LABORATÓRIO - 2018 DCTA - ITA - IEC

Objetivo: Implementar algoritmo aproximativo para o *Problema do Caixeiro Viajante*.

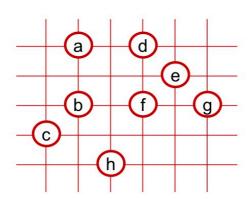
Descrição

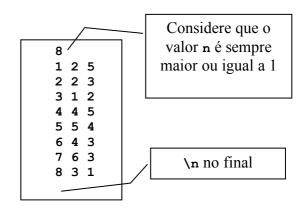
O *Problema do Caixeiro Viajante* (*Travelling Salesman Problem*) é um conhecido problema de combinatória, que pode ser formulado da seguinte maneira: dadas n cidades e as distâncias entre elas, qual é o menor ciclo possível que passe por todas? Este problema tem grande importância na Teoria de Computação: é NP-Difícil, ou seja, não se conhece nenhuma resolução de tempo polinomial em n.

No entanto, há um conhecido algoritmo aproximativo de tempo polinomial em n para este problema, que encontra uma solução cujo valor é menor que o dobro da solução ótima. Para que este algoritmo possa ser aplicado, algumas condições são necessárias:

- a) O grafo referente às cidades deve ser completo, ou seja, sempre há um caminho entre qualquer par de cidades.
 - b) As distâncias entre os vértices são euclideanas.

Vamos descrever este algoritmo através de um exemplo. Considere o mapa abaixo, com n = 8, e o seu arquivo de entrada:

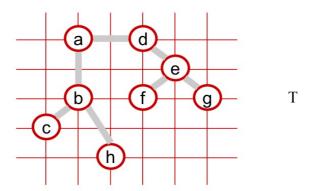




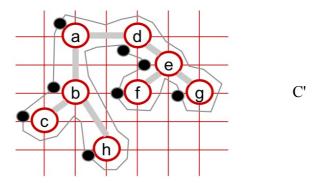
Seu programa deverá ler o arquivo de entrada e gerar o correspondente grafo completo. Repare que os vértices serão sempre representados por números de 1 a n. Lembre-se também de que, a partir das coordenadas de cada par de vértices, será preciso calcular a distância entre eles. Para evitar divergências no arredondamento, a distância deverá ser um valor inteiro. Considerando os vértices i e j, a distância dij entre eles deverá ser calculada do seguinte modo, onde a função nint(x) deve ser calculada como (int) (x + 0.5):

```
xd = x[i] - x[j];
yd = y[i] - y[j];
dij = nint( sqrt( xd*xd + yd*yd) );
```

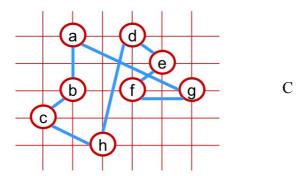
Em seguida, você deverá encontrar a *árvore geradora de custo mínimo* deste grafo, apresentado no Capítulo 9 do nosso curso. No exemplo anterior, veja a árvore correspondente, que chamaremos de T:



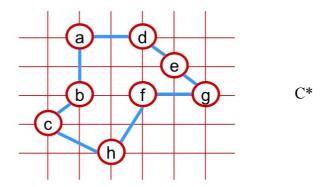
Uma possível solução para o *Problema do Caixeiro Viajante* pode ser obtida através de um ciclo C' ao redor de T, onde cada aresta dessa árvore é percorrida duas vezes. Veja na figura abaixo como seria C' calculado a partir da cidade a, (os pontos negros indicam a primeira vez que cada vértice é visitado):



Repare que o ciclo C' pode ser encontrado a partir de um percurso pré-ordem em T. Por outro lado, esta solução pode ser melhorada evitando-se arestas que incidam em vértices já visitados, ou seja, incluem-se apenas arestas para o próximo vértice ainda não visitado. Veja abaixo como ficaria o novo ciclo calculado, chamado de C, que pode ser construído a partir de C' e dos pontos negros:



Este ciclo C é a nossa solução aproximada. Como foi dito, não há nenhuma garantia de que seja ótima. Para este exemplo, o ciclo de custo mínimo C* está indicado na figura abaixo:



No entanto, é possível demonstrar uma importante propriedade da solução C. Lembrando:

- T: árvore de espalhamento de custo mínimo
- C': ciclo ao redor de T, com repetição de arestas
- C: ciclo baseado em C', sem repetição de arestas
- C*: ciclo de custo mínimo

Seja c(G) o custo associado a um grafo G. Se removermos uma aresta qualquer do ciclo mínimo C*, obteremos uma árvore de espalhamento. Portanto, $c(T) < c(C^*)$.

Em C', cada aresta de T ocorre exatamente 2 vezes. Logo, $c(C) \le c(C') = 2.c(T)$, ou seja, $c(C) \le 2.c(C^*)$. Em outras palavras, a solução C não é necessariamente ótima, mas seu custo é sempre menor que o dobro da solução ótima.

Entrada

Seu programa deverá ler do *console* um número inteiro positivo m, onde $1 \le m \le 99$. Em seguida, deverá ler automaticamente m arquivos de entrada, presentes no mesmo diretório em que seu programa foi compilado, cujos nomes são ent01.txt, ent02.txt, ..., entm.txt, considerando m com exatamente dois dígitos decimais.

Cada um desses m arquivos terá o seguinte formato:

- a) Primeira linha: um número n de cidades.
- b) Próximas $\mathbf n$ linhas: são formadas por 3 valores. O primeiro valor é um inteiro positivo i, onde $1 \le i \le \mathbf n$, sem repetição, que é o índice de cada cidade. Na frente de i, há dois valores reais, que correspondem às coordenadas x[i] e y[i].

Seu programa deverá representar cada uma dessas entradas através de um <u>grafo não orientado</u>, utilizando listas ou matrizes de adjacências, como visto em sala de aula. Caso deseje armazená-los como listas de adjacências, utilize, por exemplo, a seguinte estrutura de dados (vertices é um vetor alocado dinamicamente):

```
struct CelAdj {
   int vert;
   int distancia;
   CelAdj *prox;
};
struct CelVert {
   CelAdj *listaAdj;
};
struct grafo {
   int nvert;
   CelVert *vertices;
};
```

Importante:

- Nos grafos não orientados, lembre-se de que cada aresta deve estar presente na lista de adjacências de ambos os vértices incidentes.
- Cuidado para não "estourar" a memória ao longo da bateria de m testes. Para isso, utilize uma forma adequada de alocação, cada vez que for necessário criar um novo grafo.

Saída

Seu programa deverá <u>gerar um único arquivo</u> saida. txt com exatamente m linhas, onde na linha $i, 1 \le i \le m$, estará apenas um número inteiro positivo correspondente ao valor da solução encontrada para a entrada enti. txt.

Importante

- Não é necessário verificar a consistência dos dados de entrada: você pode supor que cada arquivo de entrada seguirá perfeitamente a estrutura indicada acima.
- O processo de correção consistirá na submissão automática do seu programa a essa bateria de m testes. Por isso, a formatação de entrada e de saída deve ser obedecida rigorosamente.
- Para que todos os alunos encontrem a mesma solução em cada teste, serão estabelecidas as seguintes regras:
 - O vértice 1 será sempre a raiz da árvore T.
 - O T deverá ser encontrada através do algoritmo de *Prim*. Em cada passo deste algoritmo, o novo vértice a ser incluído será o mais próximo de T, dentre aqueles que ainda não pertencem a T. Em caso de empate, será escolhido o que for adjacente ao vértice de menor índice em T. Em caso de novo empate, será escolhido o vértice de menor índice.
 - Na sequência de visitas em T que gera o circuito C', sempre será dada prioridade ao vizinho mais próximo. Se houver vizinhos com a mesma distância, o desempate será através do menor índice.
- Seu programa deverá estar escrito necessariamente em linguagem C++ ou C, e será compilado pelo *CodeBlocks*.
- Ele deverá estar em um único arquivo de código fonte, chamado TSP.cpp. Para entrada e saída, use a biblioteca stdio.h (e não conio.h).
- No programa principal, escreva int main (e não void main).
- Atenção com o prazo de entrega, indicado abaixo. <u>Será descontado 1 ponto da nota</u> por dia de atraso.
- Sugestão: não deixe para fazer seu *upload* no último momento, pois sempre há o risco de falta de energia elétrica, o que impossibilitaria o funcionamento do Tidia.

Entrega (através do TIDIA)

• Prazo impreterível: 20 de junho, quarta-feira, às 23h55.