Изучение статистики распределения параметров номинально одинаковых объектов

Выполнил Илья Никитин

Теоретическое обоснование

$$\sigma_{x} = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_{i} - x_{cp})^{2}}$$
 -стандартное отклонение величины х

$$\sigma_{x_{ci}} = \frac{\sigma_x}{\sqrt{n}}$$
 -случайная погрешность

$$\sigma_{x_{obc}} = \sqrt{\sigma_{x_{ot}}^2 + \Delta_{s}^2}$$
 -абсолютная погрешность

$$\sigma_{f(x,y)} = \sqrt{\left(\partial \frac{f}{\partial x} \sigma_x\right)^2 + \left(\partial \frac{f}{\partial y} \sigma_y\right)}$$
 -абсолютная погрешность $f(x,y)$

Определение плотности веществ, из которых изготовлены исследуемые объекты: $\rho = \frac{m}{V}$

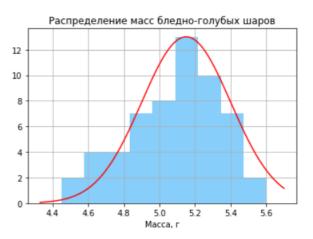
$$\rho = \frac{m}{V}$$

Экспериментальное оборудование

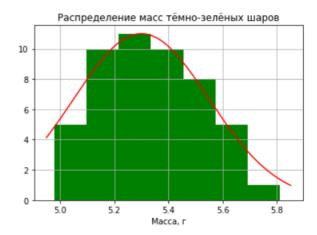


Ход эксперимента (распределение масс)

	Бледно-голубые		емно-зелёные		Прозрачно-бирюзовые		Таблетки Си
e	Массы, гр	N≘	Macca, rp	N≘	Macca, rp	Ne	Macca, rp
l	5.16	1	5.21	1	4,96	1	6,27
2	4.93	2	5.53	2	5,51	2	5,99
	5.15	3	5.19	3	5,36	3	6,19
	5.34	4	5.25	4	5,36	4	5,46
5	4.77	5	5.23	5	5,25	5	5,91
,	4.89	6	5.42	6	5,56	6	5,88
7	5.15	7	5.46	7	5,40	7	5.73
3	5.26	8	5.13	8	5.23	8	5.86
)	4.99	9	5.20	9	5,86	9	6.13
D	5.25	10	5.23	10	5,26	10	6,11
1	5.29	11	4.98	11	5,21	11	5,98
2	4.67	12	5.26	12	5.20	12	5.92
3	5.11	13	5.18	13	5,39	13	5,73
4	5.34	14	5.44	14	4,90	14	5,64
5	4.85	15	5.46	15		15	6.09
					4,96		
5	5.05	16	5.09	16	5,65	16	5,70
7	4.84	17	5.14	17	5,69	17	6,28
В	5.60	18	5.42	18	5,21	18	5,47
9	5.36	19	5.09	19	5,10	19	5,64
0	5.24	20	5.19	20	5,59	20	5,73
1	4.77	21	5.33	21	5,47	21	5,90
2	4.70	22	5.51	22	5,26	22	5,10
3	5.11	23	5.21	23	5,41	23	6,20
4	4.70	24	5.36	24	5,68	24	6.09
5	4.82	25	5.10	25	5,48	25	5,95
6	5.20	26	5.29	26	5.05	26	6.31
7	4.68	27	5.24	27	5,38	27	6,11
в .	5.15	28	5.57	28	5.64	28	5,67
9	4.93	29	5.49	29	5,61	29	6,40
0	5.16	30	5.22	30	5,66	30	5,62
		31		31		31	
1	5.28		5.58		5,06		5,39
2	4.81	32	4.99	32	5,59	32	5,53
3	4.93	33	5.68	33	5,00	33	6,37
4	5.11	34	5.34	34	5,64	34	6,14
5	4.57	35	5.81	35	5,78	35	5,63
6	5.06	36	5.46	36	5,11	36	6,30
7	5.22	37	5.59	37	4,71	37	5,95
В	5.23	38	5.49	38	5,78	38	6,11
9	5.28	39	5.61	39	5,48	39	5,97
0	5.15	40	5.69	40	5,34	40	6,33
1	5.00	41	5.33	41	5,21	41	5,54
2	5.21	42	5.44	42	5.51	42	5.81
3	4.92	43	5.32	43	5,45	43	5,47
4	5.11	44	5.00	44	5.50	44	6.10
5	5.09	45	5.15	45	5,18	45	6,00
5	5.00	45	5.40	45		45	5,58
				46			
7	4.45	47	5.43		5,06	47	5,82
В	5.01	48	5.38	48	5,50	48	5,58
9	5.03	49	5.30	49	5,47	49	5,75
0	4.97	50	5.40	50	5,48	50	5,80
1_	5.37			51_	5,29		
2	5.49					-,	
3	5.40						
4	5.45	1		_	$\sigma_{mcn} = \frac{\sigma_m}{\sqrt{n}}$ $\sigma_{m_{abc}}$		
5	5.39	$\propto -1$)' (m _ m	$)^2$	T = <u>"</u> "	$-\sqrt{\sigma^2}$	Λ^2
5	5.40	, - 1	_ / \III.—III	, ,	mca / () -	- V () T	/ \

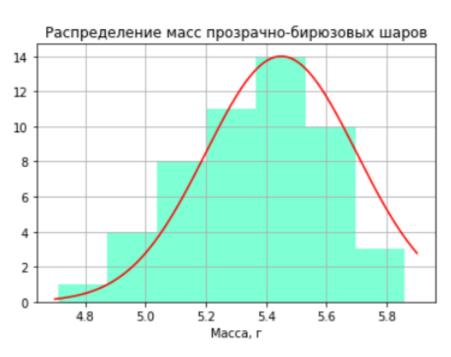


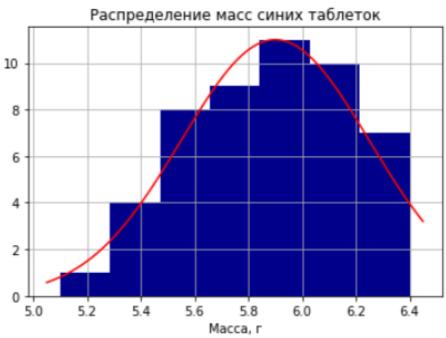
$$\sigma_{m_{a6c}}$$
бледно-голубых $=0,0344$



$$\sigma_{\it m_{\it abc}}$$
темно $-$ зеленых $=$ 0,0287

Ход эксперимента (распределение масс)





$$\sigma_{m_{aбc}}$$
 прозрачных бирюзовых $=$ 0 ,0370

$$\sigma_{m_{a6c} ma6nemo\kappa} = 0,0429$$

Ход эксперимента (отклонение от идеальной сферы)

	Бледно-голубые					
Nº	Массы, гр	Диаметр 1, мм	Диаметр 2, мм	Диаметр 3, мм	Диаметр 4, мм	Диаметр 5, мм
1	5,16	15,91	15,89	15,92	15,93	15,95
2	4,50	15,17	15,18	15,20	15,21	15,22
3	4,93	15,65	15,67	15,64	15,68	15,65
4	5,15	15,90	15,93	15,87	15,91	15,84
5	5,34	16,07	16,04	16,08	16,08	16,13
6	4,77	15,47	15,55	15,51	15,49	15,54
7	4,89	15,61	15,66	15,62	15,63	15,63
8	5,15	15,92	15,91	15,38	15,92	15,89
9	5,26	15,94	16,00	15,99	15,98	15,97
10	4,99	15,76	15,74	15,74	15,77	15,69
11	5,25	15,95	15,96	15,97	15,93	15,96
12	5,29	16,05	16,06	16,06	16,05	16,08
13	4,67	15,35	15,33	15,34	15,37	15,34
14	5,11	15,80	15,85	15,84	15,86	15,81
15	5,34	16,34	16,09	16,23	16,15	16,27
16	4,85	15,63	15,64	15,61	15,57	15,59
17	5,05	15,74	15,83	15,79	15,71	15,78
18	4,84	15,55	15,53	15,50	15,54	15,57
19	5,60	16,20	16,31	16,19	16,32	16,26
20	5,36	15,99	16,09	16,07	16,17	16,01

$$\sigma_{d} = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (d_{i} - d_{cp})^{2}}$$

$$\sigma_{d_{ca}} = \frac{\sigma_{d}}{\sqrt{n}}$$

$$\sigma_{d_{ofc}} = \sqrt{\sigma_{d_{ca}}^{2} + \Delta_{g}^{2}}$$

Nº	Ошибка диаметра
1	0,011
2	0,011
3	0,009
4	0,017
5	0,015
6	0,016
7	0,010
8	0,010
9	0,011
10	0,015
11	0,008
12	0,007
13	0,008
14	0,013
15	0,044
16	0,014
17	0,021
18	0,013
19	0,027
20	0,032

$$\sigma_{cp.om\kappa n} = \frac{\sum_{i=1}^{n} \sigma_{d_{obc}i}}{n} \qquad \sigma_{cp.om\kappa n} = 0.0156$$

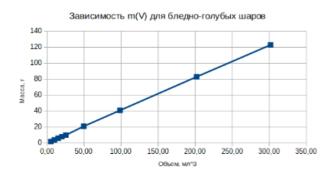
Ход эксперимента (измерение объема)

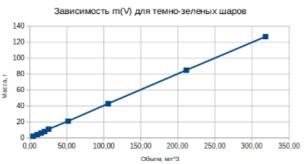
	Прозрачные бирюзовые						
Nβ	Кол-во шариков	Общая масса, гр	Объем, мл				
1	1	5,23	2				
2	2	10,42	4				
3	3	15,86	6				
4	4	21,19	8				
5	5	26,99	10				
6	10	53,00	21				
7	20	107,00	43				
8	40	213,59	85				
9	60	321,77	127				
		Бледно-голубые					
Ng	Кол-во шариков	Общая масса, гр	Объем, мл				
1	1	5,22	2				
2	2	10,01	4				
3	3	15,10	6				
4	4	20,02	8				
5	5	25,37	10				
6	10	49,60	21				
7	20	98,56	41				
8	40	201,85	83				
9	60	301,74	123				

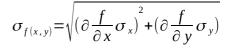
		Тёмно-зеленые	
N ₂	Кол-во шариков	Общая масса, гр	Объем, мл
1	1	4,69	2
2	2	10,16	4
3	3	15,32	6
4	4	20,00	8
5	5	25,50	11
6	10	51,72	21
7	20	105,87	43
8	40	211,30	85
9	60	318,11	127
		Таблетки синие	
NΩ	Кол-во таблеток	Общая масса, гр	Объем, мл
1	1	5,89	2
2	2	11,59	5
3	3	17,11	7
4	4	22,91	10
5	5	28,64	12
6	10	57,96	25
7	20	115,58	50
8	30	176,31	75
9	50	294,13	124

	Ошибка объема
Бледно-голубые	0,0083
Темно-зелёные	0,0083
Прозрачные бирюзовые	0,0083
Таблетки синие	0.0100

Вычисление плотности

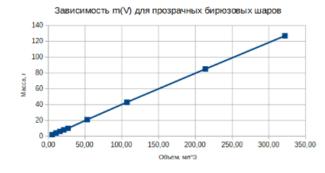


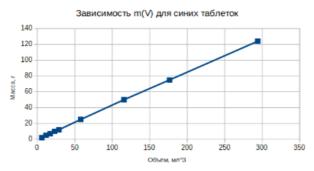




$$\sigma_{\rho} = \sqrt{\left(\partial \frac{\rho}{\partial V} \sigma_{V}\right)^{2} + \left(\partial \frac{\rho}{\partial m} \sigma_{m}\right)^{2}}$$







	Средний объем	Средняя масса	Ошибка объема	Ошибка массы	Ошибка плотности
Бледно-голубые	2,12	5,36	0,0083	0,0344	0,0191
Темно-зелёные	2,05	5,03	0,0083	0,0287	0,0172
Прозрачные бирюзовые	2,12	5,30	0,0083	0,0370	0,0200
Таблетки синие	2,48	5,88	0,0100	0,0429	0,0198

Итог и вывод

	Средняя плотность, г/мл^3	Средний объем, мл^3	Средняя масса, г	Ошибка объема, мл^3	Ошибка массы, г	Ошибка плотности, г/мл^3	Плотность, г/мл^3	Объем, мл^3	Масса, г
Бледно-голубые	2,53	2,12	5,36	0,0083	0,0344	0,0191	2,53 ± 0,02	2,12 ± 0,01	5,36 ± 0,03
Темно-зелёные	2,45	2,05	5,03	0,0083	0,0287	0,0172	2,45 ± 0,02	2,05 ± 0,01	5,03 ± 0,03
Прозрачные бирюзовые	2,50	2,12	5,30	0,0083	0,0370	0,0200	2,50 ± 0,02	2,12 ± 0,01	5,30 ± 0,04
Таблетки синие	2,37	2,48	5,88	0,0100	0,0429	0,0198	2,37 ± 0,02	2,48 ± 0,01	5,88 ± 0,04

- Распределение масс удовлетворяет распределению Гаусса
- С помощью мензурки измерены объемы исследуемых тел
- С помощью микрометра было получено среднее отклонение шарика от идеальной сферы. Оно довольно мало и позволяет считать шарики идеальными сферами.
- Плотность всех видов шариков с хорошей точностью совпадает с плотностью силикатного стекла $\rho_{\text{силикат}} = 2,5 \, \text{г/m}^3$
- Плотность таблеток позволяет предположить, что таблетки сделаны из кварцевого стекла плотностью $ho_{\kappa aapu} = 2.22/MM^3$

Спасибо за внимание!