

# الأعداد العقدية

## التمرين الأول:

حدد الشكل المثلثي للأعداد العقدية التالية:

$$\begin{aligned} z = -2(\cos \frac{\pi}{12} + i \sin \frac{\pi}{12}) \quad ; \quad z = (\sqrt{3} - i)^7 \quad ; \quad z = (1+i)^{2009} \quad ; \quad z = \frac{1+i\sqrt{3}}{1+i} \quad ; \quad z = (1-i)^2 \\ z = 1 + \cos \frac{2\pi}{9} + i \sin \frac{2\pi}{9} \quad ; \quad z = 1 - i \tan \frac{\pi}{9} \quad ; \quad z = \frac{(1-i\sqrt{3})^{12}}{(1+i\sqrt{3})^7} \quad ; \quad z = -\cos \frac{\pi}{12} + i \sin \frac{\pi}{12} \end{aligned}$$

## التمرين الثاني:

نعتبر في المستوى العقدي النقطتان:  $B(\sqrt{3}+i)$  و  $A(2i)$ .

(1) حدد الشكل المثلثي للعدد العقدي  $\frac{2i}{-\sqrt{3}+i}$ .

استنتج طبيعة المثلث  $OAB$ .

(2) لتكن  $I$  منتصف القطعة  $[OB]$ .

حدد لحق النقطة  $I$ .

(3) حدد  $k$  لحق النقطة  $K$  لكي يكون  $ABIK$  متوازي لأضلاع.

(4) بين أن العدد  $\frac{k-2i}{k}$  تخيلي صرف و استنتج طبيعة المثلث  $OKA$ .

## التمرين الثالث:

نضع:  $Z = f(z) = \frac{2z-3}{3z-2}$  حيث:  $z \neq \frac{2}{3}$ .

(1) بين التكافؤ:  $Z = f(z) \Leftrightarrow z = f(Z)$ .

(2) حدد في المستوى العقدي المجموعة  $F$  للنقط  $M(z)$  بحيث يكون  $Z$  عددا حقيقيا.

(3) نفترض أن:  $|z|=1$ .

أ- بين أن:  $|Z|=1$ .

ب- ليكن  $\alpha$  عمدة  $z$  و  $\theta$  عمدة  $Z$ .

عبر عن  $\sin \theta$  و  $\cos \theta$  بدلالة  $\sin \alpha$  و  $\cos \alpha$ .

## التمرين الرابع:

في المستوى العقدي المنسوب لمعلم م م نعتبر النقط:  $A(1,0)$  و  $B(3,6)$  و  $C(2-3\sqrt{3}, 3+\sqrt{3})$ .

لتكن  $a$  و  $b$  و  $c$  ألحاق النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  على التوالي.

(1) اكتب على الشكل الجبري و على الشكل المثلثي العدد العقدي:  $\frac{c-a}{b-a}$ .

(2) استنتج طبيعة المثلث  $ABC$ .

(3) حدد مجموعة النقط  $M(z)$  بحيث يكون:  $|\frac{z-c}{z-b}|=1$ .