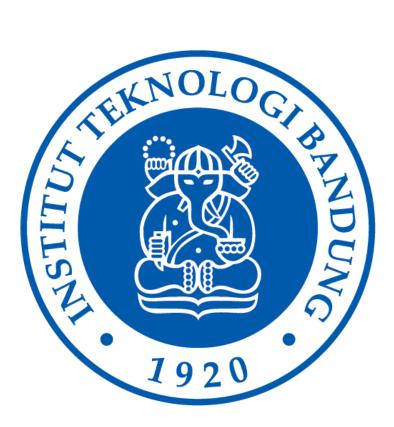
# STRATEGI ALGORITMA 15 PUZZLE SOLVER DENGAN ALGORITMA BRANCH AND BOUND LAPORAN TUGAS KECIL 3

Diajukan sebagai Salah Satu Tugas Kecil Mata Kuliah Strategi Algoritma pada Semester 4



Azka Syauqy Irsyad

13520107

PROGRAM STUDI TEKNIK INFORMATIKA
INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG
BANDUNG

2022

### I. Algoritma Branch and Bound pada Pengaplikasian 15 Puzzle Solver

Algoritma *branch and bound* adalah suatu algoritma yang dapat digunakan dalam suatu permasalahan optimisasi. Pada penerapannya, algoritma ini memanfaatkan pohon ruang status yang digunakan untuk mencari solusi terbaik yang memungkinkan. Proses pencarian akan mengevaluasi kemungkinan pengambilan simpul selanjutnya yang memberikan solusi paling baik di antara simpul lainnya, terus hingga *goal state* tercapai. Penerapan algoritma ini salah satunya adalah dalam membuat 15 *puzzle solver*.

Persoalan 15 *puzzle* adalah suatu persoalan dimana terdapat suatu *puzzle* yang digambarkan sebagai matriks. Elemen-elemen dalam *puzzle* tersebut merupakan angka 1 s.d. 15 yang disertai dengan elemen kosong yang urutannya diacak. Pencarian solusi dari persoalan ini adalah menyusun elemen-elemen tersebut dari terkecil hingga terbesar sesuai urutan secara horizontal, dimana elemen kosong tersebut berada di urutan paling akhir. Pergeseran elemen pun hanya boleh yang merupakan elemen kosong, dimana pergeseran dapat dilakukan ke atas, bawah, kiri, atau kanan.

1	2	3	4
5	6	7	8
9	10	11	12
13	14	15	

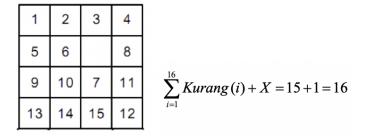
Gambar 1 Susunan Akhir 15 Puzzle

Untuk menyelesaikan persoalan ini, perlu dihitung terlebih dahulu apakah status awal dari *puzzle* dapat dicapai, dengan menggunakan teorema  $\sum_{i=1}^{16} Kurang(i) + X$  harus menghasilkan nilai genap, dimana nilai X adalah 1 jika posisi elemen kosong berada ketika jumlah baris dan kolom adalah ganjil dan bernilai 0 jika sebaliknya. Kurang(i) adalah

banyaknya elemen yang bernilai lebih kecil dari *i* namun posisinya lebih besar darinya. Jika teorema di atas terpenuhi, maka pencarian solusi dapat dilakukan, tidak sebaliknya.

1	3	4	15	
2		5	12	$\sum_{i=1}^{16} Kurang(i) + X = 37 + 0 = 37$
7	6	11	14	i=1
8	9	10	13	

Gambar 2 Contoh Puzzle yang Tidak Bisa Diselesaikan



Gambar 3 Contoh Puzzle yang Bisa Diselesaikan

Alur kerja program yang dibuat dimulai dengan memilih *mode* penyusunan dari *puzzle*, yaitu dibangkitkan secara *random* oleh program atau membaca dari file. Jika mode yang dipilih adalah *random*, maka *puzzle* akan dibuat secara random urutan-urutan elemennya. Jika dari input file, maka program akan membaca matriks dari file masukan dengan ektensi yang berlaku adalah .txt. Setelah kedua matriks *puzzle* sudah tersedia, akan ditampilkan bentuk *puzzle* yang akan dicari solusinya.

Setelah itu, program akan melakukan perhitungan nilai Kurang(i) dari setiap elemen dari matriks tersebut. Program juga akan mencetak hasil perhitungan tersebut ke layar, dimana elemen 16 menandakan elemen 'kosong' seperti pada template persoalan. Program juga akan mencetak hasil perhitungan dari  $\sum_{i=1}^{16} Kurang(i) + X$ , yang kemudian dievaluasi apakah dari nilai tersebut status tujuan dapat dicapai atau tidak. Jika status tujuan tidak dapat dicapai, program akan mengeluarkan pesan bahwa persoalan tidak dapat menghasilkan solusi. Jika berhasil, program akan mulai menghitung waktu eksekusi dan pencarian solusi pun dimulai.

Dalam pencarian solusinya, dibuat suatu *priority queue* yang di dalamnya berisi simpul-simpul dari pergerakan matriks. Diambil nilai cost berupa jumlah elemen tidak kosong yang urutannya tidak sesuai dengan *goal state*. Matriks yang telah dibaca tadi akan menjadi akar tersebut dan dimasukkan ke dalam *priority queue* tersebut. Lalu, program akan melakukan *pop* untuk membaca tiap simpul yang ada di *priority queue* terus-menerus selama *priority queue* tidak kosong dan waktu eksekusi belum melebihi limit. Dalam proses *loopin* tersebut, akan dicek daftar *move* yang valid, yaitu dicek posisi dan *move* yang sedang diambil. Daftar *move* tersebut akan diiterasi untuk pengecekan simpul berikutnya setelah dibuat menjadi simpul anak dan di *push* ke dalam *priority queue*. Perlu diingat juga bahwa dalam struktur data ini, *push* elemen didasarkan pada *value cost* yang ditambahkan dengan kedalaman simpul tersebut, baru kemudian urutan masuk.

Proses pencarian akan terus berlangsung hingga ada kondisi yang membuat pencarian dihentikan selain kondisi yang disebutkan di atas tadi, dimana kondisi tersebut belum menunjukan ditemukannya solusi. Pencarian yang menghasilkan solusi ini ditandai ketika nilai *cost* adalah nol, yang menandakan bahwa matriks awal sudah merupakan solusi, atau nilai *cost* merupakan nilai kedalaman dari simpul tersebut. Ketika kondisi itu tercapai, waktu eksekusi pencarian akan dihentikan dan program mulai mencetak langkah matriks pencarian dari awal hingga matriks tujuan sesuai dengan urutan *move* yang diambil. Program juga akan mencetak jumlah simpul yang dibangkitkan dalam pencarian solusi dan lama waktu eksekusi pencarian.

Perlu diketahui juga bahwa matriks *puzzle* yang dibangun dengan *random* oleh program , dan beberapa contoh kasus lain serupa yang dapat terjadi juga pada masukan dari file, dapat menghasilkan *looping* yang amat panjang, yang membuat pemakaian memori yang berlebihan. Oleh karena itu, pencarian solusi dapat membuat tidak berhasilnya menunjukan solusi pencarian dikarenakan program masih mencari melebihi *time limit* yang ditentukan. Jika persoalan mengalami hal ini, akan dikeluarkan pesan bahwa waktu persoalan terlalu lama dieksekusi sehingga tidak dapat dilanjutkan.

## II. Screenshot Input dan Output Program

Berikut adalah input dan output dari pembacaan *puzzle* dari file.

```
1 1 2 3 4
2 5 6 16 8
3 9 10 7 11
4 13 14 15 12
```

Gambar 4 Input matrix1.txt

```
15 Puzzle Solver with Branch and Bound Algorithm
Daftar Pilihan Mode :

    Random

2. Input File
Pilih mode : 2
Masukkan nama file puzzle yang ingin dicari solusinya: matrix1
Puzzle yang akan dicari adalah seperti berikut:
1
5
        2
                 3
                         4
        6
                         8
9
        10
                         11
13
        14
                 15
                         12
Nilai Kurang(i) untuk setiap ubin adalah sebagai berikut:
                  0
123456789
                  0
                  0
                  0
                  0
                  0
                  0
                  1
                  1
10
11
                  0
12
                  0
13
                  1
14
15
                  1
                  9
16
Nilai dari Sigma Kurang(i)
                                           16
Persoalan ini dapat diselesaikan dengan langkah sebagai berikut:
Step taken: Root
                         4
        2
                 3
1
5
9
        6
                         8
        10
                         11
13
        14
                 15
                         12
Step taken: Move Down
        2
                 3
                         4
1
5
9
                         8
        6
        10
                         11
13
        14
                 15
                         12
Step taken: Move Right
        2
                 3
5 9
                         8
        6
        10
                 11
13
        14
                 15
                         12
Step taken: Move Down
                         4
1
5
9
        2
                 3
        6
                         8
        10
                 11
                         12
13
        14
                 15
Finished!
Simpul dibangkitkan
                                   9
                         =
Time execution
                                   0.0004017353057861328 sekon
```

Gambar 5 Hasil Output matrix1.txt



Gambar 6 Input *matrix2.txt* 

```
15 Puzzle Solver with Branch and Bound Algorithm
Daftar Pilihan Mode :
1. Random
2. Input File
Pilih mode : 2
Masukkan nama file puzzle yang ingin dicari solusinya: matrix2
Puzzle yang akan dicari adalah seperti berikut:
                             15
                    5
                             12
          6
                    11
                             14
          9
                    10
                             13
Nilai Kurang(i) untuk setiap ubin adalah sebagai berikut:
2
3
4
5
                     0
                     1
                     0
6
7
8
9
10
11
                     010003604
13
14
15
                     11
16
                     10
Nilai dari Sigma Kurang(i)
                                                  37
Persoalan ini tidak dapat menghasilkan solusi
```

Gambar 7 Hasil Output matrix2.txt

```
1 6 5 4 3
2 2 1 16 8
3 9 10 7 11
4 13 14 15 12
```

Gambar 7 Input matrix3.txt

```
15 Puzzle Solver with Branch and Bound Algorithm
Daftar Pilihan Mode :
1. Random
2. Input File
Pilih mode : 2
Masukkan nama file puzzle yang ingin dicari solusinya: matrix3
Puzzle yang akan dicari adalah seperti berikut:
6
2
9
13
                              8
          10
                    7
                              11
                    15
                              12
Nilai Kurang(i) untuk setiap ubin adalah sebagai berikut:
1
2
3
4
5
6
7
8
9
10
11
12
13
14
15
16
                     2
                     3
                     0
                     1
                     0
                     0
                     1
                     9
Nilai dari Sigma Kurang(i)
                                                    31
Persoalan ini tidak dapat menghasilkan solusi
```

Gambar 8 Hasil Output matrix3.txt

```
1 1 2 3 4
2 5 6 7 8
3 9 12 15 14
4 13 11 16 10
```

Gambar 9 Input matrix4.txt

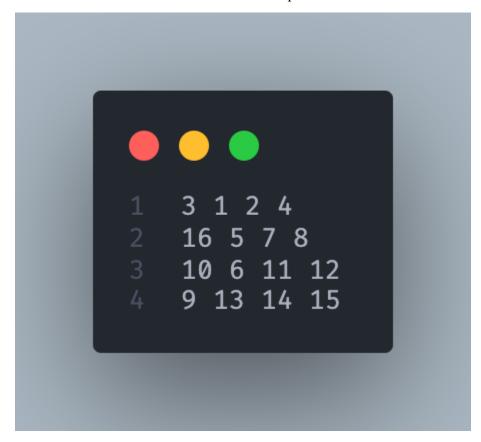
```
15 Puzzle Solver with Branch and Bound Algorithm
Daftar Pilihan Mode :

    Random

2. Input File
Pilih mode : 2
Masukkan nama file puzzle yang ingin dicari solusinya: matrix4
Puzzle yang akan dicari adalah seperti berikut:
        2
                3
                        4
1
5
        6
                        8
        12
                15
                        14
13
        11
                        10
Nilai Kurang(i) untuk setiap ubin adalah sebagai berikut:
                 0
23456789
                 0
                 0
                 0
                 0
                 0
                 0
                 0
                 0
                 0
10
11
12
13
                 2
14
                 3
15
16
                 1
Nilai dari Sigma Kurang(i) =
                                          14
Persoalan ini dapat diselesaikan dengan langkah sebagai berikut:
Step taken: Root
                        4
        2
                3
1
5
        6
                        8
9
        12
                15
                        14
13
        11
                        10
Step taken: Move Right
1
        2
                3
                        4
5
                        8
        6
9
        12
                15
                        14
13
        11
                10
Step taken: Move Up
1
        2
                3
5
                        8
        6
9
        12
                15
13
        11
                10
Step taken: Move Left
        2
                3
        6
                        8
9
        12
                        15
13
        11
                10
                        14
Step taken: Move Left
                3
5
9
                7
                        8
        6
                12
                        15
```

```
Step taken: Move Down
1
5
9
13
                  3
                           4
         6
                           8
         11
                  12
                           15
                  10
                           14
Step taken: Move Right
1
5
9
                           4
         6
                           8
         11
                  12
                           15
13
         10
                           14
Step taken: Move Right
1
5
9
                           4
         6
                           8
         11
                  12
                           15
13
         10
                  14
Step taken: Move Up
1
5
9
                           4
         6
                           8
         11
                  12
13
         10
                           15
                  14
Step taken: Move Left
1
5
9
13
                  3
7
         2
                           4
         6
                           8
         11
                           12
         10
                  14
                           15
Step taken: Move Left
1
5
9
13
                  3
         6
                           8
                  11
                           12
         10
                  14
Step taken: Move Down
1
5
9
13
                  3
                           8
         10
                  11
                           12
                  14
Step taken: Move Right
1
5
9
13
                           4
                           8
         10
                  11
                           12
         14
                           15
Step taken: Move Right
1
5
9
         6
                           8
         10
                  11
                           12
13
         14
                  15
Finished!
Simpul dibangkitkan
                                     632
Time execution
                                     0.01398921012878418 sekon
```

Gambar 10 dan 11 Hasil Output matrix4.txt



Gambar 12 Input *matrix5.txt* 

```
15 Puzzle Solver with Branch and Bound Algorithm
Daftar Pilihan Mode :
1. Random
2. Input File
Pilih mode : 2
Masukkan nama file puzzle yang ingin dicari solusinya: matrix5
Puzzle yang akan dicari adalah seperti berikut:
3
        5
                         8
10
        6
                11
                         12
9
        13
                         15
                14
Nilai Kurang(i) untuk setiap ubin adalah sebagai berikut:
                 0
2
                 0
                 2
                 0
                 0
6
7
8
9
                 0
                 1
                 0
10
                 2
11
12
                 1
13
                  0
14
                 0
15
                 0
16
                 11
Nilai dari Sigma Kurang(i)
                                          20
Persoalan ini dapat diselesaikan dengan langkah sebagai berikut:
Step taken: Root
                         4
3
        1
                2
                         8
        5
10
        6
                11
                         12
9
        13
                14
                         15
Step taken: Move Right
3
                         4
5
                7
                         8
10
        6
                11
                         12
9
        13
                         15
                14
Step taken: Move Down
3
5
        6
                7
                         8
                11
                         12
10
                         15
        13
                14
Step taken: Move Left
        1
                2
3
5
        6
                         8
                11
        10
                         12
                14
9
                         15
        13
Step taken: Move Up
3
        1
                2
                         4
                         8
        6
5
        10
                         12
                11
```

```
Step taken: Move Up
        1
                       4
                       8
3
5
        10
               11
                       12
                       15
        13
               14
Step taken: Move Right
3
        6
               7
                       8
        10
                       12
               11
                       15
        13
               14
Step taken: Move Down
                       8
                       12
        10
               11
                       15
        13
               14
Step taken: Move Left
      6
        3
                       8
                       12
               11
5
       10
9
        13
               14
                       15
Step taken: Move Down
       6
               2
        3
                       12
               11
       10
        13
               14
                       15
Step taken: Move Down
       6
              2
5
               11
9
       10
                       12
        13
               14
                       15
Step taken: Move Right
        6
                       8
5
9
13
       10
               11
                       12
               14
                       15
Step taken: Move Right
              2
7
        6
5
                       8
       10
               11
                       12
13
       14
                       15
Step taken: Move Up
               2
7
        6
5
                       8
                       12
        10
13
               11
        14
                       15
Step taken: Move Up
5
        3
                       8
                       12
        10
13
               11
                       15
        14
```

```
Step taken: Move Left
1
5
9
13
        6
                 2
                          8
                 3
        10
                          12
        14
                 11
                          15
Step taken: Move Up
        6
                          8
                 3
9
13
        10
                          12
        14
                 11
                          15
Step taken: Move Right
        2
        10
                          12
13
                 11
                          15
        14
Step taken: Move Down
        2
                 3
5
9
                          8
        10
                          12
13
        14
                 11
                          15
Step taken: Move Down
                 3
        6
                          8
        10
                          12
13
        14
                 11
                          15
Step taken: Move Down
                 3
5
9
13
        6
                          8
        10
                 11
                          12
        14
                          15
Step taken: Move Right
        2
                 3
        6
                          8
9
13
                 11
        10
                          12
        14
                 15
Finished!
Simpul dibangkitkan
                                    15539
                                    0.1746060848236084 sekon
Time execution
```

Gambar 13, 14, dan 15 Hasil Output matrix5.txt

# III. Kode Program

Berikut adalah kode program dalam fifteenPuzzle.py

```
1 # class PriorityQueue
   class PrioQueue:
       # Constructor
       def __init__(self):
           self.heap = []
       # Method push based on value
       def push(self, value):
           heappush(self.heap, value)
       # Method pop minimum element
       def pop(self):
           return heappop(self.heap)
       # Method isEmpty
       def isEmpty(self):
           if not self.heap:
               return True
           return False
```

```
# class Node
class Node:
# Constructor
def __init__(self, root, matrix, emptyPosRow, emptyPosCol, diff, depth, move):
self.root = root
self.matrix = matrix
self.emptyPosRow = emptyPosRow
self.emptyPosCol = emptyPosCol
self.diff = diff
self.depth = depth
self.move = move

# Method agar prioQueue terbentuk berdasarkan nilai diff
def __lt__(self, other):
return self.diff < other.diff
```

Gambar 17 Kelas Node

```
# fungsi mencari indeks elemen
def findLocElmt(num, inMatrix):
    for row in range(4):
        for col in range(4):
        if inMatrix[row][col] = num:
        return row, col
```

Gambar 18 Fungsi Mencari Indeks Elemen

Gambar 19 Fungsi Mencari Nilai *Kurang(i)* 

Gambar 20 Fungsi isSolveable

```
# fungsi mencari jumlah elemen yang berbeda terhadap compareMatrix
def getDiff(inMatrix):
    global countNodes

diff = 0
for i in range(4):
    for j in range(4):
        if inMatrix[i][j] ≠ compareMatrix[i][j] and inMatrix[i][j] ≠ 16:
        diff += 1
countNodes += 1 # menambah jumlah node yang dibangkitkan
return diff
```

Gambar 21 Fungsi Mencari Nilai Cost

```
# fungsi mencari daftar move yang valid berdasarkan posisi dan recent moves
def validMove(row, col, move):
    global listValidMoves
    listValidMoves = []
    if row ≠ 0 and move ≠ "Move Down":
        listValidMoves.append("Move Up")
    if row ≠ 3 and move ≠ "Move Up":
        listValidMoves.append("Move Down")
    if col ≠ 0 and move ≠ "Move Right":
        listValidMoves.append("Move Left")
    if col ≠ 3 and move ≠ "Move Left":
        listValidMoves.append("Move Right")
```

Gambar 22 Fungsi Mencari ValidMove

```
# fungsi bergerak ke atas
    def moveUp(row, col):
        return row - 1, col
    # fungsi bergerak ke bawah
    def moveDown(row, col):
        return row + 1, col
   # fungsi bergerak ke kiri
   def moveLeft(row, col):
        return row, col - 1
13 # fungsi bergerak ke kanan
14 def moveRight(row, col):
        return row, col + 1
```

Gambar 23 Daftar Fungsi Move

```
# fungsi copy matrix
def cloneList(li):
newList = [[0 for j in range(4)] for i in range(4)]
for i in range(4):
    for j in range(4):
    newList[i][j] = li[i][j]
return newList
```

Gambar 24 Fungsi untuk Menyalin Matriks

```
# fungsi membuat child node
def makeNode(matrix, emptyPosRow, emptyPosCol, newPosRow, newPosCol, depth, parent, move):
    cloneMatrix = cloneList(matrix)

# swap elemen
cloneMatrix[emptyPosRow][emptyPosCol], cloneMatrix[newPosRow][newPosCol] = cloneMatrix[newPosRow][newPosCol], cloneMatrix[emptyPosRow][emptyPosCol]

diff = getDiff(cloneMatrix)
diff ** depth # tambahkan nilai depth

childNode = Node(parent, cloneMatrix, newPosRow, newPosCol, diff, depth, move)
return childNode
```

Gambar 25 Fungsi Membuat Child Node

Gambar 26 Fungsi Mencetak Puzzle

```
# fungsi print rute dari root ke ditemukannya solusi
def printRoutes(root):
    if root = None:
        return

printRoutes(root.root)
print("Step taken: " + root.move)
printMatrix(root.matrix)
print()
```

Gambar 27 Fungsi Mencetak Matriks dari Root ke Solusi

# Gambar 28 Fungsi Pencarian Solusi

```
# fungsi membangkitkan puzzle random
def createMatrixRandom():
    listElement = list(range(1, 17))
    random.shuffle(listElement)
    matrix = [[0 for j in range(4)] for i in range(4)]
    for i in range(4):
        for j in range(4):
        matrix[i][j] = listElement[i*4 + j]
    return matrix
```

Gambar 29 Fungsi Pembangkitan Random Puzzle

Gambar 30 Main Program

### IV. Teks Persoalan Data Uji

File *matrix1.txt* 

1 2 3 4 5 6 16 8 9 10 7 11 13 14 15 12

File *matrix2.txt* 

1 3 4 15 2 16 5 12 7 6 11 14 8 9 10 13 File *matrix3.txt* 

6 5 4 3 2 1 16 8 9 10 7 11 13 14 15 12

File *matrix4.txt* 

1 2 3 4 5 6 7 8 9 12 15 14 13 11 16 10

File *matrix5.txt* 

### V. Alamat GitHub

https://github.com/irsyadazka/Tucil3\_13520107.git

# VI. Checklist Fitur Program

Poin	Ya	Tidak
Program berhasil dikompilasi	$\checkmark$	
2. Program berhasil <i>running</i>	V	
Program dapat menerima input dan menuliskan output	V	

4. Luaran sudah benar untuk semua data uji	7	
5. Bonus dibuat		$\checkmark$