Isaac Cortés Olmos

Universidad de Atacama

19 de agosto de 2025



Esquema

- Unión.
- Intersección.
- Diferencia.
- Complemento.
- Operaciones con conjuntos comparables.

Unión

- La unión de los conjuntos A y B es el conjunto de todos los elementos que pertenecen a A o a B o a ambos. Se denota la unión de A y B por $A \cup B$ que se lee "A unión B".
- Definición: $A \cup B = \{x | x \in A \text{ o } x \in B\}.$

Ejemplo:

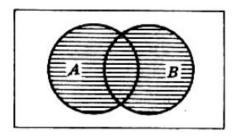
 $\bullet \ \mbox{Sean} \ S = \{a,b,c,d\} \ \mbox{y} \ T = \{f,b,d,g\}. \ \mbox{Entonces} \ S \cup T = \{a,b,c,d,f,g\}.$

Observaciones:

- Se sigue inmediatamente de la definición de la unión de dos conjuntos que $A \cup B$ y $B \cup A$ son el mismo conjunto, esto es $A \cup B = B \cup A$.
- A y B son ambos subconjuntos de $A \cup B$, es decir que:

$$A \subset (A \cup B)$$
 y $B \subset (A \cup B)$.

Figura 1: En el diagrama de Venn de la Figura 1, $A \cup B$ aparece rayado, o sea el área de A y el área de B.



Intersección

- La intersección de los conjuntos A y B es el conjunto de los elementos que son comunes a A y B, esto es, de aquellos elementos que pertenecen a A y que también pertenecen a B. Se denota la intersección de A y B por A∩B que se lee "A intersección B".
- Definición: $A \cap B = \{x | x \in A \text{ y } x \in B\}.$

Ejemplo:

• Sean $S = \{a, b, c, d\}$ y $T = \{f, b, d, g\}$. Entonces $S \cap T = \{b, d\}$.

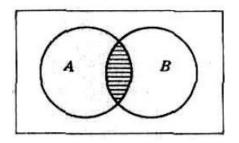
Observaciones:

- Se sigue inmediatamente de la definición de la intersección de dos conjuntos que $A \cap B = B \cap A$
- Cada de uno de los conjuntos A y B contiene al $A \cap B$ como subconjunto, es decir,

$$(A \cap B) \subset A \text{ y } (A \cap B) \subset B.$$

• Si A y B son disjuntos, entonces la intersección de A y B es el conjunto vacío, o sea $A \cap B = \emptyset$.

Figura 2: En el diagrama de Venn de la Figura 2 se ha rayado $A\cap B$, el área común a ambos conjuntos A y B.



Diferencia

• La diferencia de los conjuntos A y B es el conjunto de elementos que pertenecen a A, pero no a B. Se denota la diferencia de A y B por

$$A - B$$

que se puede leer "A menos B".

• Definición: $A - B = \{x | x \in A \text{ y } x \notin B\}$

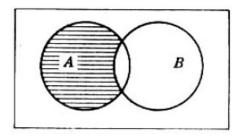
Ejemplo:

• Sean $S = \{a, b, c, d\}$ y $T = \{f, b, d, g\}$, entonces $S - T = \{a, c\}$.

Observaciones:

- El conjunto A contiene al A-B como subconjunto, esto es $(A-B) \subset A$
- Los conjuntos (A-B), $A\cap B$ y (B-A) son mutuamente disjuntos, es decir, la intersección de dos cualesquiera es vacía.

Figura 3: En el diagrama de Venn de la Figura 2 se ha rayado A-B, el área de A que no es parte de B.



Conjuntos y subconjuntos

Complemento '

- El complemento de un conjunto A es el conjunto de elementos que no pertenecen a A, es decir, la diferencia del conjunto universal U y del A. Se denota por complemento de A por A' o A^c.
- Definición: $A' = \{x | x \in U \text{ y } x \notin A\} = \{x | x \notin A\}$

Ejemplo:

• Suponiendo que el conjunto universal U sea el alfabeto, dado $T = \{a, b, c\}$, entonces $T' = \{d, e, f, \dots, y, z\}$.

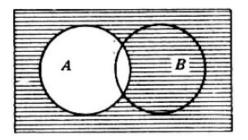
Observaciones:

- La unión de cualquier conjunto A y su complemento A' es el conjunto universal, o sea que $A \cup A' = U$. Por otra parte, el conjunto A y su complemento A' son disjuntos, es decir, $A \cap A' = \emptyset$.
- El complemento del conjunto universal U es el conjunto vacío \emptyset , y viceversa, o sea que $U'=\emptyset$ y $\emptyset'=U$.
- El complemento del complemento de un conjunto A es el conjunto A mismo. En breve (A')' = A.
- La diferencia de A y B es igual a la intersección de A y el complemento de B, o sea:

$$A-B=A\cap B'$$

Conjuntos y subconjuntos

Figura 4: En el diagrama de Venn de la Figura 4 se ha rayado el complemento de A, o sea el área exterior a A. Se supone que el conjunto universal U es el área del rectángulo.



Operaciones con conjuntos comparables

• Teorema: Sea A un subconjunto de B. Entonces la intersección de A y B es precisamente A es decir:

$$A \subset B$$
 implica $A \cap B = A$

• Teorema: Sea A un subconjunto de B. Entonces la unión de A y B es precisamente B, es decir:

$$A \subset B$$
 implica $A \cup B = B$

 Teorema: Sea A un subconjunto de B. Entonces B' es un subconjunto de A, es decir:

$$A \subset B$$
 implica $B' \subset A'$

• Teorema: Sea A un subconjunto de B. Entonces la unión de A y (B-A) es precisamente B, es decir:

$$A \subset B$$
 implies $A \cup (B - A) = B$



Referencias



Lipschutz, S. (1991). Teoría de conjuntos y temas afines. McGraw-Hill.