматичний розпізнавач змістовного тексту російською мовою на основі частотних характеристик літер та біграм.
8. Визначити правильний ключ шифрування, який дає осмислений російський текст, і записати отриманий результат.
9. Оформити звіт, у якому подати мету, варіант завдання, опис алгоритмів, знайдені біграми, метод автоматичного розпізнавання, отриманий ключ, зашифрований та розшифрований тексти, а також висновки.

Хід роботи

Підготовка

Перед початком роботи нормалізуємо текст: приводимо всі літери до нижнього регістру, замінюємо «ё» на «е» та «ъ» на «ь», видаляємо всі символи, що не належать алфавіту, і, якщо довжина тексту непарна, обрізаємо останній символ, щоб можна було розбивати текст на біграми.

```
def clean_text(text: str) -> str:
    text = text.lower().replace("ё", "е").replace("ъ", "ь")
    text = re.sub(f"^[{alphabet}]", "", text)
    if len(text) % 2 == 1:
        text = text[:-1]
    return text
```

Частотний аналіз

У російській мові найбільш уживаними є біграми «ст», «но», «то», «на», «ен». Тому можна припустити, що найчастіші біграми в шифртексті, ймовірно, відповідають цим частим біграмам відкритого тексту.

Після аналізу виділяємо такі топ-біграми:

Top 5 ciphertext bigrams (count | frequency):

Bigram	Count	Freq
--------	-------	------

сг	60	0.0158
жэ	59	0.0155
ям	54	0.0142
нг	52	0.0137
тм	51	0.0134

Пошук кандидатів у ключ

Функція `key_candidates` знаходить всі можливі ключі (a, b) афінного шифру для пари біграм, перетворюючи систему рівнянь $a \cdot X + b \equiv Y \pmod{m^2}$ на одне лінійне конгруентне рівняння $A \cdot a \equiv B \pmod{m^2}$. Спочатку обчислюються різниці $A = X_1 - X_2$ та $B = Y_1 - Y_2$, потім розв'язується конгруентне рівняння для a із перевіркою взаємної простоти з модулем, після чого обчислюється відповідне $b = Y_1 - a \cdot X_1 \pmod{m^2}$. Функція повертає всі допустимі ключі, які можуть з'єднати задану пару біграм відкритого тексту та шифртексту.

```
def key_candidates(X1: int, X2: int, Y1: int, Y2: int):
    A = (X1 - X2) % mod
    B = (Y1 - Y2) % mod
    sols = solve_linear_congruence(A, B, mod)
    for a in sols:
        if gcd(a, m) != 1:
            continue
        b = (Y1 - a * X1) % mod
        yield a, b
```

Перебір кандидатів

```
for X1, X2 in permutations(X_vals, 2):
    for Y1, Y2 in permutations(Y_vals, 2):
        for a, b in key_candidates(X1, X2, Y1, Y2):
            if (a, b) in seen_keys:
                continue
            seen_keys.add((a, b))
            pt = decrypt_affine(cipher_text, a, b)
            if pt and looks_like_ru(pt):
                msg = f"PASS (a={a}, b={b})"
                print(msg)
                print("    " + pt[:300] + "...\\n")
                log(msg)
                results.append((a, b, pt))
            else:
                log(f"FAIL (a={a}, b={b})")
```

Принцип роботи програми полягає в тому що вона перебирає всі можливі пари топ-частих біграм російської мови та шифртексту, для кожної пари обчислює можливі значення ключа a і b за афінним рівнянням, перевіряє, чи ще не було такого ключа, дешифрує текст і автоматично оцінює, чи виглядає результат як змістовний текст російською, зберігаючи вдалий варіант для подальшого використання.

Результат роботи

```
Key search in progress...

PASS (a=300, b=400)
    поздновечеромнаверандесиделколячтотописалвтемнотебумагитуттолкомнелзябылоразглядетьвремяотвременионвосклицалагилиизэтожезначитемуголову
    прииходилоещечтонибудьподходящеедлягосписакотомдверьчутьстукнулаточновсеткуотмоскитовудариласьночнаябабочкалинашепнулауфманонаселарядомснимкачел
    иводнойночной...

Checked 261 candidate keys.

Best key: a=300, b=400
```

Розшифрований текст:

поздновечером на веранде сидел коляич, тот описал в темноте бумагу и тут толком нельзя было разглядеть время от времени он восклицал ага или и это тоже значит ему в голову приходило еще что нибудь подходящее для его спуска потом дверь чуть стукнула точнов свет куот москитов ударилась ночью а бабочка лина шепнула а уфман она селарядом снимна качели водной ночной сорочке нетоненькая как семнадцатилетняя девочка которую еще не любят и нетолстая как пятидесятилетняя женщина которую уже не любят но складная и крепкая и не такая как на дотак вы женщины в овсяном возрасте если они любимы она была удивительная ее тело как его собственное всегда думалозане только по другому она вынашивала детей илив ходило вперед иле овкаждую комнату чтобы не уловить изменить там самый воздух под стать настроению мужа казалось он никогда не задумывается над долгом мысли тотчас передавалась от его головы плечам пальцами и претворялась в действии так незаметно и естественно что леон не смог бы даже и не хотел изобразить это какими либочертежами из тамашина сказала она на конец не нужно она нам да отозвался он но и он да нужно позаботиться и о других а вот все думают что тут давай кино картины радио приемники стереоскопические очки если соберать все это вместе всякий человек пощупает улыбнется и скажет да да это есть счастье сочинить акую хитрую механику думал он что пускай человек промок линоги или не тязвай или его мучает бессонница и он ворочается в постели всю ночь напролет и душа его грызет заботы авсервант моя машина даст ему счастье как тамагическая крупинка соли что брошена в океан и вечно рождает соль и обратился к морю всоляной растворке не расшибся бы в лепешку лишь бы изобрел такую машину пусть ему ответит на этот вопрос целый мир пусть ответит весь городок пусть ответит жена и на смущенном молчании рядом с ним на качелях и его молчание говорило о нем всяких слов леон же умолк запрокинул голову и слушал как свищет ветер в густой листве могучего вяза не забывая говорил он себе и этот шелест листьев в то же время жен для твоей машины через минуту веранда опустела пустые качели неподвижно повисли в темноте дедушка улынулся и вспомнил что почувствовал эту улыбку удивился ей и проснулся пожегал немного прислушался к себе и понял откуда она взялась ибо он слышал нечто гораздо более важное нежели пение иптицили шелест молодой листвы каждый год наступал день когда он вот так просыпался и ждал этого звука который означал что теперь тоуж лето началось по настоящему она начиналось вот в такое утро когда тонибуди из дома чадцев или гостей племянники или внуки выходил на лужайку под его окном и металлически и ножи и спицы кружа извения подушистой летней травы прилежно обегали ее по краям на север на восток на юг на запад и писывая все меньшие и меньшие квадраты косил как звон костре котала из под ножей брызгали головки клевера редкие золотые искры целевших после сбора одуванчиков муравьи палочки камешки остатки прошлого года празднования четвертого июля обгорелые шутки и кусок чирта и ноглавно ее заней стался прохладный чистый поток сочной зеленой травы дедушка уже представлялось как она щеко чете гоного и охлаждает разгоряченно елицо она полняет ноздри извечным ароматом вновородившегося лета и обещает дамы все сепроживеи еще целый год великое чудо косилка говорил себе дедушка какой это дурак выдумал что новый год начинается первого января надо было поставить дозорных караулить рост травы на миллионы лужаеки линой сагайой или аювы как заметят что она созрела для сенокоса авто самое утро в месте фейерверков фанфар и криков пусть начинается великая бурная симфония косилок срезающих свежую траву на необятных луговых просторах в то единственный день в году который по настоящему знаменует собой начало людям надо бы бросать друг в друга не конфетти и не серпантин а пригоршни свежескошенной травы дедушка мыкнул что то уж больно долую философию развел встал подошел к окну и вынул сунул в ласковый солнечный свет так и есть форестерновый жилец молодой газетчик как раз заканчивает ряд доброе утро

мистер сполдинг та же его хорошенько биллс жаром крикнул дедушка и вскоре уж сидел внизу и уплетал приготовленный бабушкой завтрак широко окно было раскрито и жуужанье косилки словно подпевало завтраку от этой косилки на душе становится спокойнее заметил дедушка ты только попопущайте теперь уж не долго на нее слушать отозвалась бабушка и поставила на стол горку пшеничных лепешек биллс форестер посеет сегодня новый сорт травы ее не надо будет косить не помню как там она называется но она как вырастет сколько нужно так сама и остановится и больше не вырастет дедушка сизумлением устался на жену довольно глупая шутка сказала бабушка он уже привез новые семена он сложен у задомом в маленьких корзинках нужно в разных местах вырыть ямки и засыпать туда семена концы годановая трава убьет всю старую и тогда можешь продавать свою косилку он тебе больше не понадобится дедушка сорвался с стула и мигом выскочил во двор биллс форестер установил косилку и журуясь от солнца улыбкай подошел к нему в тот такт сказал он вчера купил новые семена дай ду маю засею вам лужайку пока я свободна меня почему не спросили лужайка вот такая кричала дедушка дай мал вы будете довольны мистер сполдинг ничего я недоволен покажите мне эту чертову траву она истоялива из маленьких четырехугольных корзинок с новыми семенами дедушка подозрительно потыкал одну из них носком башмака по нему это самая обыкновенная трава а вы уверены что вас не надули в калифорнии видел как она растет вот настолько вырастет и все если только она приживется в здешнем климате на муженбудущий год не придется каждую неделю подстригать лужайку в том то и беда с вашим поколением сказал дедушка не стыдно за вас биллаеще журналисты готовы уничтожить все что есть на свете хорошего только бы тратить поменьше времени поменьше труда вот чего вы добиваетесь он не почтительно пнул корзину ногой вот поживет с моим тогда поймет что мелкая радость куда важнее крупных хлопотромповесне прогуляться пешком не в пример лучше чем катить восемьдесят миль в самом роскошном автомобиле а знает почему потому что все вокруг благоухает все растет и цветет когда идешь пешком есть время глядеться в округ заметить самую малую красоту я понимаю сейчас вам хочется схватить все сразу и это наверно естественно это свойство молодости но газетки надо уметь видеть мелкий виноград не только огромные арбузы вам подавай целый скелет а меня довольно и следа пальцев что то же понятно сейчас мелочи кажутся вам скучными но может вы просто еще не знаете и цените не умеете находить в них вкус дай вам волны бы издала конституция во всех мелких делах все мелочейногогдава мне чего бы было делать в перерыве между большими делами и пришлось бы доисступления придумывать себе занятие чтобы не сойти с ума так уж лучше поучились бы кое чему у самой природы по дстригать траву и выпалывать сорняки то же одна из радостей жизни сын биллс форестер ласково улынулся старику знаешь знаешь сказал дедушка я становлюсь слишком болтлив в жизни никого не слушал так им удовольствием тогда продолжим лекцию кусти рени лучше орхидеи и одуванчики то же и чертополох а почему да потому что они хоть ненадолго отвлекают человека уводя его от тлюдей и города заставляют попотеть и возвращают к небесам землю и уж когда ты весь тут и никто тебе не мешаешь хоть ненадолго остаешься наедине с самим собой и начинаешь думать один без посторонней помощи когда копаешься в саду самое время пофилософствовать никто об этом не догадывается никто тебе не обвиняет никто не знает ничего а ты становишься заправским философом эдакий платон среди пионов сократ который сам себя вырачивает цыкут тот кто тащит на спине повоей лужайке мешок навоза средни атласу у которого на плечах вращается земной шар сэмюэл сполдинг эсквайр сказал однажды копая землю копайся себе в душе вертись в теле пасти эту косилку биллида оросит вас живительная струя фонтана юности лекция окончена кроме того изредка очень по

льзительноотведатьзелениодуванчиковавыдавноелизеленьодуванчиковнаужинсэрнебудему
точнятьбиллживнулилегонькостукнулближайшуюкорзинкуноскомбашмакатаквотнасчетэто
йтравыяещеневсевамсказалонарастеттакгусточтонаверняказаглушитиклевериодуванчикиго
сподипомилуйзначитуженабудущийгодмыостанемсябезвинаизодуванчиковиниоднойпчелы
надлужайкойдавыпростосумасошлипослушайтескольковызаплатилизаэтисеменадолларкор
зинкакупилдесятьштуквамвподарокдедушкаполезвкарманвытащилстаромодныйдлинныйк
ошелекотстегнулсеребрянуюзастежкуиизвлектрибумажкипопятьдолларовбиллвытолькочто
совершилипревыгоднуюсделкузаработалипятьдолларовизвольтесейчасжеотправитвьсюэту
чересчурпрозаическуютравувоврагнапомойкусловомкудахотитетолькопокорнейшепрошуне
сейтеееуменяводворезнауювассамыепохвальныенамеренияноявсетакиужедостигвесьмапо
чтенноговозрастаисмоимижеланияминегрехсчитатьсяяпервуюочередьаа

Висновок

У процесі виконання лабораторної роботи були набуті практичні навички криптоаналізу моноалфавітної підстановки. Зокрема, опановано метод частотного аналізу біграм, що дозволяє знаходити відповідність між зашифрованими біграмами та типовими біграмами мови для розкриття шифртексту.

Також було закріплено знання модулярної арифметики та розв'язання лінійних конгруенцій, що є основою для побудови та аналізу шифрів на основі афінних перетворень.

Виконання роботи сприяло розвитку практичних навичок у сфері комп'ютерної безпеки та криптографії, поглибило розуміння принципів шифрування та методів дешифрування, а також сформувало досвід систематичного підходу до виявлення криптографічних слабкостей.