

# Верификация асимптотической оценки временной сложности в задачах динамического программирования

Григорянц Сергей Арменович

Московский физико-технический институт  
Физтех-школа Прикладной Математики и Информатики  
Кафедра дискретной математики

Научный руководитель: Дашков Евгений Владимирович

27 июня 2021 г.

# Постановка задачи

Цель работы

# Постановка задачи

## Цель работы

- Исследование методов формальной верификации корректности и асимптотики алгоритмов.

# Постановка задачи

## Цель работы

- Исследование методов формальной верификации корректности и асимптотики алгоритмов.
- Применение исследованных методов на примере верификации алгоритма динамического программирования LCS.

# Зачем нужна формальная верификация?

## Сферы применения

# Зачем нужна формальная верификация?

## Сферы применения

- Аппаратное обеспечение – Intel [2].

# Зачем нужна формальная верификация?

## Сферы применения

- Аппаратное обеспечение – Intel [2].
- Криптография – Scilla [5], CertiK [6].

# Зачем нужна формальная верификация?

## Сферы применения

- Аппаратное обеспечение – Intel [2].
- Криптография – Scilla [5], CertiK [6].
- Критическое ПО – CompCert [4], seL4 [3].



# Зачем нужна формальная верификация?

## Сферы применения

- Аппаратное обеспечение – Intel [2].
- Криптография – Scilla [5], CertiK [6].
- Критическое ПО – CompCert [4], seL4 [3].
- Медицина, банковское дело, транспортные технологии, и т.д.

# Что бывает, если не верифицировать ПО

## Истории неудач

# Что бывает, если не верифицировать ПО

## Истории неудач

- Сорвалась миссия НАСА Mars Climate Orbiter.

# Что бывает, если не верифицировать ПО

## Истории неудач

- Сорвалась миссия НАСА Mars Climate Orbiter.
- Ненадлежащее тестирование Лондонской службы скорой помощи привело к гибели людей.

# Что бывает, если не верифицировать ПО

## Истории неудач

- Сорвалась миссия НАСА Mars Climate Orbiter.
- Ненадлежащее тестирование Лондонской службы скорой помощи привело к гибели людей.
- Самолет Airbus A320 разбился на демонстрационном полете из-за ошибке в софте.

# Что бывает, если не верифицировать ПО

## Истории неудач

- Сорвалась миссия НАСА Mars Climate Orbiter.
- Ненадлежащее тестирование Лондонской службы скорой помощи привело к гибели людей.
- Самолет Airbus A320 разбился на демонстрационном полете из-за ошибки в софте.
- Много страшных историй: [1]



- Coq – программное средство доказательства теорем.



- Coq – программное средство доказательства теорем.
- Coq основан на теории типов (Исчисление Индуктивных Конструкций, Calculus of Inductive Constructions, CIC)

- Coq – программное средство доказательства теорем.
- Coq основан на теории типов (Исчисление Индуктивных Конструкций, Calculus of Inductive Constructions, CIC)
- CIC способна представлять:

- Coq – программное средство доказательства теорем.
- Coq основан на теории типов (Исчисление Индуктивных Конструкций, Calculus of Inductive Constructions, CIC)
- CIC способна представлять:
  - ▶ Функциональные программы в стиле ML.

- Coq – программное средство доказательства теорем.
- Coq основан на теории типов (Исчисление Индуктивных Конструкций, Calculus of Inductive Constructions, CIC)
- CIC способна представлять:
  - ▶ Функциональные программы в стиле ML.
  - ▶ Доказательства в логике высшего порядка.

- Coq – программное средство доказательства теорем.
- Coq основан на теории типов (Исчисление Индуктивных Конструкций, Calculus of Inductive Constructions, CIC)
- CIC способна представлять:
  - ▶ Функциональные программы в стиле ML.
  - ▶ Доказательства в логике высшего порядка.
- Утверждения и доказательства представляются с помощью Соответствия Карри — Ховарда:

- Coq – программное средство доказательства теорем.
- Coq основан на теории типов (Исчисление Индуктивных Конструкций, Calculus of Inductive Constructions, CIC)
- CIC способна представлять:
  - ▶ Функциональные программы в стиле ML.
  - ▶ Доказательства в логике высшего порядка.
- Утверждения и доказательства представляются с помощью Соответствия Карри — Ховарда:
  - ▶ Пропозициональное утверждение  $\iff$  Тип

- Coq – программное средство доказательства теорем.
- Coq основан на теории типов (Исчисление Индуктивных Конструкций, Calculus of Inductive Constructions, CIC)
- CIC способна представлять:
  - ▶ Функциональные программы в стиле ML.
  - ▶ Доказательства в логике высшего порядка.
- Утверждения и доказательства представляются с помощью Соответствия Карри — Ховарда:
  - ▶ Пропозициональное утверждение  $\iff$  Тип
  - ▶ Доказательство утверждения  $\iff$  Элемент данного типа

- Coq – программное средство доказательства теорем.
- Coq основан на теории типов (Исчисление Индуктивных Конструкций, Calculus of Inductive Constructions, CIC)
- CIC способна представлять:
  - ▶ Функциональные программы в стиле ML.
  - ▶ Доказательства в логике высшего порядка.
- Утверждения и доказательства представляются с помощью Соответствия Карри — Ховарда:
  - ▶ Пропозициональное утверждение  $\iff$  Тип
  - ▶ Доказательство утверждения  $\iff$  Элемент данного типа
- Vernacular – язык команд Coq.



# Логика Хоара

Здесь могла быть логика Хоара.

# Список литературы I



N. Dershowitz. *SOFTWARE HORROR STORIES*. URL:  
<https://www.cs.tau.ac.il/~nachumd/verify/horror.html>.



J. Harrison. “Formal verification at Intel”. в: *18th Annual IEEE Symposium of Logic in Computer Science, 2003. Proceedings*. 2003, с. 45—54. DOI: 10.1109/LICS.2003.1210044.



Gerwin Klein и др. “SeL4: Formal Verification of an OS Kernel”. в: *Proceedings of the ACM SIGOPS 22nd Symposium on Operating Systems Principles*. SOSP '09. Big Sky, Montana, USA: Association for Computing Machinery, 2009, с. 207—220. ISBN: 9781605587523. DOI: 10.1145/1629575.1629596. URL:  
<https://doi.org/10.1145/1629575.1629596>.



Xavier Leroy. “Formal Verification of a Realistic Compiler”. в: *Commun. ACM* 52.7 (июль 2009), с. 107—115. ISSN: 0001-0782. DOI: 10.1145/1538788.1538814. URL:  
<https://doi.org/10.1145/1538788.1538814>.

# Список литературы II



Ilya Sergey и др. “Safer Smart Contract Programming with Scilla”. В: *Proc. ACM Program. Lang.* 3.OOPSLA (окт. 2019). DOI: 10.1145/3360611. URL: <https://doi.org/10.1145/3360611>.



CertiK team. *CertiK framework*. URL: <https://www.certik.io/>.