تم تحميل الملف من موقع عالم الرياضيات <u>www.salmimath.com</u> الدياضيات المكون : أنشطة الجبر المادة: الرياضيات

الدورة: الأولى المستوى: الجذع المشترك علمى

المدة الزمنية المخصصة: 5 ساعات

عنوان الدرس: المجموعات

القدرات المنتظرة:

- إدراك العلاقات بين الأعداد و التمييز بين مختلف مجمو عات االأعداد .
 - حديد كتابة مناسبة لثعبير جبرى حسب الوضعية المدر وسة .

المكتسبات القبلية

- ◄ الأعداد الحقيقية و العمليات عليها.
 - ◄ الحساب الحرفي.
- خاصيات الترتيب على الأعداد الحقيقية.
 - ◄ المتطابقات الهامة.
 - ◄ الكتابة العلمية.
 - ◄ خاصيات القوى

الوسائل المستعملة:

- ♦ الكتاب المدرسي
 - ◄ الألوان
 - ◄ المحسنة

الامتدادات:

- ◄ الدروس اللاحقة بالنسبة لمقرر السنة
- ✓ الدروس المقررة بالنسبة لمقررات السنوات اللاحقة

التوجيهات التربوبة:

- ◄ يتم توليف مختلف المعارف المكتسبة حول الأعداد ثم إدخال الرموز الخاصة بمجموعات هذه الأعداد و التمييز
- ◄ انطلاقا من أنشطة و تمارين يقدم الجذر مربع لعدد صحيح طبيعي الذي ليس مربعا كاملا كمثال لعدد لاجذري.
- ◄ انطلاقا من أنشطة يتم التذكير بخصائص العمليات فب المجموعة ¥ و بمختلف المتطابقات الهامة التي ينبغي a^3+b^3 و a^3-b^3 و تدعيمها بالمتطابقتين
 - ان خصائص وتقنيات العمليات في $rac{\Psi}{}$ يجب تدعيمها كلما سنحت الفرصة و في مختلف فصول المقرر .

محتوى البرنامج:

- ◄ کتابة و ترميز.
- ◄ أمثلة من الأعداد اللاجذرية.
- العمليات في ¥ خاصياتها.
- القوى و خاصياتها قوى العدد 10 الكتابة العلمية لعدد عشري.
 - $(a-b)^3$ و $(a+b)^3$ و a^3+b^3 و a^3-b^3
 - ◄ النشر و التعميل.

تم تحميل الملف من موقع عالم الرياضيات <u>www.salmimath.com</u> المجموعات

I. In the same \mathbf{a} of \mathbf{b} of

تذكير:

$$\Psi = \{0,1,2,3,4....$$
مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية هي:

مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية و مقابلاتها تكون مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية و نرمز لها ب ϕ و نكتب : ϕ = $\{$ $\}$

 $-5 \in \emptyset$ عدد صحیح نسبی ونکتب 0 = -5

$$\sqrt{7} \not\in \emptyset$$
 ليس عددا صحيحا نسبيا ونكتب $\psi \not\equiv \sqrt{7}$

0 العدد الصحيح النسبي المنعدم

: فير المنعدمة بالرمز $oldsymbol{c}^*$ و نكتب نرمز لمجموعة الأعداد الصحيحة النسبية غير المنعدمة بالرمز

$$\phi^* = \{..., -4, -3, -2, -1, 1, 2, 3, 4, ...\}$$

ملاحظة: كل عدد صحيح طبيعي هو عدد صحيح نسبي

 $\Psi \subset \phi$: نقول أن المجموعة ψ و نكتب ψ أو المجموعة ψ ضمن المجموعة و نكتب

2. مجموعة الأعداد العشرية النسبية:

نشاط:

$$: n \in \mathbb{Y}$$
 و $a \in \mathcal{C}$ حيث $\frac{a}{10^n}$ الأعداد التالية على الشكل

-0,546 ; -3 ; 7 ; 3,12

تعریف:

كل عدد له كتابة كسرية على الشكل
$$\frac{a}{10^n}$$
 حيث $a \in \phi$ و نرمز $n \in \Psi$ يسمى عددا عشريا نسبيا و نرمز ID الأعداد العشرية النسبية ب

نتائج:

• العدد العشري له كتابة ب عدد منته من الأرقام على يمين الفاصلة .

 $\Psi \subset \psi \subset ID$ نا الشكل ($\frac{a}{10^0}$ كل عدد صحيح نسبي $\Psi \subset \psi \subset ID$ نسبي $\Psi \subset \psi \subset ID$ نا إذن $\Psi \subset \psi \subset ID$ الإعداد الجذرية :

تعریف:

العدد الجذري هو كل عدد على الشكل $\frac{a}{b^n}$ حيث $a\in \mathfrak{k}$ و $b\in \mathfrak{k}^*$ يرمز لمجموعة الأعداد $a\in \mathfrak{k}$ الجذرية ب

أمثلة: $\frac{3}{-5}$ عدد جذري ; 7 عدد جذري ; 7 عدد جذري π ليس عددا جذريا

 $\Psi \subset \phi \subset ID \subset \square$ نتيجة: كل عدد عشري نسبي هو عدد جذري . إذن

4. مجموعة الأعداد الحقيقية:

نشاط:

بين أن $\sqrt{2}$ عدد $\sqrt{2}$ بين أن

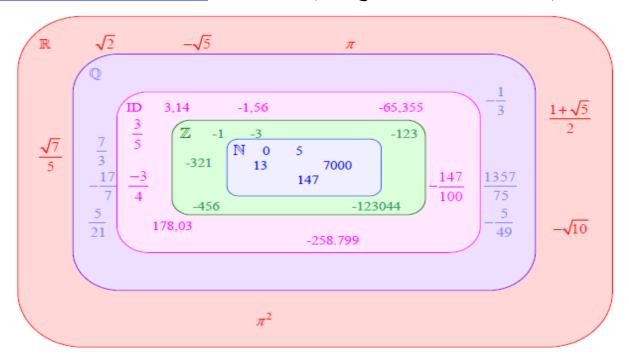
أرسم مربع ضلعه 1 ثم حدد طول قطره.

ملاحظة: توجد مقادير لا يمكن التعبير عنها بأعداد جذرية تسمى أعدادا لا جذرية

تعریف:

الأعداد الجذرية والأعداد اللاجذرية تكون مجموعة تسمى مجموعة الأعداد الحقيقية يرمز لها ب

 $\Psi \subset \phi \subset ID \subset \Xi \subset \psi$ نتيجة: کل عدد جذري هو عدد حقيقي . إذن

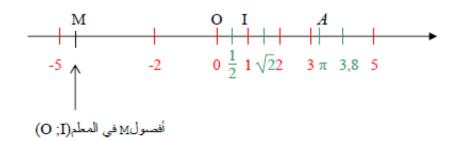


تمثيل المجموعة ::

 $\Delta igl(O;Iigr)$ نمثل المجموعة i على مستقيم مدرج

كل نقطة من المستقيم $\Delta(O;I)$ تقبل عددا حقيقيا وحيدا أفصولا لها.

كل عدد حقيقي هو أفصول لنقطة وحيدة من المستقيم $\Delta(O;I)$.



 $A(\pi)$ هي النقطة ذات الأفصول π نكتب A

II. العمليات في المجموعة ; و خاصياتها: 1. تذكير

الجمع:

- a+b=b+a الجمع تبادلي في : الكل a و b من b و الجمع تبادلي الكل عن الك
- (a+b)+c=a+(b+c) الجمع تجميعي في : الكل a و b من b عن : الكل a

$$a+(-a)=(-a)+a=0$$
: — a مقابل هو a مقابل هو •

♦ الطرح:

$$a-b=a+(-b)$$
 ایکن a من b من b

♦ الضرب:

$$a \times b = b \times a$$
 الضرب تبادلي في : : لكل a و b من :

$$(a \times b) \times c = a \times (b \times c)$$
 الضرب تجميعي في : لكل $a \cdot b \cdot a$ و $b \cdot a$ الضرب تجميعي في :

$$a \times 1 = 1 \times a = a$$
 ; نكل $a \times 1 = 1 \times a = a$; نكل $a \times 1 = 1 \times a = a$

$$a^{-1} \times a = a \times a^{-1} = 1$$
 : $(a^{-1}) = \frac{1}{a}$ مقلوب هو a مقلوب هو •

ن من
$$c$$
 و b و a الضرب توزیعي على الجمع في : الكل a و b من a

$$(b+c)\times a = ba+ca$$
; $a\times(b+c) = ab+ac$

الخارج:

$$\frac{a}{b} = a \times \frac{1}{b}$$
 : i^* من i^* من a لیکن •

قو اعد:

$$a+c=b+c$$
 لکل $a=b$: ز من $a=b$ نکافئ $a=b$

$$ac=bc$$
 نکافئ $a=b$: $a=b$ نکافی $a=b$ نکافی $a=b$

:
$$i$$
 d c b a b

$$a+c=b+d$$
 فإن $a=b$ و $a=b$

$$ac = bd$$
 و $c = d$ و $a = b$ فإن $a = b$

$$b=0$$
 j $a=0$ ab $=0$

$$b \neq 0$$
 , $a \neq 0$ is if $ab \neq 0$

$$ad = bc$$
 نکافئ $\frac{a}{c} = \frac{b}{d}$: $ad = bc$ نکافئ $ad = bc$ نکافی •

$$\frac{a}{c} \times \frac{b}{d} = \frac{ab}{cd}$$
 , $\frac{a}{c} + \frac{b}{d} = \frac{ad + bc}{cd}$: i^* نکل a من i من i من i من i من i

$$\frac{\frac{a}{b}}{\frac{c}{d}} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c}$$
 , $\frac{1}{b} = \frac{c}{b}$: $| *$ نکل a من $|$ و a و b من $|$ و a من $|$ و

2. الجذور المربعة:

تعریف:

 $^+$ البكن $^+$ من

 \sqrt{x} : يحقق x و يكتب $y^2=x$ يسمى جذر مربع العدد الموجب y و يكتب العدد الحقيقي الموجب

$$x \in y^{+}$$
 ; $y = \sqrt{x}$ نكافئ $y \ge 0$; $y^2 = x$

 \cdot نیکن $^+$ من $^+$ من $^+$

$$\left(y \neq 0\right) \quad \sqrt{\frac{x}{y}} = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{y}} \quad ; \quad \sqrt{x}\sqrt{y} = \sqrt{xy} \quad ; \quad \left(\sqrt{x}\right)^2 = \sqrt{x^2} = x$$

$$x = y \quad \text{if } \sqrt{x} = \sqrt{y}$$

$$\sqrt{x^2} = -x \quad \text{if } x \quad \text{of } x \quad \text{of$$

ملاحظة: لكل عدد لحقيقي موجب a يو جد عددان حقيقيان مربعهما يساوي a هما a هما a .3 . القوى: تعريف:

$$(a \neq 0) \ a^{-n} = \frac{1}{a^n} \ ; \ a^n = q \times_1 a \times_2 a \times_3 a \times_4 a \times_4 a \times_4 a \times_5 a$$
من الد عوامل n

 \mathbf{n} العدد الأس عوة العدد الأس

-n يسمى قوة العدد الأس العدد

 $a^0 = 1$: i^* نیکن a

 \cdot ϕ^* من n من n من y من

$$x^m \times y^m = (x \times y)^m$$

$$\frac{x^m}{x^n} = (x)^{m-n}$$

$$x^m \times x^n = x^{m+n}$$

$$\frac{x^m}{v^m} = \left(\frac{x}{y}\right)^m \qquad \left(x^m\right)^n = x^{m \times n} \qquad x^{-n} = \left(\frac{1}{x}\right)^n$$

$$\sqrt{x^n} = \sqrt{x}^n$$
 اکل عدد حقیقی موجب

$$x^1 = x$$
 ن من الله خاصة: لكل عن الله خاصة الكل

4. الكتابة العلمية لعدد عشري:

خاصية:

الكتابة العلمية للعدد العشري النسبي a هي . .

و محدد صحیح نسبي.
$$1 \le a < 10$$
 و محدد صحیح نسبي. $a.10^n$

و معدد صحیح نسبي.
$$1 \le a < 10$$
 و عدد صحیح نسبي. $-a.10^n$ و مثلة:

$$1240000 = 1,24 \times 10^6$$

$$-0.00131 = -1.31 \times 10^4$$

$$2,045 = 2,045 \times 10^{0}$$

5. المتطابقات الهامة:

$$:$$
 ایکن a من a لیکن

$$(a+b)^{2} = a^{2} + 2ab + b^{2} (a-b)^{2} = a^{2} - 2ab + b^{2}$$

$$a^{2} - b^{2} = (a+b)(a-b)$$

$$(a+b)^{3} = a^{3} + 3a^{2}b + 3ab^{2} + b^{3}$$

$$(a-b)^{3} = a^{3} - 3a^{2}b + 3ab^{2} - b^{3}$$

$$a^{3} - b^{3} = (a-b)(a^{2} + ab + b^{2})$$

$$a^{3} + b^{3} = (a+b)(a^{2} - ab + b^{2})$$