Ordenamiento

•••

Algoritmos y Estructuras de Datos 2023



Dada la siguiente lista de números, ¿cómo diseñaría un algoritmo para ordenarlos?

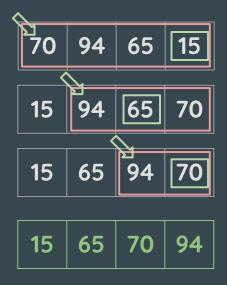
70 94 65 15 85 51 24 22 31 45

Algoritmos de Ordenamiento

- Existen muchas estrategias de ordenamiento:
 - por selección (selection sort)
 - o por burbuja (bubble sort)
 - o por inserción (insertion sort)
 - o por mezcla (merge sort)
 - o ordenamiento rápido (quick sort)
 - 0 ...
- En general, los algoritmos presentan una situación de compromiso:
 - los algoritmos más eficientes son más complejos.
 - o los algoritmos sencillos no suelen ser eficientes.

Selection sort

- Se basa en buscar el menor (o mayor) elemento en la lista y ubicarlo en la primer (última) posición.
- Este procedimiento se repite para todas las sublistas de tamaño n-1



```
para i entre 0, len(A)-1:
 menor = +inf
 pos = 0
 para j entre i, len(A)-1:
   si A[j] < menor:
      menor = A[j]
      pos = j
 aux = A[i]
   A[i] = menor
   A[pos] = aux</pre>
```

Bubble sort

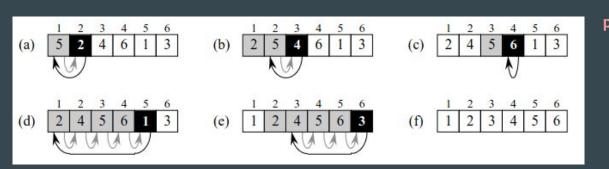
 Consiste en comparar un elemento con el siguiente: si no están en orden, se invierten las posiciones



```
para i entre 0, len(A)-1;
 para j entre 0, len(A)-1-i:
   si A[j] > A[j+1]:
   aux = A[j]
   A[j] = A[j+1]
   A[j+1] = aux
```

Insertion sort

- Es un algoritmo sencillo y eficiente para pocos datos.
- Se compara un número con todos los anteriores, hasta ubicar la posición correcta donde insertarlo.



```
para i entre 1, len(A):
  insertar = A[i]
  j = i-1
  mientras j >= 0 y A[j] > insertar:
   A[j+1] = A[j]
  j -= 1
  A[j+1] = insertar
```

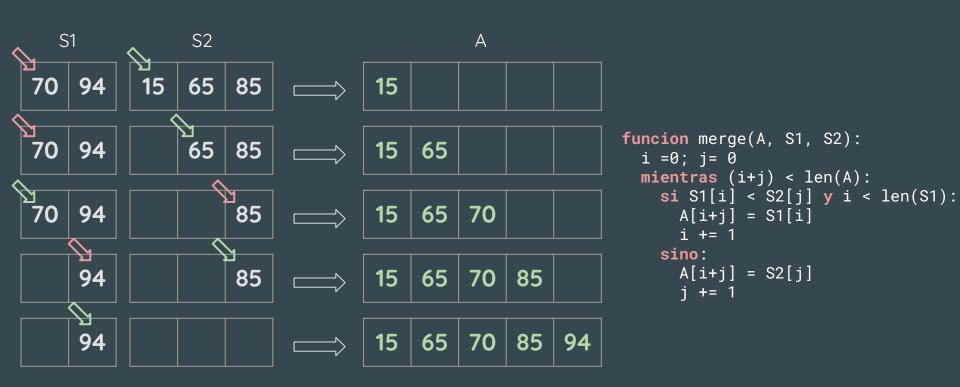
Complejidad algoritmos

- Al tener bucles anidados que recorren (casi) todo el array, podemos establecer que el tiempo requerido por los 3 algoritmos crece de manera cuadrática.
- Como los reordenamientos se hacen sobre el mismo arreglo, no se requiere espacio adicional (salvo variables auxiliares).
- Por ello, la complejidad del espacio usado es constante

- Se basa en el principio de divide y vencerás.
- La lista de valores se divide en listas de menor tamaño (n/2) y estas listas se ordenan recursivamente mientras el número de valores sea >1.
- Cuando la lista tiene un solo valor está ordenada, y este resultado se devuelve a la llamada recursiva anterior.
- El algoritmo luego une o mezcla (merge) los resultados de las llamadas recursivas que hace.

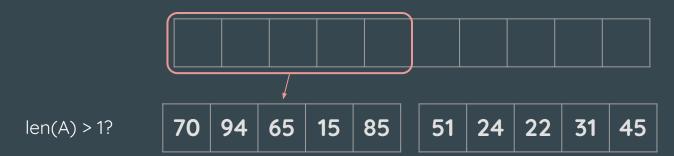
- La clave de este algoritmo está en la función de mezclado o merge.
- Esta función recibe dos sub-arrays ordenados y las posiciones de inicio y fin de cada sub-array.
- La función consiste en comparar el primer elemento de cada subarray y copiar ese elemento en la nueva (y ordenada) lista.

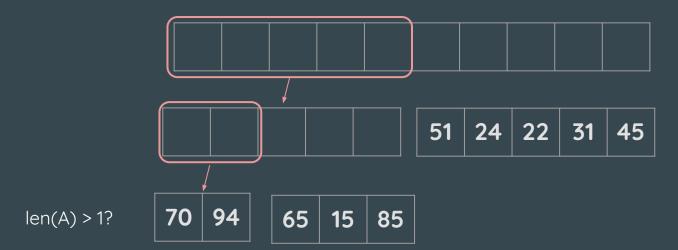
Función merge

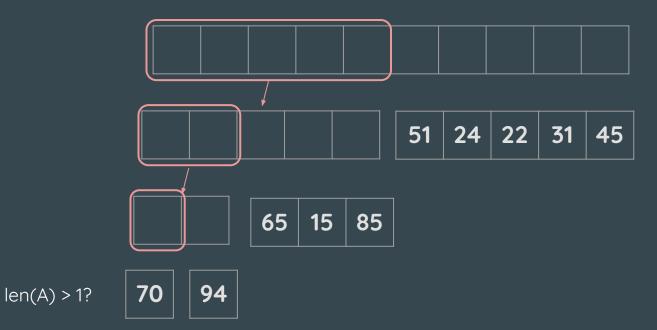


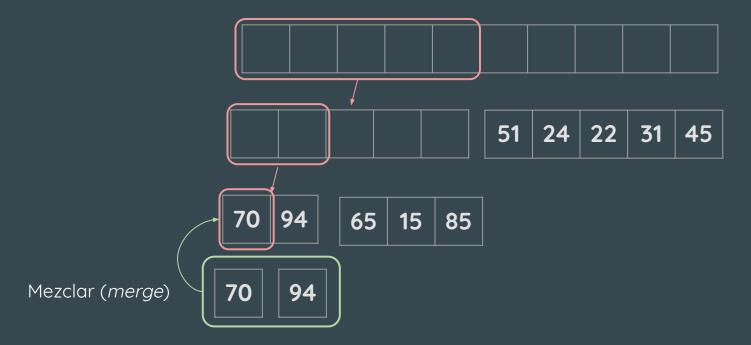
len(A) > 1?

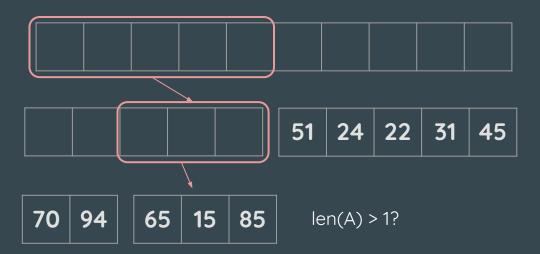
70	94	65	15	85	51	24	22	31	45
----	----	----	----	----	----	----	----	----	----

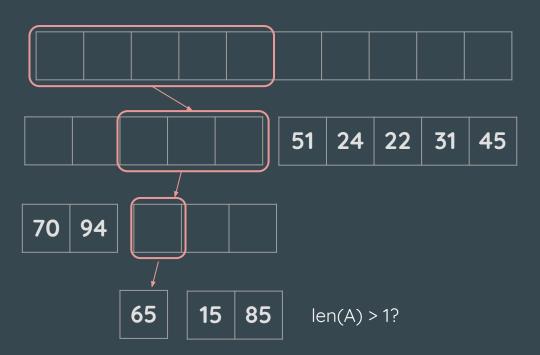


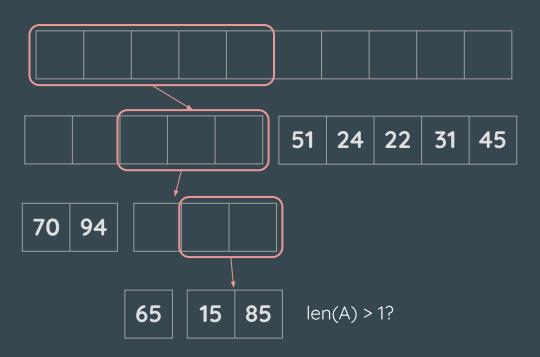


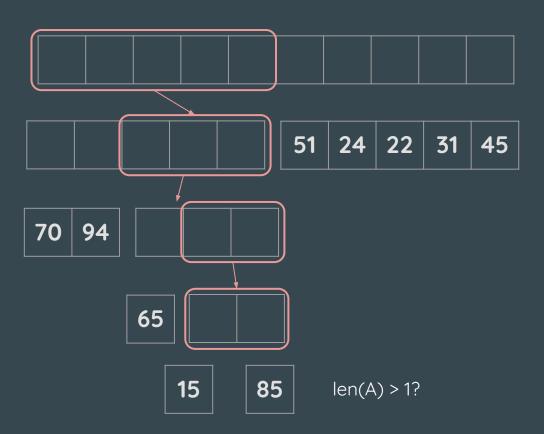


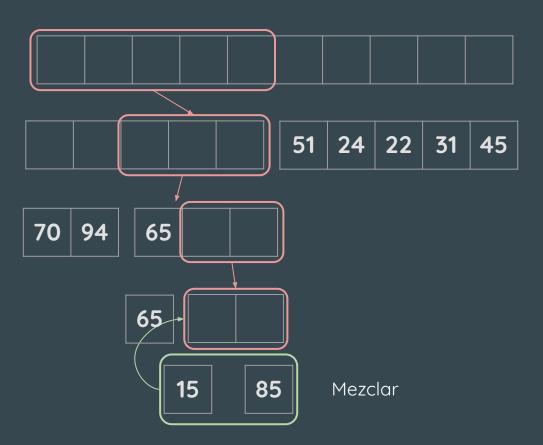


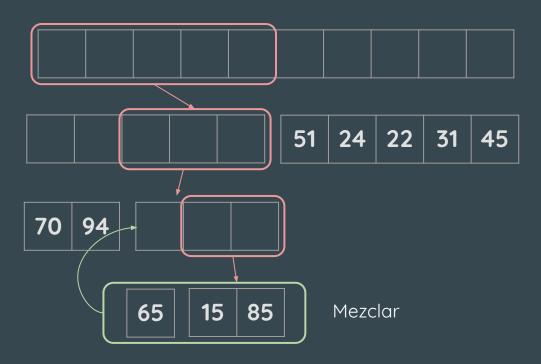


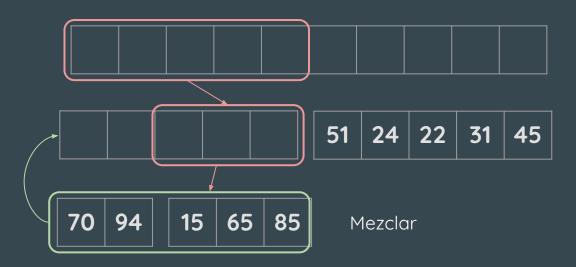


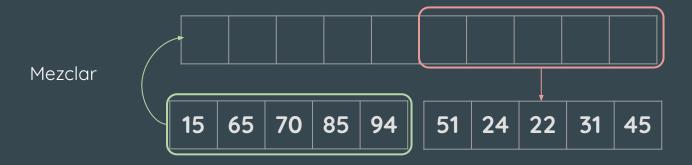












Merge sort: pseudocódigo

Complejidad *merge sort*

- El tiempo usado por el algoritmo depende de dos factores: la cantidad de divisiones y el ordenamiento de los subarrays.
- Al dividir, recursivamente, el arreglo en 2, se generan log₂(n) niveles.
- Cada nivel requiere un tiempo lineal para ser ordenado

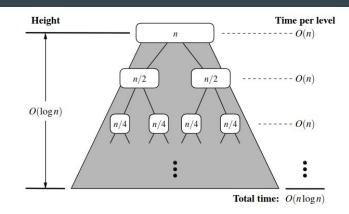
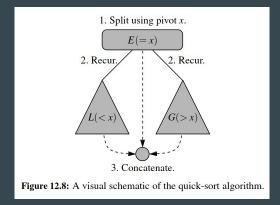


Figure 12.6: A visual analysis of the running time of merge-sort. Each node represents the time spent in a particular recursive call, labeled with the size of its subproblem.

Quick Sort

- También se basa en "divide y vencerás", pero en este caso se selecciona un pivot para dividir la lista (por ejemplo, el último elemento de la lista).
- Los elementos menores al pivot se ponen en una lista, que se ordenará recursivamente.
- Lo mismo ocurre con los elementos mayores al pivot.



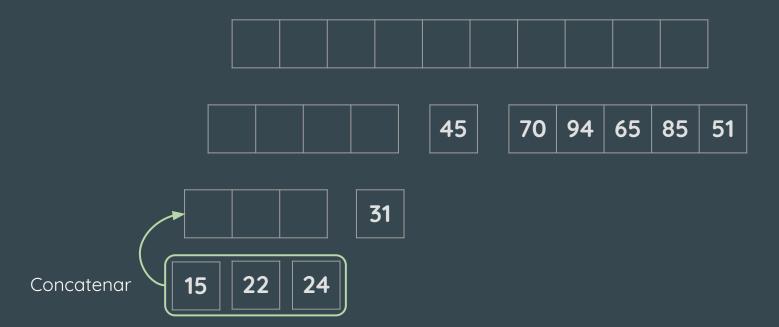
len(A) > 1?

70 94 65 15 85 51 24 22 31 45

Pivot



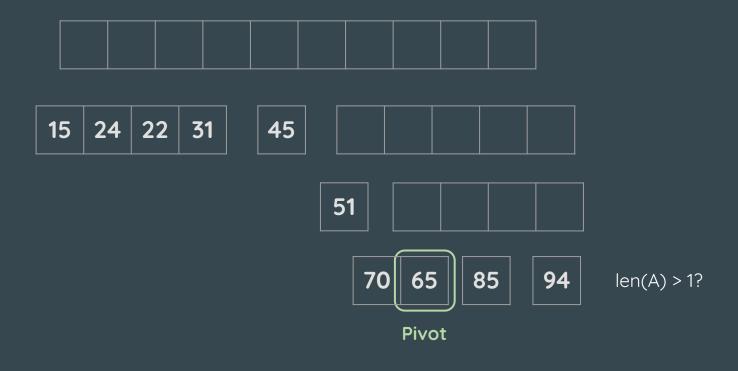


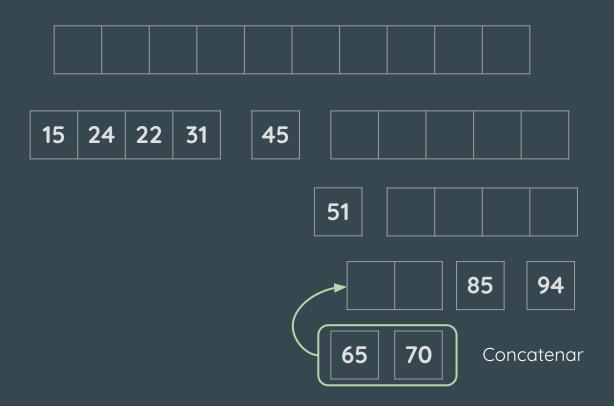






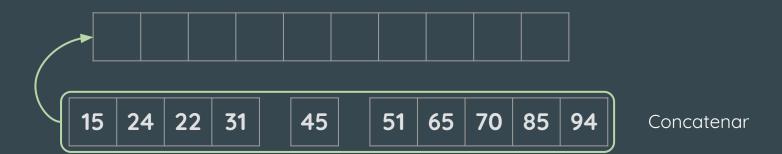












Quick sort: pseudocódigo

```
funcion quick_sort(A):
si len(A) > 1:
   pivot = A[-1]
  menores = []; mayores = []; iguales = []
  mientras len(A) > 0:
    si A[0] < pivot:
       menores.append(A[0])
     sino, si A[0] > pivot:
       mayores.append(A[0])
     sino:
       iguales.append(A[0])
     A.unshift() # 0 lo que es lo mismo A.pop(0)
   quick_sort(menores)
   quick_sort(mayores)
  mientras len(menores) > 0:
     menor = menores.unshift() # menores.pop(0)
     A.append(menor)
   # Idem para iguales y mayores
```

Complejidad de *quick sort*

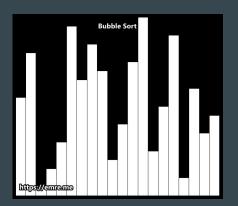
- La *performance* del algoritmo está directamente relacionada al pivot elegido.
- Si el número de elementos antes y después del pivot son similares, el número de llamadas recursivas disminuye.
- En promedio, la complejidad del algoritmo es cuasi-lineal (log₂(n)), como en merge sort, pero en el peor caso (lista ordenada), el tiempo crece de manera cuadrática.

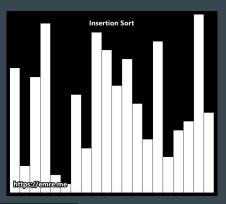
Complejidad de *quick sort*

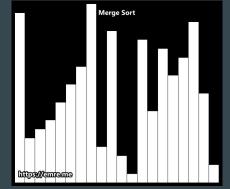
- Ha sido estudiado que la performance puede mejorar cambiando el criterio de selección del pivot por un elemento al azar dentro de la lista.
- El mayor problema del algoritmo rápido (y del de mezcla) es que pueden requerir mucho espacio adicional de memoria.

Comparación de tiempos











https://emre.me/algorithms/sorting-algorithms/

Bibliografía

- Goodrich, M. T., Tamassia, R., & Goldwasser, M. H. (2013). Data structures and algorithms in Python. Secciones 5.5.2, 9.4.1, 12.2, 12.3 y 12.4.2
- Cormen, T. H., Leiserson, C. E., Rivest, R. L., & Stein, C. (2022). Introduction to algorithms. MIT press. SEcciones 2.1, 2.3.1, 7 y 8.4