

التمرين الأول (أسئلة مستقلة)

1 أ- حدد الحل العام للمعادلة التفاضلية $(E) : y'' - 4y' + 5y = 0$

ب- حدد دالة g حل للمعادلة (E) تحقق : $g(0) = 1$ و $g'(0) = 2$

2 أحسب التكاملات التالية : $\int_0^1 xe^{x^2-1} dt$, $\int_1^e \frac{2}{1-e^x} dt$, $\int_1^e \frac{1}{t(1+2\ln(t))} dt$

3 باستعمال المكاملة بالأجزاء أحسب التكاملين : $\int_{\frac{1}{2}}^1 (2x+1) \ln(x) dx$, $\int_0^{\ln(2)} xe^{2x} dx$

4 أ- تحقق أن : $\frac{x^2}{4-x^2} = -1 + \frac{1}{2+x} + \frac{1}{2-x}$; $\forall x \in \mathbb{R} - \{-2; 2\}$ ثم إستنتج أن : $\int_{\frac{1}{2}}^1 \frac{x^2}{4-x^2} dx = -\frac{1}{2} + \ln\left(\frac{9}{5}\right)$

ب- باستعمال المكاملة بالأجزاء أحسب التكامل : $\int_{\frac{1}{2}}^1 \ln(4-x^2) dx$

التمرين الثاني

نعتبر الفلكة (S) التي معادلتها : $(S) : x^2 + y^2 + z^2 - 6x - 4y - 8z = 0$

والمستوى : $(P) : 3x + 2y + 4z = 0$ والمستقيم $(D) : \begin{cases} x + 2z - 22 = 0 \\ y - z + 4 = 0 \end{cases}$

1 بين ان مركز الفلكة (S) هي النقطة $\Omega(3; 2; 4)$ وشعاعها $\sqrt{29}$.

2 أ) بين ان المستوى (P) مماس للفلكة (S)

ب) حدد مثلث إحداثيات K نقطة تماس المستوى (P) و الفلكة (S)

3 أ) حدد تمثيلا بارامتري للمستقيم (D) .

ب) بين ان المستقيم (D) يقطع الفلكة (S) في نقطة E مع تحديد إحداثياتها.

4 أدرس تقاطع المستوى (P) والمستقيم (D)

5 لتكن M المسقط العمودي للنقطة $N(0; 1; -1)$ على المستوى (P)

أ) تحقق أن : $N \notin (P)$

ب) أحسب المسافة MN

ج) حدد إحداثيات M

التمرين الثالث

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $]0; +\infty[$ بما يلي : $f(x) = \frac{x}{4} - \frac{1}{2x} + \frac{\ln(x)}{x}$

ليكن (C_f) منحنى الدالة f في معلم. م. م $(O; \vec{i}; \vec{j})$ حيث : $\|\vec{i}\| = 2cm$

1 أدرس الوضع النسبي ل (C_f) و $y = \frac{x}{4}$ (Δ)

2 أحسب التكامل : $\int_{\sqrt{e}}^e \frac{\ln(x)}{x} dx$

3 إستنتج مساحة الحيز المحصور بين المنحنى (C_f) والمستقيم (Δ) والمستقيمين $x = \sqrt{e}$ و $x = e$.

4 مساحة الحيز المحصور بين المنحنى (C_f) ومحور الأفاصل والمستقيمين $x = \sqrt{e}$ و $x = e$ (نقبل أن $f(x) \geq 0$; $\forall x \in [\sqrt{e}; e]$).

