Professeur : MOUAD ZILLOU Lycée : Charif El Idrissi Devoir libre N°3 Mathématiques Année scolaire : 2020/2021 Classe : 1BSEF1

Exercice 01

1) Soient  $\overrightarrow{u}(\sqrt{7}+1;2)$  et  $\overrightarrow{v}(1-\sqrt{7};3)$  deux vecteurs du plan  $\overrightarrow{u}$  et  $\overrightarrow{v}$  sont-ils orthogonaux ? justifier la réponse

- 2) Calculer la distance du point E(1,2) par rapport à la droite (D):4x-3y+7=0
- 3) Déterminer une équation cartésienne du cercle (C) qui a pour représentation paramétrique le système suivant :  $\begin{cases} x = 2 + 3\cos\theta \\ y = -1 + 3\sin\theta \end{cases} / \theta \in \mathbb{R}$
- 4) Déterminer l'ensemble de points M(x; y) du plan vérifier  $x^2 + y^2 4x 2y 4 = 0$

Exercice 02

Dans un repère orthonormé  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ . On considère les points A(-2; -1), B(1; 2); C(-5; 2) et D(1; 3)

- 1) Calculer AB; AC;  $\overrightarrow{AB}.\overrightarrow{AC}$  et  $\det(\overrightarrow{AB};\overrightarrow{AC})$ .
- 2) Déterminer  $\cos\left(\overrightarrow{AB};\overrightarrow{AC}\right)$  et  $\sin\left(\overrightarrow{AB};\overrightarrow{AC}\right)$ , puis déduire la mesure principale de l'angle  $\left(\overrightarrow{AB};\overrightarrow{AC}\right)$ .
- 3) Déduire la nature du triangle ABC.
- 4) Calculer la surface du triangle ABC.
- 5) Déterminer une équation cartésienne du cercle (C) de diamètre [CD].

Exercice 03

On considère le cercle (C) d'équation  $x^2 + y^2 - 4x - 2y + 1 = 0$ .

- 1) Déterminer  $\Omega$  le centre et R le rayon du cercle (C).
- 2) Déterminer une représentation paramétrique du cercle (C).
- 3) Vérifier que le point H(0;1) appartient au cercle (C).
- 4) Donner l'équation de la tangente du cercle (C) au point H.
- 5) on considère la droite (D) d'équation x y 3 = 0.
  - a) Montrer que la droite (D) coupe le cercle (C) en deux points E et F.
  - b) Déterminer les coordonnés de deux points E et F.
- 6) Déterminer les équations de  $(D_1)$  et  $(D_2)$  les tangentes du cercle (C) et dirigées par le vecteur  $\vec{u}(3;4)$
- 7) Résoudre graphiquement le système suivant :  $\begin{cases} x+y-6 \le 0 \\ x^2+y^2-4x-2y+1 \le 0 \end{cases}$ 
  - « La vie n'est bonne qu'à étudier et à enseigner les mathématiques »
  - « En mathématiques, on ne comprend pas les choses, on s'y habitue »