سلسلة1: تمارين حول الاتصال

نمرین1

أدرس اتصال f في x_{0} في الحالتين التاليتين

$$x_0 = 2$$

$$\begin{cases} f(x) = \frac{-4 + x^2}{x - 2} & x > 2 \\ f(x) = \sqrt{x^2 + 12} & x \le 2 \end{cases}$$
 -i

$$x_0 = 1 \qquad \begin{cases} f(x) = \frac{(x-1)^2}{|x-1|} & x \neq 1 \\ f(1) = 2 \end{cases}$$

تمرين2

متصلة في 3 أحسب a و b و c لكي تكون a

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x^2 + ax + b}{x - 3} & x > 3 \\ f(x) = \frac{-4 + cx^2}{x - 2} & x < 3 \\ f(3) = 2 \end{cases}$$

تمر بن3

. $f(x) = \frac{-x^2 - x + 6}{x^2 + 2x - 8}$: لتكن f الدالة العددية بحيث

. D_f عند محدات D_f واحسب نهایات D_f عند محدا

. D_f على f على -2

ي 2 على الدالة f تقبل تمديدا بالاتصال في 2 f في f .

تعريف

 x_0 لتكن f دالة غير معرفة في x_0 لكن لها نهاية g في g لكن لها نهاية g المعرفة بـ g المعرفة بـ g المعرفة بـ g

 x_0 متصلة في f متصلة في تسمى تمديد بالاتصال لدالة t

تمرين4

 D_f على الحالات التالية f و أدرس اتصالها على في الحالات التالية

$$f(x) = \frac{x^2 - 3x + 6}{x^2 - 3x - 4}$$
 - $f(x) = 2x^2 - 3x + 6$ - $f(x) = 2x^2 - 3x + 6$

$$f(x) = \frac{3x+1}{\sqrt{x-3}} - 3 \quad f(x) = \sqrt{x^2 + 2x} + \frac{x}{x+1}$$
 -=

$$f(x) = x^2 + \sin(3x + 4) -$$

تمرین5

: بحيث [a;b] على قطعة الله متصلة على f دالة متصلة

.
$$f(b) \rangle b^2$$
 g $f(a) \langle ab \rangle$

باستعمال مبرهنة القيم الوسيطية على الدالة g حيث g(x) = f(x) - bx

.
$$f(c) = bc$$
 بحیث $[a;b]$

تمرین6

بين أن المعادلة f(x)=0 تقبل حلا وحيدا في المحالا :

.
$$I = [1;2]$$
 $g f(x) = x^4 + 4x - 8 - 1$

.
$$I = [-3; -2]$$
 g $f(x) = \frac{1}{4}x^2 - \frac{3}{2}$ - 2

$$I = [0;1]$$
 g $f(x) = 3x^3 - 4x^2 + 4x - 1$ - 1 - 3

ب- باستعمال طريقة التفرع النهائي أعط قيمة مقربة للعدد x_0 بالدقة 10^{-2}

تمرین7

بين أن المعادلة 3-3x+1=0 تقبل بالضبط ثلاثة $\times 10^{-1}$ ثم أعط تأطيرا لكل منها إلى $\times 10^{-1}$

تمرین8

. $f(x) = \frac{x-3}{x+2}$: الدالة العددية بحيث f(x)

على المجال f على المجال - 1

J من مجال g^{-1} من مجال $I=\left[-1;4\right]$ يقبل دالة عكسية يجب تحديده نحو

. g⁻¹ حدد - 2

تمرين9

 $I = \begin{bmatrix} \frac{1}{4}; +\infty \end{bmatrix}$ نعتبر f دالة المعرفة على

$$f(x) = 2x^2 - x + 1$$

J يقبل دالة عكسية f^{-1} من مجال x يجب تحديده نحو I ثم حدد $f^{-1}(x)$ لكل

نمرين10

$$f(x) = x + \sqrt{x+1}$$

يتم تحديده J بين أن f تقبل دالة عكسية من مجال I يتم تحديده نحو المجال $I = \begin{bmatrix} -1, +\infty \end{bmatrix}$

$$f^{-1}(1) = 0$$
تحقق من أن (2

J من
$$f^{-1}(x)$$
 من (3

تمرین11

يلي: المجال $I =]-\infty,3$ بما يلي:

$$f(x) = \left(x - 3\right)^2 - 1$$

J بين أن f تقبل دالة عكسية f^{-1} معرفة من مجال (1 يتم تحديده نحو المجال I

J من x لکل $f^{-1}(x)$ احسب (2

تم بن12

حل في IR المعادلات التالية :

.
$$x^6 - 3 = 0$$
 - 2 . $x^3 + 7 = 0$ - 1

$$3\sqrt{2+x} + \sqrt[3]{2-x} = \sqrt[3]{4} -3$$

$$\sqrt[3]{(3+x)^2} + \sqrt[3]{(3-x)^2} = 2\sqrt[3]{9-x^2} - 4$$

سلسلة1: تمارين حول الاتصال – تابع-

تمرین13

احسب النهايات التالية :

$$\lim_{x \to 0} \frac{\sin x}{1 - \sqrt[3]{x + 1}} : \lim_{x \to 0} \frac{\sqrt[3]{x + 8} - 2}{x}$$

$$\lim_{x \to +\infty} \sqrt[3]{x^3 + x + 1} - 2\sqrt[3]{x^3 + 2} : \lim_{x \to 1} \frac{\sqrt[3]{x} - 1}{\sqrt[3]{x + 63} - 4}$$

$$\lim_{x \to +\infty} x - \sqrt[3]{x^3 + x^2} \quad : \quad \lim_{x \to +\infty} \frac{\sqrt[3]{x + 2}}{\sqrt{x} - 1}$$

تمرين14

1- أكتب مقامات الأعداد التالية على شكل عدد

جدري:
$$\frac{1}{1+\sqrt[3]{2}}$$
؛ $\frac{1}{\sqrt[3]{3}-\sqrt[3]{2}}$ ؛ $\frac{1}{\sqrt[3]{2}+1}$: $+\sqrt[3]{2}+\sqrt[3]{2}+1$ جدري: $+\sqrt[3]{2}+\sqrt[3]{2}+1$

رب الاعداد الفلية فرايدي $\sqrt{6}$ و $\sqrt{6}$ و $\sqrt{3}$ و $\sqrt{2}$

$$\sqrt{15}\sqrt{400}$$
 ب $\sqrt{225}$ و $\sqrt{600}$ و $\sqrt{15}\sqrt{400}$ و $\sqrt{225}$

مرين15

احسب :

$$b = \frac{2^{\frac{5}{3}}3^{\frac{5}{2}} \left(\sqrt[4]{\frac{1}{2^2}}\right)^3}{\left(2^{\frac{2}{3}}\right)^{\frac{5}{2}} \left(\sqrt[5]{3^{-3}}\right)^4} \qquad : \quad a = \frac{\sqrt[4]{9}\sqrt{\sqrt[3]{3^3}\sqrt{9}}}{\sqrt[5]{81}\sqrt{\sqrt{3}}}$$

تمرين16

 $f(x) = 2x^2 - 4x + 1$ نعتبر f دالة المعرفة بـ 1- أدرس تغيرات f وأنشئ منحناها في معلم متعامدممنظم (o, \vec{i}, \vec{j})

 $I = \begin{bmatrix} 1, +\infty \end{bmatrix}$ قصور f على المجال g قصور -2

أ- بين أن g تقبل دالة عكسية g^{-1} من مجال I يتم تحديده نحو المجال I

 g^{-1} ب- حدد $g^{-1}(x)$ لكل x من g وارسـم منحنى في نفس المعلم

تمرین17

$$f(x) = \frac{x}{4 - x^2}$$
 نعتبر f دالة المعرفة بـ

 D_f حدد -1

 $\lim_{x \to -2^{-}} f(x)$ و $\lim_{x \to -2^{+}} f(x)$ -2

I =]-2,2[نعتبر g قصور الدالة f على المجال g نعتبر

أ- بين أن g تقبل دالة عكسية g^{-1} من مجال I يتم تحديده نحو المجال I

 $\mathbf{0}$ ب- أدرس اتصال g^{-1} في

 $\operatorname{J}\operatorname{J}$ حدد $g^{-1}(x)$ لکل x من -4

تمرين18

$$f(x) = \frac{2 + \sqrt{4 - x^2}}{x}$$
 نعتبر f دالة المعرفة بـ

 D_f حدد (1

 $I=\left]0,2\right]$ لتكن g قصور f على المجال (2

يتم J بين أن g تقبل دالة عكسية g^{-1} من مجال ا يتم تحديده نحو المجال ا

J حدد $g^{-1}(x)$ لکل من (b

تمرين19

$$f(x) = \sqrt{x + \sqrt{1 + x^2}}$$

 D_f على على -1 على D_f على -1

 D_f بین أن f تزایدیة قطعا علی -2

استنتج أن f تقبل دالة عكسية f^{-1} من مجال D_f تحديده نحو D_f

 $f^{-1}(1)$ أحسب -4

من x لکل $f^{-1}(x)$ من -5

تمرين20

 $f(x) = \sqrt[3]{\frac{x}{1+x}}$ نعتبر f دالة المعرفة بـ

 D_f -حدد

 $I = \begin{bmatrix} 0, +\infty \end{bmatrix}$ قصور f على المجال -2

من مجال g يتم g^{-1} من مجال g يتم آ- بين أن g تحديده نحو المجال ا

J ب- حدد $g^{-1}(x)$ لکل من

نمرين21

نعتبر f دالة المعرفة بـ

$$\begin{cases} f(x) = x - \sqrt{x - 2} & x \ge 3 \\ f(x) = x - 1 + \sqrt[3]{3 - x} & x < 3 \end{cases}$$

. حدد D_f و نهایات عند محداتها -1

f ادرس اتصال - 2

 $I = \begin{bmatrix} 3; +\infty \end{bmatrix}$ ليكن g قصور الدالة

أ- بين أن g تقبل دالة عكسية g^{-1} من مجال g تحديده نحو المجال I

J ب- حدد $g^{-1}(x)$ لکل g