## Bundesministerium Bildung, Wissenschaft und Forschung

## Weihnachtsmarkt\*

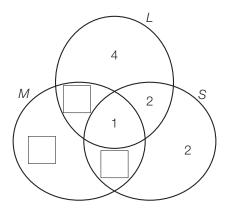
Aufgabennummer: B\_479

Technologieeinsatz:

möglich ⊠

erforderlich

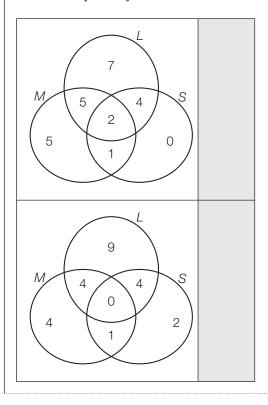
- a) Auf einem Weihnachtsmarkt werden Lebkuchensterne, Marmelade und Socken verkauft. Während des ersten Tages wurden 25 Personen bedient. Jede dieser Personen kaufte mindestens ein Produkt.
  - L... Menge der Personen, die Lebkuchensterne kauften
  - M... Menge der Personen, die Marmelade kauften
  - S... Menge der Personen, die Socken kauften
  - 6 Personen kauften sowohl Marmelade als auch Lebkuchensterne, aber keine Socken.
  - 8 Personen kauften Socken.
  - 1) Vervollständigen Sie das nachstehende Venn-Diagramm durch Eintragen der fehlenden Werte in die dafür vorgesehenen Kästchen.
  - 2) Markieren Sie im nachstehenden Venn-Diagramm die Menge ( $L \cap S$ )\M.
  - 3) Beschreiben Sie die Menge  $(L \cap S) \setminus M$  im gegebenen Sachzusammenhang.



<sup>\*</sup> ehemalige Klausuraufgabe

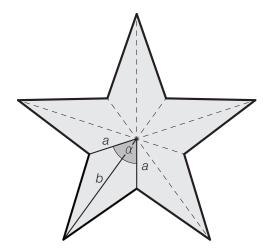
Auch für die folgenden Tage wurden Venn-Diagramme erstellt.

4) Ordnen Sie den beiden Venn-Diagrammen jeweils die passende Aussage aus A bis D zu. [2 zu 4]



А	Es gab mehr Personen, die genau 2 verschiedene Produkte kauften, als Personen, die nur Lebkuchensterne kauften.
В	Es gab gleich viele Personen, die sowohl Socken als auch Lebkuchen- sterne kauften, wie Personen, die nur Marmelade kauften.
С	Es gab mehr Personen, die alle 3 Produkte kauften, als Personen, die nur Marmelade kauften.
D	Es gab weniger Personen, die sowohl Lebkuchensterne als auch Socken kauften, als Personen, die sowohl Mar- melade als auch Socken kauften.

b) In der nachstehenden Abbildung ist eine Ausstechform für Lebkuchensterne dargestellt. Es handelt sich dabei um einen regelmäßigen 5-zackigen Stern.



Zur Berechnung der Länge einer Strecke x wird folgender Ausdruck aufgestellt:

$$X = \sqrt{a^2 + a^2 - 2 \cdot a \cdot a \cdot \cos(\alpha)}$$

1) Zeichnen Sie in der obigen Abbildung die Strecke x ein.

Für eine bestimmte Ausstechform gilt:

a = 2 cm

b = 5 cm

 $\alpha = 72^{\circ}$ 

- 2) Berechnen Sie den Flächeninhalt eines mit dieser Ausstechform ausgestochenen Lebkuchensterns.
- c) Aus einem Teig werden mit einer Ausstechform Lebkuchenherzen ausgestochen. Der Flächeninhalt eines solchen Lebkuchenherzens beträgt *A* (in cm²), die Dicke beträgt *d* (in cm).

  N Lebkuchenherzen haben insgesamt ein Volumen V (in cm³).



1) Erstellen Sie aus A, V und d eine Formel zur Berechnung von N.

Λ/ —

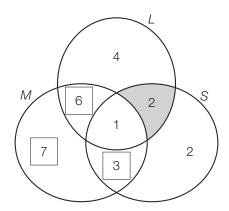
d) Jemand beobachtete auf dem Weihnachtsmarkt das Kaufverhalten und bestimmte die folgenden Wahrscheinlichkeiten:

Anzahl <i>n</i> der Marmeladegläser	Wahrscheinlichkeit für den Kauf von n Marmeladegläsern pro Person
0	0,24
1	0,38
2	0,16
3	0,12
4	
≥ 5	0

- 1) Vervollständigen Sie die obige Tabelle durch Eintragen des fehlenden Wertes.
- 2) Berechnen Sie den Erwartungswert für die Anzahl der gekauften Marmeladegläser pro Person.

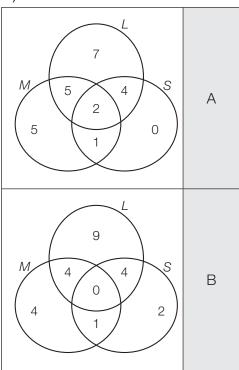
## Möglicher Lösungsweg

a1 und a2)



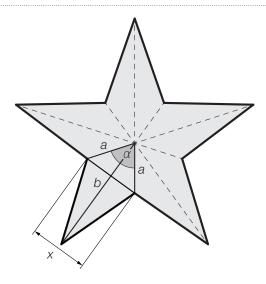
a3)  $(L \cap S) \setminus M$  beschreibt die Menge aller Personen, die sowohl Lebkuchensterne als auch Socken, aber keine Marmelade kauften.

a4)



А	Es gab mehr Personen, die genau 2 verschiedene Produkte kauften, als Personen, die nur Lebkuchensterne kauften.
В	Es gab gleich viele Personen, die sowohl Socken als auch Lebkuchensterne kauften, wie Personen, die nur Marmelade kauften.
С	Es gab mehr Personen, die alle 3 Produkte kauften, als Personen, die nur Marmelade kauften.
D	Es gab weniger Personen, die sowohl Lebkuchensterne als auch Socken kauften, als Personen, die sowohl Mar- melade als auch Socken kauften.

b1)



**b2)** 
$$10 \cdot \frac{a \cdot b}{2} \cdot \sin(\frac{\alpha}{2}) = 10 \cdot \frac{2 \cdot 5}{2} \cdot \sin(36^{\circ}) = 29,38...$$

Der Flächeninhalt beträgt rund 29,4 cm<sup>2</sup>.

c1) 
$$N = \frac{V}{d \cdot A}$$

d1)

Anzahl <i>n</i> der Marmeladegläser	Wahrscheinlichkeit für den Kauf von n Marmeladegläsern pro Person
0	0,24
1	0,38
2	0,16
3	0,12
4	0,1
≥ 5	0

**d2)** 
$$0 \cdot 0.24 + 1 \cdot 0.38 + 2 \cdot 0.16 + 3 \cdot 0.12 + 4 \cdot 0.1 = 1.46$$

Der Erwartungswert für die Anzahl der gekauften Marmeladegläser pro Person beträgt 1,46.

## Lösungsschlüssel

- a1) 1 × A: für das richtige Vervollständigen des Venn-Diagramms
- a2) 1 × C1: für das richtige Markieren
- a3) 1 x C2: für das richtige Beschreiben im gegebenen Sachzusammenhang
- a4) 1 × C3: für das richtige Zuordnen
- b1) 1 × A: für das richtige Einzeichnen von x in einer beliebigen Zacke
- b2) 1 x B: für das richtige Berechnen des Flächeninhalts
- c1) 1 × A: für das richtige Erstellen der Formel
- d1) 1 × A: für das richtige Vervollständigen der Tabelle
- d2) 1 x B: für das richtige Berechnen des Erwartungswerts