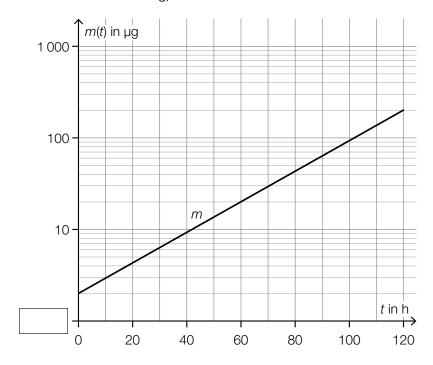
#### Bundesministerium Bildung, Wissenschaft und Forschung



## Pilzkultur

- a) Die Masse einer bestimmten Pilzkultur kann während der ersten 120 Stunden nach Beobachtungsbeginn näherungsweise durch die Funktion m in Abhängigkeit von der Zeit t beschrieben werden.
  - t ... Zeit nach Beobachtungsbeginn in h m(t) ... Masse der Pilzkultur zur Zeit t in  $\mu g$

Der Graph der Funktion m ist in einem ordinatenlogarithmischen Koordinatensystem eine Gerade (siehe nachstehende Abbildung).



1) Tragen Sie die fehlende Zahl in das dafür vorgesehene Kästchen ein.

[0/1 P.]

2) Kreuzen Sie die Gleichung der Funktion m an, deren Graph in der obigen Abbildung dargestellt ist. [1 aus 5] [0/1 P.]

$m(t) = a \cdot t^2 + b$	
$m(t) = a \cdot b^t$	
$m(t) = a \cdot t^b$	
$m(t) = a \cdot \sin(b \cdot t)$	
$m(t) = a \cdot \lg(t) + b$	

3) Berechnen Sie die Parameter a und b der Funktion m.

[0/1 P.]

#### Bundesministerium Bildung, Wissenschaft und Forschung



b) Die momentane Änderungsrate der Masse einer bestimmten Pilzkultur kann für einen bestimmten Zeitraum durch die nachstehende Differenzialgleichung beschrieben werden.

$$\frac{\mathrm{d}m}{\mathrm{d}t} = a - \lambda \cdot m$$

t ... Zeit nach Beobachtungsbeginn in h

m(t) ... Masse der Pilzkultur zur Zeit t in  $\mu g$ 

 $a, \lambda \dots$  positive Konstanten

1) Geben Sie die zugehörige homogene Differenzialgleichung an.

[0/1 P.]

Jemand behauptet, dass  $m(t) = a \cdot e^{-\lambda \cdot t}$  eine Lösung der Differenzialgleichung  $\frac{\mathrm{d}m}{\mathrm{d}t} = a - \lambda \cdot m$  ist.

2) Überprüfen Sie nachweislich, ob diese Behauptung richtig ist.

[0/1 P.]

Eine Lösung dieser Differenzialgleichung für eine bestimmte Anfangsbedingung bei t=0 lautet:

$$m(t) = 1000 - 998 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

3) Geben Sie diese Anfangsbedingung an.

[0/1 P.]

Jemand berechnet:  $\frac{1}{t_2 - t_1} \cdot \int_{t_1}^{t_2} m(t) dt = 400 \ \mu g$ 

- 4) Interpretieren Sie das Ergebnis der obigen Berechnung im gegebenen Sachzusammenhang.

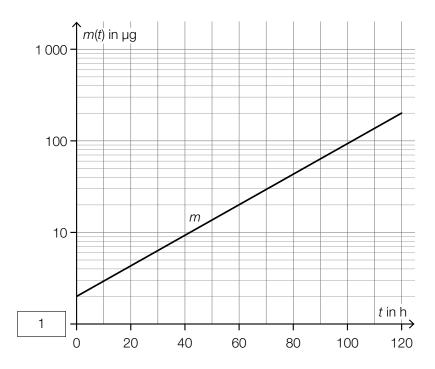
  [0/1 P.]
- c) Zu Beginn der Beobachtung beträgt die Masse einer bestimmten Pilzkultur 1,4 g. Jeden Tag verdoppelt sich die Masse dieser Pilzkultur.
  - 1) Berechnen Sie, nach wie vielen Tagen nach Beginn der Beobachtung die Masse dieser Pilzkultur erstmals mehr als 7 kg beträgt. [0/1 P.]

## Bundesministerium Bildung, Wissenschaft und Forschung

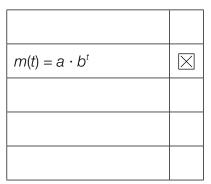
# SRDP Standardisierte Reife- und Diplomprüfung

# Möglicher Lösungsweg

a1)



a2)



a3) Einsetzen von (0|2) und (120|200):

$$2 = a \cdot b^0$$
$$200 = a \cdot b^{120}$$

$$a = 2$$
  
 $b = 1,0391...$ 

- a1) Ein Punkt für das Eintragen der richtigen Zahl.
- a2) Ein Punkt für das richtige Ankreuzen.
- a3) Ein Punkt für das richtige Berechnen der Parameter a und b.

#### Bundesministerium

Bildung, Wissenschaft und Forschung



**b1)** 
$$\frac{\mathrm{d}m}{\mathrm{d}t} = -\lambda \cdot m$$

b2) 
$$m'(t) = -\lambda \cdot a \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$
  
 $-\lambda \cdot a \cdot e^{-\lambda \cdot t} = a - \lambda \cdot a \cdot e^{-\lambda \cdot t}$   
 $0 = a$ 

Die Behauptung ist falsch.

**b3)** 
$$m(0) = 2$$

- b4) Die durchschnittliche Masse der Pilzkultur im Zeitintervall [ $t_1$ ;  $t_2$ ] beträgt 400 µg.
- b1) Ein Punkt für das Angeben der richtigen homogenen Differenzialgleichung.
- b2) Ein Punkt für das richtige nachweisliche Überprüfen.
- b3) Ein Punkt für das Angeben der richtigen Anfangsbedingung.
- b4) Ein Punkt für das richtige Interpretieren im gegebenen Sachzusammenhang.

**c1)** 
$$7000 = 1,4 \cdot 2^t$$
  $t = 12,28...$ 

Nach rund 12,3 Tagen beträgt die Masse der Pilzkultur erstmals mehr als 7 kg.

c1) Ein Punkt für das richtige Berechnen.