

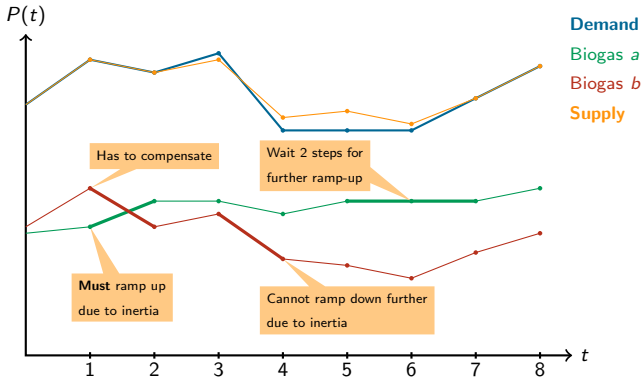


## Soft and Hard Constraints in Large Self-Organizing Systems

Alexander Schiendorfer et al.



**Ziel:** Stelle sicher, dass **Erzeugung** (Supply) und **Verbrauch** (Demand) in Balance sind.

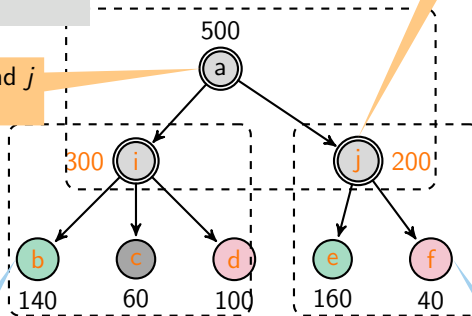


Regio-zentrale Fahrpläne  
ICAART'14, SAOS'14  
Marktbasiert  
TAAS'15

Wie kann ich *e* und *f* repräsentieren?

Abstraktion  
ICAART'14, TCCI'15  
SASO'15

Was sollen *i* und *j*  
beisteuern?



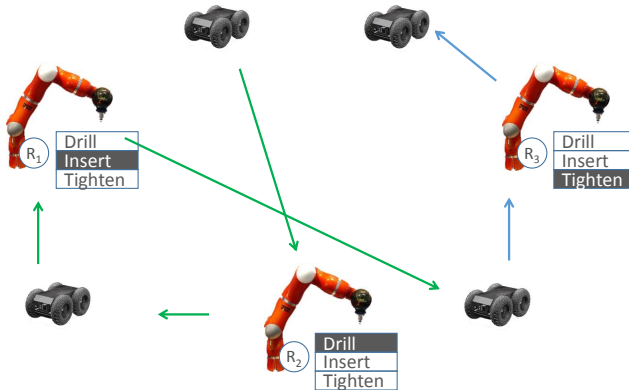
Supply Automata  
SEN-MAS'14  
TCCI'15

Wie vermeide ich  
meinen Speicher  
über 90% zu füllen?

Constraint Relationships / PVS  
SGAI'13, ICTAI'14  
Wirsing'15, Constraints'17

Wie beschreibe ich  
bevorzugte Abläufe?

**Ziel:** Weise Tasks an Roboter zu, sodass ein korrekter **Ressourcenfluss** entsteht



(Seebach et al., 2010)

**Ziel:** Belege (endlich viele) Variablen aus  $X$  mit einem aus (endlich vielen) Werten aus  $D$  sodass alle Constraints  $C$  erfüllt werden.

## Beispiel

- $n$  Roboter,  $m$  Tasks
- Gebe jedem Roboter einen *unterschiedlichen* Task, stelle sicher, dass jeder Task belegt ist

```
% problem data
int: n; set of int: ROBOTS = 1..n;
int: m; set of int: TASKS = 1..m;

% decisions
array[ROBOTS] of var TASKS: allocation;

% goal
solve satisfy;

% have robots work on different tasks
constraint alldifferent(allocation);
constraint forall(t in TASKS) (exists(r in ROBOTS) (allocation[r] = t));
```

**Ziel:** Suche die beste Belegung, sodass eine **skalare** Zielfunktion  $f : [X \rightarrow D] \rightarrow \mathbb{Z}$  minimiert (oder maximiert) wird.

## Beispiel

- $n$  (steuerbare) Supplier,  $m$  (steuerbare) Consumer decken Residuallast

```
% problem data
int: n; set of int: SUPPLIERS = 1..n;
array[SUPPLIERS] of int: costs;
int: m; set of int: CONSUMERS = 1..m;
int: residualLoad;

% decisions
array[SUPPLIERS] of var 0..100: supply;
array[CONSUMERS] of var 0..100: demand;

% goal
solve minimize sum(s in SUPPLIERS)(costs[s]*supply[s]);

% have robots work on different tasks
constraint sum(supply) - sum(demand) - residualLoad = 0;
```

**Harte** Constraints aus Supply Automata:

$$\text{hardBounds} : \forall t \in T, a \in A : m[a][t] = \text{on} \rightarrow P_{\min} \leq S[a][t] \leq P_{\max}$$

**Weiche** Constraints anlagenspezifisch (z.B. Präferenz für 350 bis 390 KW):

$$\text{ecoSweet}_{\text{bio}} : \forall t \in T : m[\text{biogas}][t] = \text{on} \rightarrow 350 \leq S[\text{biogas}][t] \leq 390$$

oder Änderungsgeschwindigkeit

$$\text{inertia}_{\text{therm}} : \forall t \in T : |S[\text{biogas}][t] - S[\text{biogas}][t + 1]| \leq 10$$

## Constraint Programming

- Deklarative Programmierung (ähnlich SQL, Prolog)
- Trennung von **Modell** und *Algorithmus*
- Geeignet für kombinatorische Probleme unter harten Bedingungen (Physik!)
- Modellierungssprache **MiniZinc**

## Soft Constraint Programming

- Modellierung von **Präferenzen**
- Finde Lösungen, die *so gut wie möglich* sind
- Was bedeutet "gut"?
- Modellierungssprache **MiniBrass**



## Rationale

Eine Sprache – viele Solver

### Unterstützte Solver

- Gecode (CP)
- JaCoP (CP)
- Google Optimization Tools (CP)
- Choco (CP)
- G12 (CP/LP/MIP)



Was machen wir nun mit **inertia<sub>therm</sub>** und **ecoSweet<sub>bio</sub>**?

**Max-CSP** Erfülle so viele Constraints wie möglich (Freuder and Wallace, 1992)

**Weighted CSP** Minimiere die Summe der verletzten Constraints nach Gewicht  
(Shapiro and Haralick, 1981)

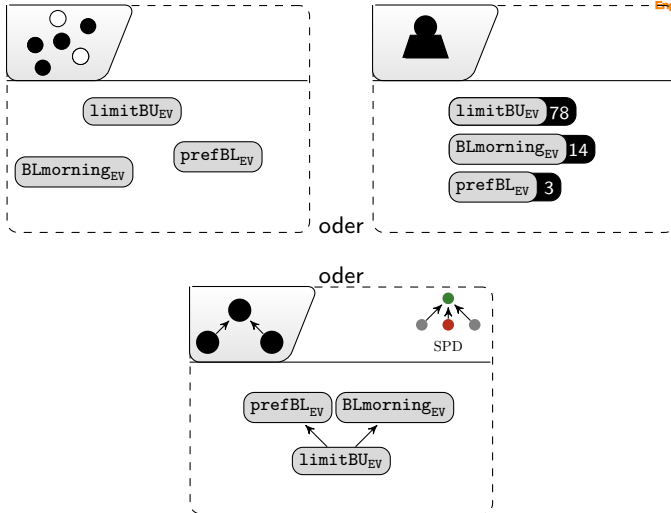
**Fuzzy CSP** Erfülle den (minimalen) Erfüllungsgrad (zwischen 0 und 1) über alle  
Soft Constraints (Ruttkay, 1994)

... und natürlich

**Constraint Preferences** (früher *Constraint Relationships*): Definiere partielle  
Wichtigkeitsordnung über Constraints; erhebe diese zu Mengen von  
verletzten oder erfüllten Constraints (Schiendorfer et al., 2013)

Zentrale Frage

→ Was sind die Gemeinsamkeiten? Was müssen wir “minimal” tun?



Wir benötigen . . .

- Eine Menge  $M$  von Erfüllungsgraden, z.B.  $[0.0, 1.0]$  oder  $\{0, 1, \dots, k\}$  oder  $2^{C_s}$ .
- Eine partielle Ordnung  $\leq_M$  über  $M$ :  $m \leq_M n$  drückt aus, dass  $m$  *schlechter* als  $n$  ist
- Eine Kombinationsoperation  $\cdot_M$ , um zwei Elemente aus  $M$  miteinander zu verrechnen
- Ein bestes Element  $\varepsilon_M$ , um *volle Zufriedenheit* auszudrücken

Gemeinsam nennen wir  $(M, \cdot_M, \varepsilon_M, \leq_M)$  eine **partielle Bewertungsstruktur**.

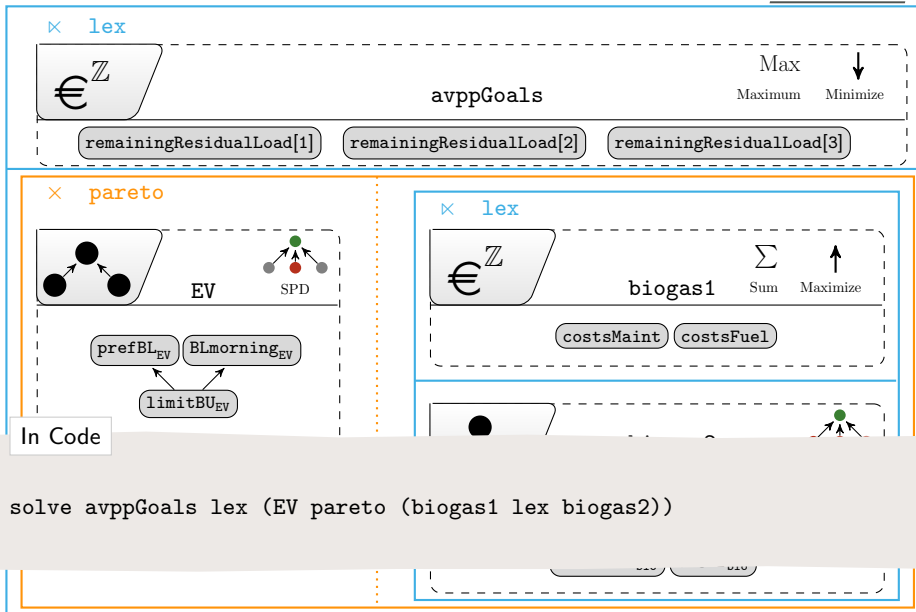
(Gadducci et al., 2013; Schiendorfer et al., 2015)

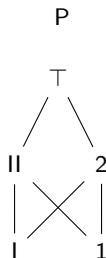
| Konkrete PVS-Typen                       | $M$                      | $\cdot_M$ | $\leq_M$          | $\varepsilon_M$ |
|--|--------------------------|-----------|-------------------|-----------------|
| Weighted CSP (WCSP)                      | $\mathbb{N}$             | $+$       | $\geq$            | 0               |
| Cost Function Network (CFN)              | $\{0, \dots, k\}$        | $+/max$   | $\geq$            | 0               |
| Fuzzy CSP                                | $[0, 1]$                 | $min$     | $\leq$            | 1               |
| Inclusion Max CSP                        | $2^{C_s}$                | $\cup$    | $\supseteq$       | $\emptyset$     |
| Constraint Preferences (CP) <sup>1</sup> | $\mathcal{M}^{fin}(C_s)$ | $\sqcup$  | $\supseteq_{SPD}$ | $\sqcup$        |

## Hauptidee

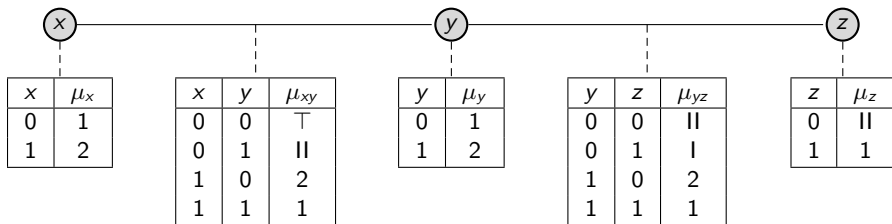
Implementiere Lösungsverfahren für Constraint-Probleme, die durch Bewertungsstrukturen geordnet sind. Instantiiere für konkrete Probleme.

<sup>1</sup>  $C_s$  is the set of soft constraints,  $\supseteq_{SPD}$  is the SPD-ordering on sets.



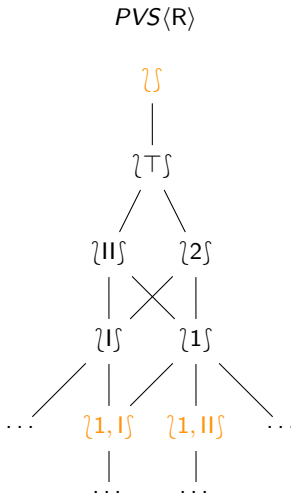
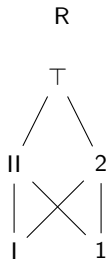


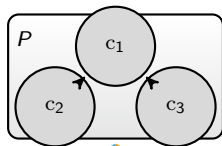
## SCSP



- Angenommen  $(P, \leq_P)$
- Wir suchen eine PVS  $(M, \cdot_M, \varepsilon_M, \leq_M)$
- Wie **Multiplikation** konstruieren?
  - Repräsentiere  $p \in P$  durch "sich selbst":  $p \in M \checkmark$
  - Füge neue Elemente " $p \cdot_M q$ " für alle Elemente  $p, q \in M$  aus  $\checkmark$
  - Stelle sicher dass Kommutativität und Assoziativität gelten, nicht aber *Idempotenz*:  
 $(p \cdot_M q) \cdot_M r = q \cdot_M (r \cdot_M p)$
  - $\rightarrow$  Wähle *Multimengen* über  $P$  als Repräsentant der Produkte aus (Mengen wären idempotent:  $p \cdot_M p \neq p$  soll aber gelten.
  - Neutrales Element  $\wr$  für Multiplikation "geschenkt"
- Welche Ordnungsbeziehungen *müssen* gelten?
  - Wenn  $p \leq_P q$  dann  $\wr p \wr \preceq^P \wr q \wr$
  - $X \preceq^P \wr$ , weil  $\varepsilon_M$  das Maximum in  $\leq_M$  sein soll
  - Genannt: **Smyth-Ordnung**
- Beispiel:  $\wr 1, I, 2 \wr \preceq^P \wr 2, II \wr$





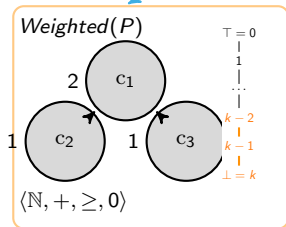


Cat : POSet

Cat : PVS

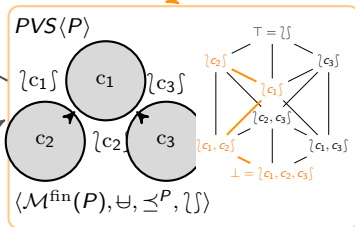
$$\mu(c) = w^{\text{SPD}}(c)$$

$$\eta(c) = \{c\}$$



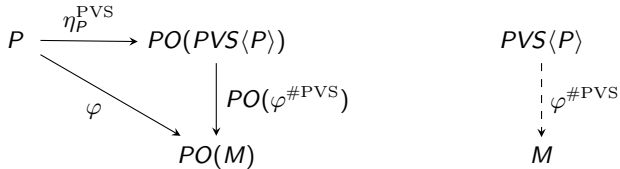
$$(w^{\text{SPD}})^{\#}$$

$$?$$



Lemma (PVS-Freiheit (Knapp and Schiendorfer, 2014))

$PVS\langle P \rangle$  is the free partial valuation structure over the partial order  $P$ .



## Freie Konstruktionen

- no junk
- no confusion

```

type FreePVS = PVSType<mset [maxOccurrences] of 1..maxP> =
  params {
    array[int, 1..2] of 1..nScs: orderRelation;
    int: maxP;
    int: maxPerSc;
    int: maxOccurrences :: default('mbr.nScs * mbr.maxPerSc');
  } in
  instantiates with "../mbr_types/free-pvs-type.mzn" {
    times -> multiset_union;
    is_worse -> isSmythWorse;
    top -> {};
  };

```

```

PVS: fp = new FreePVS("fp") {
  soft-constraint c1: 'embed(x == 4, 3, 3)';
  soft-constraint c2: 'embed(x in {1,3,4}, 2, 3)';
  soft-constraint c3: 'embed(x <= 3, 1, 3)';

  orderRelation : '[| 2, 1 | 3, 1 |]';
  maxP: '3' ;
  maxPerSc : '2';
};

solve fp;

```

Die Smyth-Ordnung haben wir induktiv definiert:

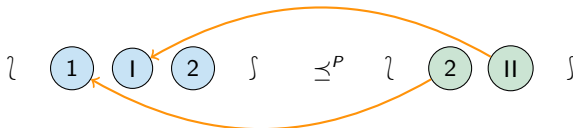
$$p <_P q \Rightarrow T \sqcup \{p\} \prec^P T \sqcup \{q\}$$

$$T \supset U \Rightarrow T \prec^P U$$

Wie können wir sie nun für einen Constraint-Solver codieren?

Lemma (Witness für  $\preceq^P$  (Schiendorfer et al., 2017))

*$T \preceq^P U$  gilt genau dann wenn es eine injektive Abbildung  $h : S(U) \rightarrow S(T)$  (genannt Witness-Funktion) mit  $p \leq_P q$  wenn  $h(j, q) = (k, p)$  für alle  $(j, q) \in S(U)$  gibt.*





Originalprobleme aus der *MiniZinc-Benchmark-Library*; versehen um zusätzliche Soft Constraints als Constraint Preferences

**Soft N-Queens** N-Damen mit Zusatzbedingungen (z.B. 1 Dame in der Mitte)

**Photo Placement** Platziere Personen auf Foto neben gewünschten anderen (manche lieber als andere)

**Talent Scheduling** Plane Szenen und Drehtage; Szenen sollten nicht zu früh beginnen/spät enden; Manche Schauspiele gehen einander lieber aus dem Weg

**On-call Rostering** Belegungsplan für Bereitschaftsdienste unter arbeitsrechtlichen Bedingungen. Präferenzen für/gegen gewissen Daten bzw. Kooperation mit Kollegen

**Multi-Skilled Project Scheduling** Weise zeitgebundene Tasks an Agenten mit mehreren Capabilities zu (unter Einhaltung von Präzedenz) – ähnlich zu ODP/COMBO

|                                 |              |
|---------------------------------|--------------|
| Konfigurationen                 | 16           |
| Probleme                        | 5            |
| Instanzen                       | 28           |
| Solver                          | 7            |
| <b>Versuchte Probleme</b>       | 1793         |
| <b>Gelöste Probleme</b>         | 1289 (71.9%) |
| <b>Optimal gelöste Probleme</b> | 1250 (69.7%) |



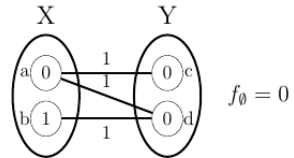
|                        | Gecode | JaCoP | OR-Tools | Choco | G12 | Toulbar2 |
|------------------------|--------|-------|----------|-------|-----|----------|
| Free PVS               | ✓      | ✓     | ✗        | ✗     | ✗   | ✗        |
| Constraint Preferences | ✓      | ✓     | ✗        | ✗     | ✗   | ✗        |
| Fuzzy CSP              | ✓      | ✓     | (✓)      | (✓)   | (✓) | (✓)      |
| Probabilistic CSP      | ✓      | ✓     | (✓)      | (✓)   | (✓) | (✓)      |
| Max CSP                | ✓      | ✓     | ✓        | ✓     | ✓   | ✓        |
| Weighted CSP           | ✓      | ✓     | ✓        | ✓     | ✓   | ✓        |
| Cost Function Networks | ✓      | ✓     | ✓        | ✓     | ✓   | ✓        |

- ✓... voll unterstützt
- (✓)... teils unterstützt durch Morphismen
- ✗... nicht unterstützt

## Klassische Solver



## Soft Constraint Solver Solver



```
solve ToWeighted(constraintPrefs1);
```

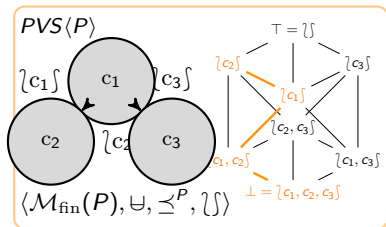
## Evaluationsfrage

Wie schnell und effektiv (hinsichtlich des Findens von Optima) können Weighted-Instanzen durch klassische Constraint Solver gegenüber dedizierten Soft Constraint Solvern gelöst werden?

| Solver                          | Time (secs) |           | # Wins | Objective |         | % Solved | % Optimal |
|---------------------------------|-------------|-----------|--------|-----------|---------|----------|-----------|
| MSPSP (8 instances)             |             |           |        |           |         |          |           |
| Gecode                          | 0.32        | (1.00)    | 8      | 2.50      | (0.00)  | 100.00   | 100.00    |
| G12                             | 0.32        | (1.01)    | 0      | 2.50      | (0.00)  | 100.00   | 100.00    |
| OR-Tools                        | 0.33        | (1.05)    | 0      | 2.50      | (0.00)  | 100.00   | 100.00    |
| JaCoP                           | 0.52        | (1.73)    | 0      | 2.50      | (0.00)  | 100.00   | 100.00    |
| Choco                           | 0.70        | (2.46)    | 0      | 2.50      | (0.00)  | 100.00   | 100.00    |
| Toulbar2                        | 312.56      | (1052.07) | 0      | 29.13     | (26.63) | 0.00     | 0.00      |
| On-Call Rostering (7 instances) |             |           |        |           |         |          |           |
| Toulbar2                        | 40.73       | (1.44)    | 3      | 1.57      | (0.00)  | 100.00   | 100.00    |
| OR-Tools                        | 275.23      | (5.55)    | 2      | 3.71      | (2.14)  | 100.00   | 57.14     |
| Gecode                          | 275.23      | (5.54)    | 1      | 4.57      | (3.00)  | 100.00   | 57.14     |
| G12                             | 276.36      | (5.63)    | 1      | 5.57      | (4.00)  | 100.00   | 57.14     |
| JaCoP                           | 276.63      | (5.86)    | 0      | 5.14      | (3.57)  | 100.00   | 57.14     |
| Choco                           | 276.72      | (6.26)    | 0      | 5.14      | (3.57)  | 100.00   | 57.14     |
| Photo Placement (3 instances)   |             |           |        |           |         |          |           |
| Toulbar2                        | 0.80        | (1.11)    | 0      | 13.33     | (0.00)  | 100.00   | 100.00    |
| Choco                           | 0.83        | (1.21)    | 2      | 25.00     | (11.67) | 100.00   | 100.00    |
| OR-Tools                        | 1.49        | (1.71)    | 1      | 13.33     | (0.00)  | 100.00   | 100.00    |
| JaCoP                           | 3.18        | (3.61)    | 0      | 13.33     | (0.00)  | 100.00   | 100.00    |
| Gecode                          | 22.24       | (21.62)   | 0      | 13.33     | (0.00)  | 100.00   | 100.00    |
| G12                             | 27.40       | (29.62)   | 0      | 13.33     | (0.00)  | 100.00   | 100.00    |

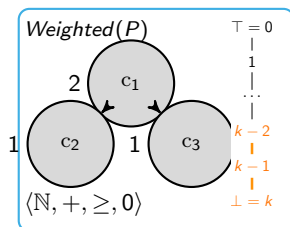
| Solver                          | Time (secs) |           | # Wins | Objective |         | % Solved | % Optimal |
|---------------------------------|-------------|-----------|--------|-----------|---------|----------|-----------|
| Soft N-Queens (3 instances)     |             |           |        |           |         |          |           |
| OR-Tools                        | 0.03        | (1.00)    | 3      | 0.33      | (0.00)  | 100.00   | 100.00    |
| Toulbar2                        | 0.30        | (10.43)   | 0      | 0.33      | (0.00)  | 100.00   | 100.00    |
| Choco                           | 0.35        | (12.54)   | 0      | 0.33      | (0.00)  | 100.00   | 100.00    |
| JaCoP                           | 57.22       | (1707.98) | 0      | 0.33      | (0.00)  | 100.00   | 100.00    |
| Gecode                          | 210.02      | (6266.00) | 0      | 1.67      | (1.33)  | 100.00   | 66.67     |
| G12                             | 210.02      | (6266.14) | 0      | 1.67      | (1.33)  | 100.00   | 66.67     |
| Talent Scheduling (7 instances) |             |           |        |           |         |          |           |
| OR-Tools                        | 113.29      | (1.01)    | 3      | 12.29     | (0.00)  | 100.00   | 85.71     |
| JaCoP                           | 117.71      | (1.84)    | 0      | 12.29     | (0.00)  | 100.00   | 85.71     |
| Choco                           | 129.12      | (3.27)    | 1      | 12.29     | (0.00)  | 100.00   | 85.71     |
| Toulbar2                        | 158.27      | (60.70)   | 0      | 28.43     | (16.14) | 28.57    | 28.57     |
| Gecode                          | 183.29      | (4.70)    | 3      | 12.29     | (0.00)  | 100.00   | 85.71     |
| G12                             | 194.91      | (2.87)    | 0      | 12.29     | (0.00)  | 100.00   | 85.71     |

## Constraint Preferences



```
solve constraintPrefs1;
```

## Weighted



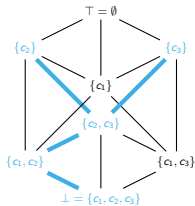
```
solve ToWeighted(constraintPrefs1);
```

## Evaluationsfrage

Ist es wesentlich teurer nach Smyth zu optimieren, anstatt ein gewichtetes Problem zu verwenden?

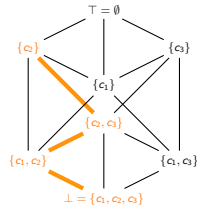
| Solver                          | Time Smyth   | Time Weighted | Time Toulbar2 | Obj. Weights | Obj. Smyth |
|---------------------------------|--------------|---------------|---------------|--------------|------------|
| MSPSP (6 instances)             |              |               |               |              |            |
| Gecode                          | 12.74        | <b>0.34</b>   | —             | 2.67         | 5.50       |
| Native Gecode                   | 7.82         | <b>0.26</b>   | —             | 2.80         | 5.80       |
| JaCoP                           | 4.18         | <b>0.45</b>   | —             | 2.00         | 6.00       |
| On-Call Rostering (5 instances) |              |               |               |              |            |
| Gecode                          | 220.46       | <b>133.32</b> | 14.52         | 3.20         | 7.20       |
| Native Gecode                   | 192.50       | <b>133.32</b> | 14.52         | 3.20         | 25.20      |
| JaCoP                           | 194.06       | <b>135.28</b> | 14.52         | 3.20         | 26.80      |
| Photo Placement (3 instances)   |              |               |               |              |            |
| Gecode                          | 6.69         | <b>1.03</b>   | 0.68          | 13.00        | 13.00      |
| Native Gecode                   | <b>9.96</b>  | 22.22         | 0.80          | 13.33        | 13.33      |
| JaCoP                           | 15.73        | <b>3.18</b>   | 0.80          | 13.33        | 13.33      |
| Soft N-Queens (3 instances)     |              |               |               |              |            |
| Gecode                          | <b>3.45</b>  | 210.02        | 0.30          | 1.67         | 2.00       |
| Native Gecode                   | <b>3.49</b>  | 210.02        | 0.30          | 1.67         | 1.33       |
| JaCoP                           | <b>3.94</b>  | 57.22         | 0.30          | 0.33         | 1.00       |
| Talent Scheduling (6 instances) |              |               |               |              |            |
| Gecode                          | <b>7.78</b>  | 158.94        | —             | 12.50        | 14.25      |
| Native Gecode                   | <b>13.50</b> | 141.09        | —             | 12.33        | 14.67      |
| JaCoP                           | <b>15.63</b> | 120.42        | —             | 12.33        | 14.17      |

## Nicht-Dominiert



```
solve  
search pvs_BAB_NonDom();
```

## Strikte Verbesserung

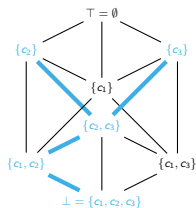


```
solve  
search pvs_BAB();
```

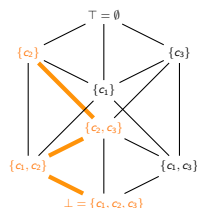
## Evaluationsfrage

Wieviel Overhead erzeugt das Suchen aller (unvergleichbar) optimalen Lösungen gegenüber dem Suchen *einer* optimalen Lösung?

## Nicht-Dominiert



## Strikte Verbesserung



| Problem           | Time Non-Dominated BaB | Time Strict BaB | Absolute Overhead | Relative Overhead |
|-------------------|------------------------|-----------------|-------------------|-------------------|
| MSPSP             | <b>7.31</b>            | 8.89            | -1.58             | 1.50              |
| On-Call Rostering | 329.44                 | <b>199.21</b>   | 130.23            | 1.82              |
| Photo Placement   | 55.09                  | <b>7.51</b>     | 47.58             | 9.72              |
| Soft N-Queens     | <b>2.24</b>            | 3.65            | -1.41             | 1.91              |
| Talent Scheduling | 33.44                  | <b>12.24</b>    | 21.21             | 2.30              |
| <i>Overall</i>    | 102.00                 | <b>57.20</b>    | 44.80             | 2.97              |



```
type WeightedCsp = PVSType<bool, int> =  
  params {[..] } in  
    instantiates with "soft_constraints/mbr_types/weighted_type.mzn" { [...] }  
  offers {  
    heuristics -> getSearchHeuristicWeighted;  
  };
```

## Most-Important First

```
solve  
:: pvsSearchHeuristic  
search pvs_BAB();
```

## Standard-Suche

```
solve  
search pvs_BAB();
```

## Evaluationsfrage

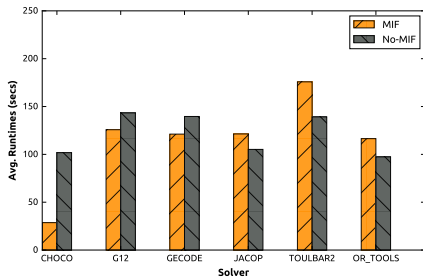
Kann die generische MIF-Suchheuristik die Suche nach Optima beschleunigen?

## Gruppiert nach Solvern.

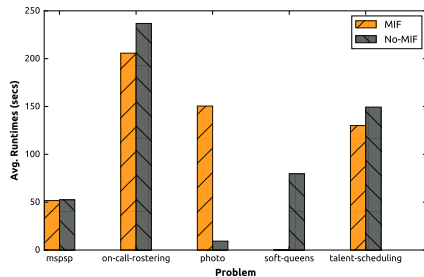
|                    | Choco  | G12    | Gecode | JaCoP | Toulbar2 | OR-Tools |
|--------------------|--------|--------|--------|-------|----------|----------|
| Instances          | 28     | 28     | 28     | 28    | 28       | 28       |
| Runtime difference | -73.14 | -17.57 | -18.42 | 16.15 | 36.63    | 19.05    |
| Ratio MIF wins     | 0.64   | 0.32   | 0.29   | 0.46  | 0.57     | 0.32     |

## Gruppiert nach Problemen.

|                    | MSPSP | On-Call Rostering | Photo Placement | Soft N-Queens | Talent Scheduling |
|--------------------|-------|-------------------|-----------------|---------------|-------------------|
| Instances          | 48    | 42                | 18              | 18            | 42                |
| Runtime difference | -0.80 | -31.04            | 141.17          | -79.51        | -19.34            |
| Ratio MIF wins     | 0.42  | 0.55              | 0.06            | 0.56          | 0.45              |



(a) Runtimes grouped by solver for MIF on/off.



(b) Runtimes grouped by problem for MIF on/off.

Freuder, E. C. and Wallace, R. J. (1992).

Partial Constraint Satisfaction.

*Artif. Intell.*, 58(1–3):21–70.

Gadducci, F., Hölzl, M., Monreale, G., and Wirsing, M. (2013).

Soft constraints for lexicographic orders.

In Castro, F., Gelbukh, A., and González, M., editors, *Proc. 12<sup>th</sup> Mexican Int. Conf. Artificial Intelligence (MICAI'2013)*, Lect. Notes Comp. Sci. 8265, pages 68–79. Springer.

Knapp, A. and Schiendorfer, A. (2014).

Embedding Constraint Relationships into C-Semirings.

Technical Report 2014-03, Institute for Software and Systems Engineering,  
University of Augsburg.

<http://opus.bibliothek.uni-augsburg.de/opus4/frontdoor/index/index/docId/2684>.

Ruttkay, Z. (1994).

Fuzzy constraint satisfaction.

In *Fuzzy Systems, 1994. IEEE World Congress on Computational Intelligence., Proceedings of the Third IEEE Conference on*, pages 1263–1268. IEEE.

Schiendorfer, A., Knapp, A., Anders, G., and Reif, W. (2017).

Minibrass: Soft constraints for minizinc.

*Constraints*, 22(3):377–402.

Schiendorfer, A., Knapp, A., Steghöfer, J.-P., Anders, G., Siefert, F., and Reif, W. (2015).

Partial Valuation Structures for Qualitative Soft Constraints.

In Nicola, R. D. and Hennicker, R., editors, *Software, Services and Systems - Essays Dedicated to Martin Wirsing on the Occasion of His Emeritation*, Lect. Notes Comp. Sci. 8950. Springer.

- Schiendorfer, A., Steghöfer, J.-P., Knapp, A., Nafz, F., and Reif, W. (2013).  
Constraint Relationships for Soft Constraints.  
In Bramer, M. and Petridis, M., editors, *Proc. 33<sup>rd</sup> SGAI Int. Conf. Innovative Techniques and Applications of Artificial Intelligence (AI'13)*, pages 241–255.  
Springer.
- Seebach, H., Nafz, F., Steghofer, J.-P., and Reif, W. (2010).  
A software engineering guideline for self-organizing resource-flow systems.  
In *2010 Fourth IEEE International Conference on Self-Adaptive and Self-Organizing Systems*, pages 194–203. IEEE.
- Shapiro, L. G. and Haralick, R. M. (1981).  
Structural descriptions and inexact matching.  
*IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, pages 504–519.