Fizika 1. Vaje

18. marec 2025

Kinematika 1

Ponovitev

• Kosinusni izrek. $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab\cos\alpha$, kjer je α kot med stranicama a in b.

Premo gibanje 1.1

Enakomerno pospešeno gibanje.

$$-a:=\frac{dv}{dt}=\mathrm{const}$$

$$-dv=a\,dt\Rightarrow\int_{v_0}^vdv=a\int_0^tdt\Rightarrow v-v_0=at\Rightarrow\boxed{v=v_0+at}$$

$$-v:=\frac{ds}{dt}\Rightarrow ds=(v_0+at)\,dt\Rightarrow\int_0^sds=\int_0^t(v_0+at)\,dt\Rightarrow\boxed{s=v_0t+\frac{1}{2}at^2}$$

$$-v=\frac{ds}{dt},\ a=\frac{dv}{dt}\Rightarrow v\,dt=ds,\ a\,dt=dv\Rightarrow\frac{v}{a}=\frac{ds}{dv}\Rightarrow v\,dv=a\,ds\Rightarrow\int_{v_0}^vv\,dv=\int_0^sa\,ds$$

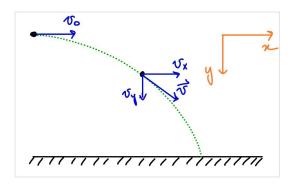
$$\Rightarrow\frac{v^2}{2}-\frac{v_0^2}{2}=as\Rightarrow\boxed{v^2-v_0^2=2as},\ \check{c}\ imamo\ delo\ z\ pojemkom,\ spremenimo\ predznak}$$
 Enakomerno gibanje. Vzemimo $a=0$

- Če se da, izognemo se kvadratnih enačb
- **Prosti pad.** $(v_0 = 0, g = 9.8 \text{ m/s}^2)$

$$-\boxed{v=gt,\ t=\sqrt{\frac{2h}{g}},\ h=\frac{1}{2}gt^2}$$

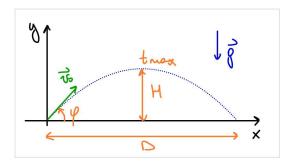
Ravninsko gibanje 1.2

- Relativna hitrost. $\vec{v}_r = \vec{v}_1 \vec{v}_2, \ v_r = |\vec{v}_1 \vec{v}_2|$
- Vodoravni met.



$$-x(t) = v_0 t, \ y(t) = \frac{1}{2}gt^2$$

• Poševni met.



$$-x(t) = v_0 t \cos \phi, \ y(t) = v_0 t \sin \phi - \frac{1}{2} g t^2$$
$$- t_{\text{max}} = \frac{v_0 \sin \phi}{q}, \ D = \frac{v_0^2 \sin 2\phi}{q}, \ H = \frac{v_0^2 \sin^2 \phi}{2q}$$

$$- t_{\text{max}} = \frac{v_0 \sin \phi}{g}, \ D = \frac{v_0^2 \sin 2\phi}{g}, \ H = \frac{v_0^2 \sin^2 \phi}{2g}$$

- Gibanje lahko razdelimo na dva dela: do H_{max} (poševni met) in po H_{max} (vodoravni met)
- Vodoravni met je posebni primer poševnega meta pri $\phi = 0$

Kroženje.

- $-\vec{r}(t) = r(\cos\phi, \sin\phi), \ \vec{v}(t) = r\omega(-\sin\phi, \cos\phi), \ a(t) = r\alpha(-\sin\phi, \cos\phi) + r\omega^2(-\cos\phi, -\sin\phi)$
 - * $\vec{a}_t = r\alpha(-\sin\phi,\cos\phi)$ je tangentni pospešek in je posledica spreminjanja velikosti obodne hitrosti
 - * $\vec{a}_r = r\omega^2(-\cos\phi, -\sin\phi)$ je radialni pospešek in je posledica spreminjanja smeri hitrosti

*
$$|v(t)| = r\omega$$
, $|\vec{a}_t| = r\alpha$, $|\vec{a}_r| = r\omega^2 = \frac{v^2}{r}$, $s = r\phi$
* $\omega = 2\pi\nu$, $\nu = \frac{1}{t_0}$, kjer t_0 je čas enega obrata, ν je frekvenca

- * Enakomerno pospešeno kroženje ($\alpha = \text{const}$) ima natanko iste enačbe kot enakomerno pospešeno gibanje

Splošno gibanje.

– Vsako gibanje je trenutno kroženje. Velja:

*
$$R=\frac{v^2}{a_r},~\omega=\frac{a_r}{v},~\alpha=\frac{a_t a_r}{v^2}$$

Vektorski opis kroženja.

- - Definiramo $\vec{\phi} = (0, 0, \phi)$, potem

*
$$\vec{v} = \vec{\omega} \times \vec{r}, \ \vec{a} = \vec{\alpha} \times \vec{r} + \vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r})$$

 * Smer $\vec{\phi}$ lahko dobimo po pravilu desnega vijaka