Mencari Nilai Minimum Global Dengan Metode *Simulated Annealing*

Irfan Dwi Prakoso - 1301160164

Program Studi Teknik Informatika, Fakultas Informatika Universitas Telkom Bandung Jl. Telekomunikasi Dayeuhkolot, Bandung 40257

I. Masalah

Diberikan fungsi sebagai berikut :

$$f(x_1, x_2) = -\left| sin(x_1)cos(x_2)exp\left(\left| 1 - \frac{\sqrt{x_1^2 + x_2^2}}{\pi} \right| \right) \right|$$

Mencari nilai minimum global dari fungsi tersebut dengan batasan $-10 \le x_1 \le 10$ dan $-10 \le x_2 \le 10$, menggunakan metode pencarian probabilistik *Simulated Annealing* (SA), yaitu metode pencarian menggunakan analogi pendinginan bahan logam panas secara perlahan.

II. Analisis Penyelesaian Masalah

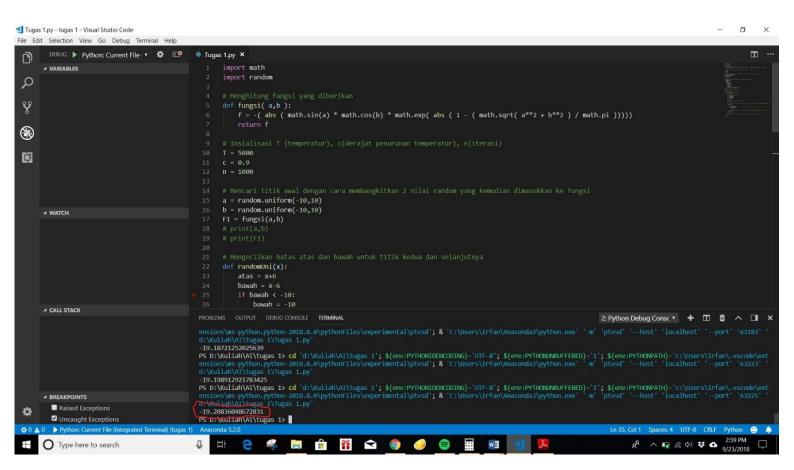
Metode *Simulated Annealing* memiliki keunggulan yaitu dapat memungkinkan nilai minimum tidak terjebak dalam minimum lokal fungsi. SA menggunakan rumus probabilitas yang dapat mengeluarkan pencarian dari jebakan minimum lokal. Step-step SA yang digunakan dalam *source code* diantaranya adalah:

- 1. Menginisialisasi T (temperature/suhu), c (factor penurunan suhu), n (jumlah iterasi).
- 2. Membangkitkan dua nilai (x_1, x_2) secara random, kemudian dimasukkan ke dalam rumus fungsi untuk menghasilkan f_1 .
- 3. Jadikan f_1 sebagai nilai minimum.
- 4. Membangkitkan dua nilai baru dengan batasan yang dikecilkan sebesar ± 6 , tetapi jika batasan bawah melebihi -10 maka batas bawah diset menjadi -10 dan batas atas diset menjadi 2, jika batasan atas melebihi 10 maka batas atas diset menjadi 10 dan batas bawah diset menjadi -2, agar range batas tetap ± 6 . Kemudian, dua nilai tersebut dimasukkan ke dalam rumus fungsi untuk menghasikan f_2 . Kemudian dicari selisih f_1 dan f_2 (Δf).
- 5. Jika delta menghasilkan negative (f_2 lebih kecil dari f_1) maka nilai baru akan diterima. Jika delta bernilai positif maka ditinjau menggunakan *Metropolis Criterion*, yaitu dengan cara membangkitkan suatu nilai random dengan batas (0,1), kemudian mencari nilai P dengan rumus $P[X_2] = e^{-\Delta f/kT}$, dengan k = 1. Jika nilai random lebih kecil dari P maka nilai baru diterima.
- 6. Jika nilai yang diterima lebih kecil dari nilai minimum sekarang, maka nilai yang diterima terbaru menjadi nilai minimum
- 7. Kembali ke step 3, lakukan sebanyak n kali.
- 8. Kalikan T dengan c dan kembali ke step 3 hingga nilai T kecil.

Penentuan parameter yang mempengaruhi nilai minimum diantaranya:

- 1. T / Temperatur
 - Nilai awal temperatur dan batas terkecil temperatur akan mempengaruhi banyaknya iterasi yang akan dilakukan dan juga mempengaruhi probabilitas *Metropolis Criterion* diterima atau tidak, karena ketika temperatur masih besar, nilai P juga akan besar.
- 2. c / Faktor penurunan temperature c dapat mempengaruhi banyaknya iterasi yang akan dilakukan. Jika nilai c semakin dekat dengan 1, maka semakin banyak iterasi yang bisa dilakukan.
- 3. n / Banyak iterasi yang dilakukan selama temperatur belum diturunkan n dapat mempengaruhi banyaknya iterasi yang akan dilakukan. Semakin besar nilai n maka semakin besar iterasi yang akan dilakukan

III. Hasil Terbaik dan Akurasi SA



Akurasi SA =
$$\left(1 - \left| \frac{f_A - f_R}{f_R} \right| \right) \times 100\% = \left(1 - \left| \frac{19.2083 - 19.2805}{19.2805} \right| \right) \times 100\% = 99.9999\%$$

Referensi

- [1] http://www.cs.cmu.edu/afs/cs.cmu.edu/project/learn-43/lib/photoz/.g/web/glossary/anneal.html
- [2] Suyanto. 2014. Artificial Intelligence. Revisi Kedua. Bandung: Penerbit Informatika.
- [3] Rao, Singiresu S. 2009. Engineering Optimization Theory and Practice. Fourth Edition. New Jersey : John Wiley & Sons, Inc.