INTRODUÇÃO À LÓGICA FUZZY

Lógica Fuzzy

Definição: São aquelas que tomam decisões baseando em análises de informações estritamente qualitativas. Isto é feito de forma que a decisão de um sistema não se resuma entre um 'sim' e um 'não', mas também tenha decisões abstratas do tipo 'próximo de', 'em torno de', 'muito alto', 'bem baixo', etc.

Lógica Fuzzy

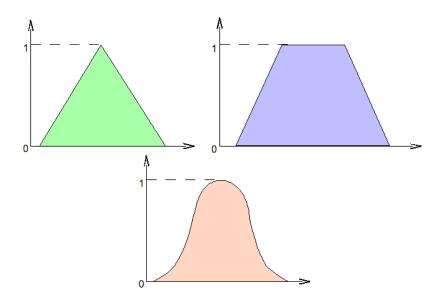
- □ Exemplo: Homens de meia idade
 - Lógica Clássica:
 - Se $40 \le Idade \le 55$ então Homem meia idade
 - Lógica fuzzy:

Idade	35	40	45	50	55
Grau de pertinência	0,0	0,5	1,0	0,5	0,0

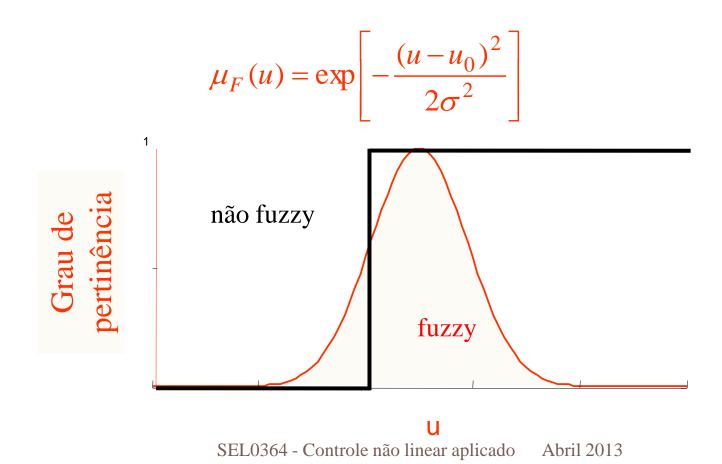
□ **Definição:** Um conjunto fuzzy X num universo U é caracterizado por uma função de pertinência μ_X que assume valores no intervalo [0,1]

$$\mu_{X}(u) \in [0,1], \forall u \in U$$

- □ Funções de pertinência
 - Triangular
 - Trapezoidal
 - Sino
 - Gaussiana
 - Sigmoidal



Contínua



Discreta

■ Notação:

$$F = \{(u, \mu_F(u)), u \in U\}$$

$$F = \left\{\frac{\mu_F(u)}{u}, u \in U\right\}$$

$$F = \{(u, \mu_F(u)), u \in U\}$$

Exemplos de conjuntos fuzzy:

$$F = \{(30,0), (35,0,3), (40,1), (45,1), (50,0,7), (55,0,4), (60,0)\}$$

$$F = \{(\frac{0}{30}), (\frac{0,3}{35}), (\frac{1}{40}), (\frac{1}{45}), (\frac{0,7}{50}), (\frac{0,4}{55}), (\frac{0}{60})\}$$

$$F = \{0,0.3,1,1,0.7,0.4,0)\}$$

Operações básicas

- Interseção
 - □ Operação mínimo: $\mu_A(x) \cap \mu_B(x) = mínimo(\mu_A(x), \mu_B(x))$
- União
 - □ Operação máximo: $\mu_A(x)U\mu_B(x) = máximo(\mu_A(x),\mu_B(x))$
- Complemento
 - □ Complemento $\mu(x)=1-\mu(x)$
- Igualdade

Operações básicas

Exemplo:

$$\mathbf{P} = \left\{ \frac{1}{1}; \frac{0,6}{2}; \frac{0,2}{3}; \frac{0}{4}; \frac{0}{5} \right\} \quad \mathbf{M} = \left\{ \frac{0}{1}; \frac{0,5}{2}; \frac{1,0}{3}; \frac{0,5}{4}; \frac{0}{5} \right\}$$
$$\mathbf{G} = \left\{ \frac{0}{1}; \frac{0}{2}; \frac{0,1}{3}; \frac{0,5}{4}; \frac{1}{5} \right\}$$

União (máximo):

$$C = \max(\mu_M(u), \mu_G(u)) = \left\{ \frac{0}{1}; \frac{0.5}{2}; \frac{1}{3}; \frac{0.5}{4}; \frac{1}{5} \right\}$$
erseção (mínimo):

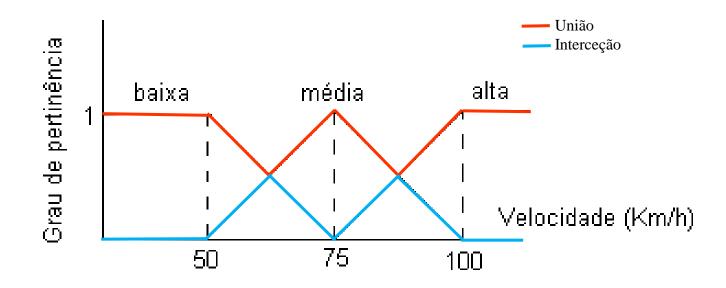
Interseção (mínimo):

$$D = \min = \left\{ \mu_P(u), \mu_M(u) \right\} = \left\{ \frac{0}{1}; \frac{0.5}{2}; \frac{0.2}{3}; \frac{0}{4}; \frac{0}{5} \right\}$$

Complementar G (não grande):

$$E = \left\{ \frac{1}{1}; \frac{1}{2}; \frac{0.9}{3}; \frac{0.5}{4}; \frac{0}{5} \right\}$$

Operações básicas



Variáveis linguísticas

- Definição: Uma variável linguística é uma variável cujos valores são palavras
- Uma variável linguística é definida por

$$\langle X, T(X), U, G, M \rangle$$

 X: nome, T(X):função de pertinência de X, U:universo de discurso, G: gramática, M: regras semânticas associadas

Regras fuzzy

 Relacionam variáveis fuzzy, cada uma delas associada a um dos seus predicados linguísticos

> SE Velocidade é Baixa ENTÃO Aceleração é Alta

Defuzificação

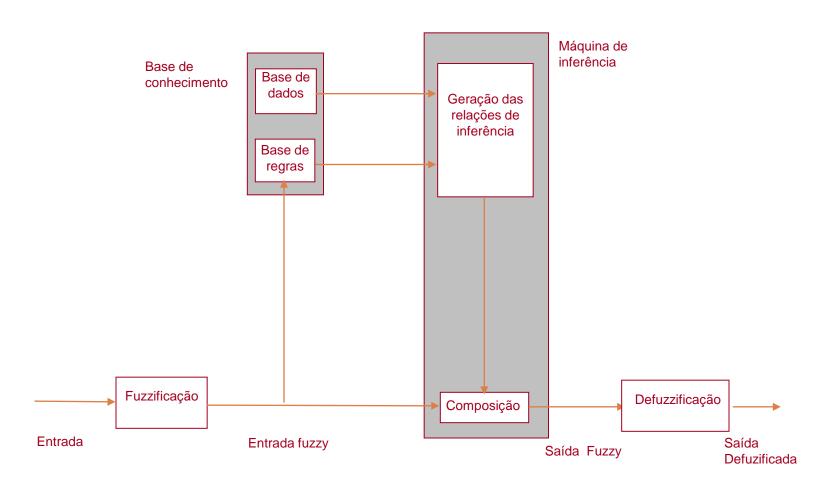
□ Primeiro máximo

□ Último máximo

■ Média do máximo

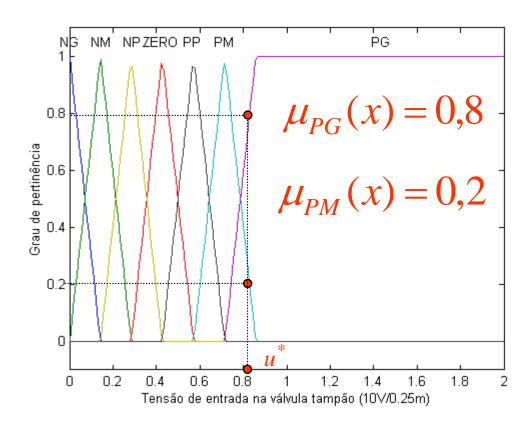
□ Centro de área

Estrutura da lógica fuzzy



SEL0364 - Controle não linear aplicado Abril 2013

Fuzificação



SEL0364 - Controle não linear aplicado Abril 2013

Base de conhecimento

- Base de dados: definições de conjuntos fuzzy
- Base de regras
 - Exemplo de uma regra SE-ENTÃO:
 - Se Erro é Pequeno e Variação do erro é Baixa então:
 - posição da válvula tampão é ZERO.
 - Parte SE: antecedente
 - Parte ENTÃO: consequente

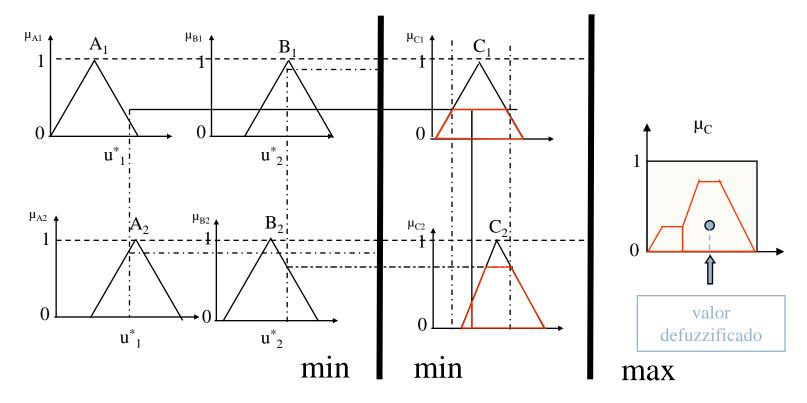
Inferência e defuzificação

- Operação de max-min
 - □ Inferência: Operador mínimo
 - Agregação: Operador máximo
- Defuzificação
 - Centro de área

Exemplo

R1: se $u_1 = A_1$ e $u_2 = B_1$ então $y = C_1$ R2: se $u_1 = A_2$ e $u_2 = B_2$ então $y = C_2$

 $\lambda_{C1}(u) := \min\{\min\{ \mu_{A1}, \mu_{B1}\}, \mu_{C1}\}$



SEL0364 - Controle não linear aplicado Abril 2013