

제 2 교시

수학 영역

홀수형

5지선다형

1.  $9^{\frac{1}{4}} \times 3^{-\frac{1}{2}}$ 의 값은? [2점]

- ① 1      ②  $\sqrt{3}$       ③ 3      ④  $3\sqrt{3}$       ⑤ 9

2. 함수  $f(x) = 3x^3 + 4x + 1$ 에 대하여  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$ 의 값은? [2점]

- ① 7      ② 9      ③ 11      ④ 13      ⑤ 15

3. 수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $\sum_{k=1}^4 (2a_k - k) = 0$ 일 때,  $\sum_{k=1}^4 a_k$ 의 값은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

4. 함수

$$f(x) = \begin{cases} 3x - 2 & (x < 1) \\ x^2 - 3x + a & (x \geq 1) \end{cases}$$

이 실수 전체의 집합에서 연속일 때, 상수  $a$ 의 값은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

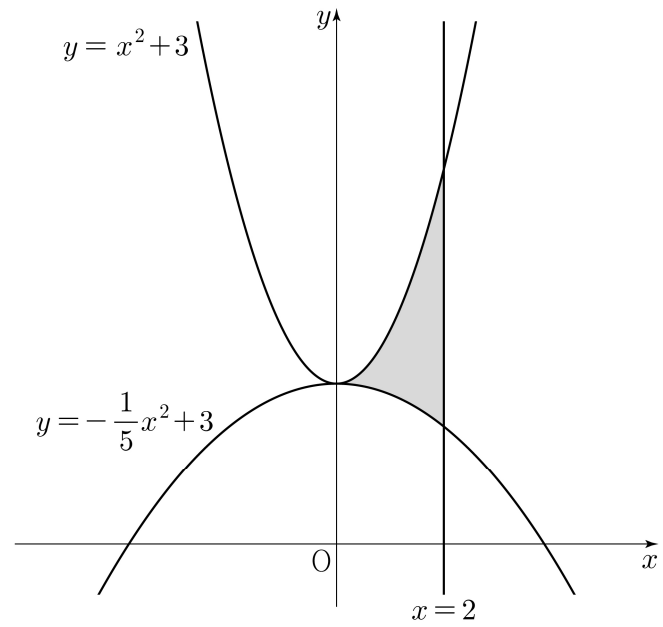
5. 함수  $f(x) = (x+2)(2x^2 - x - 2)$ 에 대하여  $f'(1)$ 의 값은? [3점]

- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

7. 두 곡선  $y = x^2 + 3$ ,  $y = -\frac{1}{5}x^2 + 3$ 과 직선  $x = 2$ 로

둘러싸인 부분의 넓이는? [3점]

- ①  $\frac{18}{5}$       ②  $\frac{7}{2}$       ③  $\frac{17}{5}$       ④  $\frac{33}{10}$       ⑤  $\frac{16}{5}$



6. 1보다 큰 두 실수  $a$ ,  $b$ 가

$$\log_a b = 3, \quad \log_3 \frac{b}{a} = \frac{1}{2}$$

을 만족시킬 때,  $\log_9 ab$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{3}{8}$       ②  $\frac{1}{2}$       ③  $\frac{5}{8}$       ④  $\frac{3}{4}$       ⑤  $\frac{7}{8}$

8.  $\sin \theta + 3 \cos \theta = 0$  이고  $\cos (\pi - \theta) > 0$  일 때,  $\sin \theta$  의 값은? [3점]

- ①  $\frac{3 \sqrt{10}}{10}$                       ②  $\frac{\sqrt{10}}{5}$                       ③ 0
- ④  $-\frac{\sqrt{10}}{5}$                       ⑤  $-\frac{3 \sqrt{10}}{10}$

9. 양수  $a$  에 대하여 함수  $f(x)$  를

$f(x) = x^3 + 3ax^2 - 9a^2x + 4$

라 하자. 직선  $y = 5$  가 곡선  $y = f(x)$  에 접할 때,  $f(2)$  의 값은?  
[4점]

- ① 11                      ② 12                      ③ 13                      ④ 14                      ⑤ 15

10. 상수  $a(a > 1)$ 에 대하여 곡선  $y = a^x - 2$  위의 점 중 제 1 사분면에 있는 점 A 를 지나고  $y$  축에 평행한 직선이  $x$  축과 만나는 점을 B, 곡선  $y = a^x - 2$  의 점근선과 만나는 점을 C 라 하자.  $\overline{AB} = \overline{BC}$  이고 삼각형 AOC 의 넓이가 8 일 때,  $a \times \overline{OB}$  의 값은? (단, O 는 원점이다.) [4점]

- ①  $2^{\frac{13}{6}}$                       ②  $2^{\frac{7}{3}}$                       ③  $2^{\frac{5}{2}}$                       ④  $2^{\frac{8}{3}}$                       ⑤  $2^{\frac{17}{6}}$

11. 시각  $t=0$ 일 때 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P가 있다. 실수  $k$ 에 대하여 시각이  $t(t \geq 0)$ 일 때 점 P의 속도  $v(t)$ 가

$$v(t) = t^2 - kt + 4$$

이다. <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

—<보 기>—

ㄱ.  $k=0$ 이면, 시각  $t=1$ 일 때 점 P의 위치는  $\frac{13}{3}$ 이다.

ㄴ.  $k=3$ 이면, 출발한 후 점 P의 운동 방향이 한 번 바뀐다.

ㄷ.  $k=5$ 이면, 시각  $t=0$ 에서  $t=2$ 까지 점 P가 움직인 거리는 3이다.

- ① ㄱ                      ② ㄱ, ㄴ                      ③ ㄱ, ㄷ  
④ ㄴ, ㄷ                      ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

12. 등비수열  $\{a_n\}$ 이

$$2(a_1 + a_4 + a_7) = a_4 + a_7 + a_{10} = 6$$

을 만족시킬 때,  $a_{10}$ 의 값은? [4점]

- ①  $\frac{22}{7}$                       ②  $\frac{24}{7}$                       ③  $\frac{26}{7}$                       ④  $\frac{30}{7}$                       ⑤  $\frac{32}{7}$

13. 함수  $f(x) = x^2 - 4x - 3$ 에 대하여

곡선  $y = f(x)$  위의 점  $(1, -6)$ 에서의 접선을  $l$ 이라 하고,

함수  $g(x) = (x^3 - 2x)f(x)$ 에 대하여

곡선  $y = g(x)$  위의 점  $(1, 6)$ 에서의 접선을  $m$ 이라 하자.

두 직선  $l, m$ 과  $y$ 축으로 둘러싸인 도형의 넓이는? [4점]

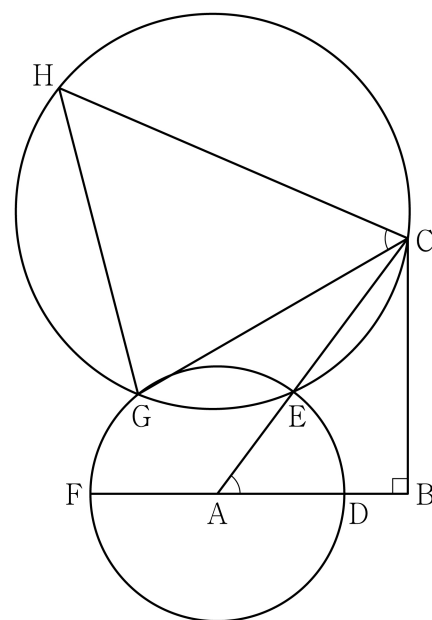
- ① 21      ② 28      ③ 35      ④ 42      ⑤ 49

14. 그림과 같이  $\overline{AB} = 3$ ,  $\overline{BC} = 4$ 이고  $\angle B = \frac{\pi}{2}$ 인 직각삼각형

ABC가 있다. 선분 AB를 2:1로 내분하는 점을 D,

점 A를 중심으로 하고 반지름의 길이가  $\overline{AD}$ 인 원이 선분 AC와 만나는 점을 E, 직선 AB가 이 원과 만나는 점 중 D가 아닌 점을 F라 하고, 호 EF 위의 점 G를  $\overline{CG} = 2\sqrt{6}$ 이 되도록 잡는다.

세 점 C, E, G를 지나는 원 위의 점 H가  $\angle HCG = \angle BAC$ 를 만족시킬 때, 선분 GH의 길이는? [4점]



- ①  $\frac{6\sqrt{15}}{5}$       ②  $\frac{38\sqrt{10}}{25}$       ③  $\frac{14\sqrt{3}}{5}$   
 ④  $\frac{32\sqrt{15}}{25}$       ⑤  $\frac{8\sqrt{10}}{5}$

15. 함수  $f(x)$ 가

$$f(x) = \begin{cases} -x^2 & (x < 0) \\ x^2 - x & (x \geq 0) \end{cases}$$

이고, 양수  $a$ 에 대하여 함수  $g(x)$ 를

$$g(x) = \begin{cases} ax + a & (x < -1) \\ 0 & (-1 \leq x < 1) \\ ax - a & (x \geq 1) \end{cases}$$

이라 하자. 함수  $h(x) = \int_0^x (g(t) - f(t)) dt$ 가 오직 하나의 극값을 갖도록 하는  $a$ 의 최댓값을  $k$ 라 하자.  $a = k$ 일 때,  $k + h(3)$ 의 값은? [4점]

- ①  $\frac{9}{2}$       ②  $\frac{11}{2}$       ③  $\frac{13}{2}$       ④  $\frac{15}{2}$       ⑤  $\frac{17}{2}$

단답형

16. 수열  $\{a_n\}$ 은  $a_1 = 1$ 이고, 모든 자연수  $n$ 에 대하여

$$a_{n+1} = n^2 a_n + 1$$

을 만족시킨다.  $a_3$ 의 값을 구하시오. [3점]

17. 함수  $f(x) = 4x^3 - 2x$ 의 한 부정적분  $F(x)$ 에 대하여  $F(0) = 4$ 일 때,  $F(2)$ 의 값을 구하시오. [3점]

18.  $\overline{AB} = 5$ ,  $\overline{AC} = 6$  이고  $\cos(\angle BAC) = -\frac{3}{5}$  인 삼각형 ABC의 넓이를 구하시오. [3점]

19.  $-2 \leq x \leq 2$ 인 모든 실수  $x$ 에 대하여 부등식  $-k \leq 2x^3 + 3x^2 - 12x - 8 \leq k$ 가 성립하도록 하는 양수  $k$ 의 최솟값을 구하시오. [3점]

20. 수열  $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.

- $a_1 = 7$
- 2 이상의 자연수  $n$ 에 대하여
 
$$\sum_{k=1}^n a_k = \frac{2}{3}a_n + \frac{1}{6}n^2 - \frac{1}{6}n + 10$$
 이다.

다음은  $\sum_{k=1}^{12} a_k + \sum_{k=1}^5 a_{2k+1}$ 의 값을 구하는 과정이다.

2 이상의 자연수  $n$ 에 대하여  $a_{n+1} = \sum_{k=1}^{n+1} a_k - \sum_{k=1}^n a_k$ 이므로

$$a_{n+1} = \frac{2}{3}(a_{n+1} - a_n) + \boxed{\text{(가)}}$$

이고, 이 식을 정리하면

$$2a_n + a_{n+1} = 3 \times \boxed{\text{(가)}} \quad \dots\dots \textcircled{가}$$

이다.

$$\sum_{k=1}^n a_k = \frac{2}{3}a_n + \frac{1}{6}n^2 - \frac{1}{6}n + 10 \quad (n \geq 2)$$

에서 양변에  $n=2$ 를 대입하면

$$a_2 = \boxed{\text{(나)}} \quad \dots\dots \textcircled{나}$$

이다.  $\textcircled{가}$ 과  $\textcircled{나}$ 에 의하여

$$\begin{aligned} \sum_{k=1}^{12} a_k + \sum_{k=1}^5 a_{2k+1} &= a_1 + a_2 + \sum_{k=1}^5 (2a_{2k+1} + a_{2k+2}) \\ &= \boxed{\text{(다)}} \end{aligned}$$

이다.

위의 (가)에 알맞은 식을  $f(n)$ 이라 하고, (나), (다)에 알맞은 수를 각각  $p$ ,  $q$ 라 할 때,  $\frac{p \times q}{f(12)}$ 의 값을 구하시오. [4점]

21. 최고차항의 계수가 양수인 삼차함수  $f(x)$ 와 실수  $t$ 에 대하여 함수

$$g(x) = \begin{cases} -f(x) & (x < t) \\ f(x) & (x \geq t) \end{cases}$$

는 실수 전체의 집합에서 연속이고 다음 조건을 만족시킨다.

(가) 모든 실수  $a$ 에 대하여  $\lim_{x \rightarrow a+} \frac{g(x)}{x(x-2)}$ 의 값이

존재한다.

(나)  $\lim_{x \rightarrow m+} \frac{g(x)}{x(x-2)}$ 의 값이 음수가 되도록 하는

자연수  $m$ 의 집합은  $\left\{g(-1), -\frac{7}{2}g(1)\right\}$ 이다.

$g(-5)$ 의 값을 구하십시오. (단,  $g(-1) \neq -\frac{7}{2}g(1)$ ) [4점]

22. 곡선  $y = \log_{16}(8x+2)$  위의 점  $A(a, b)$ 와

곡선  $y = 4^{x-1} - \frac{1}{2}$  위의 점  $B$ 가 제1사분면에 있다.

점  $A$ 를 직선  $y=x$ 에 대하여 대칭이동한 점이 직선  $OB$  위에

있고 선분  $AB$ 의 중점의 좌표가  $\left(\frac{77}{8}, \frac{133}{8}\right)$ 일 때,

$a \times b = \frac{q}{p}$ 이다.  $p+q$ 의 값을 구하십시오.

(단, 0는 원점이고,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

\* 확인 사항

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하십시오.

○ 이어서, 「선택과목(확률과 통계)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하십시오.



제 2 교시

## 수학 영역(확률과 통계)

홀수형

## 5지선다형

23. 네 문자  $a, b, c, d$  중에서 중복을 허락하여 3개를 택해  
일렬로 나열하는 경우의 수는? [2점]

- ① 56      ② 60      ③ 64      ④ 68      ⑤ 72

24. 두 사건  $A, B$ 에 대하여

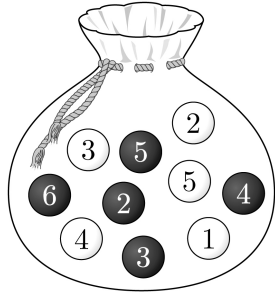
$$P(A) = \frac{2}{5}, \quad P(B|A) = \frac{1}{4}, \quad P(A \cup B) = 1$$

일 때,  $P(B)$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{7}{10}$       ②  $\frac{3}{4}$       ③  $\frac{4}{5}$       ④  $\frac{17}{20}$       ⑤  $\frac{9}{10}$

25. 주머니에 숫자 1, 2, 3, 4, 5가 하나씩 적혀 있는 흰 공 5개와 숫자 2, 3, 4, 5, 6이 하나씩 적혀 있는 검은 공 5개가 들어 있다. 이 주머니에서 임의로 2개의 공을 동시에 꺼낼 때, 꺼낸 2개의 공이 서로 같은 색이거나 꺼낸 2개의 공에 적힌 수가 서로 같을 확률은? [3점]

- ①  $\frac{7}{15}$     ②  $\frac{8}{15}$     ③  $\frac{3}{5}$     ④  $\frac{2}{3}$     ⑤  $\frac{11}{15}$



26. 평균이  $m$ 이고 표준편차가 5인 정규분포를 따르는 모집단에서 크기가 36인 표본을 임의추출하여 얻은 표본평균을 이용하여 구한 모평균  $m$ 에 대한 신뢰도 99%의 신뢰구간이  $1.2 \leq m \leq a$ 이다.  $a$ 의 값은? (단,  $Z$ 가 표준정규분포를 따르는 확률변수일 때,  $P(|Z| \leq 2.58) = 0.99$ 로 계산한다.) [3점]

- ① 5.1    ② 5.2    ③ 5.3    ④ 5.4    ⑤ 5.5

27. 이산확률변수  $X$ 가 가지는 값이 0부터 4까지의 정수이고

$$P(X=x)=\begin{cases} \frac{|2x-1|}{12} & (x=0, 1, 2, 3) \\ a & (x=4) \end{cases}$$

일 때,  $V\left(\frac{1}{a}X\right)$ 의 값은? (단,  $a$ 는 0이 아닌 상수이다.) [3점]

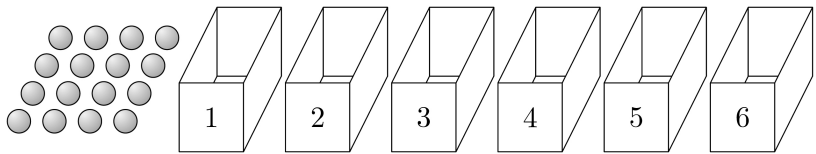
- ① 36      ② 39      ③ 42      ④ 45      ⑤ 48

28. 16개의 공과 1부터 6까지의 자연수가 하나씩 적혀 있는 여섯 개의 빈 상자가 있다. 한 개의 주사위를 사용하여 다음 시행을 한다.

주사위를 한 번 던져 나온 눈의 수가  $k$ 일 때,  
 $k$ 가 홀수이면  
1, 3, 5가 적힌 상자에 공을 각각 1개씩 넣고,  
 $k$ 가 짝수이면  
 $k$ 의 약수가 적힌 상자에 공을 각각 1개씩 넣는다.

이 시행을 4번 반복한 후 여섯 개의 상자에 들어 있는 모든 공의 개수의 합이 홀수일 때, 3이 적힌 상자에 들어 있는 공의 개수가 2가 적힌 상자에 들어 있는 공의 개수보다 1개 더 많을 확률은? [4점]

- ①  $\frac{1}{8}$       ②  $\frac{3}{16}$       ③  $\frac{1}{4}$       ④  $\frac{5}{16}$       ⑤  $\frac{3}{8}$



## 단답형

29. 6 이하의 자연수  $a$ 에 대하여 한 개의 주사위와 한 개의 동전을 사용하여 다음 시행을 한다.

주사위를 한 번 던져  
나온 눈의 수가  $a$ 보다 작거나 같으면  
동전을 5번 던져 앞면이 나온 횟수를 기록하고,  
나온 눈의 수가  $a$ 보다 크면  
동전을 3번 던져 앞면이 나온 횟수를 기록한다.

이 시행을 19200번 반복하여  
기록한 수가 3인 횟수를  
확률변수  $X$ 라 하자.  
 $E(X) = 4800$  일 때,  
 $P(X \leq 4800 + 30a)$ 의 값을  
오른쪽 표준정규분포표를 이용하여  
구한 값이  $k$ 이다.  
 $1000 \times k$ 의 값을 구하시오. [4점]

$z$	$P(0 \leq Z \leq z)$
0.5	0.191
1.0	0.341
1.5	0.433
2.0	0.477
2.5	0.494
3.0	0.499

30. 비어 있는 주머니 10개가 일렬로 놓여 있고, 공 8개가 있다.  
각 주머니에 들어 있는 공의 개수가 2 이하가 되도록  
공을 주머니에 남김없이 나누어 넣을 때,  
다음 조건을 만족시키는 경우의 수를 구하시오.  
(단, 공끼리는 서로 구별하지 않는다.) [4점]

(가) 들어 있는 공의 개수가 1인 주머니는 4개 또는 6개이다.  
(나) 들어 있는 공의 개수가 2인 주머니와 이웃한  
주머니에는 공이 들어 있지 않다.

## \* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.
- 이어서, 「선택과목(미적분)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

수학 영역(미적분)

홀수형

5지선다형

23.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 6x}{2x}$  의 값은? [2점]

- ① 1            ② 2            ③ 3            ④ 4            ⑤ 5

24.  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{\sin x - \sin^3 x} \, dx$  의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{6}$             ②  $\frac{1}{3}$             ③  $\frac{1}{2}$             ④  $\frac{2}{3}$             ⑤  $\frac{5}{6}$

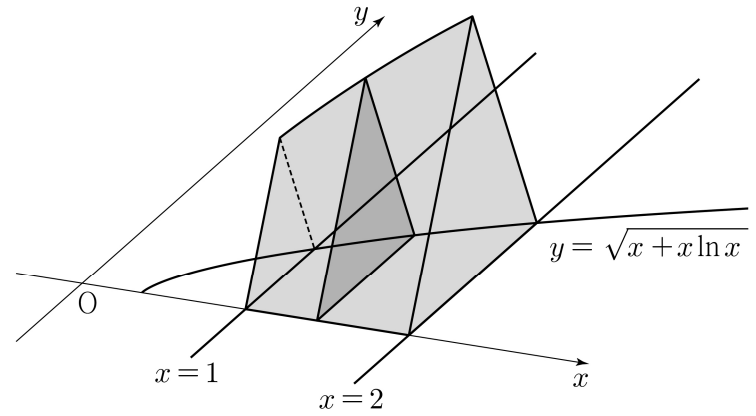
25. 수열  $\{a_n\}$ 이 모든 자연수  $n$ 에 대하여

$$\sqrt{9n^2 - 5} + 2n < a_n < 5n + 1$$

을 만족시킬 때,  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(a_n + 2)^2}{na_n + 5n^2 - 2}$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{2}$       ②  $\frac{3}{2}$       ③  $\frac{5}{2}$       ④  $\frac{7}{2}$       ⑤  $\frac{9}{2}$

26. 그림과 같이 곡선  $y = \sqrt{x + x \ln x}$ 와  $x$ 축 및 두 직선  $x=1$ ,  $x=2$ 로 둘러싸인 부분을 밑면으로 하는 입체도형이 있다. 이 입체도형을  $x$ 축에 수직인 평면으로 자른 단면이 모두 정삼각형일 때, 이 입체도형의 부피는? [3점]



- ①  $\frac{\sqrt{3}(3+8\ln 2)}{16}$       ②  $\frac{\sqrt{3}(5+12\ln 2)}{24}$       ③  $\frac{\sqrt{3}(1+12\ln 2)}{16}$   
 ④  $\frac{\sqrt{3}(1+2\ln 2)}{4}$       ⑤  $\frac{\sqrt{3}(1+9\ln 2)}{12}$

27. 매개변수  $t$ 로 나타내어진 곡선

$$x = e^{4t}(1 + \sin^2 \pi t), \quad y = e^{4t}(1 - 3 \cos^2 \pi t)$$

를  $C$ 라 하자. 곡선  $C$ 가 직선  $y = 3x - 5e$ 와 만나는 점을  $P$ 라 할 때, 곡선  $C$  위의 점  $P$ 에서의 접선의 기울기는? [3점]

- ①  $\frac{3\pi-4}{\pi+4}$
- ②  $\frac{3\pi-2}{\pi+6}$
- ③  $\frac{3\pi}{\pi+8}$
- ④  $\frac{3\pi+2}{\pi+10}$
- ⑤  $\frac{3\pi+4}{\pi+12}$

28. 함수

$$f(x) = \frac{1}{2}x^2 - x + \ln(1+x)$$

와 양수  $t$ 에 대하여 점  $(s, f(s)) (s > 0)$ 에서  $y$ 축에 내린 수선의 발과 곡선  $y = f(x)$  위의 점  $(s, f(s))$ 에서의 접선이  $y$ 축과 만나는 점 사이의 거리가  $t$ 가 되도록 하는  $s$ 의 값을

$g(t)$ 라 하자.  $\int_{\frac{1}{2}}^{\frac{27}{4}} g(t)dt$ 의 값은? [4점]

- ①  $\frac{161}{12} + \ln 3$
- ②  $\frac{40}{3} + \ln 3$
- ③  $\frac{53}{4} + \ln 2$
- ④  $\frac{79}{6} + \ln 2$
- ⑤  $\frac{157}{12} + \ln 2$

## 단답형

29. 첫째항과 공차가 같은 등차수열  $\{a_n\}$  과 등비수열  $\{b_n\}$  이 다음 조건을 만족시킨다.

어떤 자연수  $k$ 에 대하여

$$b_{k+i} = \frac{1}{a_i} - 1 \quad (i = 1, 2, 3)$$

이다.

부등식

$$0 < \sum_{n=1}^{\infty} \left( b_n - \frac{1}{a_n a_{n+1}} \right) < 30$$

이 성립할 때,  $a_2 \times \sum_{n=1}^{\infty} b_{2n} = \frac{q}{p}$  이다.  $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단,  $a_1 \neq 0$ 이고,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

30. 실수 전체의 집합에서 증가하는 연속함수  $f(x)$ 의 역함수  $f^{-1}(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

(가)  $|x| \leq 1$  일 때,  $4 \times (f^{-1}(x))^2 = x^2(x^2 - 5)^2$  이다.

(나)  $|x| > 1$  일 때,  $|f^{-1}(x)| = e^{|x|-1} + 1$  이다.

실수  $m$ 에 대하여 기울기가  $m$ 이고 점  $(1, 0)$ 을 지나는 직선이 곡선  $y = f(x)$ 와 만나는 점의 개수를  $g(m)$ 이라 하자.

함수  $g(m)$ 이  $m = a$ ,  $m = b$  ( $a < b$ )에서 불연속일 때,

$g(a) \times \left( \lim_{m \rightarrow a+} g(m) \right) + g(b) \times \left( \frac{\ln b}{b} \right)^2$ 의 값을 구하시오.

(단,  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\ln x}{x} = 0$ ) [4점]

\* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.
- 이어서, 「선택과목(기하)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.



제 2 교시

수학 영역(기하)

홀수형

5지선다형

23. 두 벡터  $\vec{a} = (4, 1)$ ,  $\vec{b} = (-1, -1)$ 에 대하여  $\vec{a} + \vec{b}$ 의 모든 성분의 합은? [2점]
- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

24. 포물선  $y^2 = 12(x - 2)$ 의 초점과 준선 사이의 거리는? [3점]
- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

25. 좌표공간의 점  $A\left(3, -\frac{3}{2}, -2\right)$ 를  $yz$ 평면에 대하여

대칭이동한 점을 B, 점 A를 원점에 대하여 대칭이동한 점을 C라 할 때, 선분 BC의 길이는? [3점]

- ①  $\sqrt{21}$     ②  $\sqrt{22}$     ③  $\sqrt{23}$     ④  $2\sqrt{6}$     ⑤ 5

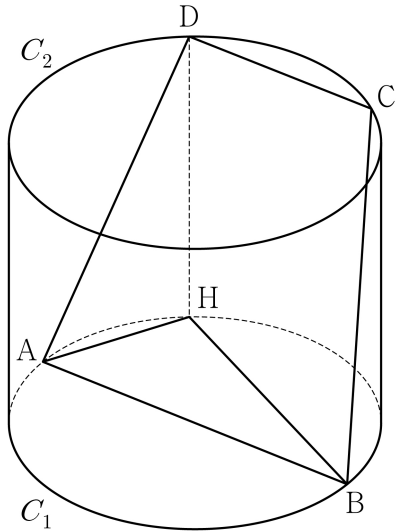
26. 양수  $a$ 에 대하여 두 초점이 F, F'인

쌍곡선  $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{a^2} = -1$  위의 점  $(a, \sqrt{2}a)$ 에서의 접선이

$y$ 축과 만나는 점을 P라 하자.  $\overline{PF} \times \overline{PF'} = 8$ 일 때,  $a$ 의 값은? [3점]

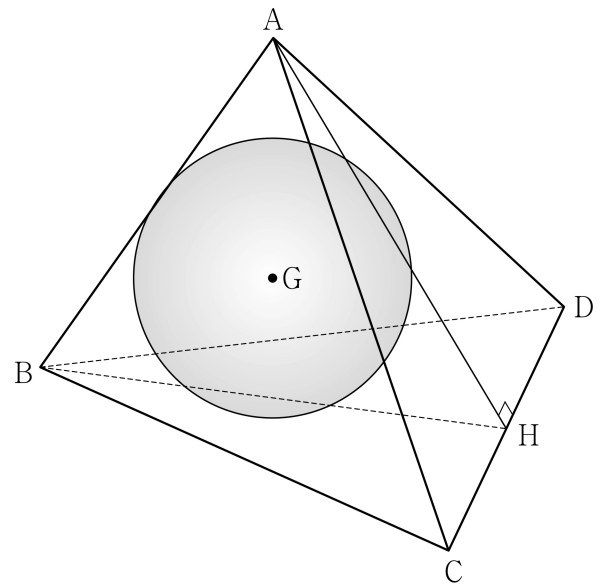
- ①  $\sqrt{3}$     ②  $\frac{4\sqrt{3}}{3}$     ③  $\frac{5\sqrt{3}}{3}$     ④  $2\sqrt{3}$     ⑤  $\frac{7\sqrt{3}}{3}$

27. 그림과 같이 지름의 길이가 5인 두 원  $C_1$ ,  $C_2$ 를  
두 밑면으로 하는 원기둥이 있고, 원  $C_1$  위의  $\overline{AB} = 5$ 인  
두 점 A, B와 원  $C_2$  위의  $\overline{CD} = 3$ 인 두 점 C, D에 대하여  
 $\overline{AD} = \overline{BC}$ 이다. 점 D에서 원  $C_1$ 을 포함하는 평면에 내린  
수선의 발을 H라 하자. 사각형 ABCD의 넓이가  
삼각형 ABH의 넓이의 4배일 때, 이 원기둥의 높이는? [3점]



- ①  $3\sqrt{2}$     ②  $\sqrt{19}$     ③  $2\sqrt{5}$     ④  $\sqrt{21}$     ⑤  $\sqrt{22}$

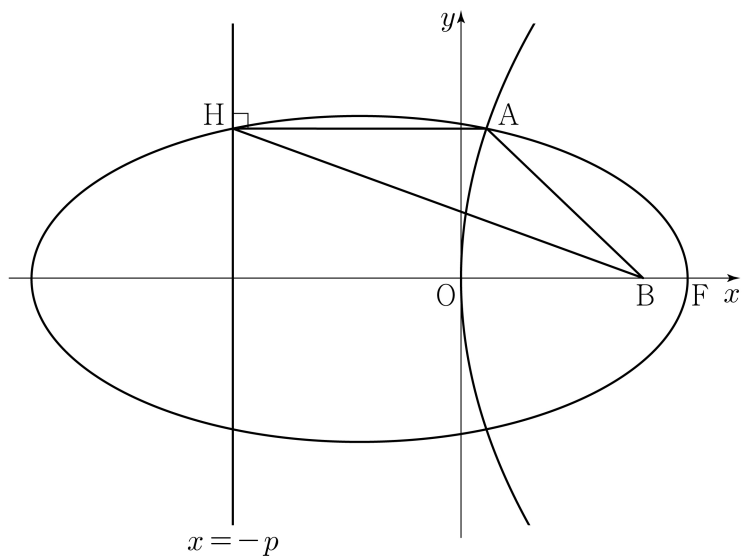
28. 그림과 같이  $\overline{AB} = \overline{CD} = 4$ ,  $\overline{BC} = \overline{BD} = 2\sqrt{5}$ 인  
사면체 ABCD가 있고, 점 A에서 직선 CD에 내린 수선의 발 H에  
대하여 두 평면 ABH와 BCD는 서로 수직이고  $\overline{AH} = 4$ 이다.  
삼각형 ABH의 무게중심을 G라 하고,  
점 G를 중심으로 하고 평면 ACD에 접하는 구를 S라 하자.  
 $\angle APG = \frac{\pi}{2}$ 인 구 S 위의 모든 점 P가 나타내는 도형을 T라 할 때,  
도형 T의 평면 ABC 위로의 정사영의 넓이는? [4점]



- ①  $\frac{\pi}{7}$     ②  $\frac{\pi}{6}$     ③  $\frac{\pi}{5}$     ④  $\frac{\pi}{4}$     ⑤  $\frac{\pi}{3}$

## 단답형

29. 그림과 같이 초점이  $F(p, 0)$  ( $p > 0$ )이고 준선이  $x = -p$ 인 포물선 위의 점 중 제1사분면에 있는 점  $A$ 에서 포물선의 준선에 내린 수선의 발을  $H$ 라 하고, 두 초점이  $x$ 축 위에 있고 세 점  $F, A, H$ 를 지나는 타원의  $x$ 좌표가 양수인 초점을  $B$ 라 하자. 삼각형  $AHB$ 의 둘레의 길이가  $p + 27$ , 넓이가  $2p + 12$ 일 때, 선분  $HF$ 의 길이를  $k$ 라 하자.  $k^2$ 의 값을 구하시오. [4점]



30. 좌표평면에서 길이가  $10\sqrt{2}$ 인 선분  $AB$ 를 지름으로 하는 원 위의 두 점  $P, Q$ 가

$$(\overrightarrow{PA} + \overrightarrow{PB}) \cdot (\overrightarrow{PQ} + \overrightarrow{PB}) = 2|\overrightarrow{PQ}|^2$$

을 만족시킨다.  $|\overrightarrow{PB}| = 14$ 일 때,  $|\overrightarrow{PA} \cdot \overrightarrow{QB}| = \frac{q}{p}$ 이다.

$p + q$ 의 값을 구하시오.

(단,  $|\overrightarrow{QB}| > 0$ 이고,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

\* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.