www.3elmo.com

تمارين وحلول

السنة الثانية من سلك البكالوريا

شعبة العلوم الرياضية (أوب)

- ماخصات مركزة للدروس
- نماذج مختارة من امتحانات البكالوريا
 - مسائل توليضيــة
 - مواضيع للدراسة

http://www.3elmo.blogspot.com

عبد السلام حقاني

تبالسيف

يحتوي الكتاب على ملخصات الدروس فقط لذى للحصول على المحتوى الكامل ننصحك بشراء النسخة من أحد المكتبات.

عق 3elmo جميع الحقوق محفوظة لمدونة

لإتصال بإدارة المدونة يمكنك إستعمال هذا البريد الإلكتروني: contact@3elmo.info

للمزيد من الكتب والدروس للسنة الثانية باك زورو موقعنا www.3elmo.info

صفحتنا الرسمية على الفايسبوك: www.fb.com/3elmo

http://www.3elmo.blogspot.com/

الفهرس

7	(1) النهايات والاتصال
57	2 الدوال العكسية
123	(3) المتتاليات العددية
199	(4) الدوال القابلة للاشتقاق
229	(5) مبرهنة رول - مبرهنة التزايدات المنتهية
	6 الدوال الأصلية
	7 دراسة الدوال العددية
	(8) الدوال اللوغاريتمية
	(2) الدوال الأسية
	(10) حساب التكامل
613	(12) مسائل محلولة
635	http://www.3elmo.blogspot.com/

النهايات

lim $f(x)=l \Leftrightarrow (\forall E > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle |x-x_0| \langle a \Rightarrow |f(x)-l| \langle E \times \to x_0| \langle a \Rightarrow |f(x)-l| \langle E \rangle)$ Lim $f(x)=l \Leftrightarrow (\forall E > 0)(\forall x \in Df):x>B \Rightarrow |f(x)-l| \langle E \times \to +\infty \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists B > 0)(\forall x \in Df):x>B \Rightarrow |f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=-\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists B > 0)(\forall x \in Df):x>B \Rightarrow |f(x)| \langle -A \rangle$ Lim $f(x)=-\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists B > 0)(\forall x \in Df):x>B \Rightarrow |f(x)| \langle -A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim $f(x)=+\infty \Leftrightarrow (\forall A > 0)(\exists A > 0)(\forall x \in Df):0 \langle x_0-x_0 \langle A \Rightarrow f(x)>A \rangle$ Lim

النهاية والترتيب

```
Limbur 1) for the decision of the state of
```

(2) for the said of finish and with a fig of of of of of of the said of the sa

المحددة

صورة مجال بدائة متصلة

ازاكانت مجال البت متمهانة على مجال [ما , معا فيان . الم , سما = (المر مجال والمواورية المدالة مجمول واربه المدالة مجمول واربه المدالة مجمول واربه المدالة مجمول واربه الموادة معلى ومرابة الموادة مجال واربه الموادة والموادة مجال واربه الموادة والموادة مجال واربه الموادة مجال الموادة المعالمة مجال الموادة الموادة والموادة مجال عجال الموادة الموادة والموادة الموادة الموادة والموادة الموادة الموا

اتصال دائة في نقطة

Any feller accounted and leaves of the or fresh in the or (as) for (as) fresh in the or (as)

التمديد بالاتصال

المسانيد بدا بالا تصال في نعفه مد إذا توفر د بناالتشولين. المسال تعديد أ الا تصال في نعفه مد إذا توفر د بناالتشولين. والتسويد بالانتجال الدالة في مد هي الدالة في المعرفة بنايلي: والتصويد بالانتجال الدالة في مد هي الدالة في المعرفة بنايلي: والتصويد بالانتجال الدالة في مد هي الدالة في المعرفة بنايلي:

اتصال مركب دائتين

With felling and and any the gelling and in also and the filling and the filling on a gentle of little of

فران:] معلج سنار (معالج]= (١٤ ما ١٩ مالج م إذا كانت في دالة متصلة وتنا قصية على مجال] طريعاً

\$[a,b[]=]tim fee 1.3 {(a)]

مبرهنة القيم الوسيطية

مرونة القيم الوسلمية (الطبيغة 1):

\$\final = \lambda : [\displain] = \lambda : [\displain de | \final \f

http://www.3elmo.blogspot.co.

- · كل دالة حدودية فعي متطلة على A.
- وكل دالة جذرية فهي متطلة على مصوعة تعريفها.
 - الدالة ن × Cos × ب متطلتان على AF . متطلتان
- IR. } T + kn | REZZy who alpin x + stanx all sll .
 - الوالية على عمر على على على على الم
 - · الدالة العاجم متملة على A.

الدالة العكسية

n http://www.3elmo.blogspot.com/

خاصية

القوة الجذرية لعدد حقيقي موجب قطعا

(rig)
$$e^{2x}$$
 e^{x} e^{x}

وفياطانا

ع) لنعد المقايا

دالة قوس الظل

الدالة عمد منطنة و تزابد بنة قطعاً على $\frac{\pi}{2}$ زيد الدالة عمد منطنة و تزابد بنة قطعاً على $\frac{\pi}{2}$ زيد المهاب المهاب المن $\frac{\pi}{2}$ زيد المهاب المناطق معرفة من $\frac{\pi}{2}$ زيد المهاب المناطق معرفة من $\frac{\pi}{2}$ نعو $\frac{\pi}{2}$ زيد المهاب المناطق معرفة من $\frac{\pi}{2}$ نعو $\frac{\pi}{2}$ زيد المهاب المناطق معرفة من $\frac{\pi}{2}$ نيد المناطق معرفة من المناطق معرفة مناطق معرفة من المناطق معرفة مناطق معرفة من المناطق معرفة مناطق مناطق معرفة مناطق معرفق معرفة مناطق معرفة مناطق معرفة معرفة معرفة مناطق معرفة مناطق معرفة مناطق معرفة مناطق معرفة م

 $(\forall x \in]\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}[)$ Arctan($\tan x$)=x (2) $(\forall x \in \mathbb{R})$ $\tan (Arctan x) = x$

(kiy) ER2) Arctan x = Arctan y (> x= y ()

Arctanx (Arctany (x< y

http://www.3elmo.blogspot.com/

4) الدالة Artan متطلة وتزايدية تلهاً على A.

 $\lim_{x \to -\infty} \operatorname{Arctan}_{x} = -\frac{\pi}{2}$

 $\lim_{x\to +\infty} Arctan x = \frac{x}{2}$

lim Aritanx = 1

متتالية مكبورة - مصغورة - محدودة

- (JMER)(VnEI): MM & M & MEI (MA) (ABME)
- (JMER)(VNEI): MIN (M) (M)

رتابة متتائية

- (YNEI): MHI_MYO (Tupilio allie (MI) NEI
- (VNEI): MHI-MH=0 (Zilian) (MH) NEI
- الماس منالية ربية حياسه الزايدية أو (سه) تناقطية

متتاثية حساسة

العدد ع بسمی أساس المتنالیة عدد حدد حقیقی ع بحیث به العدد ع بسمی أساس المتنالیة می الله به العدد ع بسمی أساس المتنالیة می الله به الله الله عنالیة حسابیة یاد او فقط یاد اکان .

و یاد اکانت (سه) هتتالیة حسابیة أساسها ع فیان :

و یاد اکانت (سه) هتتالیة حسابیة أساسها ع فیان :

و یاد کانت (سه) هتتالیة حسابیة فیان :

و یاد کانت (سه) متتالیة حسابیة فیان :

متتالية هندسية

نهاية متتالية عددية

مصاديق تقارب متتالية

$$\begin{cases}
(\forall n \geqslant no) : | \Delta u_n - l | \leq \nabla u_n \Rightarrow lim \Delta u_n = l \\
-lim \nabla u_n = 0 \Rightarrow n \Rightarrow +\infty
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\forall n \geqslant no) : \forall n \leq \Delta u_n \leq \omega n \Rightarrow lim \Delta u_n = l \\
-lim \nabla u_n = lim \omega u_n = l \Rightarrow n \Rightarrow +\infty
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\forall u \geqslant no) : \Delta u_n \leq \nabla u_n \Rightarrow lim \Delta u_n = -\infty \\
-lim \nabla u_n = -\infty \Rightarrow n \Rightarrow +\infty
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\forall u \geqslant no) : \Delta u_n \leq \nabla u_n \Rightarrow lim \Delta u_n = -\infty \\
-lim \Delta u_n = -\infty \Rightarrow n \Rightarrow +\infty
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\forall u \geqslant no) : \Delta u_n \leq \nabla u_n \Rightarrow lim \Delta u_n = +\infty \\
-lim \Delta u_n = +\infty \Rightarrow n \Rightarrow +\infty
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\forall u \geqslant no) : \Delta u_n \leq \nabla u_n \Rightarrow lim \Delta u_n = +\infty \\
-lim \Delta u_n = +\infty \Rightarrow n \Rightarrow +\infty
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\forall u \geqslant no) : \Delta u_n \leq \nabla u_n \Rightarrow lim \Delta u_n = +\infty \\
-lim \Delta u_n = +\infty \Rightarrow n \Rightarrow +\infty
\end{cases}$$

نهایة المتتالیة (an)

ليكن مدعدد العيقيا . · lima = 0 ili - 1 < a < 1 ili) . وإذاكان درم فإن صد= مسال . • إذاكان مري عان المتنالية (شم) لا تقبر نماية .

> • كل متنالية تزايدية ومكبورة فهي متنارية . كرمتنالية تناتصية ومصغورة فهي متقارية.

: 4 613 ما و فان Ap7, NO

Mp+Mp+1

$u_{n+1} = f(u_n)$ منتائیة من نوع

اذاكانت السه متنالينه عددية معرفة بالعلاقة:

(سلا) عندية عددية معرفة بالعلاقة:

والعدد الأول مد بعيث عدالة عددية منطنة على معال المعاد الأول مد بعيث على معال أولان المان متنالية متقاربة في ن نهايتها على حمل المعادلة: عددي) .

$v_n = f(u_n)$ متتالية من نوع

إذاكانت (س) متتالية متقاربة نهايتها ل و لم دالة متصلة في ل فإن المتتالية (سه) عنقارية متصلة في ل فإن المتتالية (سه) عنقارية نمايتها (٩) ل.

المتتاليات المتحادية

The second of th

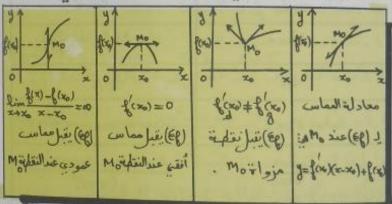
المال المال

المالال في عن . المالال في عن . المالال في عن . المالال في عن المالال في المالال المالال

المرابع المرابع

قابلية اشتقاق دالة في نقطة

التأويل الهندسي لقابلية اشتقاق في نقطة



مشتقة دالة مركبة - مشتقة الدالة العكسية

اذاكانت إدالة قابلة للاشتناق على مجالة و والة قابلة على معال لا بعيث: على معال لا بعيث: على معال لا بعيث: على الدالة على لا وكل يدمن لا (ع) و (ع) (ع)

	دية	عتيا	31	J	الدوا	مشتقات	حدول
--	-----	------	----	---	-------	--------	------

f(x)	₹'(x)
a	0
×1×1×1×1×1×1×1×1×1×1×1×1×1×1×1×1×1×1×1	nax"-1
1 ×	-1
1×	-\frac{1}{\times\times}
Ardanz	1+x2
Losx	-sinz
Sinx	Losz
tanz	$\frac{1}{x + \tan^2 x} = \frac{1}{x + \tan^2 x}$
Vx.	1 x n-1
m(x) +cx)	m(x) (x) + m(x) (x)
W(x)	"(x)v(x)- u(x) v(x)
1 ~(x)	- (v(x)
(MCE))2	r (u(x)) x u'(x)
Vu(x)	1/(x) 2\(\frac{1}{(x)}\)
Arctan (MCES)	2+ (m(x))x m(x)
(vou)(x)	
n (m)	n'(n'cr)

ر خبرالدا المعالمة المعالد

-3=.168

المنافع والم

3ELMO

مبرهنة رول

إذاكانت ع دالة متعلمة على مجال (ط: ۵ و قابلة الاشتغاق على المجال المجال المارة (ط) على المجال المجا

مبرهنة التزايدات المنتهية

اذاكانت على المنتصلة على وقابلة للانتشقا ق اذاكانت على واله منتصلة على وقابلة للانتشقا ق على المنتفل المنتفل المنتفل على المنتفل الم

دالة أصلية

الله في وع دالتين معرفتين علم مجال I .
عدالة أصلية الدالمة في علم المجال إذاكانت تعقق عاملي ،
(د) عقابلة الدنشقا قعلى المجال I .
(د) عابلة الدنشقا قعلى المجال E .
(د) كل من I : (x) في حريب

خاصيات

وإذاكان عدالة أصلية لدالة على مجال فإن:

مجموعة الدوالالتحلية للدالة على على مجال فإن:

و الكن على دالة تعبر دالة أصلية على مجال و على المجال المها المها

الاعتيادية	الأصلية	الدوال	جدول
------------	---------	--------	------

*	
fcx	FCz)
0	-a /
a	-ax
ax (7+-1)	2+1
-1	1 ×
1 1/2	12
1+x2	Arctanx
(d+xa)e03	$\frac{-a}{2}$ sin($ax+b$)
-Sin(ax+b)	$-\frac{1}{a}\cos(ax+b)$
$\frac{1}{1+\tan^2(\alpha x+b)} = \frac{1}{\cos^2(\alpha x+b)}$	1 tan(artb)
(m(x)) x m'(x)	5+1 (4(x))s+1
2 (sc)	1mcs)
- (u(x))2	<u>+</u>
1+(u(x))2 1+(u(x))2	Arctan(M(x))
v'(u(x)) x u' (x)	a(nas)

3ELMO

1(2

2) (3

لاذن

4) لديد

تغيرات دالة عددية

الكن إ دالة قابلة للاشتقاق على مجال I.

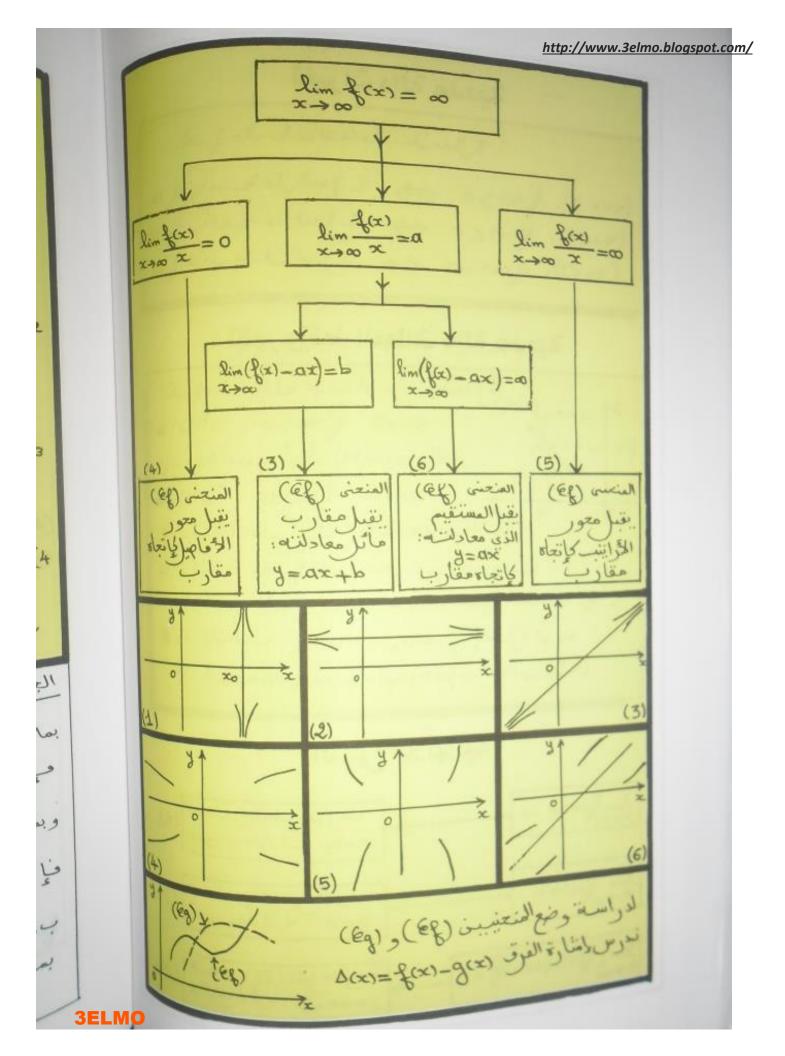
- (الاعد الدية على المعال العدال ا
- (الا×د): المحال المحا (YXEI): P(XX)=0 (>> I)leal ide in it of

تقعر ونقط انعطاف دالة عددية

وإذاكانت الدالة "ع تنعدم مع تغيير الإنشارة في مه . فإن النقطة ((مع) عرمه) I نقطة لا نعط ف المنعنى (ع).

والخاكان الدالة ع تنعدم بدون نغيب الإنشارة في مه فإن النقطة ((١٤) عرمه) لانقطة وانعطاف النعنى (٤٤).

الضروء اللانهائية



دالة اللوغاريتم النيبري

الدالة الأصلية للدالة للحد المن المال على المعال مهزور والتي تنعدم في النقطة 1= مه ؟ نسم دالة اللوغارية البيري ويرمزلها بي ما (أو pal).

ويرمزلها بي ما (أو pal).

(0=(1) في في = (x) في خير (x) خير المال المال

خاصيات الدالة اللوغاريتم النيبري

النهايات الهامة

 $\lim_{x\to 0^+} \ln x = -\infty$ $\lim_{x\to 0^+} \ln x = 0$ $\lim_{x\to +\infty} \ln x = 0$ $\lim_{x\to +\infty} \frac{\ln x}{x} = 0$ $\lim_{x\to +\infty} \frac{\ln x}{x} = 1$ $\lim_{x\to 0^+} \frac{\ln x}{x} = 0$ $\lim_{x\to 0^+} \frac{\ln x}{x} = 0$ $\lim_{x\to +\infty} \frac{\ln x}{x} = 0$ $\lim_{x\to +\infty} \frac{\ln x}{x} = 0$ $\lim_{x\to +\infty} \frac{\ln x}{x} = 0$

الدوال اللوغاريتمية للأساس a

اللوغاريتم العشري

الدالة اللوغارينمية التي أساسها 10= هـ : تسمى دالة مول الدوغارينمية التي أساسها 10= هـ : تسمى دالة اللوغارينم العشري و يرمزلها يه : $2 \cos x = \frac{1}{2} \cos x$ ($4x \in \mathbb{R}^{+}$) $\log x = \frac{1}{2} \cos x$ ($\frac{1}{2} \cos x = \frac{1}$

 $A = \log(\log_a(a)^{a^{200}b})$ $A = \log(\log_a(a)^{a^{200}b})$ $B = \frac{(\log_a(a\log_b))^3}{\log_b(a\log_b)^4}$

120

* levi

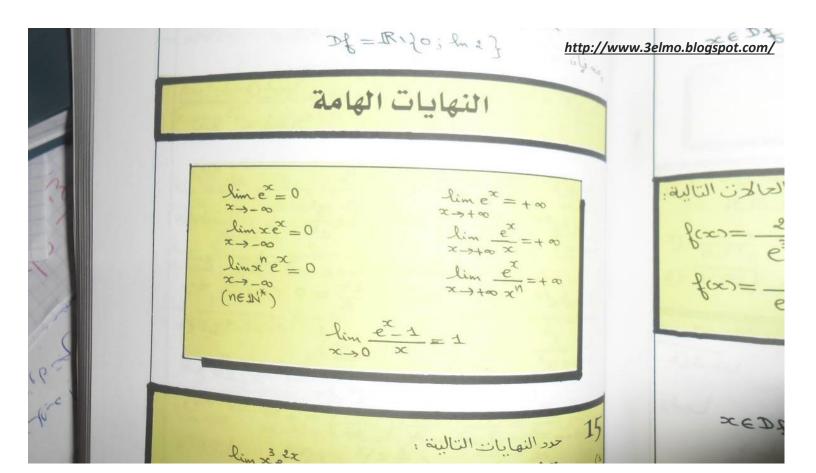
اذك

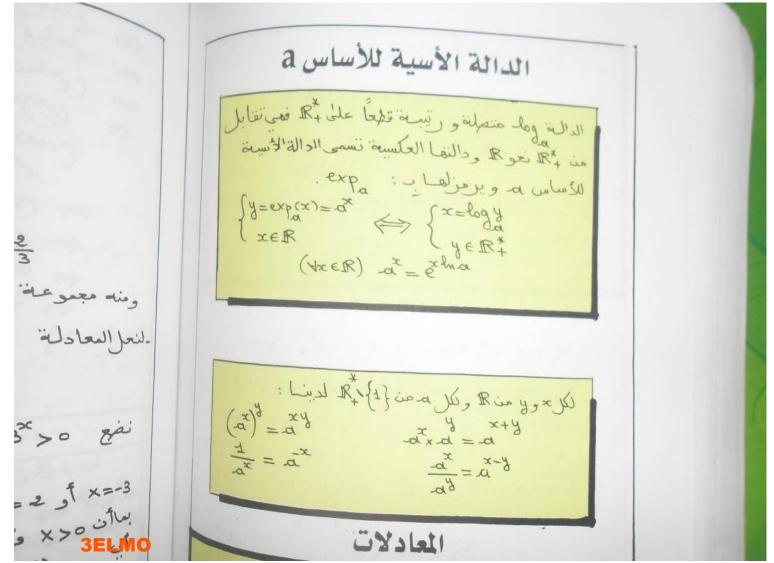
15

)

العوا.

ومر





جدول الدوال الأصلية الاعتيادية

fex	Fcx
0	c
a	xp.
x	x2+1
- 1 x 2	1/2
$\frac{1}{\cos^4x} = 1 + \tan^2x$	tanx
_Cosx.	Sinx
Sinx	- Cosx
Co2(ax+p)	$\frac{1}{-\alpha}$ sin($ax+b$)
Sin(ax+b)	- 1 (os (ax+b)
Los*(ax+b)	tan (ax+b)
2√x	VE
1+x ²	Arctanx
<u>1</u> x	ln/x/
(u(x))2 x 11 (x)	i ear
	(4(x)) ⁷⁺¹
-4(x)	-ln/4(x)
m'(x)en(x)	eu(x)
1+(u(x))2	Aretan (ucx)
4x+P	# lu lax+b1

القيمة المتوسطة

اللاد العقيقي علا مجال تعازمك (طرم).

اللاد العقيقي علا المجال تعازمك العيوسطة المتوسطة المدوسطة المد

المكاملة بتغير المتغير

المك م دال تا بلة الاشتئات عالى مجال [طبعاً بعيث من الميمال المجال المجال [طبعا ولكن بد دال تعملة من البيال (لاطبعا) ٥- لديبا: عله البيال (لاطبعا) ٥- المديم) ٥٠ (ديما) مدر عله (عابعا) ديما على المديما مدر مام على المديما مد على المديما مديما مد على المديما مديما مد على المديما مديما المديما الم

المكاملة بالأجزاء

لكن سوس واليين فايلينين الانشينيا ف على مجال يعيية كدور متصليبين على العجال I. ليكن به و اعتصوين منا معلادين من على المعال عد ليك به و اعتصوين منا معلم المحادين منا عمل عمال معالم المحادين منا المحادين منا المحادين منا المحادين المحادين المحادين المحادين المحادث المحاد

حساب التكامل

Like of climated and and I a climated in the like of the control of the like o

خاصيات التكامل

لتكن مج و داليين متصلين على مجال تر درعددا مينيا. كل مه وط و عمي مي لايينا -الداك مدركه في حرب مي الدالة المحمية الدالة في علالة

 $\begin{cases} \int_{0}^{\infty} |a| dx = -\int_{0}^{\infty} |a| dx = \int_{0}^{\infty} |a| dx = \int_{0}^{\infty$

حساب التكامل

خاصيات التكامل

لتك لم و و دالتين متصلبين على مجال و لمعدرًا حقيقًا. Warden i I kil: • الدالة علمانة الأعلية الدالة إلى الدالة إعلاء والتي تنعدم في ه . Strigs = - Strigs & Saferigs (The wister) Sterndx = Sterndx + (fex)dx 2 (yf(x)) qx = y f(x) qx $\int_{0}^{\infty} (f(x) + g(x)) dx = \int_{0}^{\infty} f(x) dx + \int_{0}^{\infty} g(x) dx$ $(a \leqslant b \neq f \leqslant 0) \Rightarrow \int_{\rho} f(x) dx \approx 0$ (086, \$ (83) => { fandx { } g(x)dx (a < b) | S & (x) dx | < S | f(x) | dx

العد العنبة العد العنبة ماد بعلما ويومد علما

لتكن مه دال نه دالة منت على العجال

للحظه .

*

لتكن بدوي

القيمة المتوسطة

دالة منعلة على مجال [مانه] (طكه).

المد العقبة على مجال [مانه] (طكه).

المد العقبة على المحال [من من المحال [مانه] بعيث المحال المحال

ية للوالية ع

163

bot air

Lieur 13

エルチが

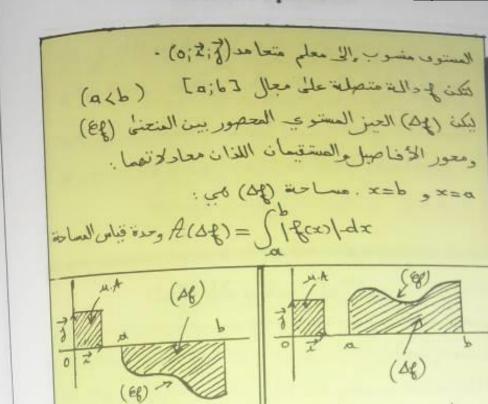
Sperde

المكاملة بتغير المتغير

الله و دالة فا بله الدشتفاف على مجال [طنه] بعيث والت متطلة على المجال [طنه] ولتكن بد دالة متطلة المجال ((طنه) على المجال (طنه) ولتكن بد دالة متطلة المجال ((م) مراه) على المحال (م) مراه) على المحال (م) مراه) على المحال (م) مراه) على المحالة : * إذا كان (ع) م عد فإن المحالة المح

المكاملة بالأجزاء

المركة والتين فابلتبين الانفتناف على مجال بعيث المركة متصريب من المركة من من المركة من المركة المركة



A(0f)=(-(f(x)dx) u.A

A(SG)=(Sg(z)dz) u A

MA = 6 cm2

الماكان عدد عالم الكال و عدد الآلال فيان

نهاية متتالية والتكامل

لتكن إدالة عدية معرفة على [طنم] (طنم). An= b-a \(\frac{1}{N}\) \(\frac{1}\N\) \(\frac{1} Sn= 6-a = f(a+= 6-a) إذا كانت الدالة عم متعلمة على المجال [ط: ٥] فإن المتالينية عنقاریتین ولهمانفس النهایة xbardan منقاریتین ولهمانفس النهایة xbardan

w c

محر ف

Sist

المجسم

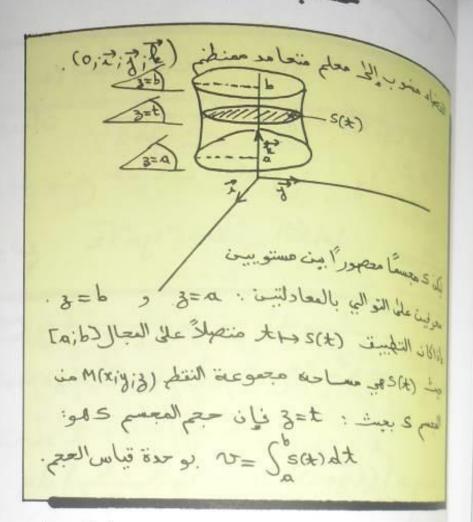
لنكن يك دا

العولد عند

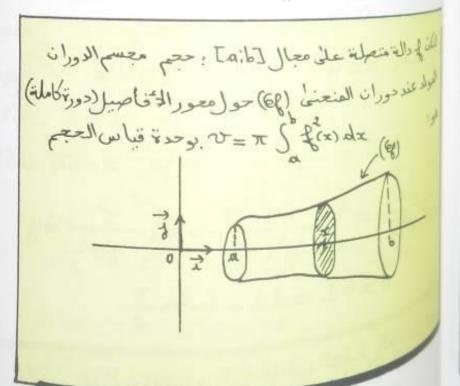


[ai

A(BE)



ببم مجسم دوراني حول محور الأفاصيل



حلول المعادلة التفاضلية . هي الدوال المعادلة التفاضلية . والمعرفة على الدوال العددية و المعرفة على الله ميث المعرفة على ال

ay" + by' + cy = 0 : حلول المعادلة التفاضلية

انختير المعادلة التفاضيية: ٥ = ١٩ + ١ المعادلة التفاضيية جيت موطوي أعداد حقيقية و ٥ +ه. المعادلة: ٥=٥+٥ المعادلة المعادلة المميزة للمعادلة التفاضلية (E). المعادلة (٤) تغبر حلين حقيقين مَخْتَلَفِينَ إِلَى وَ إِلَّ وَحَلُولَ الْمُعَادِلَةُ الْتَعَاضِلِيةَ (٤) في الدول العددية و المعرفة على ١٨ بمايلي : A(x) = qe, + be . (V; B)ER? === ع) إذاكان 0 = م فإن المعادلة (x) تقِم ملاً حقيقاً وجيدًا ما -= ع وحلول المعادلة التفاضلية (ع) هي الدوا العددية ب المعربة على A بمايلي : y(x)= (dx+B)e · (K) B) ER ==> المعادلة (ك) تقبل حليث عقد بيت مترافقین مناع ایم و مرافقین مترافقین 9=3m(22) , P= Re(21) : ins وحلول المعادلة التفا ضلية (١) مي الدوال لا المعرفة علي ١٨ y(x)=(dosqx+psingx)ex _duly

ay'' + by' + cy = f(x) ؛ عادلة التفاضلية $\frac{http://www.3elmo.blogspot.com/}{\sim}$

(E) عراله التفاضلية : (E) عراله التفاحلية و المناس (E) عراله التفاضلية التف الدالة و تسمى حلا خاصًا للمعادلة (ع) تعبّر المعادلة القفا ضلية : 0= px + by + cy=0 طور المعادلة (ع) = حلور المعادلة (ع) + العرالخاص و.

البحث عن الحل الخاص للمعادلة التفاضلية (E)

نعتبر المعادلة التفاضلية: ٥ = وع+ لوط التفاضلية : (E) ع) إذا كانت إدالة عدودية درجنها « فإن العرالغاص وهو * دالة حدودية درجتما « لاذاكان 0 + . . * دالة حدودية حرجتها عناكان ٥=٥ و ٥ + ط. * دالة حدودية درجتماعه الذاكان c=0 و 0= م , 0 مهم : ililo Slie fex= Mroswx+Nsinwx illis (2 * fildin lalling x woosex x will in blish * المستا حلولة المعادلة النفا ضلبة (٤) فإن العرالغام و g(x)=Asoswx + Bsinwx : المتان المتادلة (ع) بكتب على المتال المتادلة (ع) بكتب على المتال المتادلة المت * اذا كانت الداليت من عدم مر و x به ادر م حلولً المعادلة النفاضلية (E) فإن العرالفام، وللعادلة g(x)= (Acoswx+Bsinwx)x : Jul ste - it (E) المتح المناع عدم المعروبية عدودية عدودية المتحدودية المتحددة المتح « فإن المعادلة (٤) تقبل حلاً خاصًا و بكتب على الشكل: (x) و اله حدودية مناكثلاث عدودية مناكثلاث حالات: * لحذاكان سابس حالاً للمعادلة المميزة d°Q= n ili art+br+c=0 * لاذاكان سوللمعادلة المميزة 0 = 0+8 ما معادلة فأن ع+4= 9 لم المحادلة المعبرة عدد هذة العلول فأن للمحادلة المعادلة المعبرة المحادلة المعادلة المعادلة العلول فأن المحادلة العلول فأن العلول ف

(Jale) : (4/4) والعادلة 1=(0) المالعاد ولة والمعو السادل

الله عدد

In Czi 14! ماوالعادلة

* C السادلة النغام