

ВХОД: $poly$ - многочлен над полем Галуа $GF[P]$

РЕЗУЛЬТАТ: $true$ если многочлен неприводим, иначе $false$

```
1: if  $poly = 0$  then
2:   return  $false$ 
3: end if
4:  $n = deg(poly)$ 
5: if  $n = 0$  or ( $poly[0] = 0$  and  $n > 1$ ) then
6:   return  $false$ 
7: end if
8: if  $n = 1$  then
9:   return  $true$ 
10: end if
11:
12:  $poly' = \frac{\partial poly}{\partial x}$ 
13: if  $poly' = 0$  then
14:   return  $false$ 
15: end if
16: if  $deg(gcd(poly, poly')) = 0$  then
17:   return  $false$ 
18: end if
19:  $B = \begin{pmatrix} x^0 & mod & poly \\ x^P & mod & poly \\ \dots & \dots & \dots \\ x^{P \times (P-1)} & mod & poly \end{pmatrix}$ 
20:  $B = B - E$ 
21:  $r = rank(B)$ 
22: if  $r = deg(poly) - 1$  then
23:   return  $true$ 
24: else
25:   return  $false$ 
26: end if
```

ВХОД: $poly$ - многочлен над полем Галуа $GF[P]$ степени n ,
 p_1, \dots, p_k - простые делители n

РЕЗУЛЬТАТ: $true$ если многочлен неприводим, иначе $false$

```
1: if  $poly = 0$  then
2:   return  $false$ 
3: end if
4: if  $n = 0$  or ( $poly[0] = 0$  and  $n > 1$ ) then
5:   return  $false$ 
6: end if
7: if  $n = 1$  then
8:   return  $true$ 
9: end if
10:
11: for  $i = 1..k$  do
12:    $n_i = \frac{n}{p_i}$ 
13:    $g = \gcd(poly, x^{P^{n_i}} - x \pmod{poly})$ 
14:   if  $g = 0$  or  $\deg(g) > 0$  then
15:     return  $false$ 
16:   end if
17: end for
18:  $g = \gcd(poly, x^{P^n} - x \pmod{poly})$ 
19: if  $g = 0$  then
20:   return  $true$ 
21: else
22:   return  $false$ 
23: end if
```

ВХОД: $poly$ - многочлен над полем Галуа $GF[P]$

РЕЗУЛЬТАТ: $true$ если многочлен неприводим, иначе $false$

```
1: if  $poly = 0$  then
2:   return  $false$ 
3: end if
4:  $n = deg(poly)$ 
5: if  $n = 0$  or ( $poly[0] = 0$  and  $n > 1$ ) then
6:   return  $false$ 
7: end if
8: if  $n = 1$  then
9:   return  $true$ 
10: end if
11:
12:  $n = deg(poly)$ 
13: for  $i = 1.. \lfloor \frac{m}{2} \rfloor$  do
14:    $g = gcd(poly, x^{P^i} - x \pmod{poly})$ 
15:   if  $g = 0$  or  $deg(g) > 0$  then
16:     return  $false$ 
17:   end if
18: end for
19: return  $true$ 
```

ВХОД: $poly$ - многочлен над полем Галуа $GF[P]$,

p_1, \dots, p_k - простые делители $P - 1$ за исключением 1 и самого $P - 1$

РЕЗУЛЬТАТ: $true$ если многочлен неприводим, иначе $false$

```
1: if  $poly = 0$  then
2:   return  $false$ 
3: end if
4:  $n = deg(poly)$ 
5: if  $n = 0$  or ( $poly[0] = 0$  and  $n > 1$ ) then
6:   return  $false$ 
7: end if
8:
9:  $poly = noramlize(poly)$ 
10: if  $poly = x$  then
11:   return  $true$ 
12: end if
13: if  $P = 2$  and  $poly = 1 + x$  then
14:   return  $false$ 
15: end if
16:
17: if  $P > 2$  then
18:   for  $i = 1..k$  do
19:      $l = (-1)^n \pmod{P}$ 
20:      $el = l^{\frac{P-1}{p_i}}$ 
21:     if  $el = 1$  then
22:       return  $false$ 
23:     end if
24:   end for
25: end if
26:
27:  $l = (-1)^n \pmod{P}$ 
28:  $r = \frac{p^n - 1}{p - 1}$ 
29: if  $x^r \neq l$  then
30:   return  $false$ 
31: end if
32:
33: for  $i = 1..k$  do
34:    $tmp = x^{\frac{r}{q_i}} \pmod{poly}$ 
35:   if  $deg(tmp) = 0$  then
36:     return  $false$ 
37:   end if
38: end for
39: return  $true$ 
```