

INSTITUTO TECNOLÓGICO DE MORELIA

DEPARTAMENTO DE INGENIERÍA ELECTRÓNICA
DIVISIÓN DE ESTUDIOS PROFESIONALES

MATERIA
CONTROL 1

REPORTE DE LABORATORIO
FUNCION DE TRANSFERENCIA DE 1^{ER} ORDEN

PROFESOR
GERARDO MARX CHAVEZ CAMPOS

ALUMNOS
JORGE ALBERTO OCHOA LOPEZ
JOSE EDUARDO CONTRERAS SANDOVAL

7º semestre

MORELIA, MICHOACÁN

27/10/17

Índice

1. INTRODUCCION: 1

2. METODOLOGIA: 2

2.1. Parte 1 2

2.2. Parte 2 3

3. CÓDIGOS IMPLEMENTADOS: 4

3.1. Código de Scilab 4

3.2. Código propio 5

4. CONCLUSIONES: 7

1. INTRODUCCION:

El objetivo de esta práctica, era lograr analizar un sistema de control para un tanque que tiene un flujo de agua en la entrada y un flujo de agua de salida, los factores que determinan si el nivel del agua aumenta o decrece es la capacidad del tanque comparada con la oposición al flujo de agua que va a dar una llave que hay a la salida. Para esto tuvimos que obtener la ecuación del balance de energía del sistema hidráulico, después realizamos una analogía de esta ecuación hacia un circuito eléctrico con una fuente de corriente debido a que la analogía de flujo de agua es el flujo de corriente eléctrica. Ya que obtuvimos esta ecuación, aplicamos *Laplace* para obtener una forma muy parecida a la ecuación proporcionada por **scilab**.

Para realizar nuestra propia función que nos graficará la respuesta del sistema hidráulico partimos de la función de la función de transferencia dada en la práctica, a la cual le agregamos una variable más, para hacerla similar a la ecuación de **scilab**, por medio de fracciones parciales y aplicando *Laplace* inversa obtuvimos la ecuación con respuesta en el tiempo para el sistema hidráulico. Finalmente propusimos valores de flujo de entrada y de salida para obtener los valores constantes de las ecuaciones y poder graficar las tres posibles respuestas del sistema.

Para poder entender este sistema mas concretamente utilizamos una analogía a un circuito Figura 1.

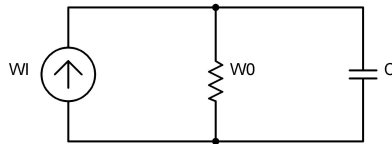


Figura 1:

2. METODOLOGIA:

2.1. Parte 1

Lo primero que se hizo en la práctica fue considerar una función de transferencia genérica de primer orden que sería:

$$H(s) = \frac{bs + c}{s + a}$$

donde las letras a,b y c son números reales. Después se le aplica la función escalón unitario para ver su respuesta en el tiempo, esto queda de la forma:

$$Y(s) = \frac{1}{s} \frac{bs + c}{s + a}$$

a la cual se le aplicaran fracciones parciales, para esto se reescribe como:

$$Y(s) = \frac{A}{s} + \frac{B}{s + a}$$

Resolviendo por fracciones parciales:

$$bs + c = A(s + a) + Bs$$

$$bs + c = (A + B)s + Aa$$

$$A + B = b$$

$$Aa = c$$

por lo que tenemos los coeficientes A y B como:

$$\blacksquare A = \frac{c}{a}$$

$$\blacksquare B = b - \frac{c}{a}$$

Después de obtener estos valores se sustituyen en la ecuación inicial y para obtener su función de transferencia **FT** se le aplica *Laplace* inversa:

$$\mathcal{L}^{-1} = \left\{ \frac{c}{a} + \frac{b - \frac{c}{a}}{s + a} \right\}$$

Con lo que obtenemos finalmente la función para implementar en **scilab** y ver que da una respuesta parecida a la de la función ya implementada en el programa

$$\frac{c}{a} + \left(b - \frac{c}{a}\right) \exp -at$$

Finalmente al graficar esta función podemos corroborar que es correcta pues la respuesta es igual a la respuesta de la función creada por **scilab**

2.2. Parte 2

En esta parte nosotros creamos nuestra propia función mucho mas completa, la que se comparara con la función creada en el programa.

Se ha agregado una variable extra a nuestra función de transferencia genérica para tomar en cuenta el termino τ

$$\frac{1}{s} \left(\frac{bs + c}{a + sd} \right)$$

A continuación hacemos lo que se hizo en la primer parte, que fue utilizar fracciones parciales para después aplicar *Laplace* inversa y obtener la función con la que se trabajará

$$bs + c = \frac{A}{s} + \frac{B}{a + sd}$$

Se resuelven las fracciones parciales para los coeficientes A y B:

$$bs + c = A(a + sd) + B(s)$$

$$bs + c = Aa + Asd + Bs$$

Finalmente obtenemos los valores de los coeficientes:

$$b = Ad + B$$

$$c = Aa$$

$$A = \frac{c}{a}$$

$$b = \frac{cd}{a} + B$$

$$B = b - \frac{cd}{a}$$

Por lo tanto la respuesta de las fracciones parciales es:

$$\frac{c}{sa} + \frac{\frac{b-cd}{a}}{a + sd}$$

Y la transformada inversa de *Laplace* quedaría de la forma:

$$\mathcal{L}^{-1} = \left\{ \frac{c}{as} + \frac{\frac{b}{d} + \frac{c}{a}}{\frac{a}{d} + s} \right\}$$

Que resolviendo queda:

$$\frac{c}{a} + \left(\frac{b}{d} - \frac{c}{a} \right) e^{-\frac{a}{d}t}$$

Este resultado es nuestra función que gratificaremos mediante un código en **scilab** del cual compararemos las gráficas con las generadas por la función predeterminada del programa.

3. CÓDIGOS IMPLEMENTADOS:

3.1. Código de Scilab

Primeramente mostraremos el código de la función predeterminada de **scilab** Listado1 y sus gráficas cuando la salida del tanque $W_0(t)$ sea igual a la entrada $W_{in}(t)$, cuando la salida sea mayor a la entrada, y cuando la salida sea menor a la entrada.

```
1 //defining a first order system:
2 s = %s //the quiker alternative to using s=
3 poly (0 , 's')
4 //Gain and time constant
5 K = 0.5;
6 Tau = 0.5;
7 simpleSys=syslin('c', K/(1+Tau*s))
8 t= 0:0.01:15
9 y=csim('step', t, simpleSys)
10 plot(t,y)
```

Listado 1: Código para generar las gráficas de carga, descarga, y cuando se mantiene constante el tanque

Las gráficas generadas por el código del Listado 1 se muestran a continuación para $W_0(t) = W_{in}(t)$ Figura 2 $W_0(t) < W_{in}(t)$ Figura 3 $W_0 > W_{in}(t)$ Figura 4

Figura 2: Cuando la entrada y la salida son iguales no se grafica nada en **scilab** pues τ es cero

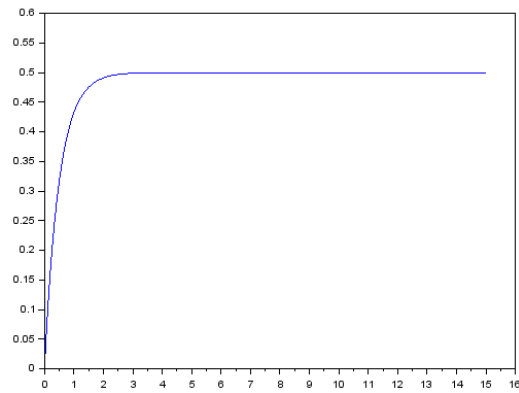


Figura 3: Cuando la entrada es mayor a la salida con un valor de $\tau = 0,5$ y $K = 0,5$

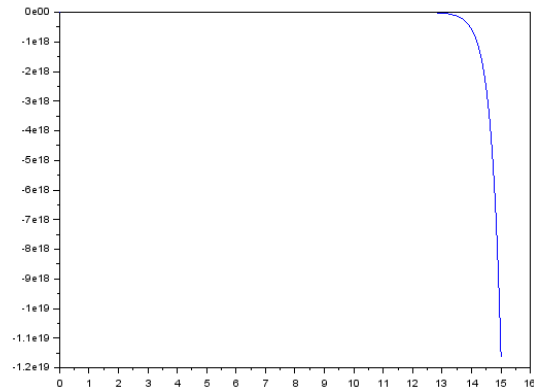


Figura 4: Cuando la entrada es menor a la salida con un valor de $\tau = -\frac{1}{3}$ y $K = \frac{1}{3}$

3.2. Código propio

A continuación mostraremos la función creada por nosotros Listado 2 deducida en el **Paso2** con la que probaremos que las gráficas de las salidas son iguales a las de la función del programa.

```

1 function [y]=mfc( a, b, c, d)
2     t= 0:0.01:15;
3     y=(c/a)+((b/d)-(c/a))*(exp(-(a/d)*t))
4     plot (t,y)
5 endfunction
6 //      a b c
7 [y]=mfc(1,0,0.5,0)

```

Listado 2: Código propio implementado para generar las gráficas de carga, descarga, y cuando se mantiene constante el tanque

Finalmente mostraremos las gráficas generadas por nuestro código con sus respectivos valores para nuestras variables a, b, c, y d para los tres casos diferentes de la practica que son:
 $W_0(t) = W_{in}(t)$ Figura 5 $W_0(t) < W_{in}(t)$ Figura 6 $W_0 > W_{in}(t)$ Figura 7

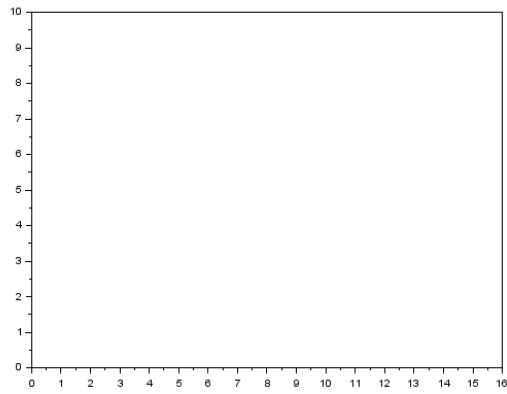


Figura 5: Cuando entrada y salida son iguales con valores de variables $a = 1$, $b = 0$, $c = 0,5$ y $d = 0$

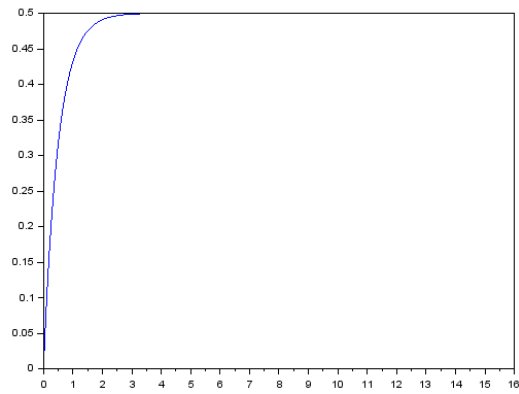


Figura 6: Cuando entrada es mayor a la salida con valores de variables $a = 1$, $b = 0$, $c = 0,5$ y $d = 0,5$

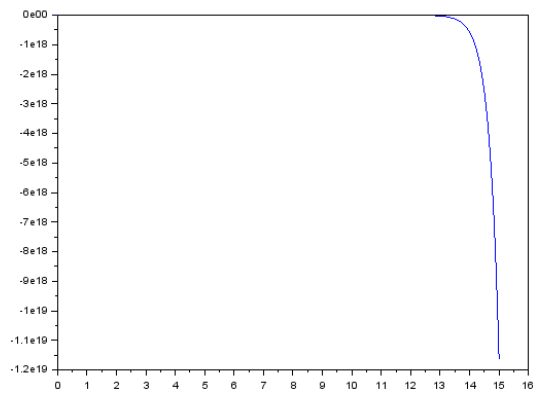


Figura 7: Cuando entrada es menor a la salida con valores de variables $a = 1$, $b = 0$, $c = \frac{1}{3}$ y $d = -\frac{1}{3}$

4. CONCLUSIONES:

Conclusiones

Jose Eduardo COntreras Sandoval

Al querer obtener la respuesta en el tiempo de un sistema, es muy importante conocer todas las variables que lo afectan y cuales dependen de otras, esto para poder obtener la ecuación del balance de energía del sistema, a la hora de realizar los cálculos nos fue mucho más fácil comprender cómo es que funcionaba el sistema al realizar la analogía con un circuito eléctrico. En el primer caso donde el flujo de entrada era igual al flujo de salida no obtenemos ninguna gráfica, esto debido a que solo obtenemos la función escalón, la cuál teóricamente tiene una amplitud que tiende a infinito en un tiempo igual a cero, es por eso que al graficar este caso, no obtenemos un gráfico.

Jorge Alberto Ochoa López

Se puede concluir que esta practica al inicio fue un poco confusa pues no quedaba para nada claro el concepto de lo que se tenia que hacer y mucho menos con el tanque de agua, aunque a la hora de transformar todo el sistema a un circuito, es decir algo ya mas conocido todo se volvió mucho mas fácil o mas claro, al analizar el circuito las ecuaciones se planteaban de forma muy simple, y su resolución no tuvo mayor problema.

Todo esto quedo resumido y aclaró completamente a la hora de graficar la función de transferencia con diferentes valores para K y para τ pues de este modo pudimos observar que efectivamente el comportamiento del sistema era el que se buscaba y que ademas, las ecuaciones planteadas por nosotros eran igual de exactas que las que plantea `scilab` para su función pre cargada.