



# Conceitos Avançados de Prolog



**Inteligência Artificial**

- ❑ Esta aula trata de conceitos avançados em Prolog, tais como
  - *Backtracking*
  - Corte
  - Negação por falha
  - Entrada e saída
  - Predicados Adicionais

# Backtracking

---

- ❑ Normalmente Prolog efetua um retrocesso (*backtrack*) sempre que necessário na tentativa de satisfazer uma cláusula com busca em profundidade
- ❑ Por um lado, o ***backtracking* automático** é um conceito muito útil, já que ele libera o programador de implementá-lo explicitamente
- ❑ Por outro lado, o uso indiscriminado de *backtracking* pode causar ineficiência em um programa

# Backtracking

---

gosta(maria,comida).  
gosta(maria,vinho).  
gosta(joao,vinho).  
gosta(joao,maria).

?- gosta(maria,X), gosta(joao,X).

# Backtracking

gosta(maria,comida). ←

gosta(maria,vinho).

gosta(joao,vinho).

gosta(joao,maria).

?- gosta(maria,X), gosta(joao,X).

comida

comida

1. A primeira cláusula tem sucesso, e X é instanciado com “comida”

# Backtracking

gosta(maria,comida). ← ← ×  
gosta(maria,vinho).  
gosta(joao,vinho).  
gosta(joao,maria).

?- gosta(maria,X), gosta(joao,X).

comida

comida

1. A primeira cláusula tem sucesso, e X é instanciado com “comida”
2. A seguir, Prolog tenta provar a segunda cláusula...

# Backtracking

gosta(maria,comida). ←

gosta(maria,vinho). ← x

gosta(joao,vinho).

gosta(joao,maria).

?- gosta(maria,X), gosta(joao,X).

↓ ↓

comida comida

1. A primeira cláusula tem sucesso, e X é instanciado com “comida”
2. A seguir, Prolog tenta provar a segunda cláusula...

# Backtracking

gosta(maria,comida). ←

gosta(maria,vinho).

gosta(joao,vinho). ← x

gosta(joao,maria).

?- gosta(maria,X), gosta(joao,X).

↓ ↓

comida comida

1. A primeira cláusula tem sucesso, e X é instanciado com “comida”
2. A seguir, Prolog tenta provar a segunda cláusula...

# Backtracking

gosta(maria,comida). ←

gosta(maria,vinho).

gosta(joao,vinho).

gosta(joao,maria). ← x

?- gosta(maria,X), gosta(joao,X).

↓                      ↓

comida                comida

1. A primeira cláusula tem sucesso, e X é instanciado com “comida”
2. A seguir, Prolog tenta provar a segunda cláusula
3. A segunda cláusula falha



# Backtracking

gosta(maria,comida). ←  
gosta(maria,vinho).  
gosta(joao,vinho).  
gosta(joao,maria).

?- gosta(maria,X), gosta(joao,X).

1. A primeira cláusula tem sucesso, e X é instanciado com “comida”
2. A seguir, Prolog tenta provar a segunda cláusula
3. A segunda cláusula falha
4. Ocorre *backtrack*, Prolog desinstancia X e tenta satisfazer novamente a primeira cláusula

# Backtracking

gosta(maria,comida).  
gosta(maria,vinho). ←  
gosta(joao,vinho).  
gosta(joao,maria).

?- gosta(maria,X), gosta(joao,X).



5. A primeira cláusula tem sucesso novamente e X é instanciado com “vinho”

# Backtracking

gosta(maria,comida). ← ×  
gosta(maria,vinho). ←  
gosta(joao,vinho).  
gosta(joao,maria).

?- gosta(maria,X), gosta(joao,X).

↓  
vinho                      vinho

5. A primeira cláusula tem sucesso novamente e X é instanciado com “vinho”
6. A seguir, Prolog tenta provar a segunda cláusula...

# Backtracking

gosta(maria,comida).  
gosta(maria,vinho). ← ← ×  
gosta(joao,vinho).  
gosta(joao,maria).

?- gosta(maria,X), gosta(joao,X).

↓                      ↓  
vinho                  vinho

5. A primeira cláusula tem sucesso novamente e X é instanciado com “vinho”
6. A seguir, Prolog tenta provar a segunda cláusula...

# Backtracking

gosta(maria,comida).  
gosta(maria,vinho). ←  
gosta(joao,vinho). ←  
gosta(joao,maria).

?- gosta(maria,X), gosta(joao,X).

↓  
vinho                      ↓  
vinho

5. A primeira cláusula tem sucesso novamente e X é instanciado com “vinho”
  6. A seguir, Prolog tenta provar a segunda cláusula
  7. A segunda cláusula tem sucesso
  8. Prolog notifica o usuário e aguarda
- X = vinho

# Backtracking

gosta(maria,comida).  
gosta(maria,vinho). ←  
gosta(joao,vinho). ←  
gosta(joao,maria).

?- gosta(maria,X), gosta(joao,X).

↓                      ↓  
vinho                  vinho

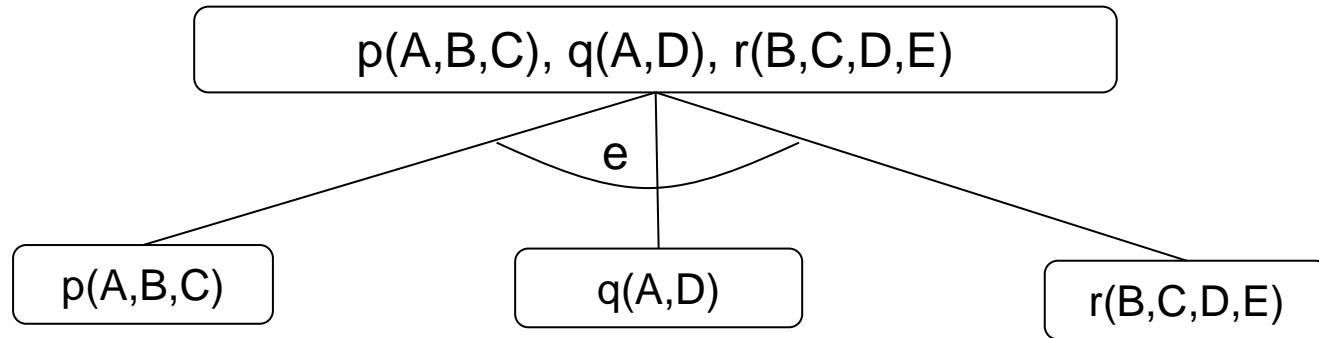
5. A primeira cláusula tem sucesso novamente e X é instanciado com “vinho”
  6. A seguir, Prolog tenta provar a segunda cláusula
  7. A segunda cláusula tem sucesso
  8. Prolog notifica o usuário e aguarda
- X = vinho ;
9. Usuário deseja outra solução:  
fica como exercício

# Importante

---

- ❑ Sempre que uma cláusula falha (consequentemente ocorre um *backtrack*), as variáveis que se tornaram instanciadas naquela cláusula tornam-se variáveis livres novamente
- ❑ As variáveis instanciadas em cláusulas anteriores permanecem instanciadas
- ❑ Quando uma solução é encontrada e o usuário solicita outra solução (digitando ;), as variáveis instanciadas na cláusula atual tornam-se variáveis livres e o processo de prova reinicia a partir da situação corrente, como ilustrado a seguir

# Backtracking (representação em grafo E/OU)



$p(1,2,3).$   
 $p(3,5,7).$   
 $p(2,4,6).$

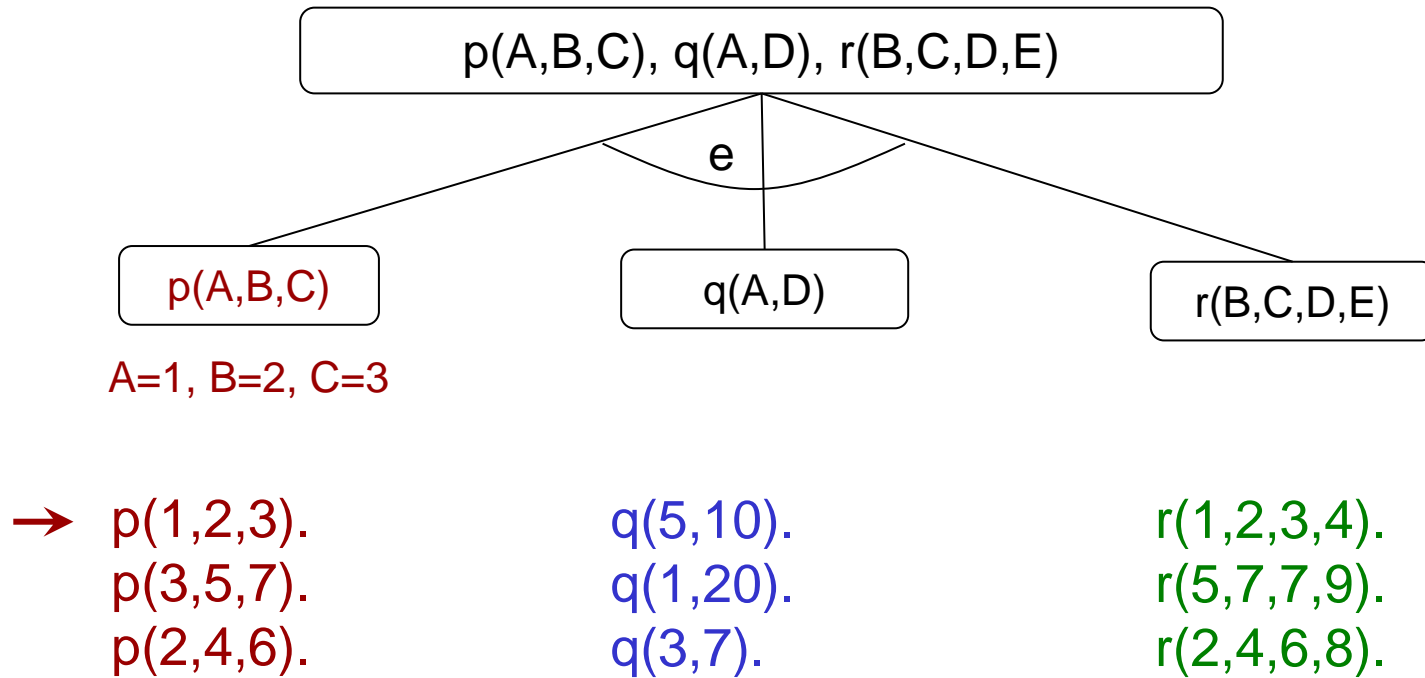
$q(5,10).$   
 $q(1,20).$   
 $q(3,7).$

$r(1,2,3,4).$   
 $r(5,7,7,9).$   
 $r(2,4,6,8).$

Variáveis Livres: A, B, C, D, E

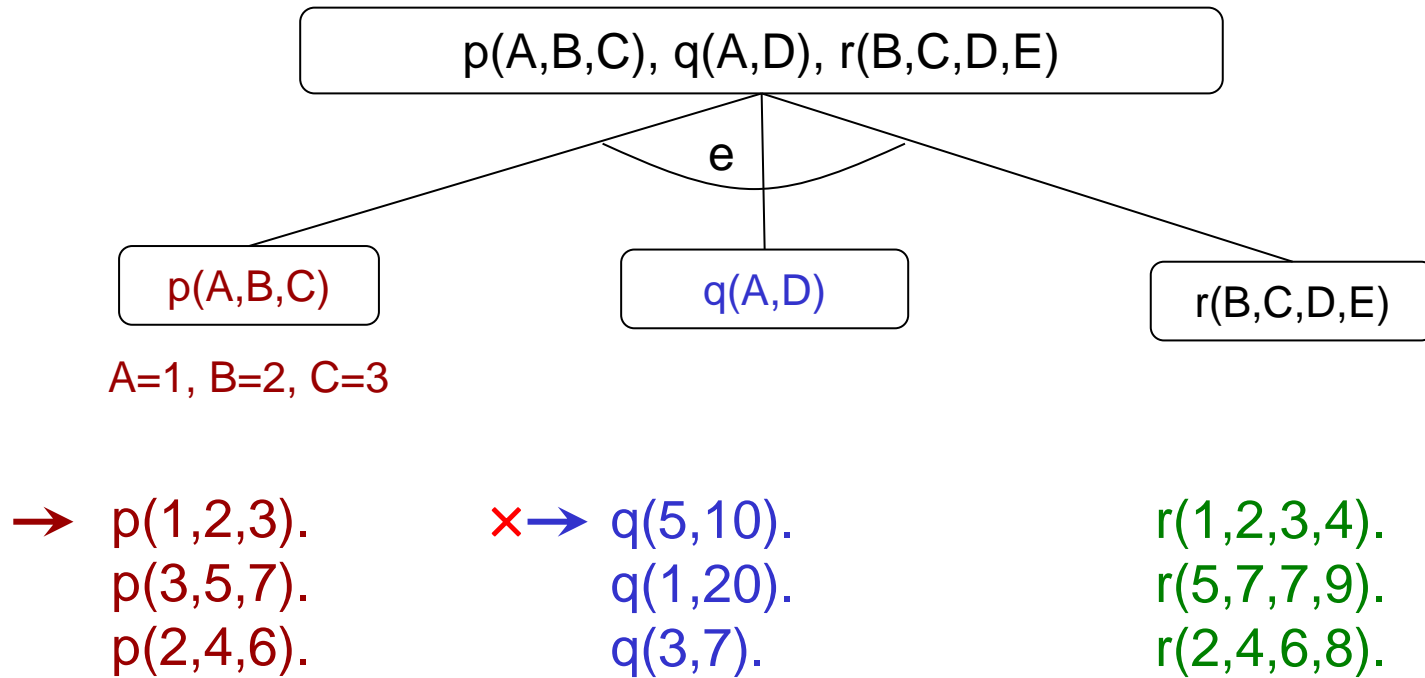


# Backtracking



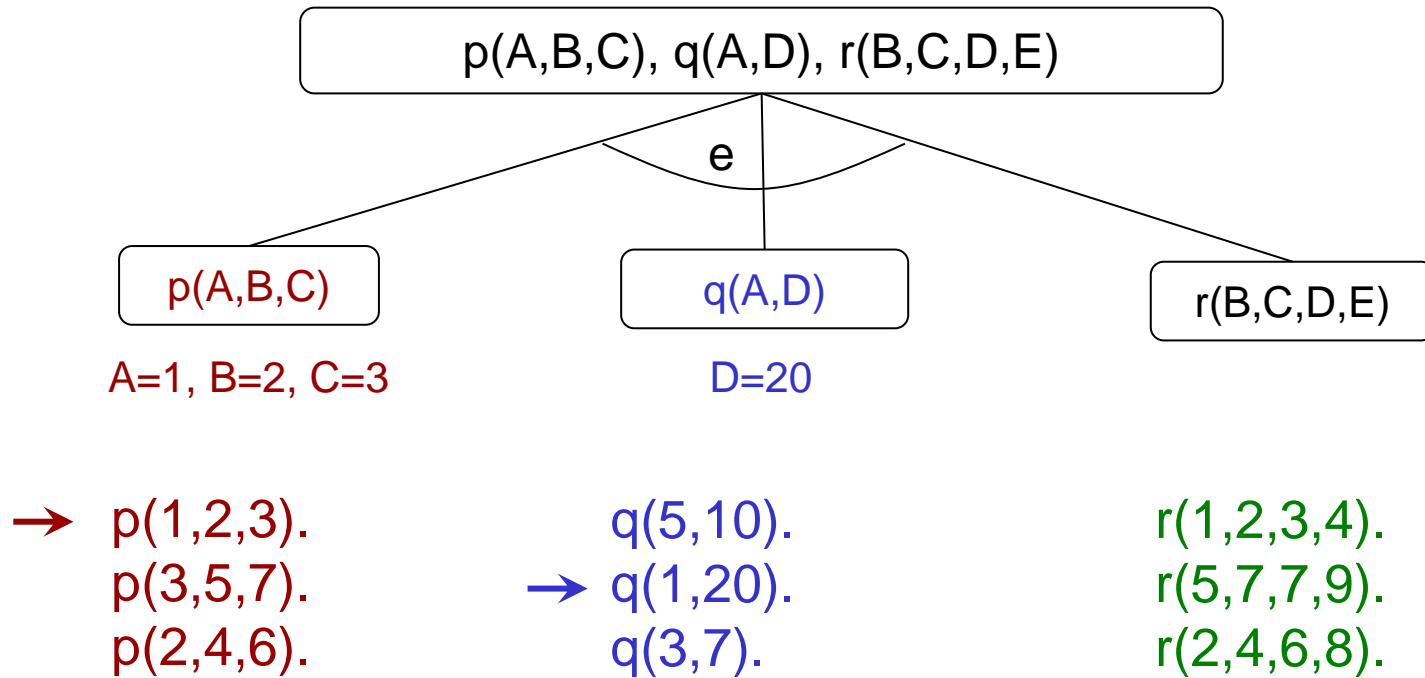
Variáveis Livres: D, E

# Backtracking



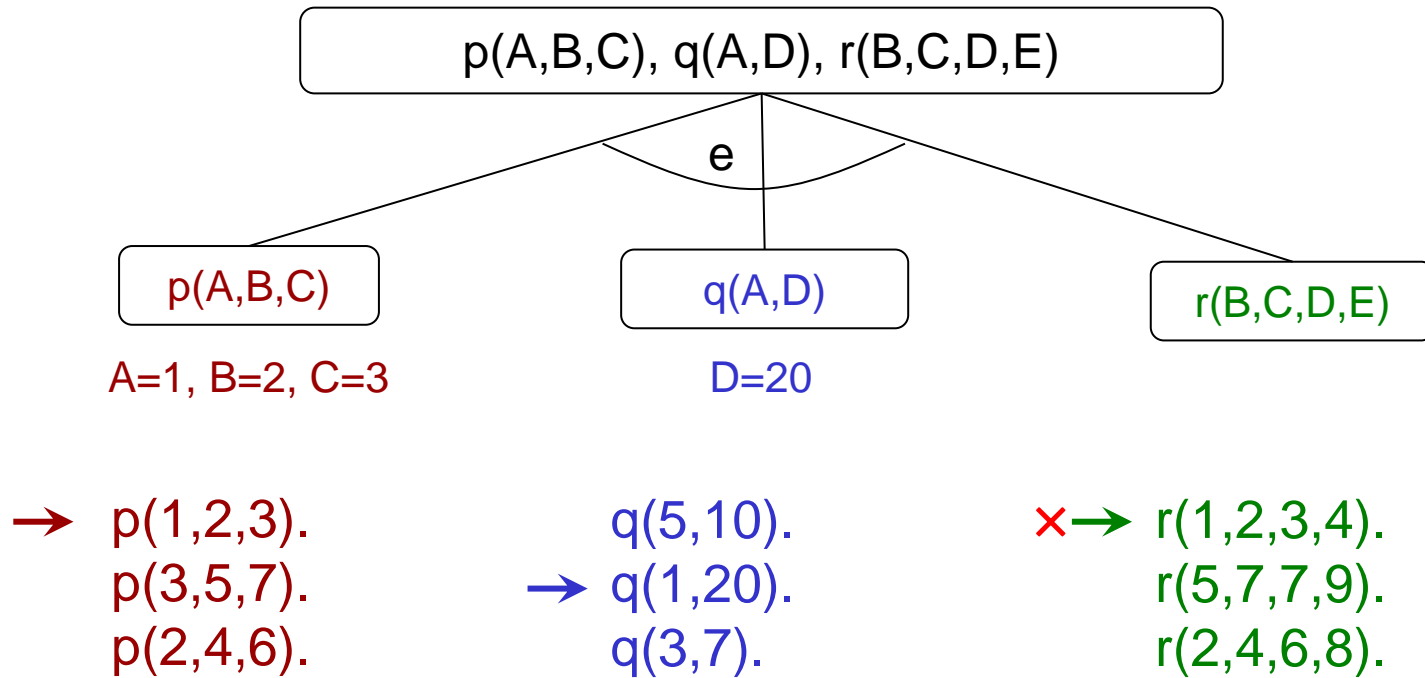
Variáveis Livres: D, E

# Backtracking



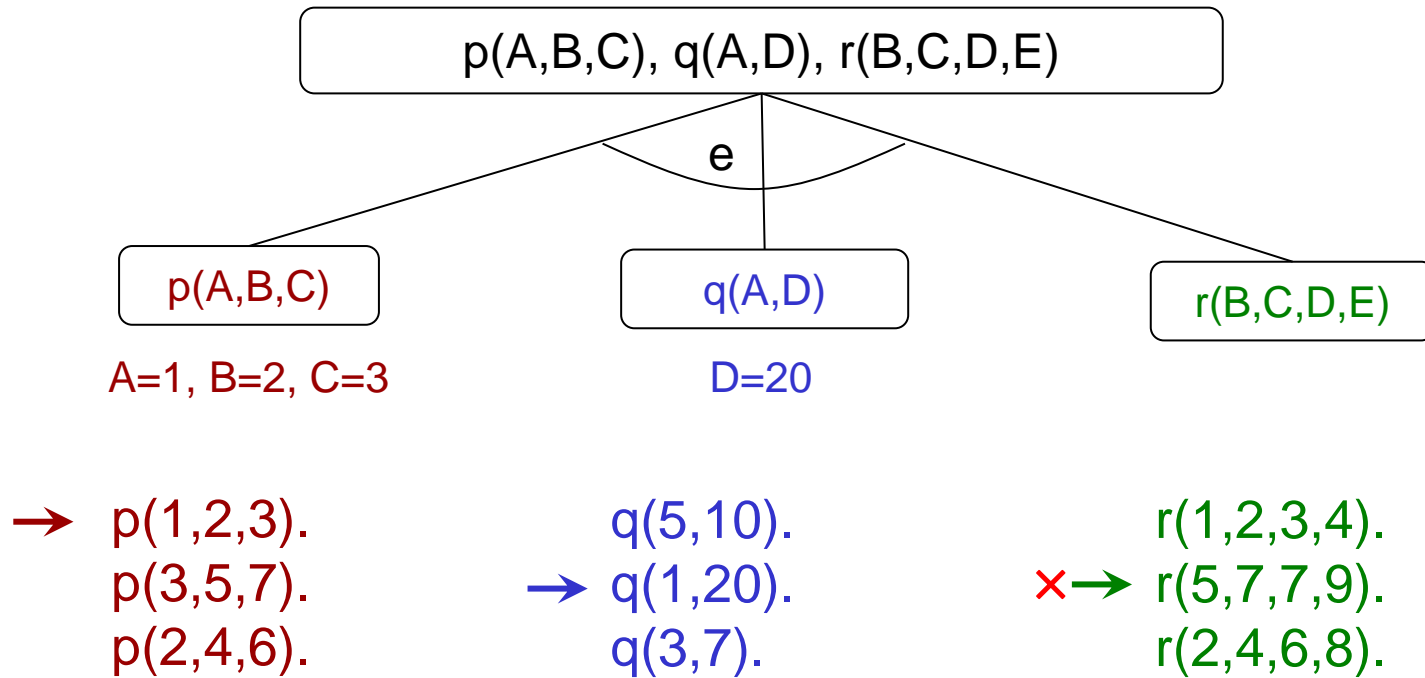
Variáveis Livres: E

# Backtracking



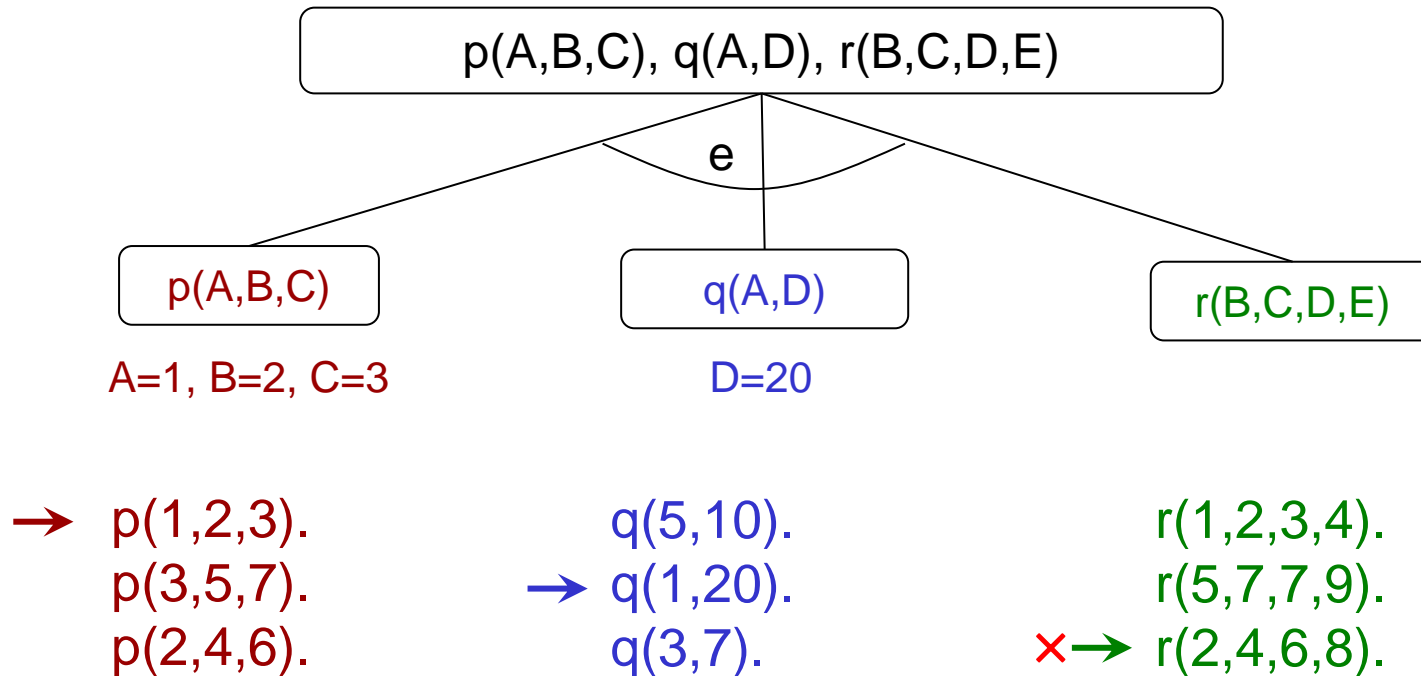
Variáveis Livres: E

# Backtracking



Variáveis Livres: E

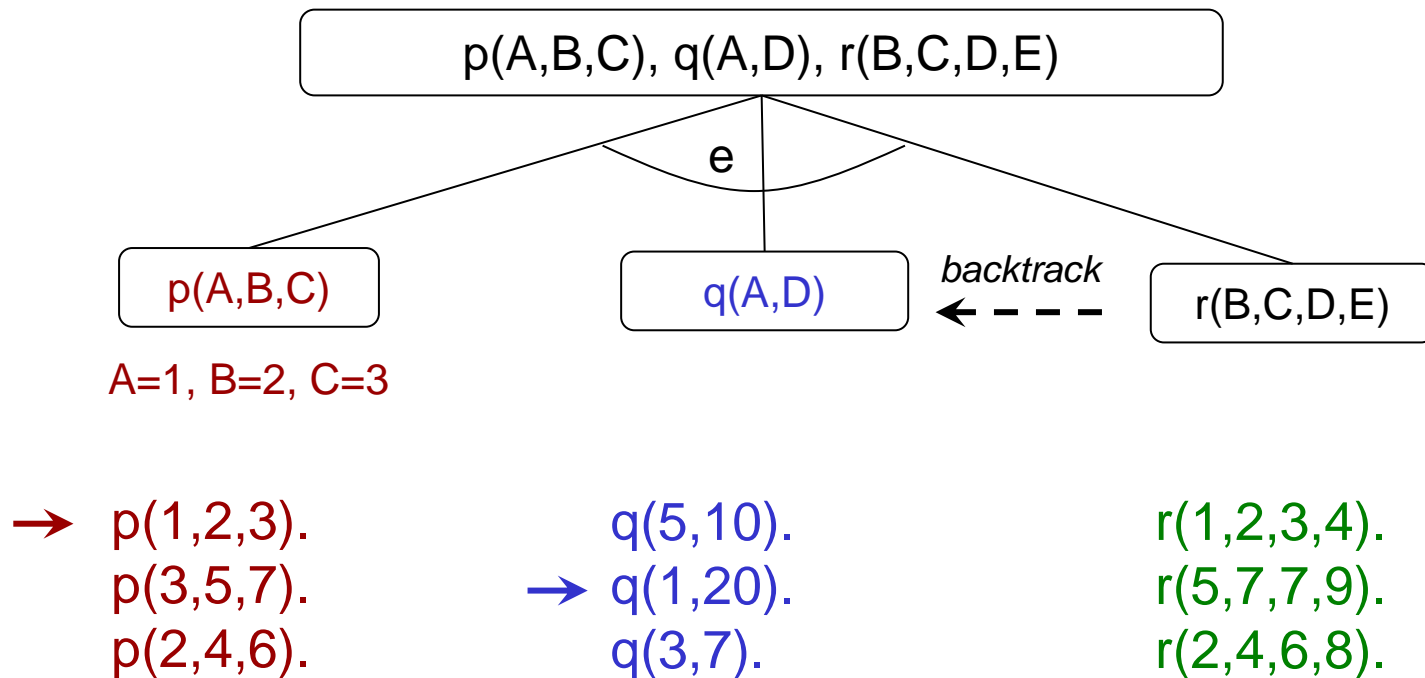
# Backtracking



Variáveis Livres: E

Como não há outros modos de provar a relação  $r/4$ , o único modo de encontrar uma solução consiste em retroceder (*backtracking*) para a cláusula anterior

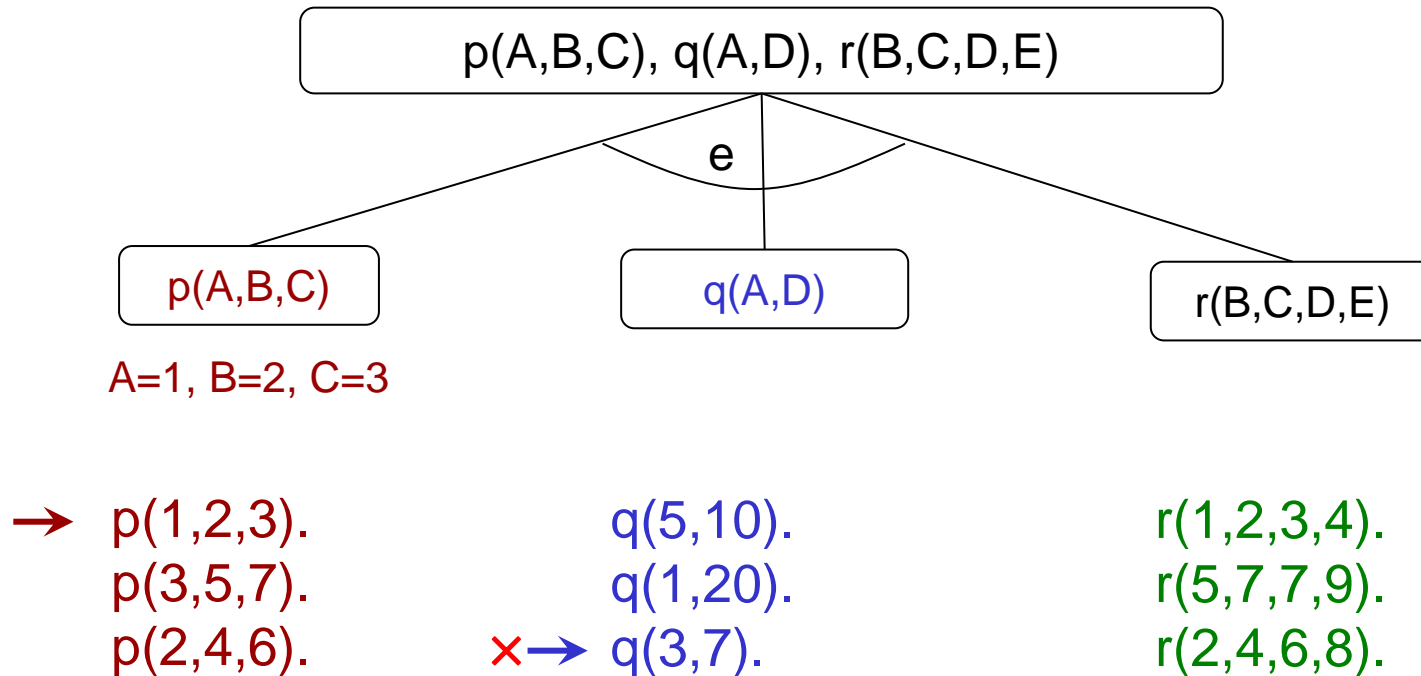
# Backtracking



Variáveis Livres: D, E

No *backtracking*, as variáveis instanciadas na cláusula q/2 tornam-se variáveis livres e Prolog tenta encontrar uma outra solução para  $q(1,D)$

# Backtracking

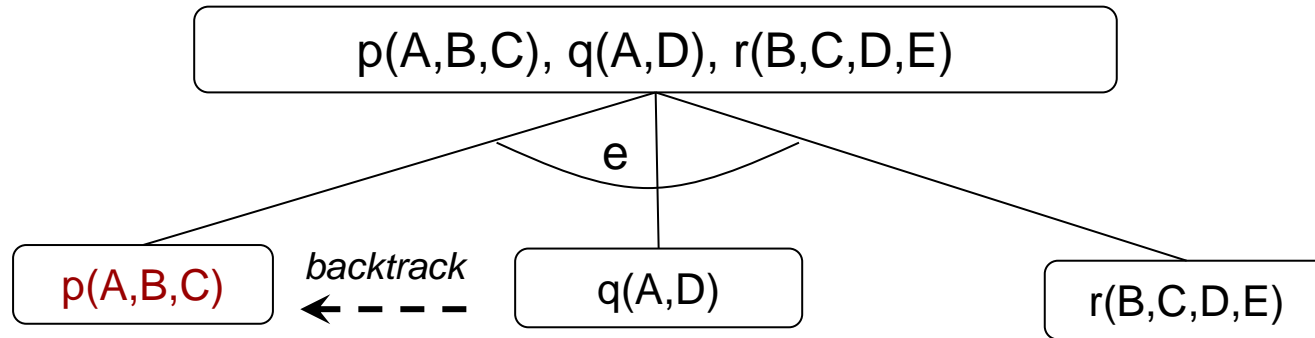


Variáveis Livres: D, E

Como não há outros modos de provar a relação  $q/2$ , o único modo de encontrar uma solução consiste em retroceder (*backtracking*) para a cláusula anterior



# Backtracking



→  $p(1,2,3).$   
 $p(3,5,7).$   
 $p(2,4,6).$

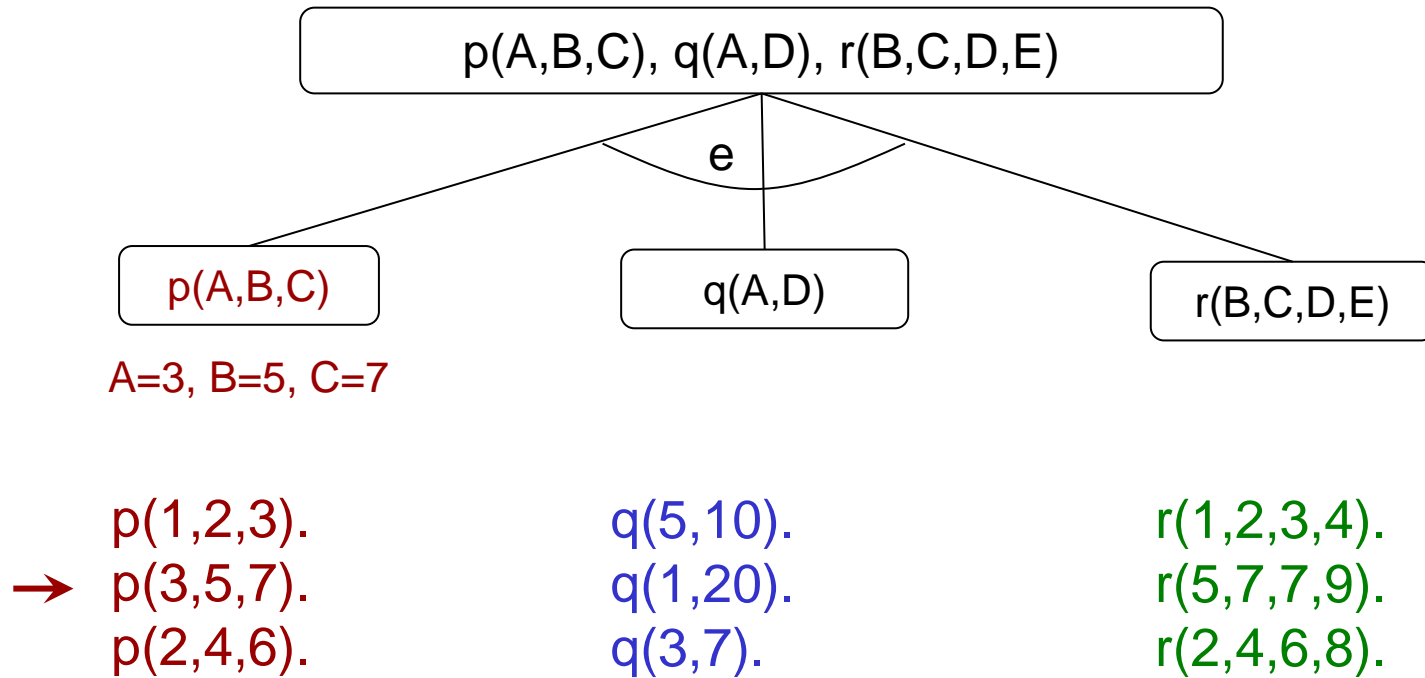
$q(5,10).$   
 $q(1,20).$   
 $q(3,7).$

$r(1,2,3,4).$   
 $r(5,7,7,9).$   
 $r(2,4,6,8).$

Variáveis Livres: A, B, C, D, E

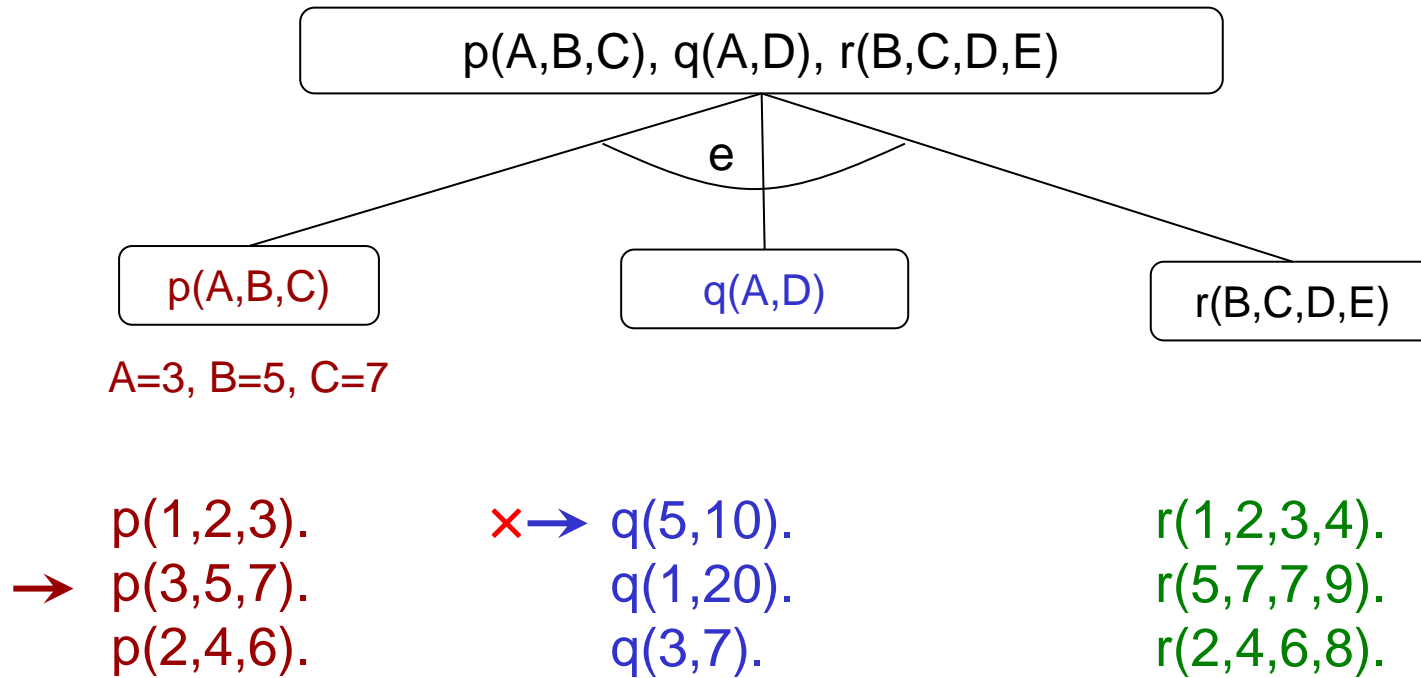
No *backtracking*, as variáveis instanciadas na cláusula p/3 tornam-se variáveis livres e Prolog tenta encontrar uma outra solução para  $p(A,B,C)$

# Backtracking



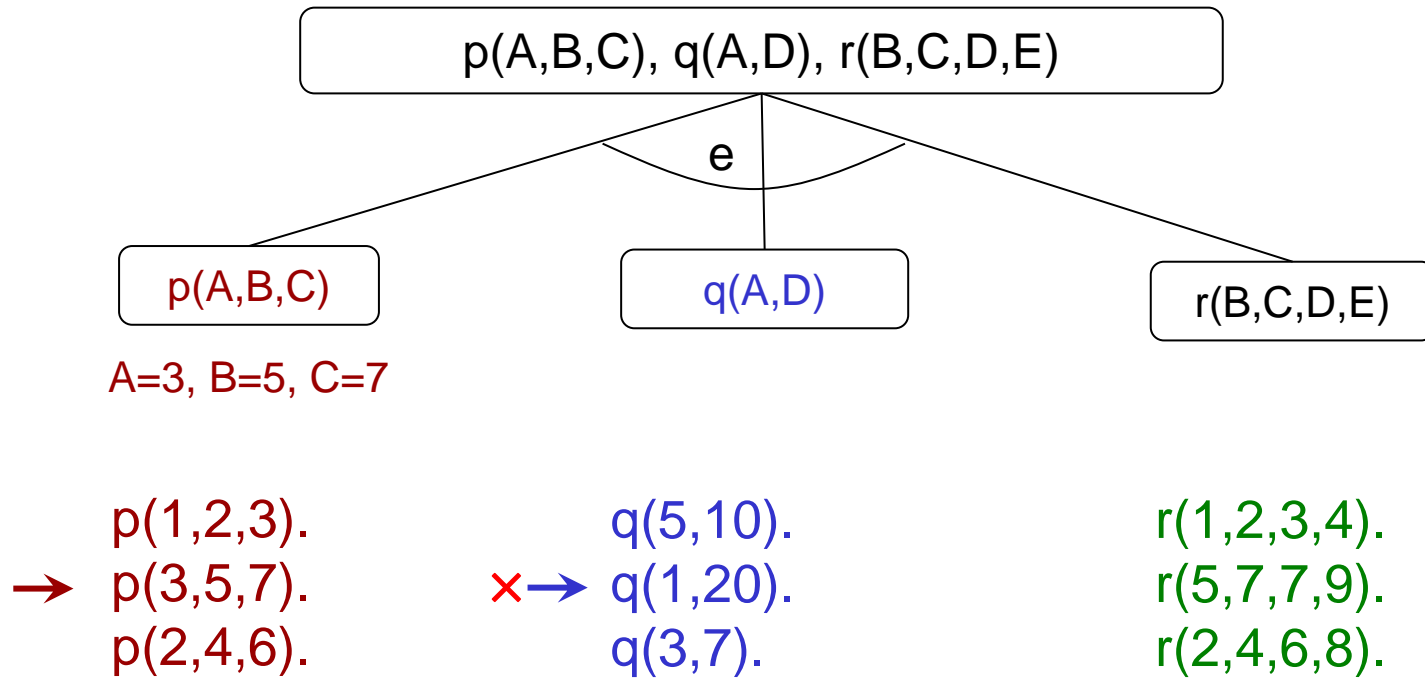
Variáveis Livres: D, E

# Backtracking



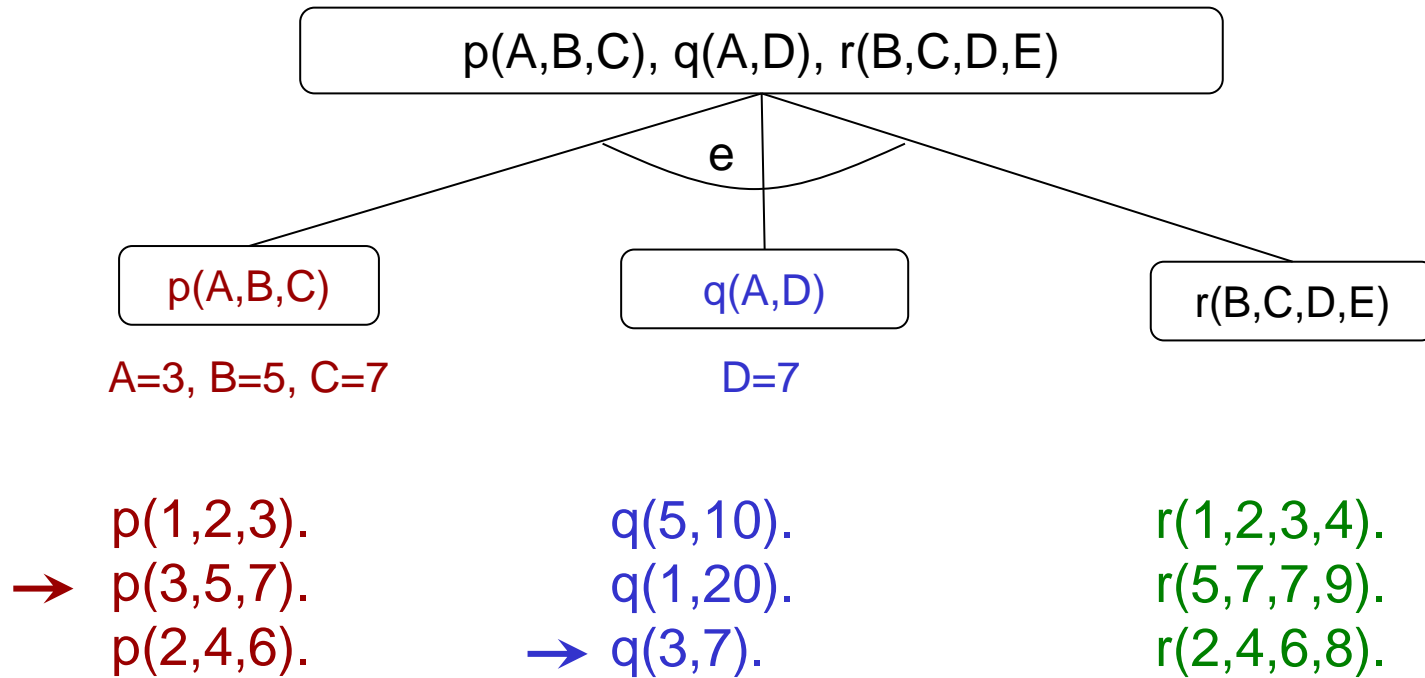
Variáveis Livres: D, E

# Backtracking



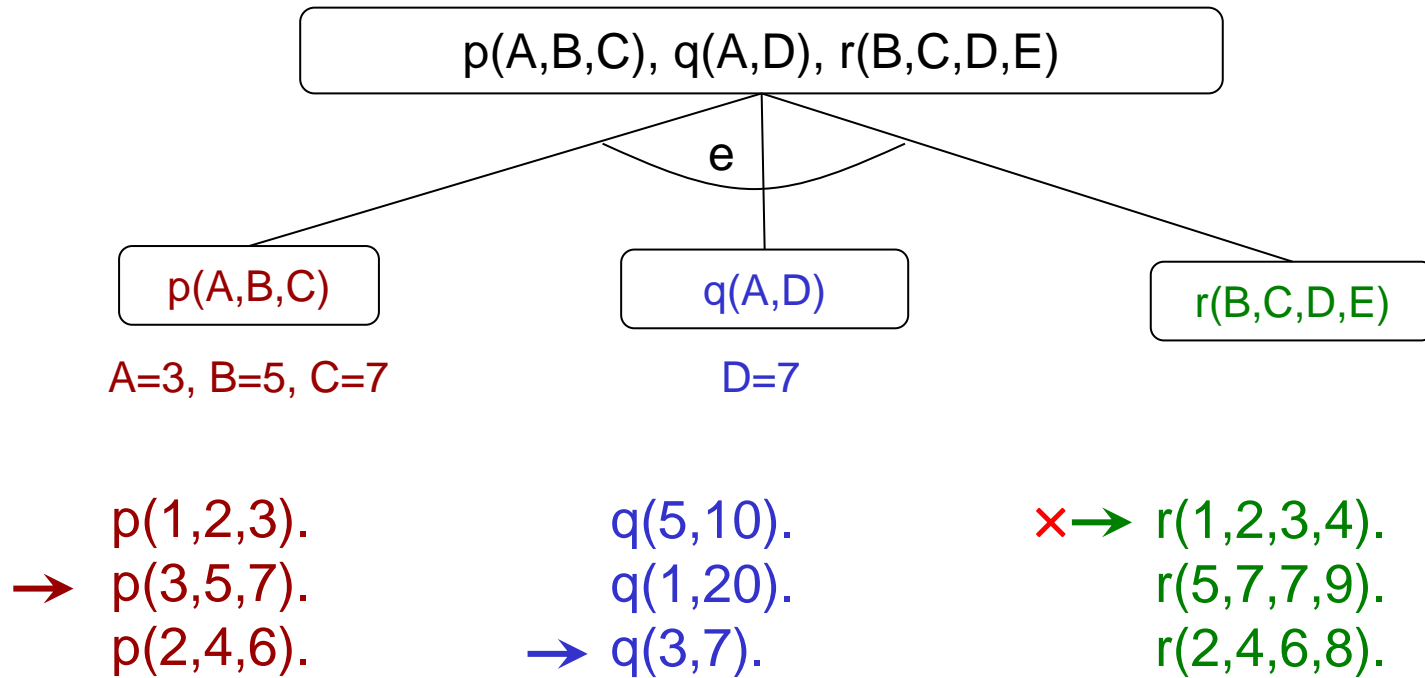
Variáveis Livres: D, E

# Backtracking



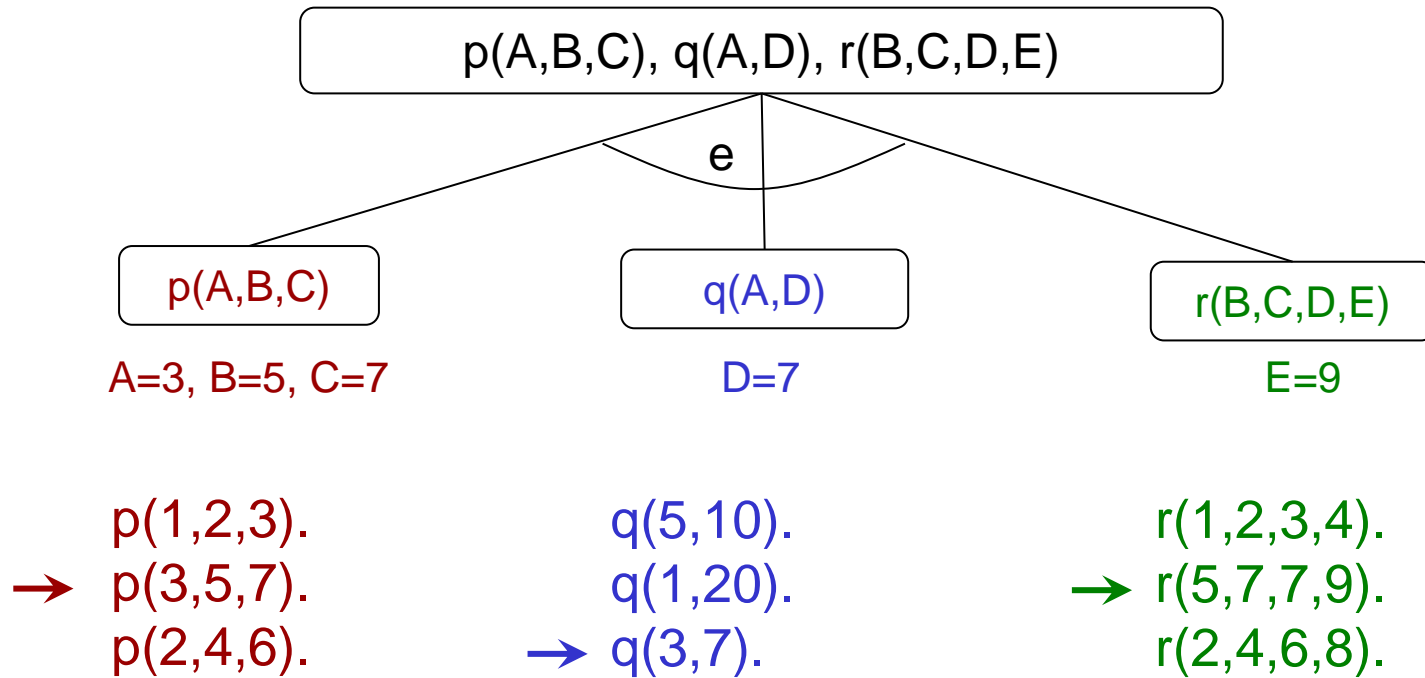
Variáveis Livres: E

# Backtracking



Variáveis Livres: E

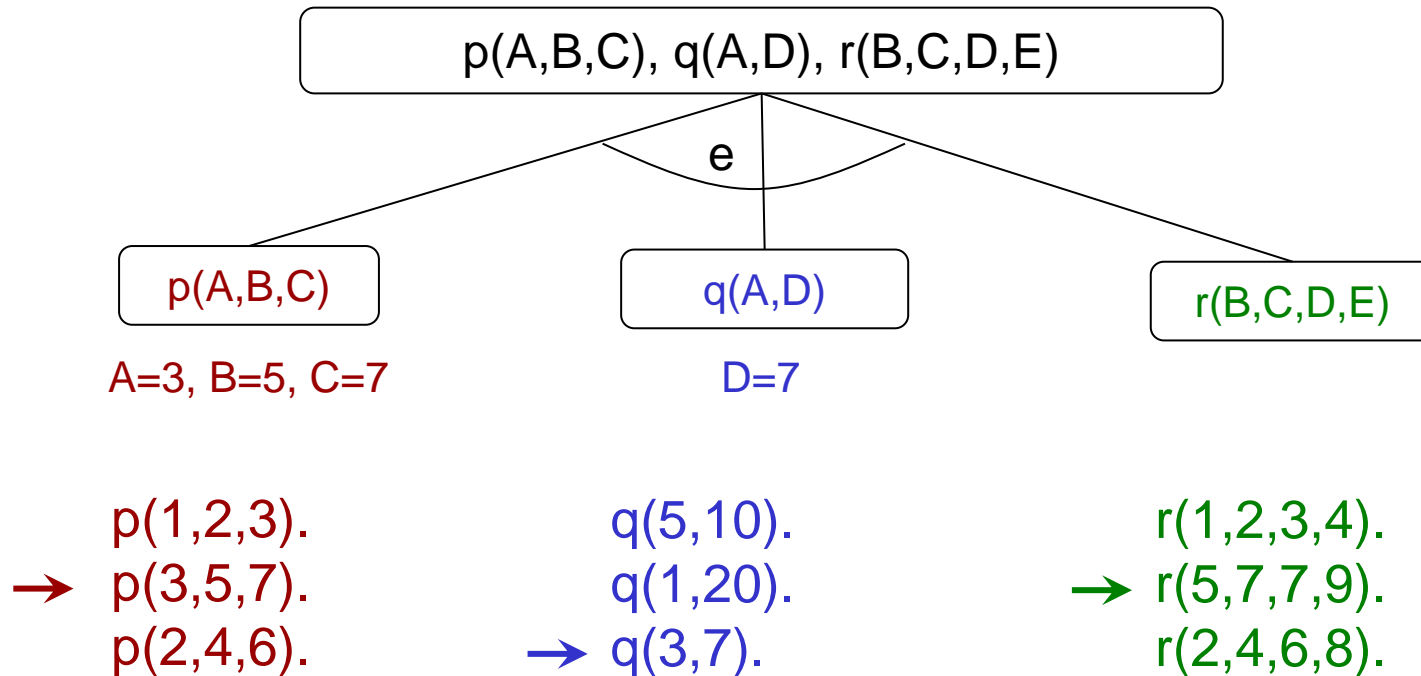
# Backtracking



Variáveis Livres: nenhuma

Neste caso,  
uma solução foi  
encontrada:  
 $A=3, B=5, C=7, D=7, E=9$

# Backtracking

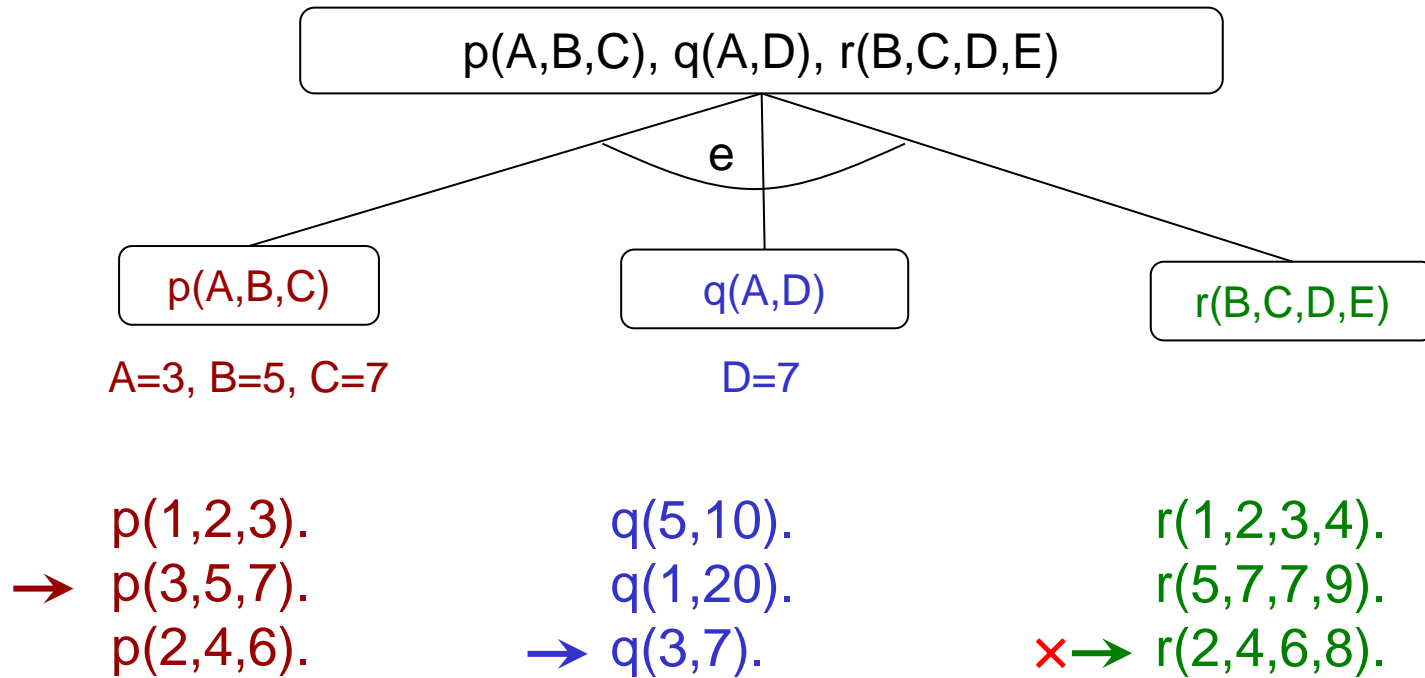


Variáveis Livres: E

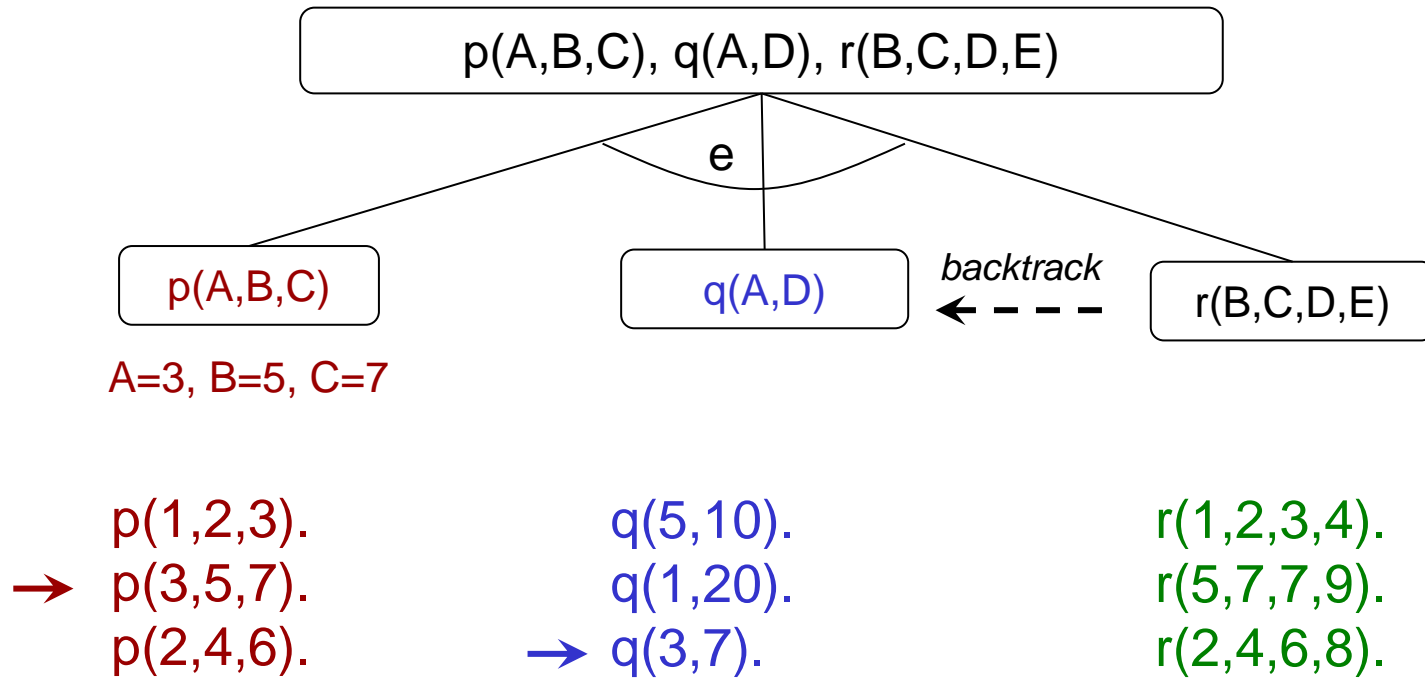
Caso o usuário solicite outra resposta (digitando ;), o processo de prova reinicia a partir da situação atual: As variáveis instanciadas na cláusula atual (E) tornam-se variáveis livres novamente



# Backtracking

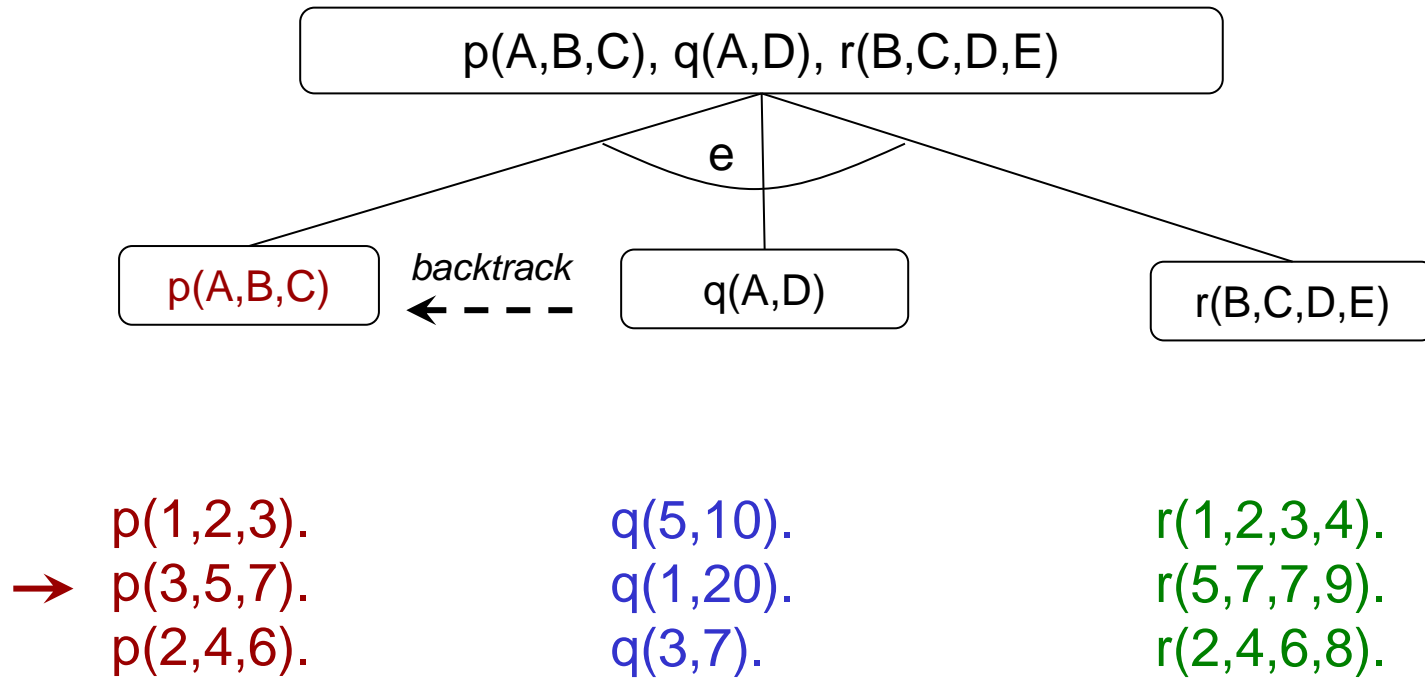


# Backtracking



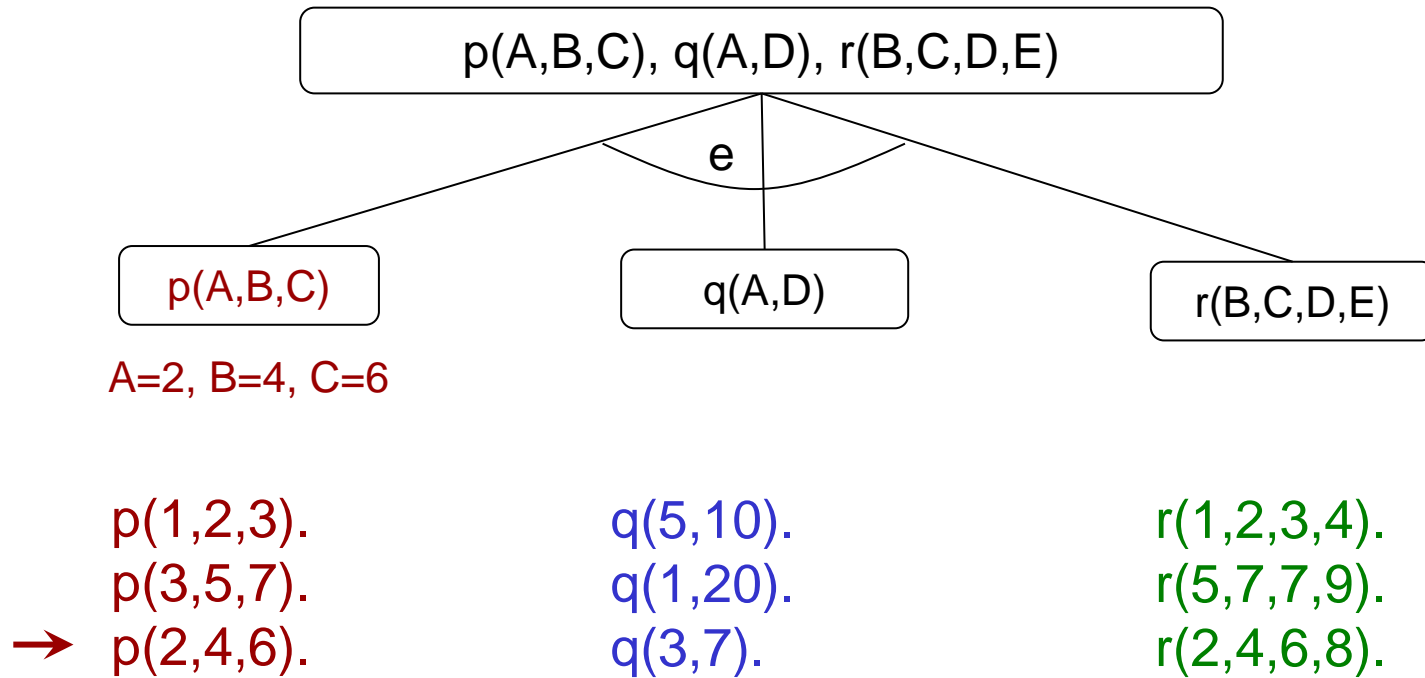
Variáveis Livres: D, E

# Backtracking



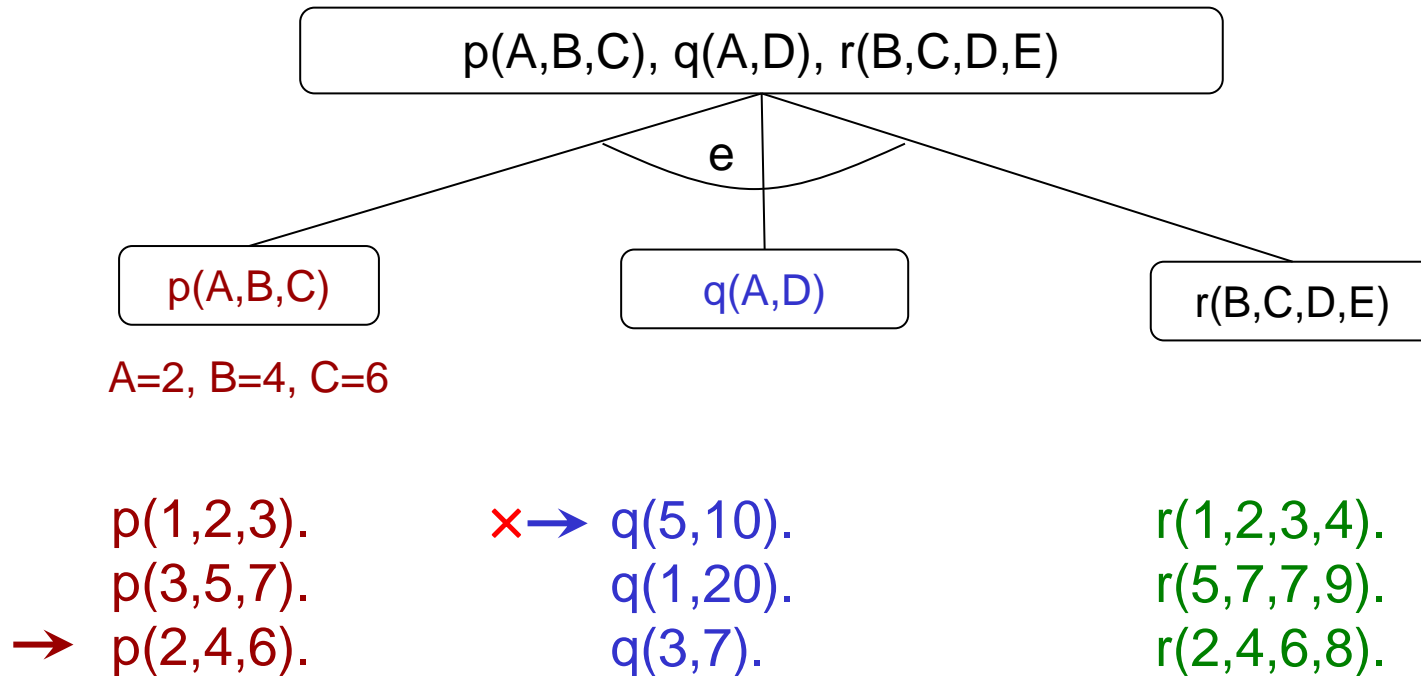
Variáveis Livres: A, B, C, D, E

# Backtracking



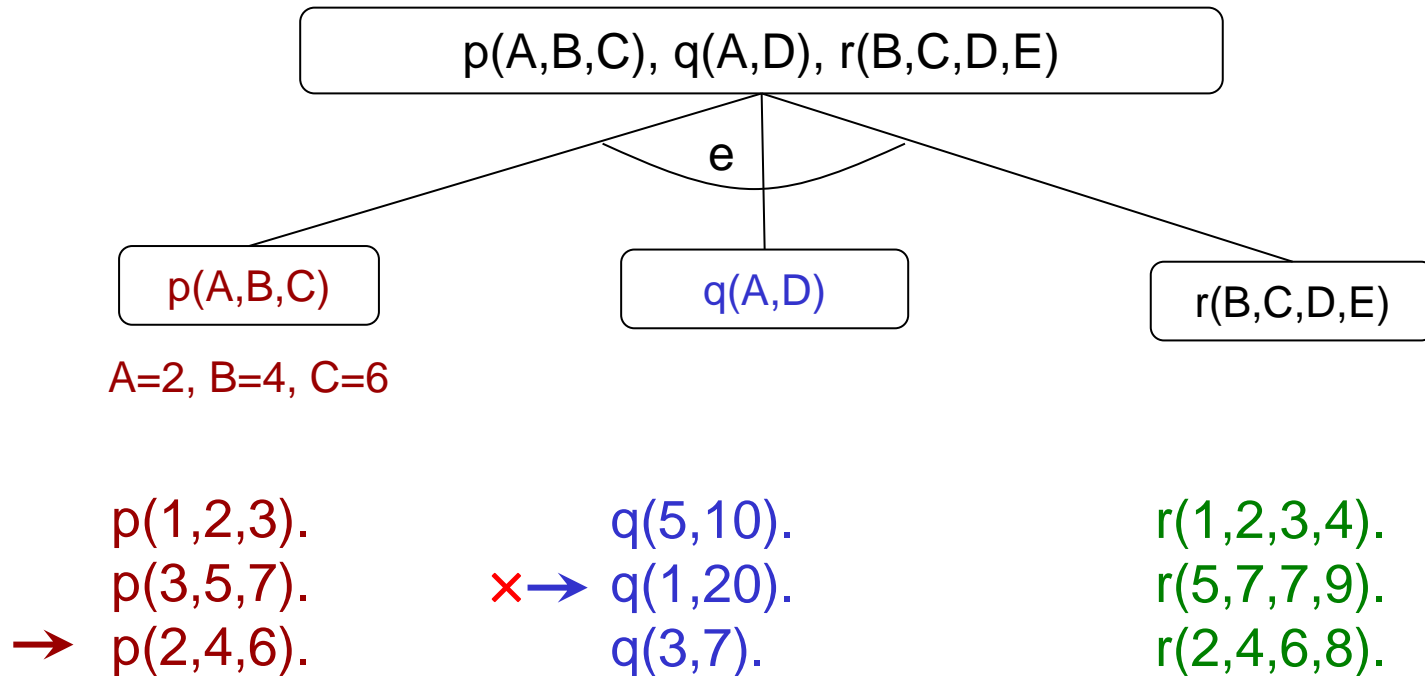
Variáveis Livres: D, E

# Backtracking



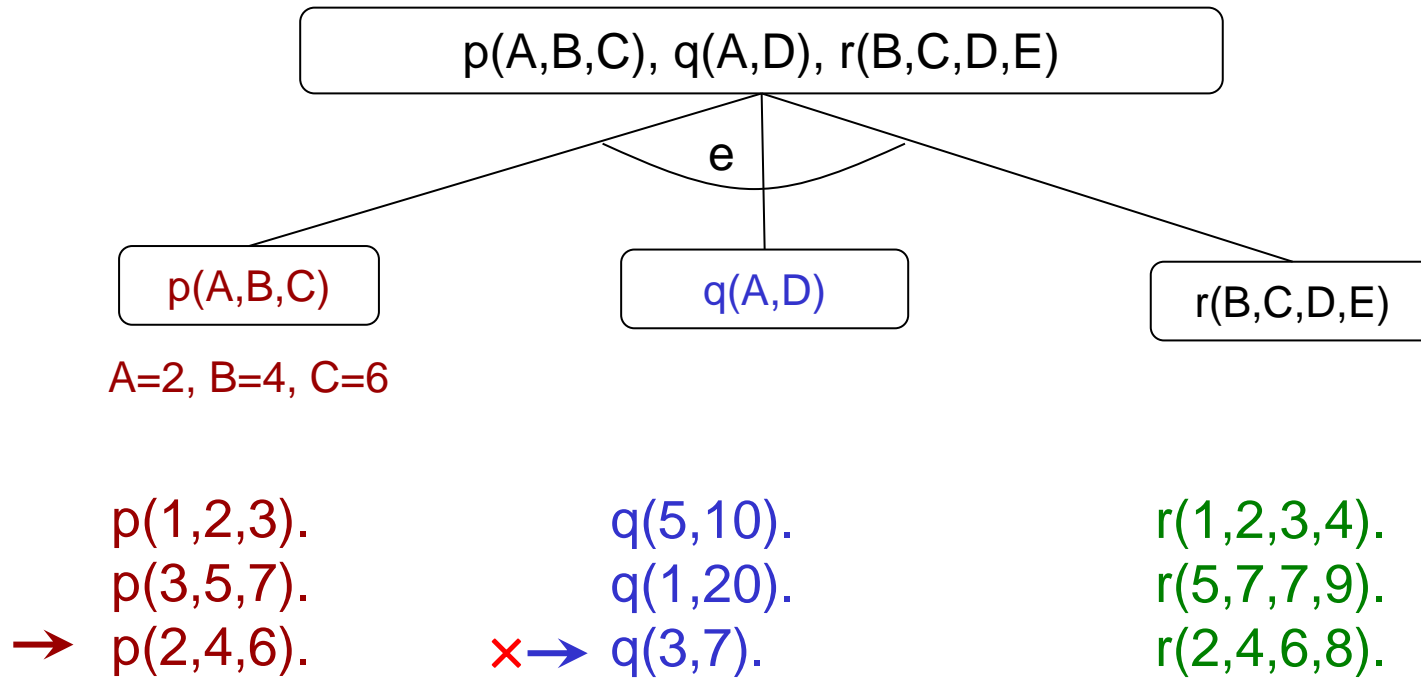
Variáveis Livres: D, E

# Backtracking



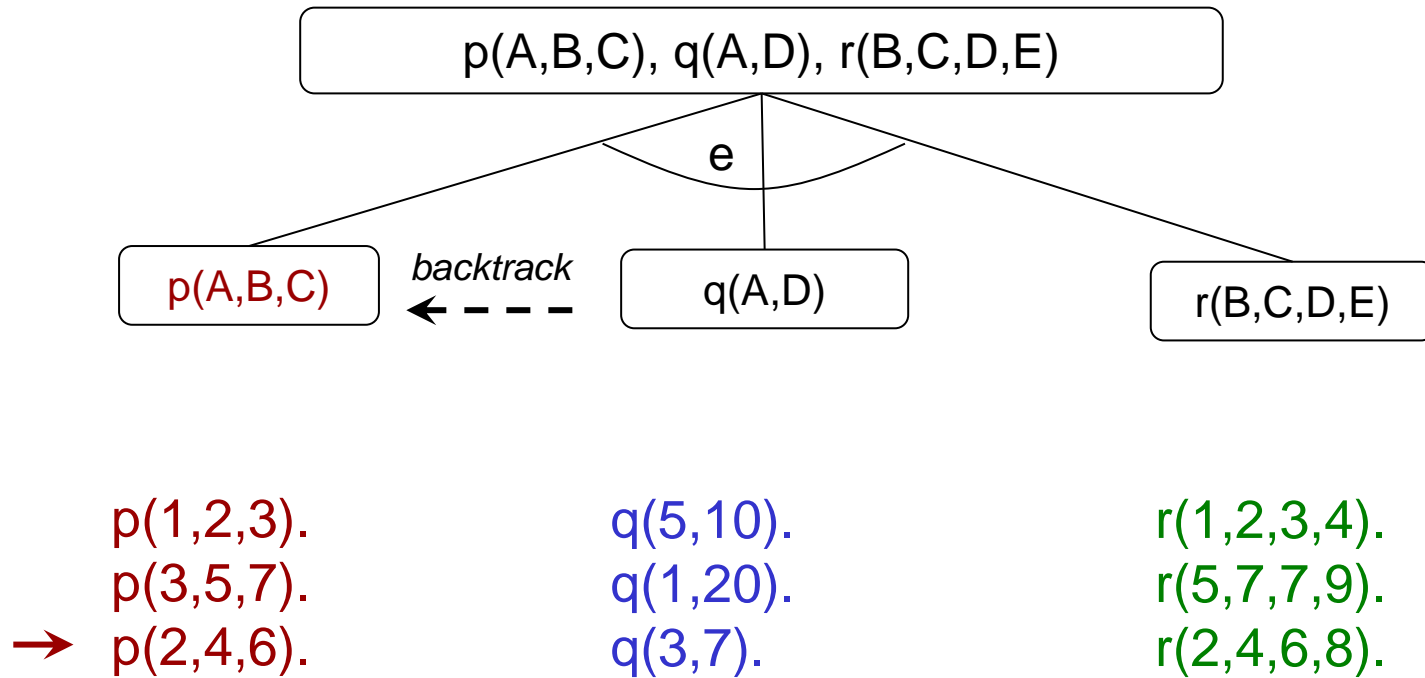
Variáveis Livres: D, E

# Backtracking



Variáveis Livres: D, E

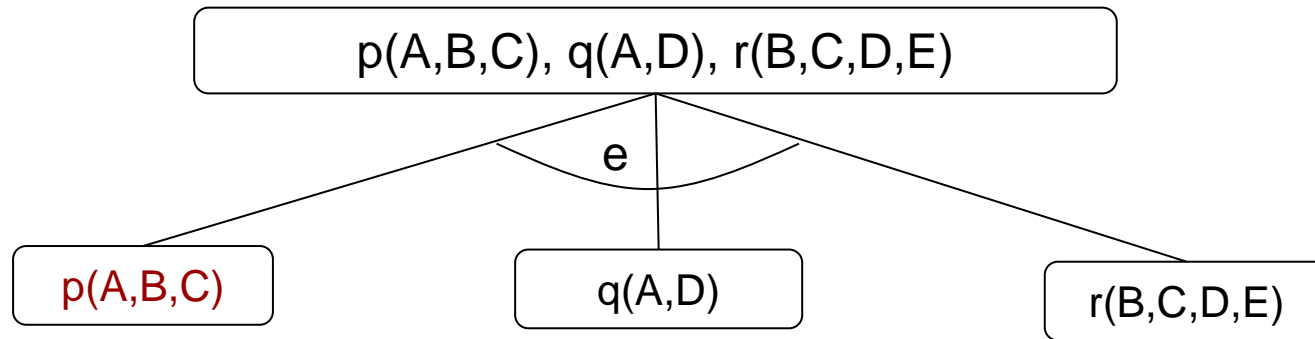
# Backtracking



Variáveis Livres: A, B, C, D, E



# Backtracking



$p(1,2,3).$   
 $p(3,5,7).$   
 $p(2,4,6).$

$q(5,10).$   
 $q(1,20).$   
 $q(3,7).$

$r(1,2,3,4).$   
 $r(5,7,7,9).$   
 $r(2,4,6,8).$

Término do processo  
de prova

Variáveis Livres: A, B, C, D, E

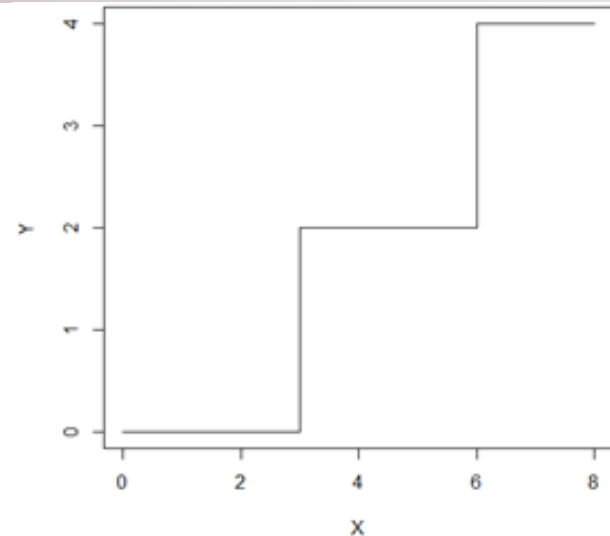
# Controlando Backtracking

- ❑ Mecanismo especial que permite informar Prolog que soluções anteriores não precisam ser reconsideradas quando ele volta (*backtrack*) : o **corte** (*cut*)
- ❑ Há duas razões para o uso do corte:
  1. O programa torna-se mais rápido, já que Prolog não gasta tempo tentando satisfazer metas que o programador sabe previamente que nunca vão contribuir para uma solução
  2. O programa ocupa menos memória, uma vez que pontos de *backtracking* não precisam ser mantidos para avaliação futura
- ❑ Há dois tipos de cortes
  - **Verde**: caso removido, as soluções encontradas não se alteram (corte foi utilizado apenas por motivos de eficiência)
  - **Vermelho**: caso removido, o programa não apresenta as mesmas soluções; pelo contrário, passa a apresentar um comportamento anormal

# Controlando Backtracking

## ❑ Considere a função escada

- Regra 1: se  $X < 3$  então  $Y = 0$
- Regra 2: se  $3 \leq X < 6$  então  $Y = 2$
- Regra 3: se  $X \geq 6$  então  $Y = 4$



## ❑ Podemos escrever em Prolog como $f(X, Y)$

```
% f(+, ?)
```

```
f(X, 0) :- X < 3. % Regra 1
```

```
f(X, 2) :- 3 =< X, X < 6. % Regra 2
```

```
f(X, 4) :- X >= 6. % Regra 3
```

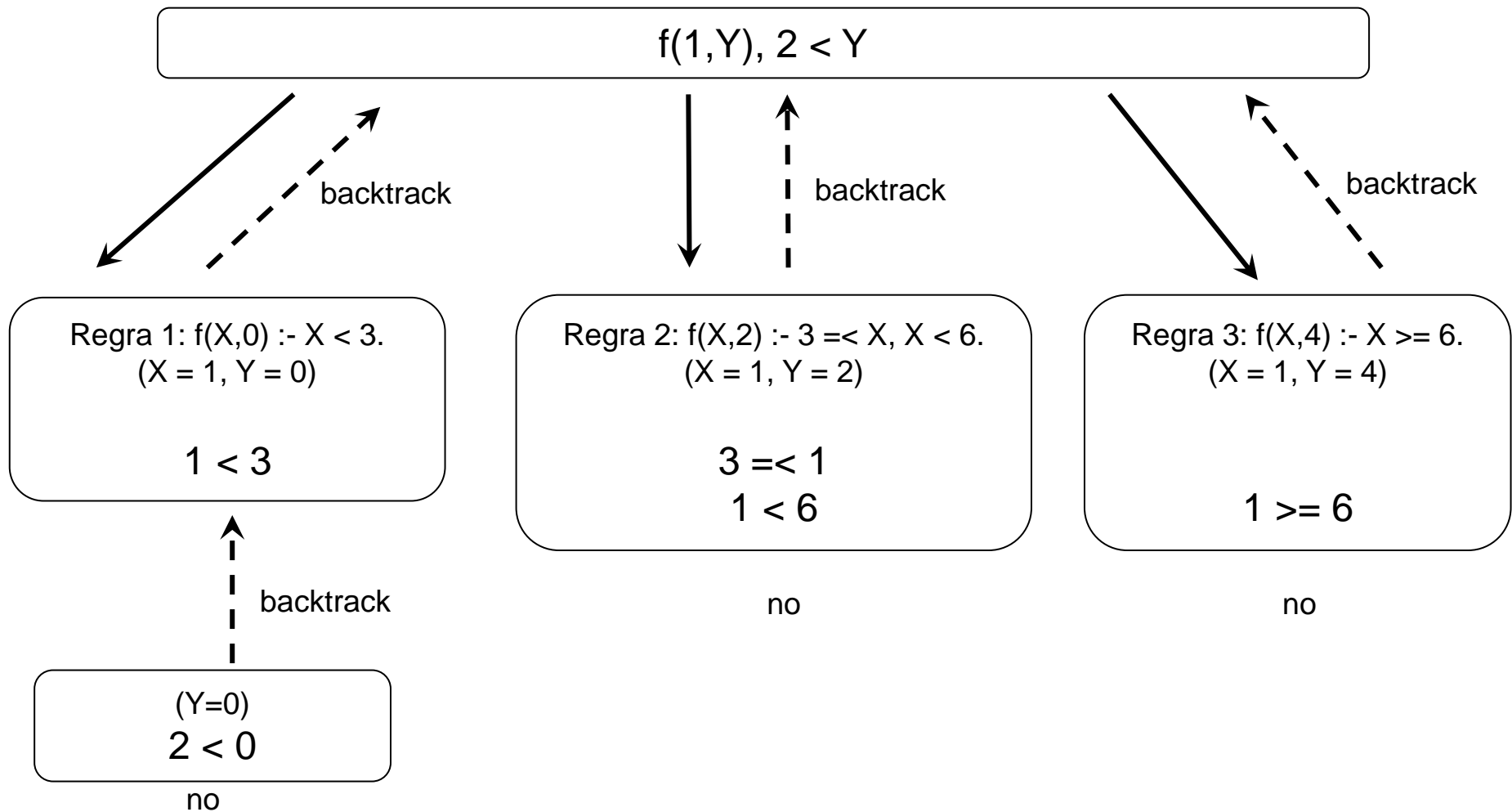
# Controlando Backtracking

?-  $f(1, Y), 2 < Y.$

```
f(X, 0) :- X < 3.           % Regra 1
f(X, 2) :- 3 <= X, X < 6.   % Regra 2
f(X, 4) :- X >= 6.         % Regra 3
```

- ❑ Ao executar a primeira meta,  $f(1, Y)$ ,  $Y$  é instanciado com 0
- ❑ A segunda meta torna-se:  $2 < 0$  que falha e assim a pergunta falha
- ❑ Mas antes de admitir que a pergunta falhou, Prolog tentou, através de *backtracking*, duas alternativas improdutivas

# Controlando Backtracking



# Controlando Backtracking

- ❑ As três regras sobre a relação **f** são mutuamente exclusivas, assim, no máximo, uma delas será verdadeira
- ❑ Portanto, o programador (ao invés do Prolog) sabe que tão logo uma das regras tenha sucesso, então não há razão para continuar tentando utilizar as demais regras, pois vão falhar
- ❑ No exemplo, sabe-se que a Regra 1 teve sucesso
- ❑ De modo a evitar *backtracking* inútil o programador deve informar explicitamente para Prolog não realizar *backtrack*, através do corte
- ❑ O corte é escrito como **!** e inserido entre as metas

# Controlando Backtracking

- ❑ O programa com corte **verde** fica assim:

```
f (X, 0)  :-  X < 3,  !.                % Regra 1
f (X, 2)  :-  3 =< X,  X < 6,  !.        % Regra 2
f (X, 4)  :-  X >= 6.                  % Regra 3
```

- ❑ O símbolo **!** evita *backtracking* nos pontos indicados, como demonstrado em breve

# Controlando Backtracking

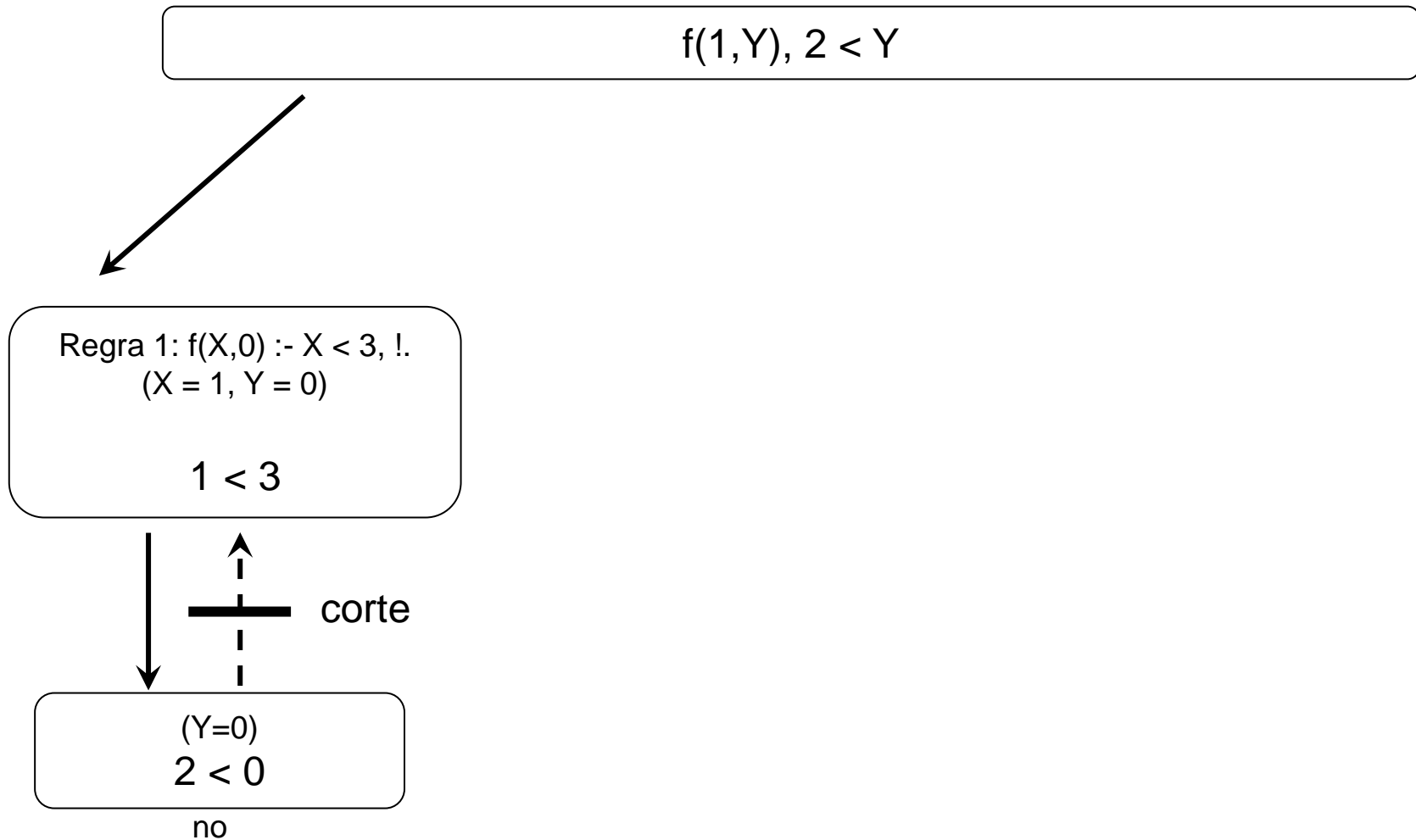
- ❑ Se fizermos a mesma pergunta

?-  $f(1, Y), 2 < Y.$

- Com os cortes, os ramos alternativos que correspondem às Regras 2 e 3 não serão gerados
  - Este programa com corte é mais eficiente que a versão original: quando a execução falha, este programa irá reconhecer este fato, mais cedo que o programa original
- ❑ Os cortes são **verdes** neste exemplo, pois se eles forem removidos, o programa ainda produzirá os mesmos resultados, mas gastará mais tempo



# Controlando Backtracking



# Controlando Backtracking

## ❑ Ainda considerando:

```
f(X, 0) :- X < 3, !.           % Regra 1
f(X, 2) :- 3 =< X, X < 6, !.  % Regra 2
f(X, 4) :- X >= 6.           % Regra 3
```

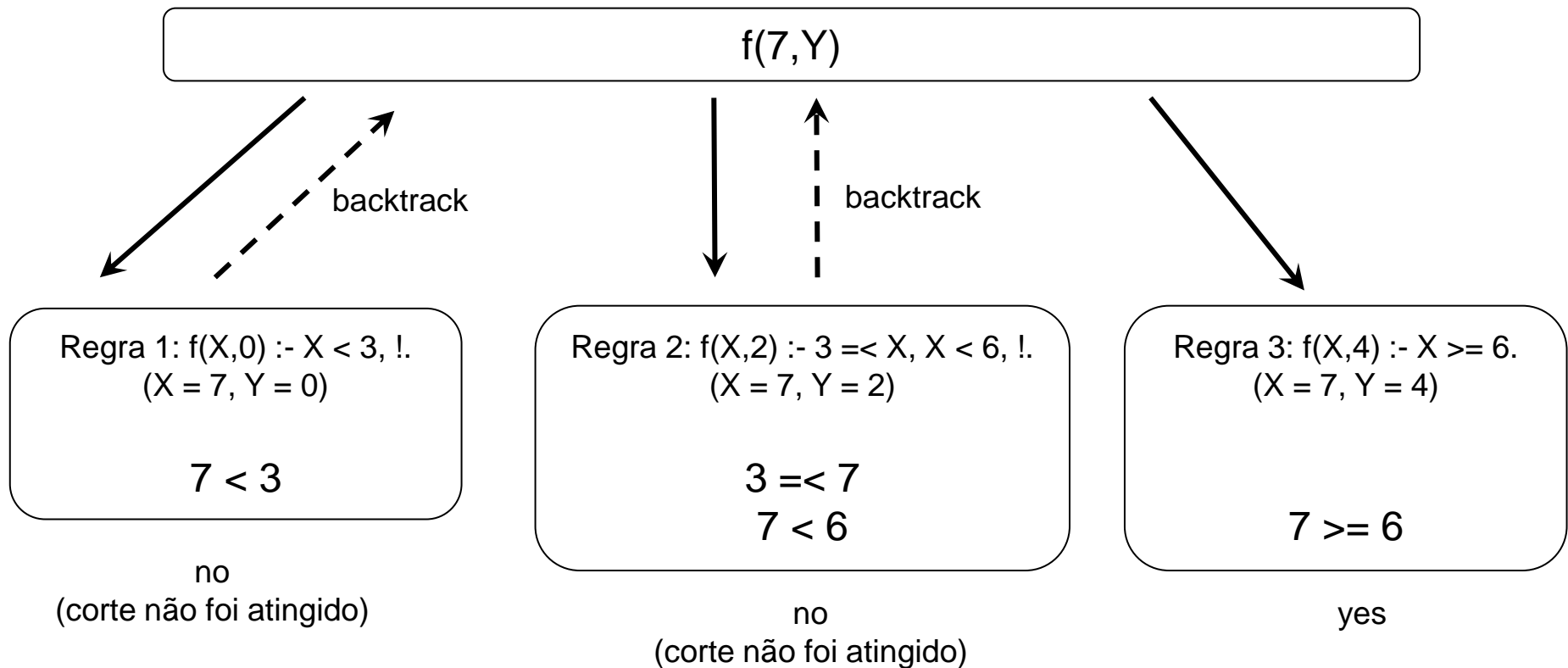
## ❑ Suponha agora a seguinte pergunta

```
?- f(7, Y) .
Y = 4
```

## ❑ Note que todas as 3 regras são avaliadas antes que uma resposta seja encontrada

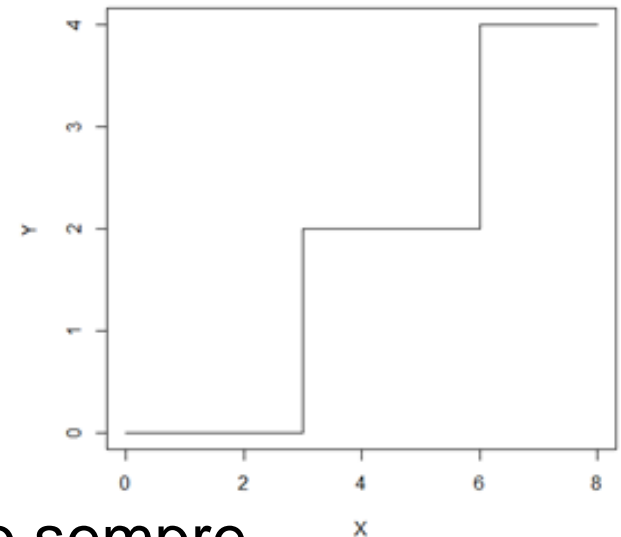
- Tente Regra 1:  $7 < 3$  falha, *backtrack* e tente Regra 2 (corte não foi atingido, pois falha na primeira cláusula e uso do operador E já implica que Regra 1 falhou)
- Tente Regra 2:  $3 \leq 7$  é satisfeita mas  $7 < 6$  falha, *backtrack* e tente Regra 3 (novamente corte não foi atingido)
- Tente Regra 3:  $7 \geq 6$  é satisfeita

# Controlando Backtracking



# Controlando Backtracking

- ❑ Isto mostra outra fonte de ineficiência:
  - Primeiro é estabelecido que  $X < 3$  não é verdadeiro ( $7 < 3$  falha)
  - A seguir, a cláusula  $3 \leq X$  ( $3 \leq 7$ ) é satisfeita, mas sabemos que uma vez que o primeiro teste ( $X < 3$ ) falhou, o segundo teste ( $3 \leq X$ ) será satisfeito, pois nega o primeiro
  - Portanto, o segundo teste é redundante e pode ser omitido
  - O mesmo ocorre com  $X \geq 6$  na Regra 3
- ❑ Isto leva à seguinte formulação:
  - Se  $X < 3$  então  $Y = 0$
  - Senão Se  $X < 6$  então  $Y = 2$
  - Senão  $Y = 4$
- ❑ Podemos omitir as condições que são sempre verdadeiras quando executadas



# Controlando Backtracking

- ❑ Isto nos leva à terceira versão, com corte **vermelho**:

```
f (X, 0) :- X < 3, !.           % Regra 1
f (X, 2) :- X < 6, !.           % Regra 2
f (X, 4) .                       % Regra 3
```

- ❑ O programa com corte vermelho produz as mesmas soluções que a versão original, mas é mais eficiente que as duas versões anteriores

# Controlando Backtracking

- ❑ Entretanto, o que ocorre se agora removermos os cortes?

```
f (X, 0) :- X < 3.                % Regra 1
f (X, 2) :- X < 6.                % Regra 2
f (X, 4) .                        % Regra 3
```

- ❑ O programa agora produz várias soluções, algumas das quais incorretas, por exemplo:

- `?- f(1, Y) .`
- `Y = 0;`
- `Y = 2;`
- `Y = 4`

# Controlando Backtracking

---

O mecanismo de corte funciona do seguinte modo:

- Seja meta-pai, a meta que unificou com a cabeça da cláusula contendo o corte
- Quando o corte é encontrado, como uma meta ele é satisfeito imediatamente mas ele estabelece um compromisso de manter todas as escolhas efetuadas entre o momento em que a meta-pai foi invocada e o momento no qual o corte foi encontrado
- Todas as alternativas restantes entre a meta-pai e o corte são descartadas

# Controlando Backtracking

- ❑ Para ilustrar o mecanismo de corte, considere a cláusula
  - $H :- B_1, B_2, \dots, B_m, !, \dots, B_n.$
- ❑ Suponha que uma meta  $G$  unificou com  $H$  (nesse caso,  $G$  é a meta pai)
- ❑ No momento em que o corte é encontrado, o sistema já encontrou alguma solução para as metas  $B_1, \dots, B_m.$
- ❑ Quando o corte é executado, esta solução atual  $B_1, \dots, B_m$  é congelada e todas alternativas possíveis são descartadas
- ❑ Além disso, a meta  $G$  fica comprometida a esta cláusula: qualquer tentativa de unificar  $G$  com a cabeça de uma outra cláusula é excluída devido ao mecanismo do corte



# Controlando Backtracking

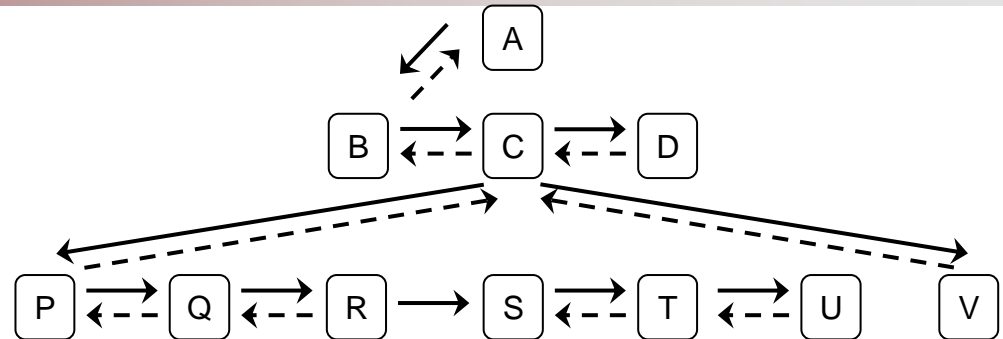
- Por exemplo

$C :- P, Q, R, !, S, T, U.$

$C :- V.$

$A :- B, C, D.$

$?- A.$



- O corte afetará a execução da meta C

- Backtracking* será possível dentro da lista de metas P, Q, R ; entretanto, tão logo o corte seja encontrado, todas as soluções alternativas de P, Q, R são descartadas

- Ao encontrar o corte, também será descartada a cláusula alternativa para a meta C

$C :- V.$

- Entretanto, *backtracking* ainda será possível entre a lista de metas S, T, U

# Controlando Backtracking

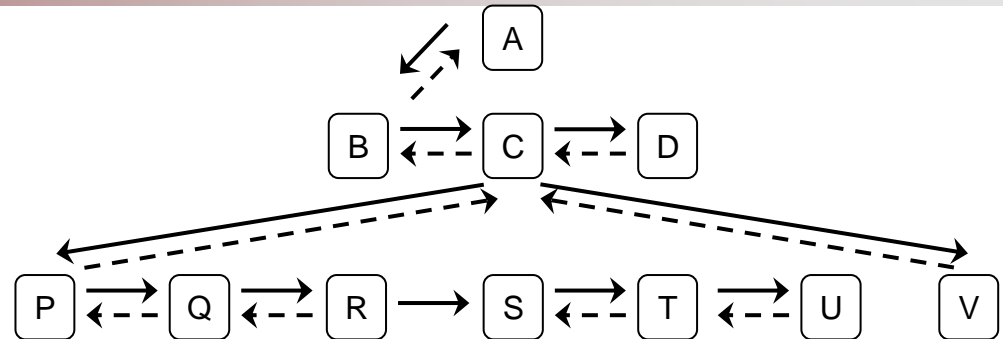
- Por exemplo

$C :- P, Q, R, !, S, T, U.$

$C :- V.$

$A :- B, C, D.$

$?- A.$



- A meta-pai da cláusula contendo o corte é a meta C (na árvore e) na cláusula

- $A :- B, C, D.$

- Portanto, o corte afetará apenas a execução da meta C; mas será 'invisível' de dentro da meta A: *backtracking* automático continuará a existir entre a lista de metas B, C, D apesar do corte dentro da cláusula usada para satisfazer C

# Negação por Falha

Exemplo 1: Suponha os seguintes fatos (BC):

`gosta(joao,peixe).`

`gosta(joao,maria).`

`gosta(maria,livro).`

`gosta(pedro,livro).`

`?- gosta(joao,dinheiro) .`

**no**

`?- gosta(maria,joao) .`

**no**

`?- gosta(maria,livro) .`

**yes**

`?- rei(joao,inglaterra) .`

**no**

# Negação por Falha

?- rei(joao,inglaterra) .

no

Como não exista nenhum fato na base sobre a relação “rei”, Prolog responde “no” (ou “false”) significando que nada foi encontrado que pudesse provar o que foi pedido

- “no” não é necessariamente o oposto da verdade nesse caso
- “no” significa “não foi possível provar”

# Negação por Falha

## ❑ Exemplo 2:

`?- humana(maria) .`

`no`

`?- \+ humana(maria) .`

`yes`

- ❑ A segunda resposta não deve ser entendida como ‘Maria não é humana’
- ❑ O que Prolog quer dizer é: ‘Não há informação suficiente no programa para provar que Maria é humana’
- ❑ Isto ocorre porque Prolog não tenta provar diretamente `\+humana(maria)`, mas sim o seu oposto `humana(maria)`. Se o oposto não pode ser provado, Prolog assume que a negação `\+humana(maria)` é verdadeira

# Negação por Falha

- ❑ O predicado `\+` é definido como:

```
\+(X) :-  
    X,  
    !,  
    fail.  
\+(X) .
```

- ❑ Ou, alternativamente, como:

```
\+(X) :-  
    X,  
    !,  
    fail;  
    true.
```

- ❑ Que é equivalente a:

```
\+(X) :-  
    (X, !, fail);  
    true.
```

# Negação por Falha

---

- ❑ Prolog trabalha com o conceito de mundo fechado
- ❑ O mundo é fechado no sentido que tudo o que existe está declarado no programa ou pode ser derivado do programa
- ❑ Assim, se algo não está no programa (ou não pode ser derivado dele) então ele é falso e, conseqüentemente, sua negação é verdadeira

# Negação por Falha

## ❑ Exemplo 3:

```
bom_padrao(jeanluis).  
caro(jeanluis).  
bom_padrao(francesco).  
razoavel(Restaurante) :-  
    \+ caro(Restaurante).
```

```
?- bom_padrao(X),  
    razoavel(X)
```

**X = francesco**

```
?- razoavel(X),  
    bom_padrao(X).
```

**no**

- ❑ A diferença entre ambas perguntas é que a variável `X` está, no primeiro caso, já instanciada quando `razoavel(X)` é executado, ao passo que `X` não está instanciada no segundo caso
- ❑ A dica geral é `\+ Meta` funciona com segurança se as variáveis em `Meta` estão todas instanciadas no momento em que `\+ Meta` é chamada; caso contrário pode-se obter resultados inesperados



# Negação por Falha

## ❑ Há diferença entre?

- `?- pertence(X, [a,b,c]) .`
- `?- \+ \+ pertence(X, [a,b,c]) .`

## ❑ Há uma tendência a dizer que não, por pensar do seguinte modo:

- `pertence(X, [a,b,c])` tem sucesso então
- `\+ pertence(X, [a,b,c])` falha, portanto
- `\+ \+ pertence(X, [a,b,c])` tem sucesso

## ❑ Isto está apenas em parte correto

# Negação por Falha

Isto é o que ocorre: `?- \+ \+ pertence(X, [a,b,c]) .`

- `pertence(X, [a,b,c])` é verdadeiro e instancia `X=a`
- Prolog tenta provar `\+ pertence(X, [a,b,c])` e falha (pois conseguiu provar o oposto)
- Quando uma cláusula falha, qualquer variável que se tornou instanciada através daquela cláusula torna-se livre
- Assim `X` torna-se uma variável livre
- Prolog tenta provar `\+ \+ pertence(X, [a,b,c])` e tem sucesso, mas `X` é uma variável livre
- Portanto, Prolog escreve a variável livre

```
?- pertence(X, [a,b,c]) .
```

```
X = a;
```

```
X = b;
```

```
X = c
```

```
?- \+ \+ pertence(X, [a,b,c]) .
```

```
X = _G390
```

# Predicados de Entrada e Saída

Estes predicados têm sucesso (são verdadeiros) uma única vez (não podem ser re-satisfeitos através de *backtracking*)

- **get\_char(X)**: é verdadeiro se X unifica com o próximo caractere encontrado na entrada atual
- **put\_char(X)**: escreve o caractere X na saída atual (um erro ocorre se X está livre); se X é número, ele é interpretado como posição de caractere conforme uma codificação – exemplo: tabela ASCII
- **read(X)**: lê um termo (objeto) da entrada e é verdadeiro se o termo lido unifica com X; o termo deve ser terminado por um ponto-final '.' que não faz parte do termo lido
- **write(X)**: escreve o termo X na saída; variáveis livres são numeradas de forma única e geralmente iniciam com um *underscore* '\_'
- **nl**: escreve um caractere de nova linha (*new line*)
- **tab(N)**: escreve N espaços em branco

# Predicados de Leitura de Arquivos

Estes predicados têm sucesso (são verdadeiros) uma única vez (não podem ser re-satisfeitos através de *backtracking*)

- **see(F)**: direciona a entrada de dados para o arquivo F, o qual pode conter uma base de fatos e regras
- **tell(F)**: direciona a saída de dados para o arquivo F
- **read(X)**: lê uma linha da entrada atual (um arquivo, se ele estiver aberto para leitura) e coloca em X
- **assert(X)**: coloca (escreve) o predicado X na base de fatos e regras
- **seen(F)**: fecha o arquivo F aberto para leitura
- **told(F)**: fecha o arquivo F aberto para escrita
- **end\_of\_file**: constante de fim de arquivo

# Exemplo

- ❑ Usando um programa com `pertence/2`, suponha que desejamos imprimir todas as soluções encontradas, sem precisar digitar `;`
- ❑ Podemos estender o programa do seguinte modo:

```
pertence(E, [E|_]).  
pertence(E, [_|T]) :-  
    pertence(E, T).  
mostra_todos(Lista) :-  
    pertence(X, Lista),  
    write('elemento '),  
    write(X),  
    nl,  
    fail.
```

```
?- mostra_todos([a,b,c]).  
elemento a  
elemento b  
elemento c  
no
```

# Exemplo

- ❑ Embora o programa tenha impresso todos os elementos da lista, ele falha
- ❑ Uma forma de garantir que o programa tenha sucesso ao terminar é dada na versão ao lado

```
pertence(E, [E|_]).  
pertence(E, [_|T]) :-  
    pertence(E,T).  
mostra_todos(Lista) :-  
    pertence(X,Lista),  
    write('elemento '),  
    write(X),  
    nl,  
    fail.  
mostra_todos(_).
```

```
?- mostra_todos([a,b,c]).  
elemento a  
elemento b  
elemento c  
yes
```

# Predicados Adicionais

- ❑ **findall(Vars,Meta,L)** constrói uma lista L consistindo de todos os objetos Vars tais que a Meta é satisfeita

As variáveis não declaradas em Vars que estão em Meta são consideradas existencialmente quantificadas (“já existem”)

- ❑ Exemplo

```
idade(pedro,7).
```

```
idade(ana,5).
```

```
idade(alice,8).
```

```
idade(tomaz,5).
```

```
?- findall(Crianca,idade(Crianca,Idade),L).
```

```
L = [pedro,ana,alice,tomaz]
```

```
?- findall([Crianca,Idade],idade(Crianca,Idade),L).
```

```
L = [[pedro,7], [ana,5], [alice,8], [tomaz,5]]
```

```
?- findall([Crianca,Idade],  
          (idade(Crianca,Idade),Idade>5),L).
```

```
L = [[pedro,7], [alice,8]]
```

# Predicados Adicionais

- ❑ **bagof(Vars,Meta,L)** constrói uma lista L consistindo de todos os objetos Vars tais que a Meta é satisfeita  
As variáveis não declaradas em Vars que estão em Meta **não** são consideradas existencialmente quantificadas (“não existem”).  
Devem ser declaradas explicitamente na Meta

- ❑ Exemplo

```
idade(pedro,7) .  
idade(ana,5) .  
idade(alice,8) .  
idade(tomaz,5) .  
?- bagof(Crianca,idade(Crianca,Idade),L) .  
Idade = 5,  
L = [ana, tomaz];  
Idade = 7,  
L = [pedro];  
Idade = 8,  
L = [alice].
```



# Predicados Adicionais

- ❑ **bagof(Vars,Meta,L)** constrói uma lista L consistindo de todos os objetos Vars tais que a Meta é satisfeita  
As variáveis não declaradas em Vars que estão em Meta **não** são consideradas existencialmente quantificadas (“não existem”).  
Devem ser declaradas explicitamente na Meta

- ❑ **Exemplo**

```
idade(pedro,7) .
```

```
idade(ana,5) .
```

```
idade(alice,8) .
```

```
idade(tomaz,5) .
```

```
?- bagof(Crianca,Idade^idade(Crianca,Idade),L) .
```

```
L = [pedro, ana, alice, tomaz] .
```

# Predicados Adicionais

- ❑ **setof(Vars,Meta,L)** constrói uma lista L consistindo de todos os objetos Vars tais que a Meta é satisfeita
  - As variáveis não declaradas em Vars que estão em Meta **não** são consideradas existencialmente quantificadas (“não existem”). Devem ser declaradas explicitamente na Meta
  - Ordena e elimina repetições

## ❑ Exemplo

```
idade(pedro,7).
```

```
idade(ana,5).
```

```
idade(alice,8).
```

```
idade(tomaz,5).
```

```
?- setof(Crianca,Idade^idade(Crianca,Idade),L).
```

```
L = [alice, ana, pedro, tomaz].
```

---

Slides baseados em:

Bratko, I.;

*Prolog Programming for Artificial Intelligence*,  
3rd Edition, Pearson Education, 2001.

Clocksin, W.F.; Mellish, C.S.;

*Programming in Prolog*,  
5th Edition, Springer-Verlag, 2003.

Programas Prolog para o  
Processamento de Listas e Aplicações,  
Monard, M.C & Nicoletti, M.C., ICMC-USP, 1993

Material elaborado por José Augusto Baranauskas  
Adaptado por Huei Diana Lee