

# Pràctica 6:

## Feixos de raigs catòdics

### **GRUP A6**

Isaac Baldi García (1667260)  
Miguel Ordejón de Prada (1710966)  
Eira Jacas García (1666616)  
Victor

Març 2025

**Abstract:**

# Índex

<b>1</b>	<b>Introducció Teòrica</b>	<b>3</b>
<b>2</b>	<b>Mètode Experimental</b>	<b>3</b>
<b>3</b>	<b>Desviació electroestàtica</b>	<b>3</b>
<b>4</b>	<b>Desviació magnetoestàtica</b>	<b>4</b>
<b>5</b>	<b>Desviació electromagnètica</b>	<b>6</b>
<b>6</b>	<b>Conclusions</b>	<b>7</b>
<b>A</b>	<b>askdjfñla</b>	<b>7</b>
<b>B</b>	<b>Càlcul d'incerteses</b>	<b>7</b>
B.1	Desviació magnetoestàtica . . . . .	7
B.2	Desviació electromagnètica . . . . .	7
<b>C</b>	<b>Trajectòria rectilinia amb camp elèctric i camp magnètic aplicat</b>	<b>7</b>

## 1 Introducció Teòrica

## 2 Mètode Experimental

## 3 Desviació electroestàtica

Teoria: Una partícula de massa  $m$  i càrrega  $q$  sota l'influència d'un camp elèctric uniforme en direcció  $y$  i magnitud  $E$  i amb velocitat en direcció  $x$  i magnitud  $v_0$  descriurà la següent trajectòria:

$$x = v_0 t \qquad y = -\frac{qEt}{2m}$$

Tenint en compte la conservació de la energia tenim:

$$\frac{1}{2}mv_0^2 = qV_a$$

On  $V_a$  és el potencial amb el que s'acceleren les partícules.

Y tenint en compte que el condensador de plaques planoparal·leles no és ideal:

Finalment, obtenim:

$$y = \frac{kV_p x^2}{4dV_a}$$

Presentació de resultats:

— Posar fotografies de la desviació electroestàtica —

En subministrar una diferència de potencial a les plaques s'observa com el raig es desvia cap al càtode. Per tant, les partícules de les què està compost els raigs catòdics tenen una càrrega negativa.

Les regressions lineals entre  $y$  i  $x^2$  confirmen que la trajectòria observada és una paràbola on els coeficients de correlació  $R^2 \sim 0,98$ <sup>1</sup>. D'aquestes també obtenim els diferents valors de  $k$ .

— Gràfics amb incerteses —

$V_p = 1kV$	$k = 0,905842781$
$V_p = 2kV$	$k = 1,392224283$
$V_p = 3kV$	$k = 2,131002674$
$V_p = 4kV$	$k = 2,42607494$

---

<sup>1</sup>Les regressions lineals en detall es troben a l'annex C

## 4 Desviació magnetoestàtica

intro: Després de comprovar que les partícules dels raigs catòdics tenen càrrega negativa (secció 3) n'estudiem la interacció amb el camp magnètic, substancialment uniforme, generat per unes bobines de Hemholtz. El camp l'hem direccionat perpendicular als raigs catòdics i n'hem controlat la intensitat regulant la intensitat del corrent de les bobines. Al aplicar el camp, com era d'esperar, hem observat com els raigs es corbaven i ens hem disposat a estudiar les dependències d'aquesta corba i el seu radi amb la intensitat del corrent de les bobines i amb el potencial dels raigs catòdics per poder determinar més propietats de les partícules d'aquests.

Teoria: El camp d'inducció magnètica generat per unes bobines de Hemholtz es pot aproximar al camp uniforme

$$\vec{B} = \frac{32\pi n I}{5\sqrt{5}r} \times 10^{-7} \hat{z} \text{ Wb/m}^2. \quad (1)$$

Per la llei de Lorentz, una partícula carregada negativament sota un camp d'inducció magnètica,  $\vec{B}$ , pateix una força

$$\vec{F} = q\vec{v} \times \vec{B}. \quad (2)$$

En el nostre cas,  $\vec{v}$  és perpendicular a  $\vec{B}$  i, per tant, les partícules dels raigs catòdics seguiran una trajectòria circular d'equació

$$R = \frac{x^2 + y^2}{2y}. \quad (3)$$

On  $R$  és el radi del cercle i hem agafat el centre de coordenades a la boca del tub de raigs catòdics i l'eix  $x$  del sistema paral·lel a la direcció de sortida dels raigs.

Igualant la força centrípeta a la força de Lorentz obtenim la relació

$$Bqv = \frac{mv^2}{R} \quad (4)$$

que combinada amb l'equació 1 ens dona la relació entre el radi i la intensitat de corrent

$$R = K \frac{1}{I} \quad \text{on} \quad K = \frac{mv5\sqrt{5}r}{32\pi n} \times 10^7. \quad (5)$$

Tenint en compte l'equació 4 i la llei de la conservació de l'energia mecànica,  $qV_a = \frac{1}{2}mv^2$ , s'obté

$$\frac{q}{m} = \frac{2V_a}{B^2 R^2} \quad (6)$$

que ens permetrà calcular la relació  $\frac{q}{m}$  de les partícules.

resultats:

Per calcular el radi de la trajectòria de les partícules dels raigs catòdics en funció de la intensitat de corrent de les bobines usem l'equació 3 que de fineix el radi com el pendent de la recta de regressió entre  $x^2 + y^2$  i  $2y$  (Fig. ??). Agafant 0.1A, 0.2A, 0.3A, 0.4A, 0.5A, 0.6A, 0.7A, 0.8A com a intensitats de mostreig s'obtenen els radis de corbatura de la taula 1<sup>2</sup>. Amb aquestes dades hem construït la gràfica 1 on es mostra que la variació de  $R$  és lineal amb la variació de  $\frac{1}{I}$  amb un coeficient de

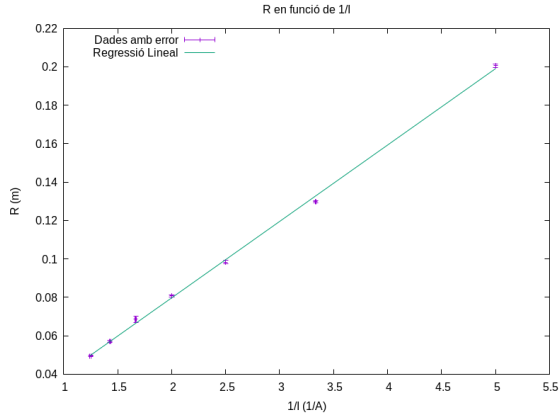


Figura 1: Regressió de  $R$  en funció de  $1/I$  excloent l'últim punt que perd la tendència.

$1/I \text{ (A}^{-1}\text{)}$	$R \text{ (m)}$
$(1,2500 \pm 0,0064)$	$(0,04944 \pm 0,00037)$
$(1,4286 \pm 0,0049)$	$(0,05699 \pm 0,00058)$
$(1,6667 \pm 0,0036)$	$(0,0685 \pm 0,0016)$
$(2,0000 \pm 0,0025)$	$(0,08083 \pm 0,00053)$
$(2,5000 \pm 0,0016)$	$(0,09834 \pm 0,00095)$
$(3,33333 \pm 0,00090)$	$(0,12979 \pm 0,00057)$
$(5,00000 \pm 0,00040)$	$(0,20065 \pm 0,00090)$
$(10,00000 \pm 0,00010)$	$(0,264 \pm 0,034)$

Taula 1: Resultats experimentals dels radis de la trajectòria per cada valor d'intensitat de corrent.

determinació de  $r^2 = 9989^3$ . Per tant, obtenim que  $R$  és inversament proporcional a  $I$  resultat que concorda amb la teoria com podem veure a l'equació 5.

-fig regressio (intensitats representatives) -tab taula RvsI -fig RvsI (inclu recta de regressió amb expressió de la recta!)

Per calcular el radi de la trajectòria de les partícules dels raigs catòdics en funció del potencial d'acceleració d'aquestes usem l'equació 3 que defineix el radi com el pendent de la recta de regressió entre  $x^2 + y^2$  i  $2y$ . Agafant  $2kV, 3kV, 4kV$  i  $5kV$  com a potencials de mostreig s'obtenen els radis de corbatura de la taula ???. Amb aquestes dades hem construït la Fig. 2 on es mostra que la variació de  $R$  és quadràtica amb la variació de  $V_a$ , ja que la recta de regressió  $R^2$  enfront  $V_a$  presenta un coeficient de determinació de  $r^2 = ???$ . Aquest resultat s'explica amb l'equació 6 que prediu aquest comportament.

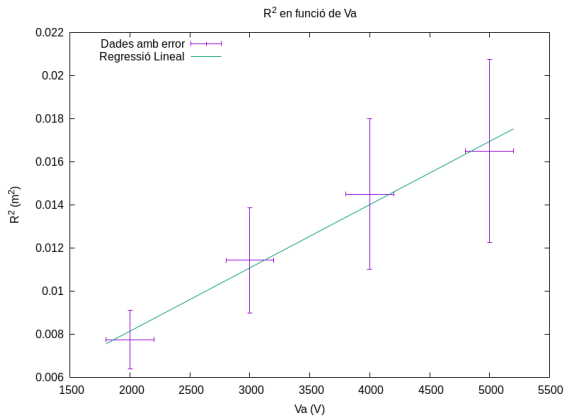


Figura 2: Regressió dels punts experimentals de  $R$  en funció de  $V_a^2$

(la regressió talla al 0?)

$V_a \text{ (V)}$	$R \text{ (m)}$
$(2000 \pm 200)$	$(0,0880 \pm 0,0030)$
$(3000 \pm 200)$	$(0,1069 \pm 0,0035)$
$(4000 \pm 200)$	$(0,1204 \pm 0,0030)$
$(5000 \pm 200)$	$(0,1284 \pm 0,0040)$

Taula 2: Resultats experimentals dels radis de la trajectòria per cada valor de potencial d'acceleració.

<sup>2</sup>El càlcul de les incerteses es mostra a l'annex B

<sup>3</sup>Les expressions de les regressions es poden trobar a l'annex B.1

Finalment, amb l'equació 6 i els resultats de tots els radis hem calculat que la relació  $q/m$  de les partícules dels raigs catòdics té un valor de

$$\boxed{\frac{q}{m} = (4.16 \pm 0.38) \times 10^{11} \text{ C/Kg.}}$$

Per fer-ho hem calculat la regressió lineal ajustada entre  $2V_a$  i  $B^2R^2$  i hem obtingut la recta  $y = (4.16 \pm 0.38)x + (-1412.64 \pm 791.71)$  amb un coeficient de determinació de  $R^2 = 0.98$ . Això indica que els nostres resultats concorden amb la teoria ja que la relació és clarament lineal. Per altra banda si mirem el resultat teòric de  $q/m$  no és compatible amb el nostre resultat però sí que coincideix en ordre de magnitud. Això pot ser degut a... (veiem que tampoc te  $\infty=0$  però per poc)

hem despreciat les incerteses instrumentals de les regressions al ser molt menors a les estadístiques. (!!pensar com evaluar les incerteses)

## 5 Desviació electromagnètica

En aquest tercer apartat ens interessem la relació càrrega/massa de les partícules dels raigs catòdics per a comprovar que aquesta coincideix amb la de l'electró.

Tenint en compte el que ja hem pogut observar en els apartats anteriors: la desviació parabòlica a l'aplicar un camp elèctric  $E$  i desviació circular a l'aplicar el camp magnètic  $B$ , el que ens interessa en aquest tercer apartat és aplicant els camps de tal manera que de les dues deflexions estiguin al mateix pla però en amb direccions oposades. D'aquesta manera, aconseguim que la trajectòria dels raig catòdics no es vegi desviada, fet que ens permet igualar l forces elèctriques i magnètiques de tal manera què arribem a la següent equació:

$$qE = qvB \tag{7}$$

amb la que es troba que la velocitat vindrà donada pel quocient

$$v = \frac{E}{B} \tag{8}$$

Podem obtenir el radi de la trajectòria circular deguda només a la desviació magnètica com s'explica a la secció 4.

De les Eqs (7), I MES EQ (LA DEL RADI) es pot deduir l'equació que emprem per a calcular la relació càrrega/massa de la partícula que forma els raigs catòdics a partir de les nostres dades experimentals:

$$\frac{q}{m} = \frac{E}{RB^2} = \frac{kV_p}{dK^2I^2R} \tag{9}$$

Primerament, hem trobat el valor de la diferència de potencial aplicat entre les plaques amb el qual la desviació de la trajectòria rectilínia paral·lela a l'eix de les abscisses és mínima<sup>4</sup>.

En concret hem hagut d'aplicar una diferència de potencial  $V_p = (0,85 \pm) \text{ kV}$  per compensar un camp magnètic generat per bobines amb intensitat de  $I = 100 \text{ mA}$  i un potencial  $V_a = 3 \text{ kV}$  per a l'acceleració de les partícules dels raigs catòdics.

En segon lloc, suprimint el camp elèctric  $\vec{E}$  podem mesurar el radi de la trajectòria que deguda només de la desviació magnètica d'igual manera que en la secció 4, el qual ha resultat ser  $R = (A + A) \text{ m}$ .

La constant del condensador  $k$ , la qual té en compte els efectes de vorada de les plaques, la podem obtenir com hem fet prèviament a la secció 3. D'altra banda la constant de les bobines de Hemholtz  $K$  ve determinada per la geometria d'aquestes, com s'explica en la secció 4.

Per últim, un cop hem trobat la relació càrrega-massa  $q/m$  podem comparar-la amb la relació  $e/m$ , on  $e$  correspon a la càrrega d'un electró i  $m$  a la seva massa.

RESULTAT  $Q/M^5$

## 6 Conclusions

les partícules eren indeed electrons!

Annex

## A askdjfñla

## B Càlcul d'incerteses

### B.1 Desviació magnetoestàtica

$$y = ..x + ..$$

### B.2 Desviació electromagnètica

## C Trajectòria rectilínia amb camp elèctric i camp magnètic aplicat

AFEGIR FOTOS!

---

<sup>4</sup>L'ampliació respecte aquest aspecte es troba en l'annex C

<sup>5</sup>El càlcul de les incerteses associades a aquest resultat es presenten en l'annex B.2

Notem que aquesta trajectòria de fet, no és igual de rectilínea a la trajectòria que podem observar quan no hi ha aplicat ni camp elèctric ni camp magnètic. Això és degut a la NO UNIFORMITAT DEL CAMP ELÈCTRIC (CONDENSADOR DE PLAQUES PETITES) I A LA NO UNIFORMITAT DEL CAMP MAGNÈTIC (SOLENOIDE NO PERFECTAMENT IDEAL).