${\mathbb R}$ المجموعات ${\mathbb N}$ و ${\mathbb Z}$ و ${\mathbb N}$ المجموعات

القدرات المنتظرة

- *- إدراك العلاقات بين الأعداد والتمييز بين مختلف مجموعات الأعداد.
 - *- تحديد كتابة مناسبة لتعبير جبري حسب الوضعية المدروسة.

${\mathbb R}$ و ${\mathbb Q}$ و ID و ${\mathbb Z}$ و ${\mathbb N}$ المجموعات

أنشطة

E تعني a عنصر من E و تقرأ a تنتمي الى $a \in E$

ضع العلامة × في الخانة المناسبة

1,33	$\sqrt{100}$	$\sqrt{2}$	π	22	-4	3,14	$-\frac{250}{2}$	5	
,	V 100	V -		1/		- ,	3	_	
									$\in \mathbb{N}$
									∈ Z
									∈ ID
									∈ ℚ
									∈ I R

1- مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية

تذكير

 $\mathbb{N} = \{0;1;2;3;4;5.....$ مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية هي *

 \mathbb{Z} الاعداد الصحيحة الطبيعية و مقابلاتها تكون مجموعة الاعداد الصحيحة النسبية يرمز لها ب $\mathbb{Z}=\{\leftarrow,\dots,-4;-3;-2;-1;0;1;2;3;4;\dots,\rightarrow\}$ نكتب

 $-5 \in \mathbb{Z}$ عدد صحيح نسبي نکتب -5

 $\sqrt{3} \notin \mathbb{Z}$ ليس عددا صحيحا نسبيا نكتب $\sqrt{3}$

0 العدد الصحيح النسبي المنعدم

 \mathbb{Z}^* نرمز لمجموعة الاعداد الصحيحة النسبية الغيلر المنعدمة ب $\mathbb{Z}^* = \{\leftarrow; -4; -3; -2; -1; 1; 2; 3; 4; <math>\rightarrow \}$

ملاحظة: كل عدد صحيح طبيعي هو عدد صحيح نسبي

 $\mathbb Z$ نقول ان المجموعة $\mathbb N$ جزء من المجموعة $\mathbb Z$ أو المجموعة $\mathbb N$ ضمن المجموعة تكتب $\mathbb N$

2- مجموعة الأعداد العشرية النسبية

 $n\in\mathbb{N}$ و $a\in\mathbb{Z}$ حيث على شكل الاعداد التالية على شكل

-0,256 , -3 , 7 , 3,12

تعریف

کل عدد له کتابة کسریة علی شکل $\frac{a}{10^n}$ حیث $a \in \mathbb{Z}$ و $n \in \mathbb{N}$ یسمی عددا

عشريا نسبيا.

نرمز لُمجموعة الاعداد العشرية النسبية بـ <u>ID</u>

نتائج

أ – العدد العشري له كتابة بعدد منته من الأرقام على يمين الفاصلة.

 $(rac{a}{10^0}$ ب- کل عدد صحیح نسبی a هو عدد عشری نسبی (لأنه یمکن کتابته علی شکل

 $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset ID$ إذن



3- مجموعة الأعداد الجذرية تعريف

b
eq 0 و $b \in \mathbb{Z}$ و $a \in \mathbb{Z}$ حيث $a \in \mathbb{Z}$ و العدد العدد الجدري هو كل عدد يمكن كتابته على شكل و منابقه على مرمز لمجموعة الاعداد الجذرية بـ \mathbb{Q}

لیس عددا جدریا $\sqrt{3}$

نتبحة

كل عدد عشري نسبي هو عدد جدري

 $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset ID \subset \mathbb{Q}$ اِذْن

4- مجموعة الأعداد الحقيقية

بين أن $\sqrt{2}$ عدد لا جذري -

أرسم مربع ضلعه 1 و حدد طول قطره

نصف محیط دائرة شعاعها 1 هو عدد لا جذري یرمز له بـ π توجد مقادیر لا یمکن التعبیر عنها بأعداد جذریة ، مثل هذه المقادیر نعبر عنها باعداد لا جذریة.

الاعداد الجذرية و الاعداد لا جذرية تكون مجموعة تسمى مجموعة الاعداد الحقيقية يرمز لها بـ $\mathbb R$

نتيجة

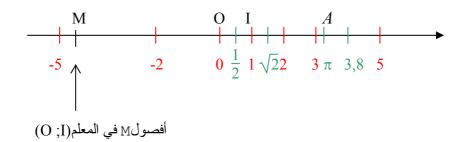
 $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset ID \subset \mathbb{Q} \subset \mathbb{R}$ کل عدد جذری هو عدد حقیقی اذن

${\mathbb R}$ تمثيل المجموعة

 $\Deltaig(O;Iig)$ نمثل المجموعة $\mathbb R$ على مستقيم مدرج



كل نقطة من المستقيم $\Delta igl(O;Iigr)$ تقبل عددا وحيدا أفصولا لها كل عدد حقيقي هو افصول لنقطة و حيدة من المستقيم $\Delta(O;I)$



 $A(\pi)$ مي النقطة ذات الافصول π نكتب A

العمليات في المجموعة ${\mathbb R}$ و خاصياتها (II

1 – أنشطة نشاط1

$$\frac{5+\frac{1}{3}}{2-\frac{3}{2}} \quad -\frac{2}{3}+\frac{7}{6}-\frac{1}{4}-2 \quad \text{and} \quad -1$$

2-لتكن a و b و a أعداد حقيقية -2(a+b-c)-3(a-b+c)+4(5a-b)

نشاط2

$$(\sqrt{3}+\sqrt{2}-\sqrt{5})(\sqrt{3}-\sqrt{2}+\sqrt{5})$$
 و $\sqrt{5^2\times3^3}+\sqrt{75}-11\sqrt{3}+2\sqrt{243}$ و $\sqrt{9-4\sqrt{5}}$ ثم بسط $(2-\sqrt{5})^2$ بسط -1 -أحسب $(2-\sqrt{5})^2$ ثم بسط $\sqrt{7+2\sqrt{10}}$; $\sqrt{21-6\sqrt{6}}$

$$\frac{2-\sqrt{3}}{1-\sqrt{3}}$$
 ; $\frac{1}{\sqrt{2}+1}$ اجعل المقام عددا جذريا للعددين الحقيقيين -3

$$\sqrt{7 + \sqrt{48}} + \sqrt{7 - \sqrt{48}} = 4$$
 -4

نشاط3

2- الجمع و الضرب

أ- الجمع

a+b=b+a \mathbb{R} الجمع تبادلي في \mathbb{R} : لكل a+b=b+a

$$(a+b)+c=a+(b+c)$$
 $\mathbb R$ الجمع تجميعي في $\mathbb R$: لكل a و b و b الجمع $*$

$$0+a=a+0=a$$
 هو العنصر المحايد للجمع في $\mathbb R$: لكل a من a

 $-a+a=a+\left(-a\right)=0$: -a مقابل هو *

<u>ں- الطرح</u>

<u>ج- الضرب</u>

 $a \times b = b \times a$ \mathbb{R} الضرب تبادلي في \mathbb{R} : لكل $a \times b = b \times a$



(a imes b) imes c الضرب تجميعي في $\mathbb R$: لكل a و b و b و a الضرب تجميعي الكل *

 $1 \times a = a \times 1 = a$ هو العنصر المحايد لضرب في $\mathbb R$: لكل a من a

 $a^{-1} \times a = a \times a^{-1} = 1$: $\left(a^{-1}\right)$ هو مقلوب هو a منعدم a منعدم a منعدم *

 \mathbb{R} الضرب توزيعي على الجمع في \mathbb{R} : لكل a و b و من * $(b+c)\cdot a=ba+ca$; $a\cdot (b+c)=ab+ac$

د- الخارج

ذ- قواعد

a+c=b+c لتكّن $a=b:\mathbb{R}$ من *

ac = bc تکافئ a = b تکافئ a = b تکافئ *

 \mathbb{R} لكل a و b و b من *

a+c=b+d فان c=d و a=b

ac = bd و a = b فان a = b

b = 0 أو a = 0 تكافئ ab = 0 *

 $b \neq 0$ و $a \neq 0$ و $ab \neq 0$

 \mathbb{R}^* لکل a و a من a و a من b

$$ad = bc$$
 تكافئ $\frac{a}{c} = \frac{b}{d}$

 \mathbb{R}^* و من \mathbb{R} و من a *

$$\frac{a}{c} \times \frac{b}{d} = \frac{ab}{cd}$$
 , $\frac{a}{c} + \frac{b}{d} = \frac{ad + bc}{cd}$

$$\frac{\frac{a}{b}}{\frac{c}{d}} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c}$$
 ، $\frac{1}{b} = \frac{c}{b}$ \mathbb{R}^* لکل a من a و b و b و b هن a

2- الجذور المربعة

أ- تع ىف

 $\mathbb{R}^{\scriptscriptstyle +}$ لیکن x من

x الغدد الموجب y الذي يحقق y يسمى لجذر المربع للعدد الموجب y

 \sqrt{x} برمز للجذر مربع للعدد

$$x \in \mathbb{R}^+$$
 ; $y = \sqrt{x}$ تكافئ $y \ge 0$; $x = y^2$

ب- نتائج

 \mathbb{R}^+ لیکن x و y من x

$$\sqrt{x}\sqrt{y} = \sqrt{xy}$$
 ; $\sqrt{x^2} = x$; $(\sqrt{x})^2 = x$
 $(y \neq 0)$ $\sqrt{\frac{x}{y}} = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{y}}$

$$x = y$$
 تكافئ $\sqrt{x} = \sqrt{y}$

$$\sqrt{x^2} = -x$$
 إذا كان x سالبا فان *

 $-\sqrt{a}$ و \sqrt{a} اهما a هما يساوي موجب a يوجد عددان حقيقيان مربعهما يساوي a



$$\mathbb{N}^*$$
 لیکن a من \mathbb{R} و n من $*$

$$(a \neq 0) \qquad a^{-n} = \frac{1}{a^n} \qquad \qquad a^n = \underbrace{a \times a \times a \times \dots \times a}_{\text{Note } n}$$

n العدد a^n يسمى قوة العدد a^n العدد -n يسمى قوة العدد a ذات الأس a^{-n}

 $a^0 = 1$ \mathbb{R}^* لیکن a من

 \mathbb{Z} من m و لکل n و x من x -*

$$x^{n}x^{m} = x^{n+m} \qquad \frac{x^{n}}{x^{m}} = x^{n-m} \qquad (xy)^{n} = x^{n}y^{n}$$

$$(x^n)^m = x^{n \cdot m}$$
 $\frac{x^n}{y^n} = \left(\frac{x}{y}\right)^n$ $x^{-n} = \left(\frac{1}{x}\right)^n$

 $\sqrt{x^n} = \sqrt{x}^n$: لکل عدد حقیقی موجب *

 $\mathbb R$ حالة خاصة لكل x من

ج- الكتابة العلمية لعدد عشري

خاصية (مقبولة)

a و موجب یکتب علی شکل a عدد عشری b عدد صحیح نسبی و کل عدد عشری $1 \le a \le 10$ عدد عشري يحقق

b هذه الكتابة تسمى الكتابة العلمية للعدد

 1.74×10^6 هي 1740000 الكتابة العلمية للعدد

 $3,25 \times 10^{-4}$ هي 0,000325 الكتابة العلمية للعدد

a و عدد صحیح نسبی و عدد عشری b عدد عشری مسلل علی شکل a عدد صحیح نسبی و عدد عشری علی عدد عشری aعدد عشري يحقق $1 \le a \le 10$ عدد عشري $-0,000325 = -3,25 \times 10^{-4}$ $-1,74 \times 10^{6} = -1740000$

4- متطابقات هامة

$$(a-b)^{2} = a^{2} - 2ab + b^{2} \qquad (a+b)^{2} = a^{2} + 2ab + b^{2} \qquad \mathbb{R}$$

$$a^{2} - b^{2} = (a-b)(a+b)$$

$$(a+b)^{3} = a^{3} + 3a^{2}b + 3ab^{2} + b^{3}$$

$$(a-b)^{3} = a^{3} - 3a^{2}b + 3ab^{2} - b^{3}$$

$$a^{3} - b^{3} = (a-b)(a^{2} + ab + b^{2})$$

$$a^{3} + b^{3} = (a+b)(a^{2} - ab + b^{2})$$

5- النشر و التعميل

نشر جداء هو تحويله إلى مجموع تعميل مجموع هو تحويله إلى جداء

