Теплопроводность

Никитин Илья

19 декабря 2020 г.

План доклада

- Введение и описание эксперимента
- Теоретические выкладки
- Обработка данных и осмысливание результата
- Выводы и мысли о возможном усовершенствовании установки

Уравнение теплопроводности

$$\frac{\partial T}{\partial t} - a^2 \Delta T = f(\vec{r}, t) \tag{1}$$

где f – функция тепловых источников, а^2 = $\frac{\lambda}{c_{\rm p}\rho}$ – коэффициент температуропроводности, λ – теплопроводность, $c_{\rm p}$ – изобарная удельная теплоемкость, ρ – плотность.



Рис.: Сферическая колба с исследуемым материалом (манная крупа)



Рис.: Нагреватель и несколько термопар

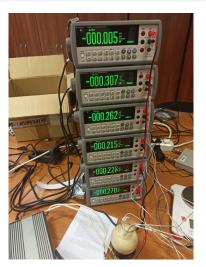


Рис.: Мультиметры Keysight, снимающие в автоматическом режиме показания с термопар



Рис.: Рабочий вид установки, колба помещена в ведро с водой

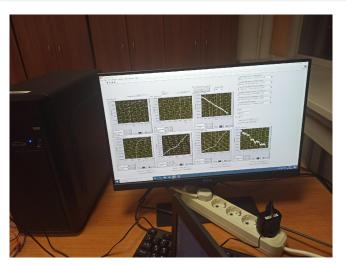


Рис.: Программа на LabView, автоматически записывающая данные в реальном времени

Теоретические выкладки

Уравнение теплопроводности в сферических координатах

В случае сферической симметрии удобно перейти к сферическим координатам. В таком случае T=T(r):

$$\frac{\partial T}{\partial t} - a^2 \left(\frac{\partial^2 T}{\partial r^2} + \frac{2}{r} \frac{\partial T}{\partial r}\right) = f(r, t)$$
 (2)

Полагая $u = T \cdot r$:

$$\frac{\partial \mathbf{u}}{\partial \mathbf{t}} - \mathbf{a}^2 \frac{\partial^2 \mathbf{u}}{\partial \mathbf{r}^2} = \mathbf{f}(\mathbf{r}, \mathbf{t}) \tag{3}$$

Теоретические выкладки

Стационарный случай

В случае, если температуры можно считать установившимися:

$$a^{2} \frac{\partial^{2} u}{\partial r^{2}} = -f(r) \tag{4}$$

B нашем случае при $r < r_0$: $f(r) = \frac{P}{V_0 \circ \rho},$ при $r > r_0$: f(r) = 0

Теоретические выкладки

Результат решения дифференциального уравнения

Для области $r > r_0$:

$$T = T_0 + \frac{Pr_0^2}{3V_0\lambda r} \tag{5}$$

Отсюда:

$$\lambda = \frac{\text{rPr}_0^2}{3V_0(T - T_0)} \tag{6}$$

Обработка данных

Температура нагревателя

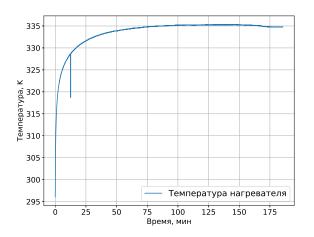


Рис.: Температура нагревателя

Обработка данных

Температуры внутри и вне шара

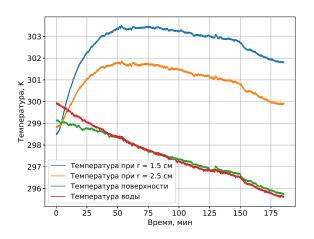


Рис.: Температуры внутри и вне шара

Обработка данных

Результат измерения теплопроводности

Считая, что изменения температуры со временем маленькие (в нулевом приближении стационарный режим) получаем: $\lambda = \frac{r P r_0^2}{3 V_0 (T-T_0)} \approx 0.26 \frac{B_T}{\text{M·K}}$

Выводы

Измерение температурных коэффициентов

- Полученная теплопроводность манки не сильно отличается от табличных значений для пшеничной крупы, что позволяет говорить о применимости такого метода измерения.
- В целом, можно было бы дополнить экспериментальную установку хорошим большим термостатом, для того, чтобы получить теплоемкость зерна, однако такого не оказалось на факультете.