المستوى: الثانية علوم تجريبية مدة الإنجاز: ساعتان بتاريخ: 2014/11/28

الفرض الموحد الثاني الدورة الأولى



التمرين 1

التنقيط

اسئلة مستقلة

: بسط العددين التالبين:
$$C = \ln(81) + \ln(4) - 2\ln(2) + \ln\left(\frac{1}{81}\right) + 2$$
 و $B \cdot = \ln(2e) + \ln\left(\frac{e^2}{2}\right)$

2

2. بین ان

$$\ln 2 + \ln \left(2 + \sqrt{2}\right) + \ln \left(2 + \sqrt{2} + \sqrt{2}\right) + \ln \left(2 - \sqrt{2} + \sqrt{2}\right) = 2\ln \left(2\right)$$

_

3. حدد مجموعة التعريف الدوال العددية

2x $k(x) = \ln(x^4) \cdot f(x) = \ln(2x) \cdot g(x) = \ln(1-x)$

$$1-\ln x$$
: عما يلي: \mathbb{R} ما يلي: $2-\ln(x)=0$; $\ln(x)=2\ln(3)$

4

: I المجال f'(x) الكل f'(x) المجال 5.

2

$$f(x) = \sqrt{\ln(x)} \qquad I =]1; +\infty[$$

$$f(x) = \ln(x^2 + x + 2) \qquad I = \mathbb{R}$$

$$f(x) = x \ln(x) \qquad I =]0; +\infty[$$

 $\ln^2(x) - 3\ln(x) + 2 \le 0$; $1 - 2\ln(x) < 0$

6. أحسب النهايات التالية

$$\lim_{x \to 0^{+}} \frac{\ln(x)}{x^{2}} ; \quad \lim_{x \to +\infty} x - \ln(x) ; \quad \lim_{x \to 0^{+}} x - \ln(x)$$

$$\lim_{x \to 0} \frac{\ln(1+4x)}{x} ; \quad \lim_{x \to 1} \frac{\ln(x)}{x^{2}-x}$$

3

التمرين 2

 $f(x)=x+\sqrt{x^2+2x}$: لتكن $f(x)=x+\sqrt{x^2+2x}$ الدالة العددية المعرفة على المجال $I=[0;+\infty[$

$$\lim_{x \to +\infty} f(x) - 2x = 1 \cdot \lim_{x \to +\infty} \frac{f(x)}{x} = 2 \cdot \lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty \quad \text{i.i.}$$

0.5

 $(x \in]0,+\infty[)$ $\frac{f(x)}{x}=1+\sqrt{1+\frac{2}{x}}$ 1. بين أن $\frac{1}{x}+\frac{2}{x}=1$ عير قابلة للاشتقاق على اليمين في 0 و أول النتيجة المحصل عليها بين الدالة f غير قابلة للاشتقاق على اليمين في f و أول النتيجة المحصل عليها

0.5

]0;+∞[نم
$$x$$
 من $f'(x)=1+\frac{x+1}{\sqrt{x^2+2x}}$ من]3.

0.5

f الدالة الدالة الدالة f الدالة f الدالة ال

0.5

ج. انشئ (C_f) في معلم متعامد ممنظم (C_f) في معلم متعامد ممنظم f^{-1} معرفة على مجال f و جب تحدیده 4.

0.5

0.5

 $f^{-1}\left(\sqrt{5}+1
ight)$ ثم استنتج $f\left(\sqrt{5}-1
ight)$ تم استنج $\left(f^{-1}\right)'\left(\sqrt{5}+1
ight)$ نم احسب $f^{-1}\left(\sqrt{5}+1
ight)$ ثم احسب $f^{-1}\left(\sqrt{5}+1
ight)$ ثم احسب $f^{-1}\left(\sqrt{5}+1
ight)$ ثم احسب $f^{-1}\left(\sqrt{5}+1
ight)$

0.5