Hash-uri

Tabele cu adresare directă. Tabele de dispersie

Kahoot



Complexități pe operații ale unor structuri de date:

	Inserare	Ştergere min	Ştergere cu pointer	Ştergere fără pointer	Afişare minim	Căuare	Succesor	Afişare sortat
Неар	O(log n)	O(log n)	O(log n)	O(n)	O(1)	O(n) :(O(n) :(O(n logn)
Arbori de căutare echilibrați	O(log n)	O(log n)	O(log n)	O(log n)	O(log n)	O(log n)	O(log n)	O(n)
Vector	O(1)	O(n)	O(?) O(1) sau O(n)	O(n)	O(n)	O(n)	O(n)	O(n log n)
Listă înlănțuită	O(1)	O(n)	O(1)	O(n)	O(n)	O(n)	O(n)	O(n log n)

Recapitulare: heap-urile și arborii binari de căutare țin ordine... prea complicat

	Inserare	Ştergere min	Ştergere cu pointer	Ştergere fără pointer	Afişare minim	Căuare	Succesor	Afişare sortat
Неар	O(log n)	O(log n)	O(log n)	O(n)	O(1)	O(n) :(O(n) :(O(n logn)
Arbori de căutare echilibrați	O(log n)	O(log n)	O(log n)	O(log n)	O(log n)	O(log n)	O(log n)	O(n)
Hashuri	O(1)	???	O(1)	O(1)	???	O(1)	???	???

Problemă: Se dau 2 tipuri de operații pe numere de la 1 la N (N $\leq 10^6$). Se dau până la M $\leq 10^6$ operații.

- Inserați numărul x
- Întrebare: numărul x se află între numerele date?

Soluție?

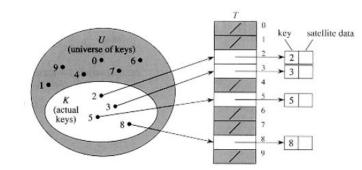
- (ineficientă) Insertion sort pe inserare, apoi căutare binară
 - O(n) pe inserare
 - O(log n) pe căutare

Problemă: Se dau 2 tipuri de operații pe numere de la 1 la N (N $\leq 10^6$). Se dau până la M $\leq 10^6$ operații.

- Inserați numărul x
- Întrebare: numărul x se află între numerele date?

Soluție?

- Putem ține un vector binar: a [i]=1 dacă elementul s-a dat și a [i]=0 dacă elementul nu a fost dat. Inițial este totul 0.
 - Complexitate?
 - O(1) inserare și căutare!!!



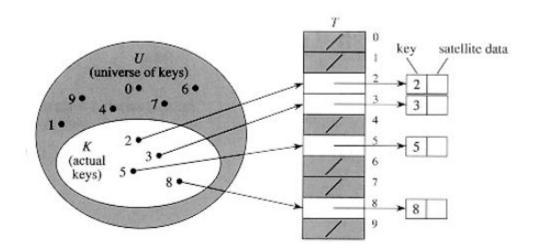
Problemă: Se dau 2 tipuri de operații pe numere de la 1 la N (N \leq 10⁶).

- Inseraţi numărul x
- Întrebare: numărul x se află între numerele date?
- Ştergere: Elimin numărul x din numerele mele

Soluție?

- Putem ține un vector binar: a [i]=1 dacă elementul s-a dat și a [i]=0 dacă elementul nu a fost dat. Inițial este totul 0.
 - Complexitate?
 - O(1) inserare și căutare!!! **Și ștergere!!!**

Implementare O(1) și foarte scurtă!



DIRECT-ADDRESS-SEARCH(T, k)

return T[k]

DIRECT-ADDRESS-INSERT(T, x)

 $T[key[x]] \leftarrow x$

DIRECT-ADDRESS-DELETE(T, x)

 $T[key[x]] \leftarrow NIL$

Problemă: Se dau 2 tipuri de operații pe numere de la 1 la N (N ≤ 10⁶).

- Putem ține un vector binar: a [i]=1 dacă elementul s-a dat și a [i]=0 dacă elementul nu a fost dat. Inițial este totul 0.
 - Complexitate?
 - O(1) inserare, căutare și ștergere

Unde apare problema?



Problemă: Se dau 2 tipuri de operații pe numere de la 1 la N (N \leq 10⁶).

- Putem ține un vector binar: a [i]=1 dacă elementul s-a dat și a [i]=0 dacă elementul nu a fost dat. Inițial este totul 0.
 - Complexitate?
 - O(1) inserare, căutare și ștergere

Unde apare problema?

- Limita de $N \leq 10^6$.
 - O Dacă am numere mai mari? Dacă am cuvinte sau altfel de obiecte? Dacă am numere negative?
- https://leetcode.com/problems/two-sum/ (problemă clasică de interviuri) (cod1 va merge doar pt N mic ~= 10^7 nu putem aloca oricata memorie)

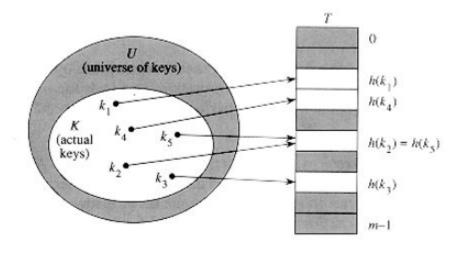
Trebuie să luăm elementele să le dispersăm

- Unde sunt problemele?
 - Mai multe elemente pică pe același
 câmp -> coliziune
 - Cam toate elementele pică în același loc -> functie de dispersie proasta!
 - Ex: %100 la prețuri de televizor
- Cum le rezolvăm?

					[o]	12
Assume	a ta	ble	[1]			
Hash ke	y =	key	%	table size	[2]	18
4	=	36	%	8	[3]	43
2	=	18	%	8	[4]	36
0	=	72	%	8	[5]	
3	=	43	%	8	[6]	6
6	=	6	%	8	[7]	

Trebuie să luăm elementele să le dispersăm

• În realitate elementele se suprapun



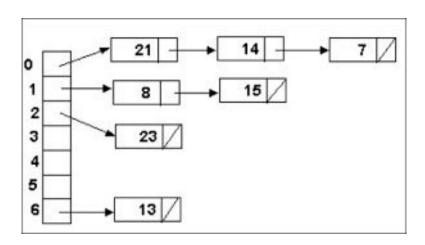
					[0]	72
Assume	a ta	[1]				
Hash key	/ =	key	%	table size	[2]	18
4	=	36	%	8	[3]	43
2	=	18	%	8	[4]	36
0	=	72	%	8	[5]	
3	=	43	%	8	[6]	6
6	=	6	%	8	[7]	

Funcție de dispersie

- Există mai multe metode de dispersie
- Astăzi ne vom axa pe una simplă și eficientă
- În practică, h(x) = x % p, unde p este un număr prim
- Vom discuta în detaliu la cursul următor despre metodele de alegere ale funcției de dispersie

Rezolvarea coliziunilor

- Vom discuta în cursul următor mai multe metode, pentru moment, voi alege înlănțuire.
- Hai să <u>codăm</u> :)
 - o https://leetcode.com/problems/two-sum/
 - Practic implementăm de mână inserarea și căutarea într-un hash



Problemă

• https://www.infoarena.ro/problema/strmatch

• Vrem să calculăm toate aparițiile unui șir mai mic (subșir) într-un șir mai

mare

Soluţii?

```
Text: A A B A A C A A D A A B A A B A

Pattern: A A B A

A A B A

A A B A A C A A D A A B A A B A

O 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15

A A B A
```

Pattern Found at 0, 9 and 12

Pattern Matching

Algoritmul Rabin Karp!

- 1. Calculăm hash-ul pentru șirul mai mic
- 2. Calculăm hash-ul pentru toate șirurile de aceeași lungime din șirul mai mare

```
Text: A A B A A C A A D A A B A A B A

Pattern: A A B A

A A B A

A A B A A C A A D A A B A A B A

A A B A A C A A D A A B A A B A

O 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15

A A B A

Pattern Found at 0, 9 and 12
```

Pattern Matching

Algoritmul Rabin Karp!

- 1. Calculăm hash-ul pentru șirul mai mic
- 2. Calculăm hash-ul pentru toate șirurile de aceeași lungime din șirul mai mare

```
set_size = 10 (decimal)

1234

1x10^{3}+2x10^{2}+3x10^{1}+4x10^{0}
(1x10^{2}+2x10^{1})10+3x10^{1}+4x10^{0}
((1x10^{2}+2x10^{1})+3)10+4x10^{0}
((1x10^{1}+2)10+3)10+4x10^{0}
<new hash = old hash * alphabet size+ letter>
```

Text: A A B A A C A A D A A B A A B A

Pattern: A A B A

A A B A

A A B A A C A A D A A B A A B A

O 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15

A A B A

Pattern Found at 0, 9 and 12

Pattern Matching

- Cum calculăm rolling hash?
- Ce probleme ar putea apărea?
 - Dacă două șiruri au hash-uri egale? Sunt egale?
- Soluții?
 - Verificăm fiecare potrivire
 - Ce se întâmplă dacă avem:
 - aaa
 - aaaaaaaaaaa
 - O(n*m)
 - o Facem 2 hash-uri și vedem dacă ambele sunt egale
 - Dacă ambele sunt egale, atunci suntem OK.

Codăm:

- https://www.infoarena.ro/problema/strmatch
- <u>implementare posibila</u>

```
set_size = 10 (decimal)

1234

1x10^3+2x10^2+3x10^1+4x10^0
(1x10^2+2x10^1)10+3x10^1+4x10^0
((1x10^2+2x10^1)+3)10+4x10^0
((1x10^1+2)10+3)10+4x10^0
<new hash = old hash * alphabet_size+ letter>
```