

UADY

"Luz, Ciencia y Verdad"

Facultad de Ingeniería

Licenciatura en Ingeniería Física

Alan Mosqueda Camacho Carmen Andrea Rivera Martínez Francisco Abimael Yam Hong Gonzalo Herrera Ramirez Jesús Alejandro Salazar González José Israel Cetina Palomo Pedro Felipe Baeza Ortiz

ADA 2: Ejercicios

Fisicoquímica

Maestro: Avel Adolfo González Sánchez

Problema 7-11

Un mil de gas ideal a 27°C y 10 atm, se expande adiabáticamente hasta una presión constante opositora de 1 atm. calcular la temperatura final, Q, W, ΔE y ΔH para los dos casos, $\bar{c}_v = \frac{3R}{2}$, $\bar{c}_v = \frac{5R}{2}$.

Primero el caso de $\bar{c}_v = \frac{3R}{2}$:

$$\begin{array}{ccc} \text{Estado 1} & \text{Estado 2} \\ T_1 = 27^{\circ}\text{C} & (300.15\text{K}) & T_2 = ? \\ P_1 = 10\text{atm} & P_2 = 1\text{atm} \\ V_1 = ? & V_2 = ? \\ n = 1\text{mol} & n = 1\text{mol} \end{array}$$

$$R = 0.08206 \frac{atm \cdot L}{mol \cdot K}$$

Calculando el volumen en el estado 1

$$PV = nRT \to P_1V_1 = nRT_1 \to V_1 = \frac{nRT_1}{P_1}$$
$$V_1 = \frac{(1mol)(R = 0.08206 \frac{atm \cdot L}{mol \cdot K})(300.15K)}{10atm}$$
$$\therefore V_1 = 2.0463 L$$

Para el caso no reversible procedemos de la siguiente forma, tenemos dos incognitas: T_2 y V_2 . Se necesitan dos ecuaciones, la primera ecuación es:

$$P_2V_2 = nRT_2 \to V_2 = \frac{nRT_2}{P_2}$$

La siguiente ecuación es:

$$P\Delta V = -W \rightarrow P\Delta V = -n\bar{c}_v\Delta T$$

Que sería igual a:

$$P_2(V_2 - V_1) = -n\bar{c}_v(T_2 - T_1)$$

Desarrollando y sustituyendo V₂ para despejar T₂

$$n\bar{\mathbf{c}}_v \mathbf{T}_1 + \mathbf{P}_2 \mathbf{V}_1 = \mathbf{T}_2 \left[n\bar{\mathbf{c}}_v + n\mathbf{R} \right]$$

Agregando el valor de $\bar{\mathbf{c}}_v$ y terminando el despeje

$$T_2 = \frac{2}{5Rn} \left[\frac{3RnT_1}{2} + P_2V_1 \right]$$
$$\Rightarrow T = \frac{2}{5} \left[\frac{3T}{2} + \frac{P_2V_1}{Rn} \right]$$

Sustituyendo valores y resolviendo

$$T_2 = \frac{2}{5} \left[\frac{3(300,15K)}{2} + \frac{(1atm)(2,463L)}{(0,08206 \frac{atm \cdot L}{mol \cdot K})(1mol)} \right]$$

$$T_2 = 192,1K$$

Al ser un proceso adiabático

$$Q = 0$$

Calculando ΔE

$$\Delta E = \bar{c}_v(T_2 - T_1) \rightarrow \Delta E = \frac{3R}{2} (T_2 - T_1)$$

$$\Rightarrow \Delta E = \frac{3}{2} \left(0.08206 \frac{\text{atm} \cdot L}{\text{mol} \cdot K} \right) (192.1 - 300.15) \text{ K}$$

$$\therefore \Delta E = -1.35 \frac{\text{kJ}}{\text{mol}}$$

Calculando W

$$-W = \Delta E \Rightarrow W = 1.35 \frac{kJ}{mol}$$

Calculando ΔH

$$\Delta H = (\bar{c}_v + R)(T_2 - T_1) \Rightarrow \Delta H = \frac{5R}{2}(T_2 - T_1)$$

$$\Delta H = \frac{5}{2} \left(0.08206 \frac{\text{atm} \cdot L}{\text{mol} \cdot K} \right) (192.1 - 300.15) \text{ K}$$

$$\therefore \Delta H - 2.24 \frac{\text{kJ}}{\text{mol}}$$