Контрольная работа по математической логике

ИТМО, группы М3234-М3239, весна 2022 г.

Вариант 1

- 1. Постройте такую модель Крипке, опровергающую формулу $(A \to B) \lor (B \to A)$.
- 2. Покажите, что $\vdash 1 + 2 = 2 + 1$ (постройте полное доказательство).
- 3. Пусть $a \le b := \exists x.a + x = b$. Покажите, что доказуемо $\forall a. \forall b.a \le b \lor b \le a$ (достаточно рассуждения на метаязыке).
- 4. Покажите, что $f(x,y) = \max(x-y,y-x)$ примитивно-рекурсивна.
- 5. Раскройте скобки: $(\omega + 1)^k$

Контрольная работа по математической логике

ИТМО, группы М3234–М3239, весна 2022 г.

Вариант 2

- 1. Постройте модель Крипке, опровергающую формулу $(A \to B) \to (\neg A \lor B)$.
- 2. Покажите, что $\vdash 1 + 3 = 4$ (постройте полное доказательство).
- 3. Пусть $a \le b := \exists x.a + x = b$. Покажите, что доказуемо $\forall a. \forall b.a \le b \& b \le a \to a = b$ (достаточно рассуждения на метаязыке).
- 4. Покажите, что $f(x) = \max\{k : 2^k < x\}$ примитивно-рекурсивна.
- 5. Раскройте скобки: $(\omega \cdot k)^k$.