通识核心课程介绍

随机模拟方法与应用

主讲人: 肖柳青 博士 副教授

上海交通大学 数学科学学院 数学系 二零一八年七月



教学设计

本课程宗旨: 立足前沿、追求卓越、开阔视野



- 2 教学方法
- 3 教学内容
- 4 考核方法



1、课程目标

有什么样的人才,交大就有什么样的竞争力,就有什么样的未来!

- ❖ 科学的发展离不开数学,但数学的应用以往是需要高超技能的。现代计算机技术的高速发展为数学的应用提供了另一条途径,不但将人们从困难、繁琐、耗时的数学计算中解放了出来,还展现出可能超越人类的智能水平!
- ❖ 课程的重要性对于理工科大学生来说毋庸置疑,对于文科生也是很有用的! 当前,文理学科的交叉研究已成趋势,十分活跃;另一方面,科学发展引发 了诸多伦理与社会层面的思考,缺乏有关的通识,就无从开展讨论与研究!
- 课程目标: 旨在普及与熏陶一种重要数学研究方法, 树学科交叉研究之风格, 育应用型科技人才之能力, 厚植交大的科研原创之优势。
- 把握科学的前沿,与时俱进推进数学教学改革是我们时代的责任,让基于电脑的这种数学方法成为通识!

课程创新点

本课程不同于传统的数学教学主要体现在以下几点:

- 1. 没有抽象概念,不做演算求解,无需证明技巧!
- 2. 不再是"一叠纸+一支笔"的学习,而只要一台电脑!
- 3. 依托数学软件,以定量描述性建模为基础,以实际问题为导向的案例型 学习方式!
- 4. 培养学生提出问题,建模分析,解决问题的创新型研究能力,尤其注重 实践能力!
- 5. 多学科交融,拓展知识,学以致用!
- 6. 研究问题是复杂的、建模方式是简单的、应用方面是广阔的、研究方法 是高效的!

融通各学科 学识之方法 授课多解惑 编程看世界

2、教学方法

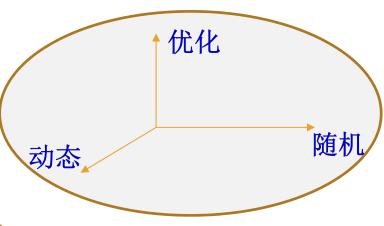
◆3个结合

数学思维 + 数学软件 建模方法

+

案例分析

蒙特卡罗 + 机器学习 ◆3维定位法



◆各方面的应用

生活 + 金融 + 物理 + 复杂系统 + 人工智能+•••

> 研究步骤

- 1. 建模描述,
- 2. 模拟实验,
- 3. 结果分析。



主题	内容	设计理念或视角	
第1章 绪论: 初识随机模拟与机器学 习	什么是随机模拟? 五个例子:蒲丰投针法求圆周率;积分计算问题;围棋阿尔法狗问题;量化金融问题;电 池问题。	用引人入胜的例子引出概念介绍。	
第2章 懂点概率论: 领会描述随机性的数学 语言	直观地理解概率的公理定义及性质、随机变量与概率分布、 随机变量的数字特征、随机变量的变换、大数定律等。	通俗讲解预备知识, 以求零起点。	
第3章 善用身边的数学秘书: 学会使用MATLAB,R软件	R和Matlab语言的快速入门: R和Matlab的基本操作;常用 函数介绍;作图方法;程序设 计初步;演示精彩有趣的小例 子。	让数学软件成为像 "计算器"那样的 学习助手。	



主题	内容	设计理念或视角
第4章 让电脑玩掷骰子: 随机数的生成方法	随机数的生成,离散型及 连续型概率分布的产生, R和Matlab语言的实现方 法。	借助计算机来初识随机模拟方法。
第5章 掷骰子的进阶: 特殊分布随机数的抽样	逆变换法;接受-拒绝法; 非独立样本的数学处理方 法。	让学生明了随机模 拟方法的思想精髓。
第6章 神奇的Markov链: 蒙特卡罗方法及其应用	Markov链; MCMC抽样方法; 为什么Metropolis算法能 有效工作? 应用例子: 统计力学中的 伊辛模型。	赏析世界10大算法 之首的MCMC的思想 理念及其应用。



主题	内容	设计理念或视角	
第7章 机器学习之魂: 回归学习及其应用	线性回归;核回归;广义回归;时间序列等及其R语言实现。 案例:河流的流量预测;股市价格预测;乳腺癌例的筛选分类模型。	认识统计建模的宠儿。	
第8章 人工智能: 支持向量机和神经 网络	SVM和ANN的基本思路;线性可分与广义线性可分性;R 的实现方法。 案例:天猫成交顾客的预测据。	试用一下机器学习的利器。	
第9章 无师自通: 聚类分析方法	系统聚类法; K-Means聚类; PAM聚类; 层次聚类EM聚类。 案例: 环境污染的区域划分。	懂得怎样做归类分析。	



主题	内容	设计理念或视角
第10章 不落俗套: 蒙特卡罗优化方法	模拟退火法;遗传算法。案例:旅行商问题的求解。	让艰难的优化计算成 为简单。
第11章 模拟醉汉行走: 随机游走模型	布朗运动与扩散现象; 随机游走的案例一:金融 期权定价; 随机游走案例二:赌徒的 破产。	使草根也学会做金融 分析。
第12章 随机模拟无极限: 探索复杂性问题方法	元胞自动机模型;交通模拟;股市模拟;社会舆论的Sznajd模型;渗流模型;复杂网络模型。	让研究复杂性问题成 为乐趣。

4、考核要求



- ① 期末考试(50%): 开卷考试,有关基本理论与方法;
- ② 大作业(40%): 可3-5人组队,撰写1篇至少2000字左右的符合规格的小论文;
- ③ 平时成绩(10%):考勤、课堂表现与参与。

课程特色与已有的基础



课程教学平台网址: http://cc.sjtu.edu.cn/G2S/site/preview#/home/v?currentoc=7367

mooc平台网址: http://www.cnmooc.org/portal/course/70/147.mooc

