

Nome: Italo Nicácio dos Santos Gomes de Figueiredo
Matrícula: 20240118996

Lista 4

2º 1) $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ diverge, então $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n \neq 0$

É verdadeiro pois como apresentado em aula, quando temos $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n \neq 0$, logo $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ é divergente.

3º 2) $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{\sqrt{n+1} \cdot \sqrt{n} (\sqrt{n+1} + \sqrt{n})} \right)$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{\sqrt{n+1} \cdot \sqrt{n} (\sqrt{n+1} + \sqrt{n})} \right)$$

Propriedade

$$\lim_{x \rightarrow a} \left[\frac{f(x)}{g(x)} \right] = \frac{\lim_{x \rightarrow a} f(x)}{\lim_{x \rightarrow a} g(x)}, \quad \lim_{x \rightarrow a} g(x) \neq 0$$

aplicando a propriedade no limite

$$\lim_{n \rightarrow \infty} 1 = 1$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\sqrt{n+1} \cdot \sqrt{n} (\sqrt{n+1} + \sqrt{n}) \right) = \infty$$

logo,

$$\frac{1}{\infty} = 0$$