МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ЛЬВІВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ імені ІВАНА ФРАНКА

Звіт

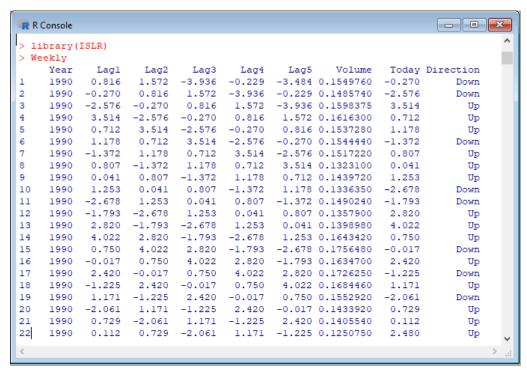
до індивідуального завдання №3 з предмету Моделі статистичного навчання

Роботу виконала:

Мерцало Ірина Ігорівна,

студентка групи ПМІМ-11

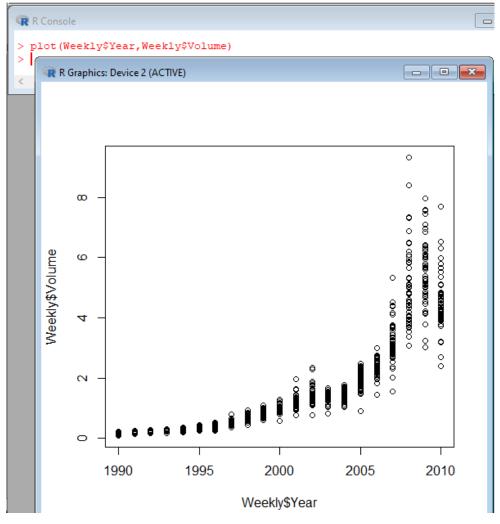
Завдання 1. Розглянемо дані Weekly, які ϵ частиною пакету ISLR.



1.1 На основі чисельних та графічних результатів щодо даних Weekly можна зробити висновок, що існують закономірності між Volume і Year. Їх побачила за допомогою функції cor(). Значення Year і Volume обидва близькі до 1.

```
- - X
R Console
> print(cor(Weekly[,-9]))
              Year
                            Lagl
                                        Lag2
                                                     Lag3
        1.00000000 -0.032289274 -0.03339001 -0.03000649 -0.031127923
Year
      -0.03228927 1.000000000 -0.07485305 0.05863568 -0.071273876
-0.03339001 -0.074853051 1.00000000 -0.07572091 0.058381535
Lagl
Lag2
       -0.03000649 0.058635682 -0.07572091 1.00000000 -0.075395865
Lag3
Lag4
       -0.03112792 -0.071273876 0.05838153 -0.07539587 1.000000000
      -0.03051910 -0.008183096 -0.07249948 0.06065717 -0.075675027
Lag5
Volume 0.84194162 -0.064951313 -0.08551314 -0.06928771 -0.061074617
Today -0.03245989 -0.075031842 0.05916672 -0.07124364 -0.007825873
                         Volume
               Lag5
                                        Today
Year
       -0.030519101 0.84194162 -0.032459894
       -0.008183096 -0.06495131 -0.075031842
Lagl
       -0.072499482 -0.08551314 0.059166717
Lag2
       0.060657175 -0.06928771 -0.071243639
Lag3
       -0.075675027 -0.06107462 -0.007825873
        1.000000000 -0.05851741 0.011012698
Lag5
Volume -0.058517414 1.00000000 -0.033077783
       0.011012698 -0.03307778 1.000000000
Todav
>
```

Перевіривши цю залежність графічно, можна побачити, що вона експонентна.



1.2 Використала повний набір даних, щоб побудувати логістичну регресію, де Direction — залежна змінна, а п'ять зміщенних дохідностей та змінна Volume незалежні. Використала функцію summary() для виводу результатів.

```
_ - ×
R Console
> fit.glm=glm(Direction~Lag1+Lag2+Lag3+Lag4+Lag5+Volume, data=Weekly, family=binomial)
> summary(fit.glm)
glm(formula = Direction ~ Lag1 + Lag2 + Lag3 + Lag4 + Lag5 + Volume, family = binomial, data = Weekly)
Min 1Q Median 3Q Max
-1.6949 -1.2565 0.9913 1.0849 1.4579
            Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
                                          0.0019 **
                       0.08593 3.106
0.02641 -1.563
(Intercept) 0.26686
Lagl
            -0.04127
                                            0.1181
Lag2
            0.05844
                         0.02686
                                  2.175
                                            0.0296
                                 -0.602
            -0.01606
                        0.02666
Lag3
            -0.02779
                        0.02646 -1.050
                                            0.2937
Lag5
            -0.01447
                         0.02638 -0.549
                                            0.5833
                        0.03690 -0.616
            -0.02274
                                            0.5377
Volume
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
(Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
    Null deviance: 1496.2 on 1088 degrees of freedom
Residual deviance: 1486.4 on 1082 degrees of freedom
AIC: 1500.4
Number of Fisher Scoring iterations: 4
```

Статисично значущиим ϵ Lag2, оскільки р дуже мале.

1.3 Визначивши які ϵ прогнози, за допомогою функції table() побудувала матрицю помилок:

Матриця помилок показує, що 48 та 430 значень будуть мати одночасно і Up і Down, що є помилковим твердженням.

Обчислила загальну частку правильних прогнозів. Вона становить 56%.

```
R Console

> mean (pred.glm==Weekly$Direction)
[1] 0.5610652
> |

<
```

1.4 Побудувала модель логістичної регресії з використанням навчальних даних з 1990 по 2008 рр., з єдиним предиктором Lag2:

```
R Console

> train=(Weekly$Year>1989&Weekly$Year<2009)
> Weekly.test=Weekly[!train,]
> Direction.test=Weekly$Direction[!train]
> dim(Weekly.test)[1]
[1] 104
> dim(Weekly[train,])[1]
[1] 985
> |
```

```
- • X
R Console
> fit.glm2=glm(Direction~Lag2,data=Weekly,family=binomial,subset=train)
> summary(fit.glm2)
Call:
glm(formula = Direction ~ Lag2, family = binomial, data = Weekly,
   subset = train)
Deviance Residuals:
Min 1Q Median 3Q Max
-1.536 -1.264 1.021 1.091 1.368
Coefficients:
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
(Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
Null deviance: 1354.7 on 984 degrees of freedom
Residual deviance: 1350.5 on 983 degrees of freedom
AIC: 1354.5
Number of Fisher Scoring iterations: 4
```

Побудувала матрицю помилок. Обчислила загальну частку правильних прогнозів на тестових даних (тобто даних за 2009 та 2010 роки), вона становить 62.5%, що є вищим порівняно з попереднім пунктом.

1.5 За допомогою функції lda(), повторила 1.4, використовуючи лінійний дискримінантний аналіз:

Загальна частку правильних прогнозів на тестових даних співпадає з 1.4.

1.6 За допомогою функції qda(), повторила 1.4, використовуючи квадратичний дискримінантний аналіз:

```
R Console
                                                                             - - X
> fit.qda=qda(Direction~Lag2,data=Weekly,subset=train)
> fit.qda
qda(Direction ~ Lag2, data = Weekly, subset = train)
Prior probabilities of groups:
    Down
0.4477157 0.5522843
Group means:
           Lag2
Down -0.03568254
     0.26036581
> pred.qda=predict(fit.qda,Weekly.test)
> table(pred.gda$class,Direction.test)
     Direction.test
      Down Up
 Down 0 0
Up 43 61
 Up
> mean(pred.qda$class==Direction.test)
[1] 0.5865385
```

Загальна частку правильних прогнозів на тестових даних менша ніж в попередніх пунктах і становить 58.7%.

1.7 За допомогою матриць train.X та test.X (до навчальної і тестової вибірки відповідно), а також функції knn(), повторила 1.4, використовуючи метод Кнайближчих сусідів з K=1.

```
- - X
R Console
> library(class)
> train.X=as.matrix(Weeklv$Lag2[train])
> test.X=as.matrix(Weekly$Lag2[!train])
> Direction.test=Weekly$Direction[!train]
> set.seed(1)
> pred.knn=knn(train.X,test.X,Direction.train,k=1)
> table(pred.knn,Direction.test)
       Direction.test
pred.knn Down Up
   Down 21 30
   Up
          22 31
> mean(pred.knn==Direction.test)
[1] 0.5
```

Загальна частку правильних прогнозів на тестових даних ще менша ніж в попередніх пунктах і становить лише 50%.

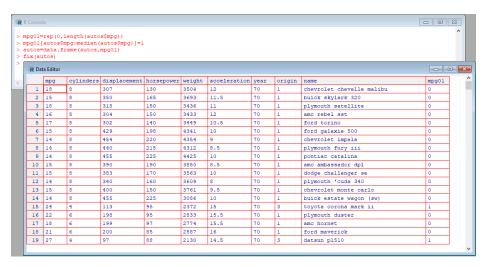
- 1.8 Найкращі результати було отримано методом логістичної регресії та лінійного дискримінантного аналізу, адже там ми отримали загальну частку правильних прогнозів 62.5%.
- 1.9 Поекспериментувала з різними комбінаціями предикторів, використовуючи у тому числі можливі перетворення та взаємодії. Навела відомості про змінні, метод та пов'язану матрицю помилок, що забезпечує найкращі результати.

```
R Console
> fit.glm 19 l=glm(Direction~Lag1+Lag2,data=Weekly,family=binomial,subset=train)
> probs_19_1=predict(fit.glm_19_1,Weekly.test,type="response")
> pred.glm_19_1=rep("Down",length(probs2))
> pred.glm_19_1(probs_19_1>0.5)="Up"
> table(pred.glm 19 1,Direction.test)
              Direction.test
pred.glm_19_1 Down Up
      Down 7 8
Up 36 53
          Up
> mean(pred.glm_19_1==Direction.test)
[1] 0.5769231
                                                                                         - - X
> fit.lda_19_2=lda(Direction~Lagl-Lag3,data=Weekly,subset=train)
> pred.lda_19_2=predict(fit.lda_19_2,Weekly.test)
> table(pred.lda 19 2$class.Direction.test)
      Direction.test
       Down Up
 Up
         39 55
> mean(pred.lda_19_2$class==Direction.test)
[1] 0.5673077
                                                                                          _ - ×
R Console
> fit.qda_19_3=qda(Direction~Lag1*Lag4,data=Weekly,subset=train)
> pred.qda_19_3=predict(fit.qda_19_3,Weekly.test)
> table(pred.qda_19_3$class,Direction.test)
      Direction.test
        Down Up
  Down 6 12
Up 37 49
  Up
  mean(pred.qda_19_3$class==Direction.test)
[1] 0.5288462
```

Поекспериментувала зі значеннями для К у класифікаторі К-найближчих сусідів.

```
- - X
R Console
pred.knn4=knn(train.X, test.X, Direction.train, k=4)
> table(pred.knn4, Direction.test)
        Direction.test
pred.knn4 Down Up
    Down 20 21
Up 23 40
 mean(pred.knn4==Direction.test)
[1] 0.5769231
R Console
                                                                              - - X
> pred.knn6=knn(train.X,test.X,Direction.train,k=6)
> table(pred.knn6, Direction.test)
         Direction.test
pred.knn6 Down Up
   Down 18 23
Up 25 38
> mean(pred.knn6==Direction.test)
[1] 0.5384615
>
```

- **Завдання 2.** Розробити модель, щоб передбачити, чи вибране авто має велике або низьке споживання газу на базі даних Auto.
- 2.1 Створила двійкову змінну mpg01, яка містить 1, якщо mpg містить значення вище медіани, і 0, якщо mpg містить значення нижче його медіана. За допомогою функції data.frame () створила єдиний набір даних, що містить як mpg01, так і інші змінні з Auto.



2.1 За допомогою функції cor() та pairs() визначила, які змінні будуть найбільш корисними для прогнозування mpg01:

```
- - ×
R Console
                  mpg cylinders displacement horsepower weight acceleration year origin mpg0l 1.00 -0.78 -0.80 NA -0.83 0.42 0.58 0.56 0.84
                                                                NA -0.83
NA 0.90
NA 0.93
                                                                                                       0.56 0.84
-0.56 -0.74
                                                                                       -0.50 -0.35
                -0.78
cvlinders
                               1.00
                                                0.95
displacement -0.80
                                              1.00
NA
0.93
-0.54
-0.37
-0.61
                            NA
0.90
-0.50
                                                                NA 0.93

1 NA

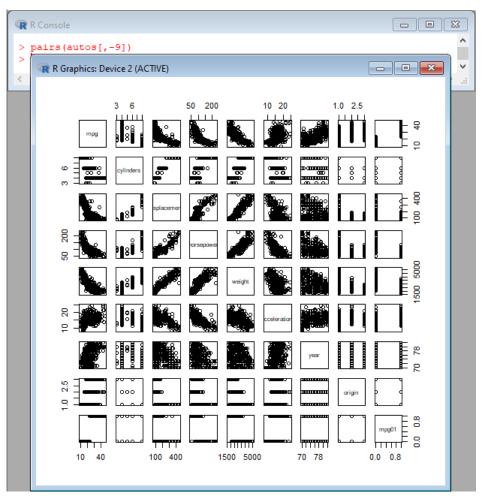
NA 1.00

NA -0.42

NA -0.31
horsepower
                    NA
                                                                                          NA
                                                                                                NA
                                                                                                            NA
                                                                                       -0.42 -0.31 -0.58 -0.75
                -0.83
acceleration
                                                                                        1.00 0.28
                                                                                                          0.21 0.32
                  0.42
                             -0.35
-0.56
                                                                NA -0.31
NA -0.58
NA -0.75
                                                                                       0.28 1.00
0.21 0.18
                                                                                                         0.18 0.45
1.00 0.51
year
                  0.58
origin
                  0.56
mpg01
                  0.84
                                                                                        0.32 0.45
                                                                                                         0.51 1.00
```

Між змінними cylinders, displacement, horsepower та weight можна побачити від'ємну кореляцію.

Дослідила дані графічно, щоб виявити залежність між mpg01 та цими характеристиками.



2.3 Розбила дані на навчальний та тестовий набори:

```
R Console

> train=(autos$year<77)
> autos.train=autos[train,]
> autos.test=autos[!train,]
> mpg01.test=mpg01[!train]
> dim(autos.train)[1]
[1] 216
> dim(autos.test)[1]
[1] 181
> |
```

2.4 Застосувала лінійний дискримінантний аналіз на навчальних даних, щоб передбачити mpg01 з використанням змінних, які виявилися найбільше пов'язані з mpg01 y 2.2.

```
- - X
R Console
> fit.lda=lda(mpg01~cylinders+weight+displacement+horsepower,data=autos,subset=$
> fit.lda
Call:
lda(mpg01 ~ cylinders + weight + displacement + horsepower, data = autos,
    subset = train)
Prior probabilities of groups:
0.7009346 0.2990654
Group means:
 cylinders
             weight displacement horsepower
0 6.693333 3614.700 274.0467 131.38667
1 4.031250 2182.172 102.2891 77.70312
Coefficients of linear discriminants:
                      T.D1
cylinders -0.159332899
weight
            -0.001154447
displacement -0.006423380
horsepower 0.015625322
R Console
                                                                       > pred.lda=predict(fit.lda,autos.test)
1: In FUN(newX[, i], ...): no non-missing arguments to min; returning Inf
2: In FUN(newX[, i], ...) : no non-missing arguments to min; returning Inf
3: In FUN(newX[, i], \dots) : no non-missing arguments to min; returning Inf
> table(pred.lda$class,mpg01.test)
  mpg01.test
  0 1
0 86 20
  1 12 124
> mean(pred.lda$class!=mpg01.test)
[1] NA
```

2.5. Застосувала логістичну регресію на навчальних даних, щоб передбачити mpg01 з використанням змінних, які виявилися найбільше пов'язані з mpg01 у 2.2.

```
R Console
                                                                   - - X
> fit.glm=glm(mpg01~cylinders+weight+displacement+horsepower,data=autos,family=$
> fit.glm
Call: glm(formula = mpg01 ~ cylinders + weight + displacement + horsepower,
   family = binomial, data = autos, subset = train)
Coefficients:
              cylinders
                              weight displacement
(Intercept)
                                                       horsepower
Degrees of Freedom: 149 Total (i.e. Null); 145 Residual
 (2 observations deleted due to missingness)
Null Deviance: 179.7
Residual Deviance: 57.91
                              AIC: 67.91
>
```

Загальна частка правильних прогнозів на тестових даних становить 25.3%.

Завдання 3.

3.1 Написала функцію Power (), яка виведе результат піднесення 2 до 3-ї степені

```
R Console

> Power=function() {
+ 2^3}
> Power()
[1] 8
> |
```

3.2. Написала нову функцію Power2 (), яка дозволяє передавати будь-які два числа, х і а, і виводить значення x^a :

```
R Console

> Power2=function(x,a){
+ x^a}
> |
```

3.3. Продемонструвала роботу функції Power2():

```
R Console

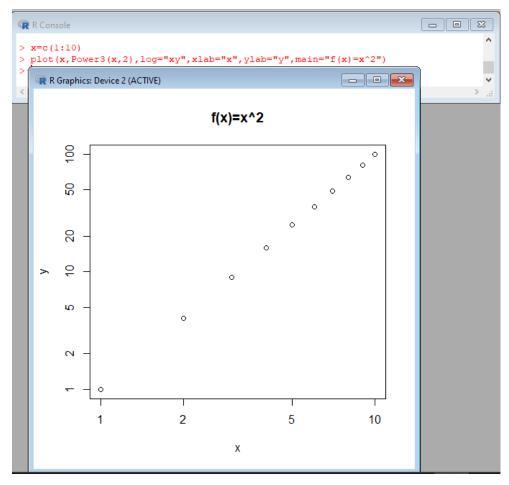
> Power2 (2,4)
[1] 16
> Power2 (15,0)
[1] 1
> |
```

3.4. Написала нову функцію Power3 (), яка фактично повертає результат x^a як об'єкт R, а не просто друкує його на екран:

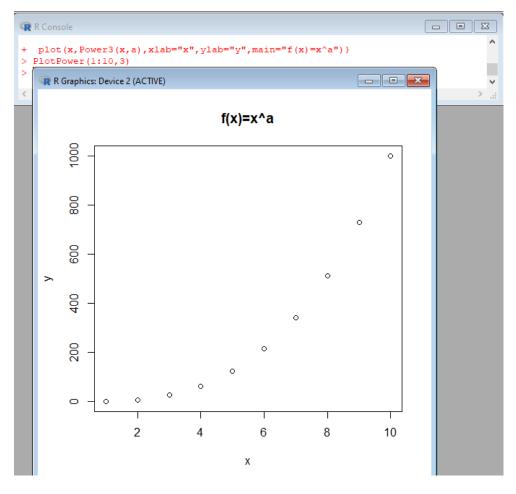
```
R Console

> Power3=function(x,a) {
+ result=x^a
+ return(result)}
> result=Power3(2,3)
> result
[1] 8
> |
```

3.5. Використовуючи функцію Power3 (), побудувала графік $f(x) = x^2$:



3.6. Написала функцію PlotPower(), яка дозволяє будувати графік функції x^a для фіксованого а та для діапазону значень x:



Завдання 4. Використовуючи дані Boston пристосувала модель класифікації для передбачення у вибраному районі рівня злочинності більшого чи меншого за медіану.

Отримала дані Boston:

```
- - X
R Console
> library(MASS)
> summary(Boston)

        crim
        zn
        indus

        Min. : 0.00632
        Min. : 0.00
        Min. : 0.46
        Min.

        1st Qu.: 0.08205
        1st Qu.: 0.00
        1st Qu.: 5.19
        1st Qu

        Median : 0.25651
        Median : 0.00
        Median : 9.69
        Median

                                                                                                                                                                   chas
                                                                                                                                                                      :0.00000
                                                                                                                                                     1st Qu.:0.00000
                                                                                                                                                     Median :0.00000
 Mean : 3.61352 Mean : 11.36 Mean :11.14 Mean :0.06917 3rd Qu.: 3.67708 3rd Qu.: 12.50 3rd Qu.:18.10 3rd Qu.:0.00000

        3rd Qu.: 3.67708
        3rd Qu.: 12.50
        3rd Qu.:18.10
        3rd Qu.:0.000

        Max. :88.97620
        Max. :100.00
        Max. :27.74
        Max. :1.000

        nox
        rm
        age
        dis

        Min. :0.3850
        Min. :3.561
        Min. : 2.90
        Min. : 1.130

        1st Qu::0.4490
        1st Qu::5.886
        1st Qu:: 45.02
        1st Qu:: 2.100

        Median :0.5380
        Median :6.208
        Median : 77.50
        Median : 3.207

        Mean :0.5547
        Mean :6.285
        Mean : 68.57
        Mean : 3.795

        3rd Qu::0.6240
        3rd Qu::6.623
        3rd Qu::94.08
        3rd Qu::5.188

        Max. :0.8710
        Max. :8.780
        Max. :100.00
        Max. :12.127

                                                                                                                                                                       :1.00000
             rad
                                                                                                                                                   black
                                                           tax
                                                                                                  ptratio
 Min. : 1.000 Min. :187.0 Min. :12.60 Min. : 0.32 lst Qu.: 4.000 lst Qu.:279.0 lst Qu.:17.40 lst Qu.:375.38 Median : 5.000 Median :330.0 Median :19.05 Median :391.44
 Mean : 9.549 Mean :408.2 Mean :18.46 Mean :356.67 3rd Qu.:24.000 3rd Qu.:666.0 3rd Qu.:20.20 3rd Qu.:396.23
  Max. :24.000 Max. :711.0 Max. :22.00 Max. :396.90
                                                         medv
           lstat
 Min. : 1.73 Min. : 5.00
1st Qu.: 6.95 1st Qu.:17.02
  Median :11.36 Median :21.20
 Mean :12.65 Mean :22.53
3rd Qu.:16.95 3rd Qu.:25.00
 Max. :37.97 Max. :50.00
>
```

Створила двійкову змінну сгітм01, яка містить 1, якщо сгіт містить значення вище медіани, і 0, якщо сгіт містить значення нижче його медіана. За допомогою функції data.frame () створила єдиний набір даних, що містить як сгітм01, так і інші змінні з Boston.

```
R Console

> crim01=rep(0,length(Boston$crim))
> crim01[Boston$crim>median(Boston$crim)]=1
> Boston=data.frame(Boston,crim01)
> train=1:(length(Boston$crim)/2)
> test=(length(Boston$crim)/2+1):length(Boston$crim)
> Boston.train=Boston[train,]
> Boston.test=Boston[test,]
> crim01.test=crim01[test]
> |
```

Дослідила логістичну регресію:

Побудувала матрицю помилок. Обчислила загальну частку правильних прогнозів на тестових даних, вона становить 18.2%, що ϵ досить малим показником.

За допомогою функції lda(), повторила попередній пункт, використовуючи лінійний дискримінантний аналіз:

Загальна частка правильних прогнозів на тестових даних становить 13.4%.

За допомогою функції qda(), повторила попередній пункт, використовуючи квадратичний дискримінантний аналіз:

Загальна частка правильних прогнозів на тестових даних становить 65.2%, що ϵ досить хорошим показником.

За допомогою матриць train.X та test.X (до навчальної і тестової вибірки відповідно), а також функції knn(), повторила попередній пункт, використовуючи метод K-найближчих сусідів з K = 1, 2, 4, 6.

