EXAMEN CALCUL DIFERENTIAL SI INTEGRAL SERIA 13

OFICIU: 1 punct

SUBIECTUL 1. (2 puncte)

Sa se studieze natura seriei $\sum_{n=1}^{\infty} \left[\frac{n!}{(a+1)(a+2)\cdots(a+n)} \right]^2$, unde a>0. SUBIECTUL 2. (2 puncte)

Sa se determine punctele de extrem local ale functiei $f: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}, f(x,y) =$ $x^4 - 4xy^3 + 4y \ \forall (x, y) \in \mathbb{R}^2.$

SUBIECTUL 3. (2 puncte)

Sa se demonstreze inegalitatea $e^{-x} > 1 - \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2!} - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^4}{4!} - \frac{x^5}{5!} \ \forall x \in (0, +\infty)$.

Sa se demonstreze inegalitatea $e^{-x} > 1 - \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2!} - \frac{x^5}{3!} + \frac{x^4}{4!} - \frac{x^5}{5!} \quad \forall x \in (0, +\infty)$. SUBIECTUL 4. (3 puncte)
a) Sa se calculeze $\iint\limits_D \left(x^2 + y^2\right) dxdy$, unde $D = \left\{(x,y) \in \mathbb{R}^2 \mid x^2 + y^2 \le 2, y \ge 0, x \ge -\sqrt{3}y\right\}$.
b) Fie $f: [a,b] \to \mathbb{R}$ o functie de clasa C^1 pe [a,b]. Sa se demonstreze ca $\lim\limits_{n \to \infty} \int\limits_a^b f(x) \cos\left(nx\right) dx = 0$.