

# Théorie des Langages

## TD2

### Analyse Syntaxique et Grammaires $LR(k)$

Elana Courtines  
courtines.e@gmail.com  
<https://github.com/irinacake>

Séance 3 - 27 septembre 2022

Emmanuel Rio - [emmanuel.rio@univ-tlse3.fr](mailto:emmanuel.rio@univ-tlse3.fr)

**Exercice 1 :**Grammaire  $G_0$  :

$$(0) - S' \rightarrow S\$^k$$

$$(1) - S \rightarrow CC$$

$$(2) - C \rightarrow aC$$

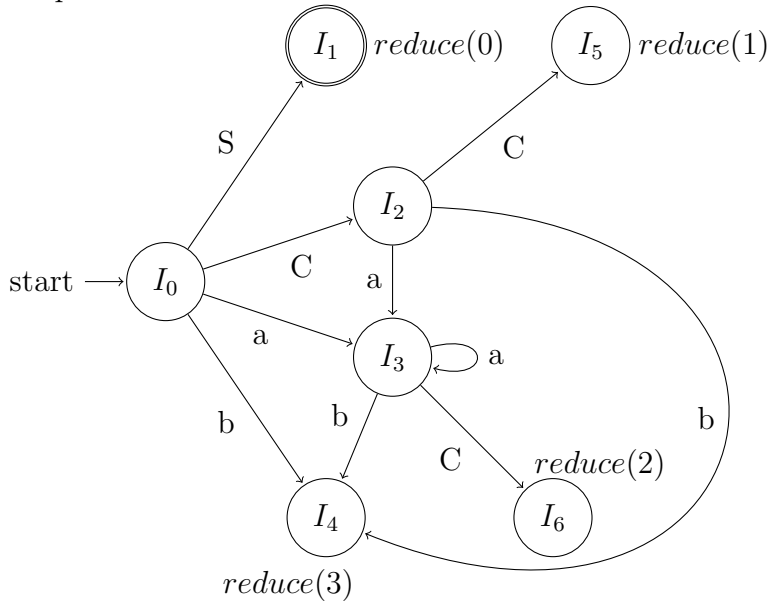
$$(3) - C \rightarrow b$$

Fermetures :

- $I_0$  :  
 $S' \rightarrow \cdot S\$^k$   
 $S \rightarrow \cdot CC$   
 $C \rightarrow \cdot aC$   
 $C \rightarrow \cdot b$
- $goto(I_0, S) = I_1$   
 $S' \rightarrow S \cdot \$^k$   
(reduce 0)
- $goto(I_0, C) = I_2$   
 $S \rightarrow C \cdot C$   
 $C \rightarrow \cdot aC$   
 $C \rightarrow \cdot b$
- $goto(I_0, a) = I_3$   
 $C \rightarrow a \cdot C$   
 $C \rightarrow \cdot aC$   
 $C \rightarrow \cdot b$
- $goto(I_0, b) = I_4$   
 $C \rightarrow b \cdot$   
(reduce 3)
- $goto(I_2, C) = I_5$   
 $S \rightarrow CC \cdot$   
(reduce 1)
- $goto(I_2, a) = I_3$   
 $C \rightarrow a \cdot C$   
 $C \rightarrow \cdot aC$   
 $C \rightarrow \cdot b$
- $goto(I_2, b) = I_4$   
 $C \rightarrow b \cdot$
- $goto(I_3, C) = I_6$   
 $C \rightarrow aC \cdot$   
(reduce 2)
- $goto(I_3, a) = I_3$   
 $C \rightarrow a \cdot C$   
 $C \rightarrow \cdot aC$   
 $C \rightarrow \cdot b$

- $goto(I_3, b) = I_4$   
 $C \rightarrow b \cdot$

Ce qui donne l'automate suivant :



D'où la table d'analyse :

	a	b	S	C	$\lambda$
$I_0$	$shI_3$	$shI_4$	$shI_1$	$shI_2$	<i>err</i>
$I_1$	<i>err</i>	<i>err</i>	<i>err</i>	<i>err</i>	reduce(0)
$I_2$	$shI_3$	$shI_4$	<i>err</i>	$shI_5$	<i>err</i>
$I_3$	$shI_3$	$shI_4$	<i>err</i>	$shI_6$	<i>err</i>
$I_4$	<i>err</i>	<i>err</i>	<i>err</i>	<i>err</i>	reduce(3)
$I_5$	<i>err</i>	<i>err</i>	<i>err</i>	<i>err</i>	reduce(1)
$I_6$	<i>err</i>	<i>err</i>	<i>err</i>	<i>err</i>	reduce(2)

Parse du mot  $abaab\$$  :

pile	mot	action
$\lambda$	abaab	shift
a	baab	shift
ab	aab	reduce 3
aC	aab	reduce 2
C	aab	shift
Ca	ab	shift
Caa	b	shift
Caab	$\lambda$	reduce 3
CaaC	$\lambda$	reduce 2
CaC	$\lambda$	reduce 2
CC	$\lambda$	reduce 1
S	$\lambda$	reduce 0
S'	$\lambda$	accept

Grammaire  $G_1$  :

(0) -  $S' \rightarrow S\$^k$

(1) -  $S \rightarrow aAc$

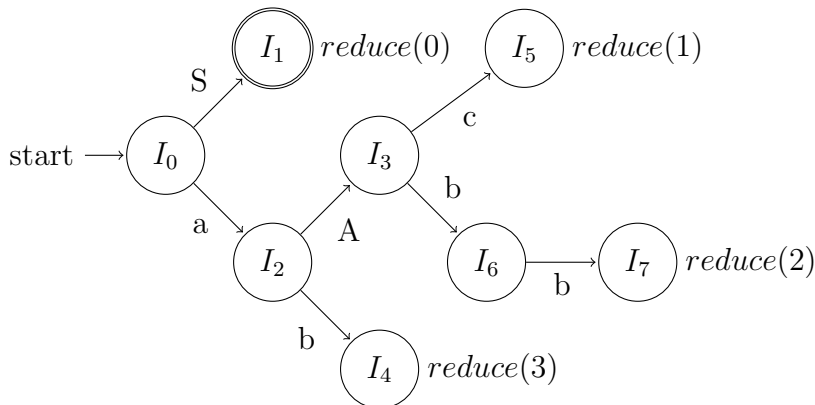
(2) -  $A \rightarrow Abb$

(3) -  $A \rightarrow b$

Fermetures :

- $I_0$  :  
 $S' \rightarrow \cdot S\$^k$   
 $S \rightarrow \cdot aAc$
- $goto(I_0, S) = I_1$   
 $S' \rightarrow S \cdot \$^k$   
(reduce 0)
- $goto(I_0, a) = I_2$   
 $S \rightarrow a \cdot Ac$   
 $A \rightarrow \cdot Abb$   
 $A \rightarrow \cdot b$
- $goto(I_2, A) = I_3$   
 $S \rightarrow aA \cdot c$   
 $A \rightarrow A \cdot bb$
- $goto(I_2, b) = I_4$   
 $S \rightarrow b \cdot$   
reduce(3)
- $goto(I_3, c) = I_5$   
 $S \rightarrow aAc \cdot$   
reduce(1)
- $goto(I_3, b) = I_6$   
 $A \rightarrow Ab \cdot b$
- $goto(I_6, b) = I_7$   
 $A \rightarrow Abb \cdot$   
reduce(2)

Ce qui donne l'automate suivant :



D'où la table d'analyse :

	a	b	c	S	A	$\lambda$
$I_0$	$shI_2$	$err$	$err$	$shI_1$	$err$	$err$
$I_1$	$err$	$err$	$err$	$err$	$err$	reduce(0)
$I_2$	$shI_4$	$err$	$err$	$err$	$shI_3$	$err$
$I_3$	$err$	$shI_6$	$shI_5$	$err$	$err$	$err$
$I_4$	$err$	$err$	$err$	$err$	$err$	reduce(3)
$I_5$	$err$	$err$	$err$	$err$	$err$	reduce(1)
$I_6$	$err$	$shI_7$	$err$	$err$	$err$	$err$
$I_7$	$err$	$err$	$err$	$err$	$err$	reduce(2)

Grammaire  $G_3$  :

$$(0) - S' \rightarrow S\$^k$$

$$(1) - S \rightarrow aAc$$

$$(2) - A \rightarrow bbA$$

$$(3) - A \rightarrow b$$

Fermetures :

- $I_0$  :  
 $S' \rightarrow \cdot S, \$^k$   
 $S \rightarrow \cdot aAc, \$$
- $goto(I_0, S) = I_1$   
 $S' \rightarrow S \cdot \$^k$   
(reduce 0)
- $goto(I_0, a) = I_2$   
 $S \rightarrow a \cdot Ac$   
 $A \rightarrow \cdot bbA, c$   
 $A \rightarrow \cdot b, c$
- $goto(I_2, A) = I_3$   
 $S \rightarrow aA \cdot c$
- $goto(I_2, b) = I_4$   
 $A \rightarrow b \cdot bA, c$  shift on b  
 $A \rightarrow b \cdot , c$  reduce(3) on c
- $goto(I_3, c) = I_5$   
 $S \rightarrow aAc \cdot$   
reduce(1)
- $goto(I_4, b) = I_6$   
 $A \rightarrow bb \cdot A$   
 $A \rightarrow \cdot bbA, c$   
 $A \rightarrow \cdot b, c$

- $goto(I_6, A) = I_7$   
 $A \rightarrow bbA \cdot$   
 $reduce(2)$
- $goto(I_6, b) = I_4$

Ce qui donne l'automate suivant :

