

# Obligatorisk Innlevering 10

Eirik Isene

29. oktober 2013

## Oppgave 17.9

- a)  $R^M = \{\langle 1, 1 \rangle, \langle 1, 2 \rangle, \langle 2, 1 \rangle, \langle 2, 2 \rangle\}$
- b)  $R^M = \{\langle 1, 1 \rangle, \langle 1, 2 \rangle\}$
- c)  $R^M = \{\langle 1, 2 \rangle, \langle 2, 1 \rangle\}$
- d)  $R^M = \{\langle 1, 2 \rangle, \langle 1, 1 \rangle, \langle 2, 2 \rangle\}$

## Oppgave 17.12

### Oppgave a)

Vis at  $Pa \vee Pb \rightarrow \exists x Px$  er gyldig

Ved motsigelsesbevis:

1. Vi prøver å gjøre  $Pa \vee Pb \rightarrow \exists x Px$  usann
2. Det medfører at  $Pa \vee Pb$  må være sann
3. Det medfører at  $Pa$  er sann, eller at  $Pb$  er sann
4. Det medfører at det finnes en  $x$  som gjør  $Px$  sann
5. Det medfører at hele formelen er sann, ergo er den ikke falsifiserbar, men gyldig.

### Oppgave b)

Vis at  $\forall x Px \rightarrow Pa \wedge Pb$  er gyldig

Ved motsigelsesbevis:

1. Vi prøver å gjøre  $\forall x Px \rightarrow Pa \wedge Pb$  usann
2. Det medfører at  $\forall x Px$  må være sann
3. Det medfører at  $Pa$  er sann og  $Pb$  er sann
4. Det medfører at  $Pa \wedge Pb$  er sann
5. Det medfører at hele formelen er sann ergo er den ikke falsifiserbar, men gyldig.