



Python练习题

入门级别

1. 【Q01】求用十进制，二进制，八进制表示都是回文数的所有数字中，大于十进制20的最小值。
2. 【Q02】数列的四则运算

在一串数字中加入适当的运算符，使其结果和是原来的数字的翻转，同时要遵循四则运算的顺序进行（先乘除，后加减。）某些位数之间可以没有运算符，但至少插入一个运算符。

例如：在100~999，符合条件的有以下几种情况：

$$351 \rightarrow 3 * 51 = 153$$

$$621 \rightarrow 6 * 21 = 126$$

$$886 \rightarrow 8 * 86 = 688$$

问题：求位于1000~9999，满足上述条件的数。

解题思路：

要将一个4位数分割开，并在其中添加运算符，然后对该算式进行运算。这里需要用到Python的eval()函数。

同时考虑到不符合运算规则的算式，如：1+0+01, 1 / 0 + 11等

```
def Q02():
```

```

oplist = ['+', '-', '*', '//', ''] # 这里用到了//是Python中的整除运算, ''为没有运算符。
for i in range(1000,10000): # 从1000开始循环到9999
    num_str = str(i) # 将i转换成字符串, 方便后面的运算
    for op1 in oplist: # 第一个运算符
        for op2 in oplist: # 第二个运算符
            for op3 in oplist: # 第三个运算符
                val = num_str[0] + op1 + num_str[1] + op2 + num_str[2] + op3 +
num_str[3]

                try:
                    temp = str(eval(val)) # temp为拼接后的字符串的运算结果, 需要转换成
字符串, 以便后面翻转。
                    if num_str == temp[::-1] and len(val) > 4: # 因为题目要求至少有一个运算符
                        print("符合条件的数字为: {},表达式为{},其运算结果为:
{}".format(num_str,val,temp))
                except:
                    pass # 对算式不正确的不进行任何处理

if __name__ == "__main__":Q02()

```

这里用的比较暴力的办法, 其实分析题目后可以得到, 除了用乘法, 其他的运算都无法达到目的。

用加法最大的值为: $999+9=1008$, 反转时不可能得到原始值的。

3. 【Q03】考拉兹猜想(改版)

考拉兹猜想:

对自然数 n 循环执行如下操作。 n 是偶数时, 用 n 除以2; n 是奇数时, 用 n 乘以3后加1。如此循环操作的话, 无论初始值是什么数字, 最终都会得到1 (会进入 $1 \rightarrow 4 \rightarrow 2 \rightarrow 1$ 这个循环)

这里我们稍微修改一下这个猜想内容, 即假设初始值为偶数时, 也用 n 乘以3后加1, 但只是在第一次这样操作, 后面的循环操作不变。而我们要考虑的规则在这个条件下最终又能回到初始值的数。

例如: $2 \rightarrow 7 \rightarrow 22 \rightarrow 11 \rightarrow 34 \rightarrow 17 \rightarrow 52 \rightarrow 26 \rightarrow 13 \rightarrow 40 \rightarrow 20 \rightarrow 10 \rightarrow 5 \rightarrow 16 \rightarrow 8 \rightarrow 4 \rightarrow 2$

问题: 求在小于10000的偶数中, 像上述的2这样“能回到初始值的数”有多少个。并打印出来。

```

def is_loop(n):
    '''判断是否符合条件'''
    check = n * 3 + 1 # 本题为改版, 第一次都乘以3然后加1
    while check != 1: # 判断是否回到了1
        if check % 2 == 0: # 判断是否为偶数
            check = check // 2 # 这里因为不需要小数, 所以用//
        else:
            check = check * 3 + 1

        if check == n: # 判断是否和初始值相等
            return True
    return False # 不符合条件

if __name__ == "__main__":
    num_list = [] # 定义一个用来保存结果的列表
    for i in range(2, 10000, 2): # 因为判断的是偶数, 所以从2开始, 每次加2
        if is_loop(i): # 符合猜想
            num_list.append(i)

```

```
print("符合猜想的共有{}个".format(len(num_list)))  
for n in num_list:  
    print(n)
```

符合猜想的共有34个。其实无论把数值调到多大，永远都是这34个，神奇吧。