

s3.

我们把 b 分段, 分成 m 个线段 (l_i, r_i, v_i) (表示 $[l, r]$ 都为 v) 有解仅当, v 是 a 的子序列, 因为两个的位置不能交换 (详见第二个样例)。

可以得到一个 p_i 满足 $a_{p_i} = v_i$, p_i 是一个递增序列。

然后我们如果使得 $p_i \geq r_i$, 我们就可以按照左端点的顺序来依次向左覆盖, 因为 $p_i > r_i$ 的部分会被下一个盖住!

所以我们只要尽量在第一次操作使得 $p_i \geq r_i$ 即可!

首先可以有一个初步的想法, 是将 p_i 向右覆盖到 $n - m + i$ 。(也就是把这些值都放到 $n - m \dots n - 1$) 这样一定可以用 m 次操作使得 $p_i \geq r_i$, 发现这样可能会超次数!

但是发现我们只需要把 $p_i \geq r_i$ 这个条件满足了就好。

倒着考虑 (这样不会影响做过的操作) :

- $p_i \geq r_i$, 不做任何操作
- $l_i < p_i < r_i$, 那么我覆盖 $[p_i, r_i]$ 。
- $p_i \leq l_i$, 覆盖 $[p_i, r_i]$, 并且 $[p_i, l_i)$ 的部分会被下一个覆盖掉, 所以这个做完之后就直接在下次操作就不做了! (更好理解的, 就是 $p_{i-1} < p_i \leq l_i$, 也就是一定会进行操作 $[p_{i-1}, r_{i-1} = l_i - 1]$ 。

下面是分析次数, 题目要求小于等于 N 次。

- 如果 $p_i \geq r_i$, 那么只需要最后的操作一次。
- 如果 $l_i < p_i < r_i$, 那么需要两次, 但是区间长度大于等于 3。(最开始向右, 后来向左)
- 如果 $p_i \leq l_i$, 按照上面的分析, 只会在最开始的时候操作一次。

通过区间长度以及对应的操作次数来分析, 操作次数已经严格小于序列长度 N 了, 可以通过本题。

s4.

- 提示: 先考虑一棵树怎么做, 不能存在任何一条灰边!
- 考虑一个连通块必有一颗生成树。生成树上两点的路径是唯一的, 所以我们只需要对每个连通块拉出来一个生成树, 对这个生成树的边染色即可, 也就是说, 这样可以符合每一个不在生成树上的边都有一条路径是颜色交替的! 这样可以符合条件。
- 至于最小化, 我们要说明这个是最小染色数量。考虑删掉任何一条生成树的边 (试图减小染色数量), 这样会导致那条边是灰色的, 并且他们之间并不能通过颜色交替的边到达, 因为染色过的边已经被断开了! 至此我们证明了这是答案的下界!

所以我们只需要对每个连通块找一颗生成树然后交替染色即可, 其余边都是灰边。