# Содержание

#### 1. Введение

- 1.1. Назначение библиотеки
- 1.2. Цели документации
- 1.3. Глоссарий

#### 2. Архитектурный обзор

- 2.1. Основные принципы
- 2.2. Высокоуровневая диаграмма архитектуры
- 2.3. Дерево алгоритмов
- 2.4. Технологический стек

#### 3. Архитектурные компоненты

- 3.1. Mpest-core
- 3.2. Algorithm
- 4. Потоки данных
- 5. Анализ текущей архитектуры
- 6. Примеры (пока псевдокод)

# 1. Введение

## 1.1. Назначение библиотеки

pysatl-mpest — это Python-фреймворк, предназначенный для оценки параметров смесей вероятностных распределений.

Ключевой особенностью библиотеки является гибкая и расширяемая архитектура, позволяющая пользователям конструировать кастомные итеративные алгоритмы оценки путем комбинирования различных шагов (например, шагов максимизации, вычисления моментов и т.д.).

На данный момент система позволяет:

- 1. Описывать непрерывные распределения и их смеси, а так же работать с ними как с объектами теории вероятностей
- 2. Конструировать и конфигурировать сложные пошаговые алгоритмы оценки параметров смеси:
  - Комбинировать различные шаги алгоритма, например Е шаг + LMoments шаг или Е шаг + ВашЭкзотическийШаг
  - Настраивать условие остановки алгоритма
  - Настраивать удаление компонент (например если его вес станет ниже какого то порога)

В дальнейшем планируется поддержка:

1. Дискретных и многомерных распределения

- 2. Более детальной конфигурации пайплайна алгоритма, в частности, поддержка отдельных пайплайнов для некоторых компонент. Возможность fallback'ов, в случае если алгоритм не поддерживает какую то компоненту, кидать warning и менять алгоритм на другой.
- 3. Поддержка большего числа алгоритмов.
- 4. Реализация бенчмаркинга и его внедрение в pysatl-experiment.

# 1.2 Цели документации

Данный документ преследует следующие цели:

- Облегчить вхождение новых разработчиков: Предоставить исчерпывающее описание архитектуры, ключевых компонентов и потоков данных для быстрого погружения в проект.
- Служить основой для разработки: Зафиксировать принятые архитектурные решения перед началом активной фазы кодирования.
- Обеспечить базу для будущего рефакторинга: Честно проанализировать сильные и слабые стороны текущей архитектуры, выявить потенциальные риски и узкие места, которые могут потребовать пересмотра в будущем.

# 1.3 Глоссарий

## Смесь распределений

Объект представляющий собой взвешенную совокупность распределений.

Плотность смеси распределений можно задать таким образом:

$$f(x\mid F,\Theta,\Omega) = \sum_{k=1}^n \omega_k \cdot f_k(x\mid heta_k)$$

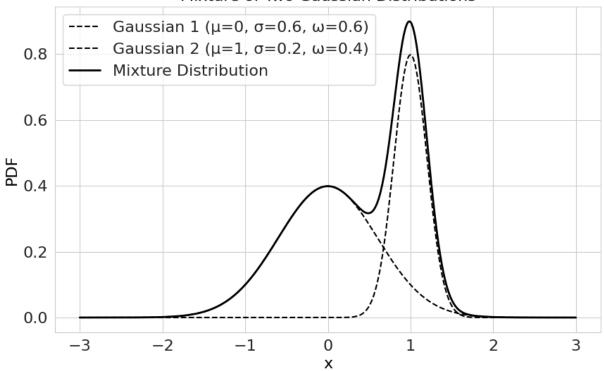
где:

- ullet  $F=\{f_1,\ldots,f_n\}$  множество плотностей компонент
- $\Theta = \{\theta_1, \dots, \theta_n\}$  множество параметров для каждой компоненты
- $\Omega=\{\omega_1,\ldots,\omega_n\}$  множество весов компонент, причем  $\sum_{i=1}^n\omega_i=1$  и orall i  $\omega_i\geq 0$

Смесь позволяет моделировать более сложные распределения, которые могутвозникать, когда данные происходят из нескольких различных подгрупп.

Пример плотности смеси распределений с двумя Нормальными компонентами:

#### Mixture of Two Gaussian Distributions



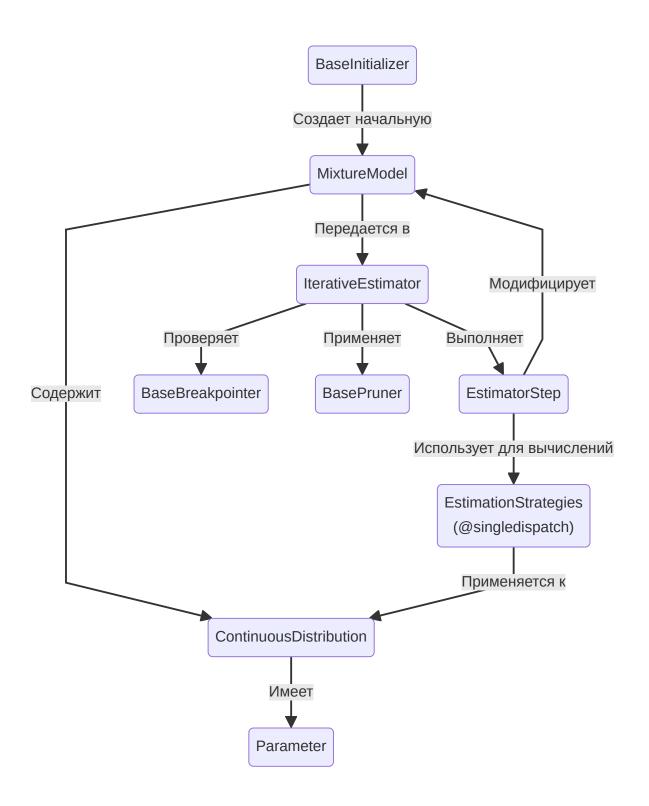
# 2. Архитектурный обзор

# 2.1. Основные принципы

В основе архитектуры лежат следующие принципы:

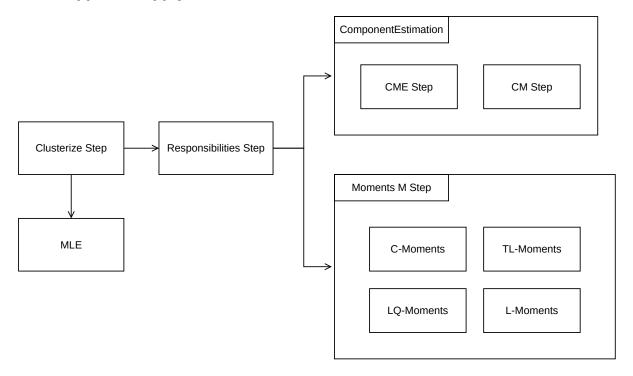
- Композиция над наследованием: Сложные алгоритмы (IterativeEstimator) не наследуются от базового, а "собираются" из атомарных частей: последовательности шагов (steps), условий остановки (breakpointers) и логики удаления компонент (pruners). Это обеспечивает высокую гибкость.
- Расширяемость: Система спроектирована так, чтобы ее можно было легко расширять. Добавление новых типов распределений, шагов алгоритма или стратегий оценки не должно требовать изменения существующего кода только добавления нового. Это достигается за счет использования абстрактных базовых классов и паттерна "Стратегия".
- Разделение ответственности (Single Responsibility Principle): Каждый класс имеет одну четкую зону ответственности. Distribution описывает математику распределения, EstimatorStep выполняет один шаг, Breakpointer только проверяет условие остановки.
- Декомпозиция алгоритмов: мы не работаем с EM, ELM и остальными алгоритмами как с единым целым, находим в них что то общее и выносим в отдельный шаг. Таким образом, мы получаем "дерево" из шагов, которое позволяет собирать алгоритм как "конструктор". Эта лежит в основе класса IterativeEstimator.
- Явное использование паттернов проектирования: Архитектура осознанно использует классические паттерны:
  - **Стратегия:** для выбора логики оценки параметров в зависимости от типа распределения.
  - **Цепочка обязанностей (Chain of Responsibility):** рассматривается как возможный паттерн для реализации fallback-логики при обработке ошибок.

# 2.2. Высокоуровневая диаграмма архитектуры

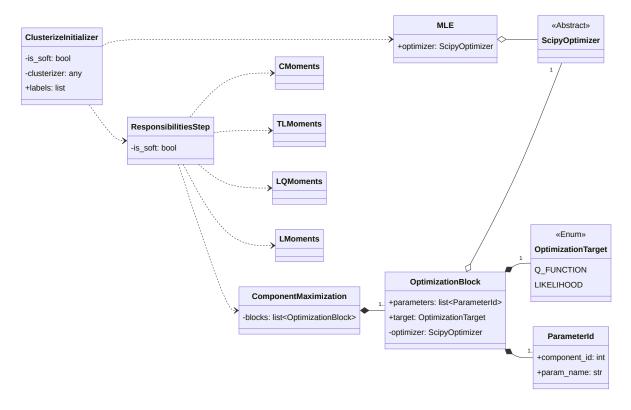


# 2.3. Дерево алгоритмов

## ЕМ-подобное дерево



Архитектура этого дерева реализована таким образом:



# 2.4. Технологический стек

- Язык: Python 3.11+
- Основные библиотеки:

- NumPy: для всех численных вычислений и работы с многомерными массивами (ndarray).
- SciPy: потенциально используется для задач оптимизации внутри OptimizationBlock (например, scipy.optimize).

# 3. Архитектурные компоненты

# 3.1. Mpest-core

## **Continuous distribution**

Абстрактный класс распределения.

- Атрибуты
  - o name: str

Имя распределения

o params: set

Имена параметров (не уверен что в итоге понадобится)

- fixed\_parameters: set
- Имена зафиксированных параметров
- Методы
  - + ppf(X: ndarray): ndarray

Квантиль-функция. Необходима для оценки параметров с помощью LQ-моментов.

○ + pdf(X: ndarray): ndarray

Функция плотности.

+ Ipdf(X: ndarray): ndarray

Логарифм функции плотности.

+ log\_gradients(X: ndarray): ndarray[ndarray]

Логарифм градиента по всем незафиксированным параметрам.

+ generate(size: int): ndarray

Сэмплирование выборки размера size.

• + loglikelihood(X: ndarray): ndarray

Логарифм правдоподобия. Формула одинакова для всех распределений.

+ q\_function(X: ndarray, W: ndarray): ndarray

Q-функция. Формула одинакова для всех распределений.

+ fix\_parameter(name: str)

Функция заморозки параметров. Если попробовать изменить зафиксированный параметр то получим ошибку.

- + unfix\_parameter(name: str)
- Функция разморозки параметров.

• Мысли

Фиксированные параметры необходимы для работы ComponentMaximization.

### **Parameter**

Дескриптор, описывающий параметр распределения. Он отвечает за синхронизацию внутренних и внешних параметров,, а так же их ленивое чтение.

## **MixtureModel**

Класс смеси распределений.

#### • Атрибуты

+ components: list[Distribution]

Компоненты смеси.

+ weights: ndarray

Веса компонент.

○ - logits: ndarray

Логиты. Необходимы для численной стабильности и соблюдения инварианта для весов. Можно оптимизировать их напрямую, хз правда понадобится ли.

#### • Методы

+ pdf(X: ndarray): ndarray

Функция плотности.

- Ipdf(X: ndarray): ndarray

Логарифм функции плотности.

+ loglikelihood(X: ndarray): ndarray

Логарифм правдоподобия.

+ q\_function(X: ndarray, W: ndarray): ndarray

Q-функция.

+ generate(size: int): ndarray

Сэмплирование выборки размера size.

# 3.2. Algorithms

### **BaseEstimator**

Абстрактный класс для всех оценщиков параметров смеси.

- Атрибуты
- Методы
  - + fit(X, MixtureModel): MixtureModel

Абстрактный метод, оценивающий параметры смеси распределений по выборке при известном  ${\mathcal F}$ 

#### • Доступные оценщики:

- IterativeEstimator
- o MLE

### **IterativeEstimator**

Конкретный класс, реализующий итеративные алгоритмы оценки параметров смеси распределений.

#### • Атрибуты

#### - breakpointers: list[BaseBreakpointer]

Условия остановки алгоритма. Не знаю, нужно ли делать разделение на:

- 1. Остановка если хотя бы один из брейкпоинтеров сработал
- 2. Остановка только если все из брейкпоинтеров сработали

Во втором случае интуитивно кажется, что алгоритм может оказаться бесконечным (но это не точно)

### - pruners: list[BasePruners]

Классы удаляющие компоненты из смеси по некоему условию. Актуален тот же вопрос что и для брейкпоинтеров.

#### - steps: list[EstimatorStep]

Список последовательности шагов, на каждой итерации алгоритм будет по ним проходить начиная с 0 шага и заканчивая последним.

#### + context: Context | dict

Общие данные алгоритма, к которым имеют доступ шаги. Т.к. они выполняются последовательно никакой конкурентности на запись и чтение нет.

Не знаю что лучше: сделать дикт или отдельный датакласс:

- 1. В случае с диктом, необходимо четко писать ключи без ошибок и т.д., может быть неудобным дебажить
- 2. В случае с контекстом, боюсь он может очень сильно разрастись, т.к. различные ветви дерева доступных шагов могут использовать различные конфигурации полей, и все их сувать в контекст как то странно...

#### • Методы

#### - validate()

Функция для валидации конфигурации алгоритма. Проверяет:

- Что все шаги могут друг за другом идти.
- Применимость каждого шага к компонентам. Если видит, что шаг неприменим то вызывает fallback (пока не придумано как)

#### + fit(X, mixture): mixture

Выполняет каждый элемент из steps последовательно. В конце каждой итерации идет проверка на выполнение условия остановки и, если остановка не нужна, проверка на удаление компоненты.

#### • Мысли

Для поддержки своего пайплайна для каждой компоненты можно добавить что то вроде global\_steps которые отрабатывают для каждой компоненты и local\_steps содержащий пайплайны для каждой компоненты (а что если идет сначала шаг из global\_step, а потом шаг из local\_steps a потом снова из global\_steps?)

Если так делать кстати, то получится распараллелить каждую итерацию (очень предпочтительно!)

## **BaseBreakpointer**

Абстрактный класс, занимающийся остановкой алгоритма по некоему условию.

- Атрибуты
- Методы
  - + check(context: Context): bool

Абстрактный метод, который по контексту и некоторому условию понимает, нужно ли остановить алгоритм или нет.

## **BasePruner**

Абстрактный класс, занимающийся удалением лишних компонент смеси.

- Атрибуты
- Методы
  - + prune(context: Context): Context

Абстрактный метод, реализующий удаление компоненты из смеси по условию.

Есть два варианта:

- 1. Метод prune будет возвращать контекст с уже измененной смесью, откуда удалена компонента/ы
- 2. Метод prune будет возвращать массив idx\_component указывающий на то, какие компоненты надо удалить. Этот случай необходим, если я решу сделать композицию алгоритмов.

### **BaseInitializer**

Абстрактный класс, занимающийся инициализацией начального приближение смеси.

- Атрибуты
- Методы
  - + perform(X, list[Distribution]): MixtureModel

Абстрактный метод, который некоторым образом по выборке и списку распределений подбирает начальное приближение. Это приближение в виде смеси можно передать в объекты, реализующие интерфейс BaseEstimator.

#### • Мысли

Думаю, стоит так же через стратегии (@singledispatch) делать, т.к. инициализировать каждую компоненту надо отдельно.

## **EstimatorStep**

Абстрактный класс для шагов алгоритмов.

#### • Атрибуты

### + available\_next: list[EstimatorStep]

Приватный атрибут, содержащий информацию о том, какой шаг может идти следующим. Надо чтобы последний шаг замыкал итерацию так, чтобы возвращал то, что может обработать первый шаг итерации.

```
Hапример: EStep -> MStep, MStep -> EStep.
```

Возможно стоит заменить на return\_value\_names или что то вроде того.

#### • Методы

#### + run(context: Context): Context

Абстрактный метод, запускающий шаг алгоритма. Внутри себя может работать с контекстом, записывая туда информацию необходимую для следующего шага.

### • Доступные шаги

#### ResponsibilitiesStep

Шаг оценки скрытых параметров, возвращающий матрицу ответственностей, содержащей вероятности и использующуюся в последующих шагах.

• MomentsSteps (Conventional moments, L-moments etc.)

Шаги оценки параметров, основанные на моментах.

#### • ComponentMaximization

Про него подробнее дальше.

# **Strategies**

Стратегии обновления компонент смеси. Реализованы с помощью @singledispatch.

У каждого шага оценки параметров должна быть своя стратегия, например для оптимизации Q-функции внутри ComponentMaximization, в папке pysatl-mpest/algorithms/strategies:

```
@singledispatch
def optimize_q_function(X: ndarray, W: ndarray, optimizer: ScipyOptimizer):
...
```

Эта функцией будет как бы "родительской" для остальных. Если не реализована конкретная стратегия оптимизации Q-функции для конкретной компоненты, будет вызываться она. Теперь необходимо реализовать эту стратегию для каждой компоненты, например для нормального распределения, и зарегистрировать её:

```
@optimize_q_function.register(Normal)
def optimize_q_function_normal(X: ndarray, W: ndarray, optimizer:
    ScipyOptimizer):
    ...
```

## ComponentMaximization

Является реализацией абстрактного класса EstimatorStep. Требует валидацию при инициализации.

Нужен для оптимизации параметров с помощью численных или аналитических методов. В случае численных методов нужен оптимизатор. Главная "киллерфича" этого класса в том, что можно настраивать заморозку параметров и стратегии оптимизации.

Возможно стоит уметь настраивать порядок оптимизации? Хотя это и так неявно реализовано, т.к. список сам по себе является упорядоченной структурой данных.

#### **ParameterId**

Является датаклассом, содержащим номер компоненты и имя параметров, которые надо заморозить. Нужен, т.к. из смеси в общем виде параметры не достать и не обработать (т.к. они именованные)

• Атрибуты

+ component\_id: int+ param\_name: str

## OptimizationTarget

Является Enum для двух стратегий оптимизации: Q-функции и логарифма правдоподобия.

## OptimizationBlock

Датакласс, содержащий в себе информацию необходимую для конкретного СМЕ шага.

- Атрибуты
  - + parameters: list[ParameterId]

Список параметров, которые необходимо оценить

+ target: OptimizationTarget

Стратегии оптимизации.

o - optimizer: ScipyOptimizer

Оптимизатор, который будет работать в случае отсутствия реализации аналитического решения.

#### • Атрибуты

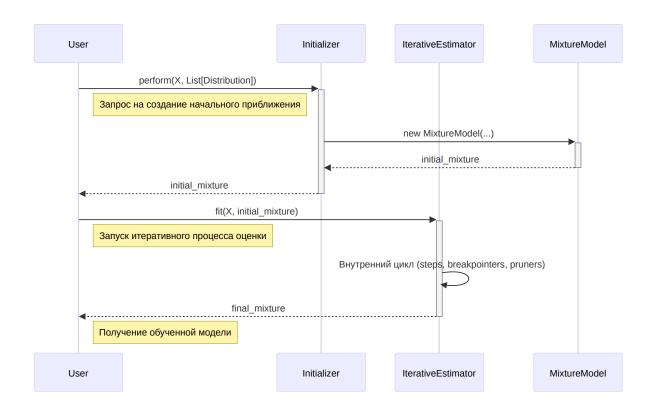
#### - blocks: list[OptimizationBlock]

Атрибут, содержащий стратегию оптимизации для каждой компоненты. Необходимо проверить, чтобы в каждом блоке компонента была одна и та же. Это сознательное ограничение на время, пока не реализуем композицию алгоритмов.

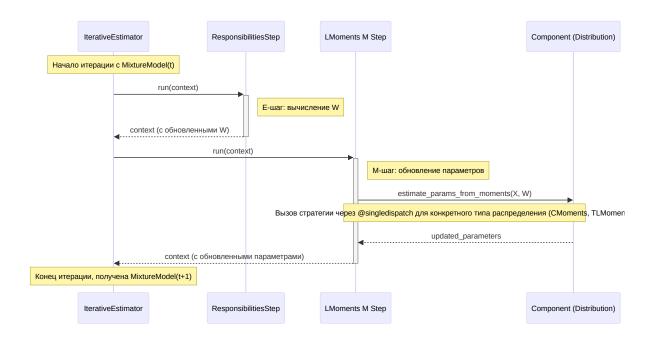
• Методы

# 4. Потоки данных

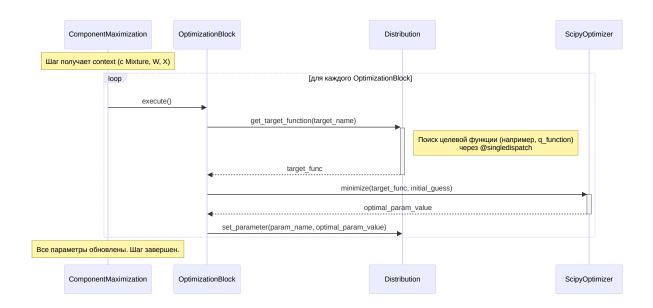
## Поток данных Initializer + IterationEstimator



Поток данных внутри IterationEstimator с оценкой моментами



## Поток данных внутри ComponentMaximization



# 5. Анализ текущей архитектуры

В данном разделе представлен объективный анализ спроектированной архитектуры, включая её сильные стороны, которые следует развивать, а также слабые стороны, потенциальные риски и открытые вопросы, требующие решения перед или во время активной фазы разработки.

## 5.1. Сильные стороны

Архитектура обладает рядом фундаментальных качеств, которые обеспечивают гибкость и расширяемость системы.

#### 1. Высокая модульность и гибкость (Композиция > Наследование).

Ключевое преимущество архитектуры — отказ от жестких иерархий наследования для алгоритмов. Класс IterativeEstimator не является наследником конкретного EM-алгоритма, а представляет собой конструктор, который "собирается" из атомарных, взаимозаменяемых частей:

- **Шаги (EstimatorStep):** Любая логика (Е-шаг, М-шаг, расчет моментов) может быть инкапсулирована в свой класс.
- Условия остановки (BaseBreakpointer): Логика завершения итераций вынесена и может быть легко заменена или скомбинирована.
- **Mexaнизмы очистки (BasePruner):** Логика удаления компонент также является независимым модулем.
  - Это позволяет пользователям библиотеки с минимальными усилиями создавать кастомные итеративные алгоритмы, комбинируя шаги в нужной последовательности.

#### 2. Простая расширяемость.

Система спроектирована для легкого расширения. Добавление новой функциональности сводится к созданию новых классов, реализующих четко определенные абстрактные интерфейсы:

- **Новое распределение:** Создать наследника ContinuousDistribution и реализовать его математику.
- Новый шаг алгоритма: Создать наследника EstimatorStep.
- **Новая стратегия оценки:** Реализовать новую функцию и зарегистрировать ее через @singledispatch.

Такой подход не требует модификации существующего кода ядра, что снижает риск внесения ошибок.

#### 3. Четкое разделение ответственности (Single Responsibility Principle).

Каждый ключевой компонент архитектуры имеет одну, четко очерченную зону ответственности:

- MixtureModel и ContinuousDistribution отвечают исключительно за математическое представление моделей.
- EstimatorStep выполняет один конкретный шаг алгоритма.
- BaseBreakpointer только проверяет, нужно ли остановить алгоритм.
- EstimationStrategies инкапсулируют логику вычисления параметров для конкретных типов распределений.

#### 4. Слабая связанность через паттерн "Стратегия".

Использование декоратора @singledispatch для peaлизации EstimationStrategies является отличным примером паттерна "Стратегия". ComponentMaximization или MomentsStep не знают, как именно вычислять параметры распределений. Они делегируют эту задачу стратегии, которая автоматически выбирает нужную реализацию в зависимости от типа компоненты. Это радикально снижает связанность между шагами алгоритма и конкретными реализациями распределений.

## 5.2. Слабые стороны и потенциальные риски

Наряду с сильными сторонами, текущий проект архитектуры содержит несколько фундаментальных проблем и рисков, которые необходимо осознавать.

#### 1. Проблема монолитного Контекста (Context).

Дилемма dict vs dataclass. Вне зависимости от реализации, текущая концепция единого, передаваемого по цепочке объекта Context является главным архитектурным риском.

- **Неявная связанность:** Шаги становятся неявно связанными через данные в контексте. ResponsibilitiesStep должен положить в контекст ключ 'W', а LMomentsMStep ожидает его там найти. Эта связь нигде формально не определена и полагается на соглашения.
- "Магические строки": При использовании словаря (dict) возникает риск опечаток в ключах, что трудно отлаживать.
- **Разрастание и загрязнение:** По мере добавления новых шагов и веток алгоритмов, Context будет разрастаться, содержа поля, необходимые только для некоторых из них. Это усложняет понимание потока данных: какие данные на каком этапе являются актуальными?

#### 2. Затрудненное распараллеливание.

Текущая архитектура **принципиально однопоточная**. Последовательная передача и мутация единого объекта **Context** от шага к шагу делает распараллеливание (например, обработку шагов для разных компонент) крайне сложным. Любая попытка распараллеливания приведет к состоянию гонки (race conditions) за данные в **Context**. Эта цель, упомянутая в "мыслях", требует фундаментального пересмотра потока данных.

### 3. Отсутствие формализованной стратегии обработки ошибок (Fallback).

Идея fallback-логики и "Цепочки обязанностей" упомянута, но не интегрирована в архитектуру. На данный момент неясно:

- Что происходит, если шаг EstimatorStep не может быть выполнен (например, метод неприменим к компоненте)?
- Как система должна реагировать? Прервать весь процесс? Попробовать другой шаг?
- Кто отвечает за эту логику? IterativeEstimator? Сам шаг? Отсутствие этого механизма делает систему хрупкой.

## 5.3. Открытые вопросы и направления для развития

На основе анализа, можно сформулировать ключевые архитектурные задачи, которые нужно решить:

#### 1. Финализация контракта данных (Context).

Необходимо принять решение по Context. Возможный компромисс — гибридный подход: использовать dataclass для обязательных, общих полей (mixture, X, weights и т.д.), а для специфичных данных, которыми обмениваются конкретные шаги, использовать вложенный словарь extra: dict. Это сохранит безопасность типов для ядра и гибкость для расширений.

#### 2. Проектирование механизма Fallback.

Следует спроектировать и задокументировать механизм обработки ошибок и отката. Нужно ответить на вопросы:

• Как шаг сообщает о сбое (через исключение или специальный возвращаемый объект)?

- Kak IterativeEstimator настраивается для обработки этих сбоев (например, через список fallback-стратегий)?
- 3. Реализация пайплайнов для отдельных компонент.

Идея global\_steps и local\_steps очень мощная, но она еще больше усложняет проблему контекста. Необходимо четко определить, как будут взаимодействовать глобальный и локальные потоки данных. Будет ли у каждого локального пайплайна свой собственный "дочерний" контекст? Как результаты локальных вычислений будут агрегироваться обратно в глобальный?

# 6. Примеры (пока псевдокод)

### Создание смеси распределений

```
# Initialize distributions
normal = Normal(mu=0.0, variance=1.0)
exponential = Exponential(lambda=1)

# Initialize mixture
mixture = MixtureModel(components=[normal, exponential], weights=[0.6, 0.4])
```

### Запуск алгоритма, связанного с моментами

```
# True distributions
normal = Normal(mu=0.0, variance=1.0)
exponential = Exponential(lambda=1)
# Mixtures initialization
true_mixture = MixtureModel(components=[normal, exponential], weights=[0.6, 0.4])
base_mixture = MixtureModel(
    components=[Normal(mu=1.0, variance=2.0), Exponential(lambda=0.5)], weights=
[0.6, 0.4]
X = true_mixture.generation(size=100)
# Config estimator
breakpointer = StepBreakpointer(steps=16)
pruner = TolerancePruner(tol=0.01)
expectation_step = Responsibilities()
moments_step = LMoments()
estimator = IterativeEstimator([breakpointer], [pruner], [expectation_step,
moments_step])
# Get result
result_mixture = estimator.fit(X, base_mixture)
```

### Запуск алгоритма, содержащего ComponentMaximization

```
# Initialize distributions
normal = Normal(mu=0.0, variance=1.0)
exponential = Exponential(lambda=1)
# Mixture initialization
true_mixture = MixtureModel(components=[normal, exponential], weights=[0.6, 0.4])
base_mixture = MixtureModel(
    components=[Normal(mu=1.0, variance=2.0), Exponential(lambda=0.5)], weights=
[0.6, 0.4]
X = true_mixture.generation(size=100)
# Config estimator
breakpointer = StepBreakpointer(steps=16)
pruner = TolerancePruner(tol=0.01)
# CME iterations configure
normal_fixed_parameters = [
    ParameterId(0, "mu"), ParameterId(0, "variance")
exponential_fixed_parameters = []
blocks = [
    OptimizationBlock(normal_fixed_parameters, Q_FUNCTION, TNC()),
    OptimizationBlock(exponential_fixed_parameters, LIKELIHOOD, BFGS())
1
expectation_step = Responsibilities()
maximization = ComponentMaximization(blocks)
estimator = IterativeEstimator([breakpointer], [pruner], [expectation_step,
maximization])
# Get result
result_mixture = estimator.fit(X, base_mixture)
```

### Запуск с предварительной инициализацией с помощью BaseInitializer

```
# Initialize distributions
normal = Normal(mu=0.0, variance=1.0)
exponential = Exponential(lambda=1)

# True mixture initialization
true_mixture = MixtureModel(components=[normal, exponential], weights=[0.6, 0.4])
X = true_mixture.generation(size=100)

# Config estimator
breakpointer = StepBreakpointer(steps=16)
pruner = TolerancePruner(tol=0.01)

expectation_step = Responsibilities()
moments_step = LMoments()
```

```
# Init base mixture with clusterizer
knn = KNNClassifier(...)
initializer = ClusterizeInitialization(clusterizer=knn)
base_mixture = initializer.perform(X, [Normal, Exponential])

# Get result
estimator = IterativeEstimator([breakpointer], [pruner], [expectation_step,
moments_step])
result_mixture = estimator.fit(X, base_mixture)
```