Università degli Studi di Napoli "Parthenope" Dipartimento di Scienze e Tecnologie

Corso di laurea Triennale in Informatica



Algoritmi e Strutture Dati e Laboratorio di Algoritmi e Strutture Dati

Relazione progetto traccia 2

DOCENTI CANDIDATO

Prof. Alessio Ferone Vittorio Fones 0124/1384

Prof. Francesco Camastra

Anno Accademico 2019-2020

Indice

Ι			1
1	Alb	ero red-black di hash table	2
	1.1	Descrizione problema	2
	1.2	Descrizione strutture dati	2
		1.2.1 Alberi binari di ricerca	2
		1.2.2 Alberi Red-Black	3
		1.2.3 Hash Table ad indirizzamento aperto	3
	1.3	Formato di input e di output	4
		1.3.1 Input	4
		1.3.2 Output	4
	1.4	Descrizione algoritmo	5
		1.4.1 Pseudo codice	5
		1.4.2 Diagrammi delle classe e dettagli architetturali	6
		1.4.3 Hash Table	8
		1.4.4 Red Black Hash	10
	1.5	Studio complessità	11
	1.6	Test e risultati	12
		1.6.1 Test effettuati	12
	1.7	Codice sorgente	14
Π			43
2	Via	aggi Galattici	44
	2.1	Descrizione problema	44
	2.2	Descrizione strutture dati	44
			44
			45
		_	45
	2.3	•	46

INDICE

	2.3.1	Input	16
	2.3.2	Output	16
2.4	Descri	zione algoritmo	17
	2.4.1	Pseudo codice	17
	2.4.2	Diagrammi delle classe e dettagli architetturali	18
2.5	Studio	complessità	53
2.6	Test e	risultati	54
	2.6.1	Test effettuati	54
2.7	Codice	e sorgente	59

Elenco delle figure

1.1	Nodi degli alberi
1.2	Alberi
1.3	Hash Table
1.4	Parser e RBH
2.1	Min priority Queue
	Vertici e Grafo
2.3	Loader e Grago galattico
2.4	Grafo non connesso
2.5	Grafo a diamante
2.6	Grafo d'esempio

Indice dei codici sorgente

1.1	debug.hpp	14
1.2	$item.hpp \dots $	14
1.3	genericnode.hpp	15
1.4	abstractbinarynode.hpp	16
1.5	$\operatorname{color.hpp} \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$	17
1.6	redblacknode.hpp	18
1.7	hashtable.hpp	19
1.8	hashtable.cpp	21
1.9	$binary search tree. hpp \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots $	24
1.10	$binary search tree. cpp \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots $	25
1.11	${\it redblack tree.hpp} $	29
1.12	${\it redblack tree.cpp} \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ $	30
1.13	redblackhash.hpp	35
1.14	redblackhash.cpp	36
1.15	parser.hpp	38
1.16	parser.cpp	39
2.17	heap.hpp	59
2.18	heap.cpp	61
2.19	minHeap.hpp	62
2.20	minHeap.cpp	63
2.21	minPriorityQueue.hpp	64
2.22	minPriorityQueue.cpp	65
2.23	debug.hpp	66
2.24	$item.hpp \dots $	67
2.25	vertex.hpp	67
2.26	vertex.cpp	69
2.27	graph.hpp	69
2.28	graph.cpp	70
2.29	galacticgraph.hpp	75
	galacticgraph cpp	75

INDICE DEI CODICI SORGENTE							
2.31 loader.hpp	77						
2.32 loader.cpp	77						

Parte I

Capitolo 1

Albero red-black di hash table

1.1 Descrizione problema

Il problema in analisi prevede di creare una struttura dati, in C++, che d'ora in avanti chiameremo red-black hash, in grado di immagazzinare delle stringhe alfanumeriche. Tale struttura è l'unione di un albero rosso-nero, o albero red-black, (albero binario di ricerca autobilanciato), e delle tavole di hash (array associativi usati creare mappe tra chiavi e valori): all'interno di ogni nodo di tale albero, vi è presente una hash table, struttura dati che associa per ogni chiave un singolo valore, al cui interno sono presenti delle stringhe. La traccia prevedeva di poter effettuare operazioni C.R.D.¹ su tuple nel formato chiave1:chiave2:stringa . La chiave 1 indicizza un nodo dell'albero red black, mentre la chiave 2 viene usata per associare la stringa all'interno della hashtable. Vi è quindi una relazione 1:1 per i nodi dell'albero e l'hash table, e 1:M tra l'hash table e le stringhe, dove M è la dimensione massima dell'hash table.

1.2 Descrizione strutture dati

1.2.1 Alberi binari di ricerca

Gli **alberi binari di ricerca** sono delle strutture dati che immagazzinano dati in un albero avente in ogni nodo due figli. Gli **ABR** (o in inglese BST) godono della seguente proprietà: $\forall x \in BST$: $key(x.left) \le key(x) < key(x.right)$. Ovvero ogni nodo in un ABR ha come valore della chiave un valore maggiore del figlio sinistro ma minore di quello destro.

Ciò assicura operazioni in una complessità logaritmica data dalla profondità dell'al-

¹Create Retrieve Delete. Operazioni tipiche delle basi di dati, ma senza la possibilità di effettuare Updates.

bero. Il problema sorge nel caso in cui avvengono frequenti cancellazioni che seppur mantengono la proprietà degli ABR, degradano tale albero in una lista concatenata portando le operazioni di inserimento, cancellazione e ricerca ad avere complessità lineare.

1.2.2 Alberi Red-Black

Gli alberi red black sono degli alberi binari di ricerca **autobilancianti**. Ogni volta che si inserisce un nuovo nodo, o lo si cancella si effettuano delle operazioni per bilanciare l'albero. Gli alberi rosso neri posseggono **5 proprietà** utili ai metodi di supporto insertFix() e deleteFix() per garantire che le complessità peggiori abbiano al più come valore l'altezza dell'albero, ovvero $O(log_2n)$. I metodi di supporto all'inserimento e alla cancellazione fanno uso delle rotazioni di un nodo, operazione che permette di compattare l'albero e garantirne il corretto bilanciamento. Di seguito verranno elencate tali proprietà:

- ogni nodo è rosso o nero;
- la radice è nera;
- ogni foglia è nera;
- se un nodo è rosso, allora entrambi i suoi figli sono neri;
- per ogni nodo, tutti i cammini semplici che vanno dal nodo alle foglie sue discendenti contengono lo stesso numero di nodi neri.

1.2.3 Hash Table ad indirizzamento aperto

Le **Hash Table**, o hash map, sono delle strutture dati che permettono di associare ad una chiave un singolo valore. Quando si vuole memorizzare un dato si usa la sua chiave e vi si applica una **funzione di hashing** che ne calcolerà un indice usato per inserire nell'array tale dato. Può capitare però che una funzione hash applicata su chiavi diverse indicizzi celle simili dell'array, per tanto bisogna gestire queste *collisioni*. La tecnica usata per risolvere le collisioni è del tipo a **indirizzamento aperto**, ovvero non facendo uso dei puntatori si *ispeziona* l'hashtable fino a incontrare una posizione libera, se presente. Il metodo di ispezione scelto è quello del **doppio hashing**: rispetto ad altre ispezioni, quella del doppio hashing trova una posizione in modo più veloce. Nei capitoli successivi vedremo nel dettaglio il funzionamento.

1.3 Formato di input e di output

1.3.1 Input

Il programma lavora su tuple nel formato chiave1: chiave2: stringa e i dati in input sono dati da:

- $\bullet \ \, {\rm file} \ \, {\rm di} \ \, {\rm testo} \ \, {\rm da} \ \, {\rm selezionare} \ \, {\rm all'avvio} \ \, {\rm contenente} \ \, {\rm le} \ \, {\rm tuple}; \ \, [{\rm language=bash}] \ \, ./rbhashinputs/asd.$
- opzione da tastiera per effettuare operazioni sulle tuple. [language=bash] ξ_1 : 2: stringa

Il programma leggerà le righe e allocherà nodi e hashtable in base alle chiavi date in input.

1.3.2 Output

L'output del programma è un menu contestuale in cui l'utente può effettuare le operazioni mostrate di seguito:

[language=bash] **** MENU ****

1. Insert 2. Remove 3. Query 4. Print 0. Exit $\upolesize{0.05cm}\upolesize{0.05cm}$

Tutte le opzioni restituiscono un output di avvenuta operazione con dettagli su eventuali errori, ad eccezzione della stampa (opzione 4) che restituisce in output l'intera struttura dati caricata in memoria.

1.4 Descrizione algoritmo

1.4.1 Pseudo codice

L'insertimento nella struttura dati creata va effettuare prima una ricerca del nodo di chiave key1. Se dovesse riscontrare un esito negativo si procede alla allocazione di un hashtable e un nuovo nodo. In caso contrario si procede alla ricerca di una cella della tavola di hash con la key2, se anche questa ricerca restituisce un esito negativo allora si procede con l'inserimento.

```
Algorithm: Insert
     input: key1, key2, string
     result: true if successfull, false if not
   1 \ node = Search \ in \ Red \ Black \ with \ key1;
   \mathbf{2} if \mathbf{1} node:
         new Hashtable();
         new\ Node();
   4
         Hashtable.insert(key2, string);
         Node.insert(key1, Hashtable);
         return true;
   8 else:
         if \nexists node. Hashtable. search(key2):
             node.Hashtable.insert(key2, d);
  10
             return true;
  11
  12 return false;
```

La **ricerca** controlla la correttezza delle chiavi e della stringa inserita nella tupla: in caso di riscontro positivo la function ritornerà il nodo dell'albero. Questo comportamento è stato previsto per poter evitare di effettuare una o più ricerche nella procedura di cancellazione.

La cancellazione di una tupla effettua una operazione di ricerca nella struttura dati. Se la ricerca ha risconto positivo allora si procede con i due casi della rimozione: se la chiave secondaria indicizza una hashtable in cui vi è presente un solo elemento, allora si cancellerà l'intero nodo red black, altrimenti si procede alla normale rimozione dalla hashtable.

```
Algorithm: Remove (delete)

input: key1, key2, string

result: true if deleted or false if not

node = Search \ in \ Red \ Black \ Hash;

if node \neq NIL:

if node \cdot Hashtable.capacity = 1:

|delete \ node;

else:

|delete \ node \cdot Hashtable.remove(key2);

return true;

return true;
```

1.4.2 Diagrammi delle classe e dettagli architetturali

Nodi Binari

I nodi facenti parti degli alberi binari sono nodi che derivano da una classe astratta che a sua volta estende un nodo generico.

Per permettere agli alberi binari di usare come parametro templato un generico nodo, si è sfruttato un particolare pattern strutturale chiamato **CRTP** (Curiously recurring template pattern): una classe (e.g. ConcreteBinaryNode) eredita da una classe astratta che usa il CRTP (e.g. AbstractBinaryNode ha come parametro templato un generico nodo), usando come parametro di specializzazione se stessa. Il nodo concreto RedBlack in più implementa la classe color. Si è scelta tale tecnica che non porta miglioramenti sostanziali al codice se non quella di nascondere dettagli implementativi e un' indipendenza dalla rappresentazione in memoria del colore.

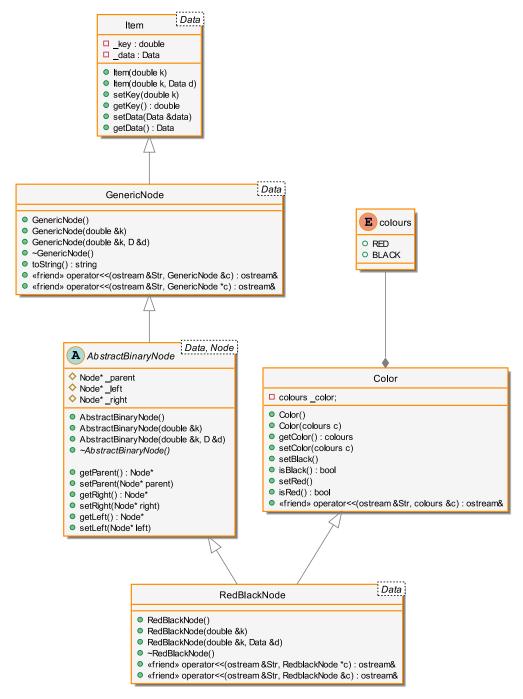


Figura 1.1: Nodi degli alberi

Alberi

Un albero Rosso Nero è un albero binario di ricerca auto bilanciante, per tanto si è scelto di estendere la classe BinarySearchTree ed aggiungere i metodi di supporto al bilanciamento. Inoltre due metodi virtuali (insert e delete), sono stati ridefiniti nell'implementazione del Red Black. insertNode() nella class RedBlackTree richia-

ma tramite scope la insert di Binary Search
Tree e successivamente applica il \mathbf{fix} dei red black.

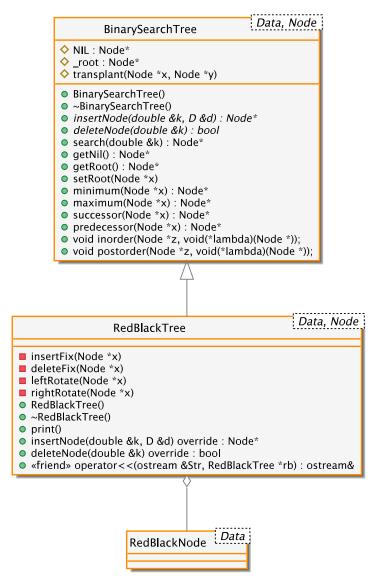


Figura 1.2: Alberi

1.4.3 Hash Table

Onde evitare di dover riscrivere codice si è scelto di sfruttare il nodo generico anche per l'**HashTable**. A tal proposito si è sviluppato una tabella hash ad **indirizzamento aperto** che prende in input come paramentro templato, il dato da conservare. Per risolvere le collisioni si è scelto di usare due funzioni hash: k è un valore double che indica la chiave, i è l'iteratore che al massimo m volte ² applicherà la funzione di hash. La prima restituisce un indice con valore compreso tra [0, m], mentre la

 $^{^2}$ m è il size dell'hashtable

seconda funzione di hash un valore compreso tra [1, m-1]. Verrà usata la prima funzione di hash e in caso di collisione si riapplicherà $h(i, m) = (h_1(k) + i * h_2(k)) \mod m$. Sebbene con un costo computazionale più alto, il doppio hashing risolve le collisioni più in fretta rispetto allispezione lineare o quadratica.

La funzione search() nella class **HashTable** è stata sovraccaricata per restituire valori diversi. Con la ricerca per valore si restituise, se disponibile un indice che usato nella seconda funzione di ricerca restituisce il dato.

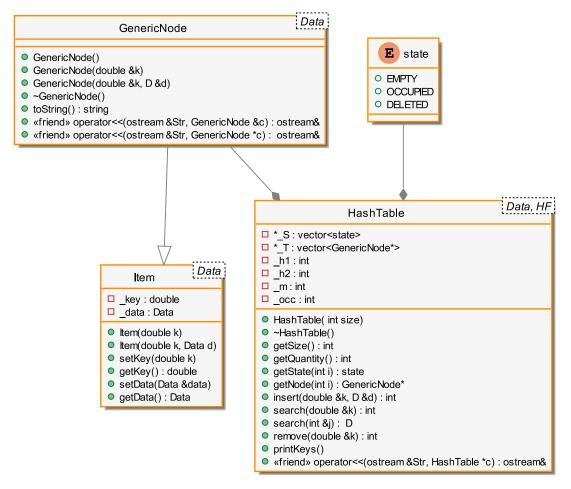


Figura 1.3: Hash Table

1.4.4 Red Black Hash

La struttura dati realizzata fa uso degli alberi red black e delle tavole di hash come spiegato nel primo paragrafo. Si è scelto di usare una classe **Parser** per riempire la struttura dati delle tuple contenute nel file di testo o di quelle inserite tramite riga di comando.

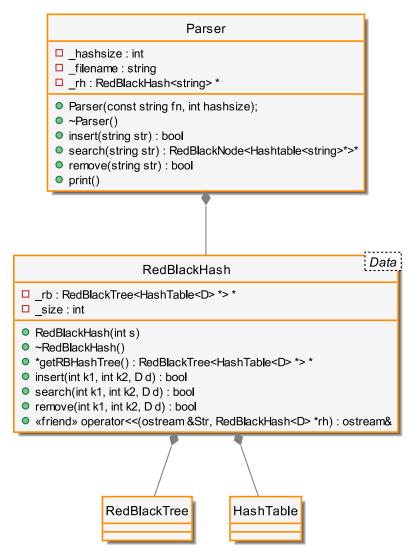


Figura 1.4: Parser e RBH

1.5 Studio complessità

Come detto precedentemente gli alberi Red Black hanno una complessità temporale nel **caso peggiore** al più equivalente ad $O(log_2n)$ poiché bisogna scorrere tutto l'albero in profondità.

Le tabelle di hash a indirizzamento aperto, con doppia funzione di hash hanno complessità temporali prossime all'hashing 'ideale'. Per poter assicurare che le due funzioni di hash producano complessità nel caso medio uguali a O(1), si deve scegliere un valore della tavola di hash uguale ad un numero primo o come potenza di due, e usare la seconda funzione di hash (quella che scandisce l'offset dato dalle ispezioni successive) con un valore poco più piccolo di m (m-1 o m-2). In tal modo il doppio hashing usa $O(m^2)$ sequenze di ispezione, perché ogni coppia $(h_1(k), h_2(k))$ produce una distinta sequenza di ispezione. Le **hashtable nel caso migliore**, ovvero non avendo nessuna collisione inseriscono, cercano e cancellano i dati in O(1). Nel caso **peggiore** avremo un tempo massimo di O(m), dovuto alla scansione lineare di tutta la tavola di hash: ciò è dovuto alla hashtable che si riempie cioè quando il **fattore** di carico (rapporto di elementi inseriti e size della tavola) α tende a 1.

Nella struttura dati **red-black hash** quando effettuiamo un **inserimento** andremo prima ad effettuare una ricerca nell'albero rosso nero $(O(log_2n))$:

- se esiste il nodo di chiave 1 allora effettuiamo una ricerca nell'hash table tramite la chiave 2, e se possibile concludiamo l'inserimento. Nel caso medio avremo una complessità del tipo $O(log_2n) + O(1) + O(1)$ e $O(log_2n) + O(m) + O(m)$ se l'hashtable ha un fattore di carico prossimo all'1. In altri termini $O(log_2n)$ e $O(m + log_2n)$.;
- se invece il nodo di chiave 1 non esiste, dobbiamo allocare una hashtable, mappare la stringa alla chiave 2 e inserirla nell'albero: ciò porta una complessità pari a $O(log_2n) + O(1) + O(log_2n)$ ovvero $\mathbf{O}(\log_2 \mathbf{n})$.

L'operazione di **ricerca** impiega $O(m + \log_2 n)$ nel caso in cui esista il nodo con chiave 1 e la ricerca nella tavola hash restituisca l'indice in un tempo lineare; l'uso di tale indice serve per accedere al dato in O(1). Nel caso migliore invece la ricerca avviene in $O(\log_2 n)$.

La **cancellazione** ha complessità uguali alle precendenti: si effettua una ricerca e se l'hashtable ha solo un elemento allora si provvede a cancellare l'intero nodo dall'albero, altrimenti si cancella solamente nell'hashtable: pertanto $O(\log_2 n)$ oppure $O(m + \log_2 n)$. Tramite questo prospetto possiamo affermare che i casi peggiori sono dettati dalla tavola di hash e dipende tutto dal suo fattore di carico.

1.6 Test e risultati

1.6.1 Test effettuati

Nei test effettuati sono stai usati due file e tramite funzioni di debug per la stampa si è cercato di verificare per quanto possibile l'inserimento e cancellazione dell'albero red black. Di seguito verranno mostrati alcuni esempi estrapolati dalla shell.

[caption=File di prova con chiavi duplicate,captionpos=b] 123:321:hello 2:4:54 1:4:test 2:4:h:o 2:12:asd

Notare come nell'output di stampa della struttura dati non vi sono presenti le chiavi duplicate. Inoltre si è scelto di stampare tramite una **visita inorder** per avere un ordine crescente delle chiavi dell'albero.

\$./rbhash inputs/asd

```
**** MENU ****

1. Insert

2. Remove

3. Query

4. Print

0. Exit

>_ 4

'(1):

[4]: test'

(2):
```

```
[12] : asd
```

[321] : hello'

[321] : hello

L'eliminazione della radice, ovvero il nodo nero 2 comporta un bilanciamento con conseguente ricolorazione di nodi.

```
*****WARNING*****
Insert tuple (key1:key2:data) to delete -> 2:4:54

*****WARNING*****
Insert tuple (key1:key2:data) to delete -> 2:12:asd

'(1) :
       [4] : test'
(123) :
```

1.7 Codice sorgente

Codice 1.1: debug.hpp

```
#ifndef _DEBUG_HPP_
   #define _DEBUG_HPP_
   #include <iostream>
4
5
   /**
    * printer and debugging purpouse
9
   #define debug_print std::cerr
10
   #ifdef DEBUG
12
    \#define\ IFDEBUG\ if(1)
13
  #else
14
    #define IFDEBUG if(0)
15
   #endif
16
   #endif //_DEBUG_HPP_
```

Codice 1.2: item.hpp

```
#ifndef _ITEM_HPP_
   #define _ITEM_HPP_
   #include imits>
5
    * @brief Generic Item
    * Odetails using a double as a key
    * Otparam Data parameter as value
10
   template <class Data>
11
   class Item {
12
     private:
13
       double _key;
14
       Data _data;
16
     public:
17
       Item() : _key(std::numeric_limits<double>::min()), _data {} {}
18
       Item(double &k) : _key(k), _data {} {}
19
       Item(double &k, Data &d) : _key(k), _data(d) {}
20
21
```

```
//generic setter and getter
22
       void setKey(double &k) { this->_key = k; }
23
       double& getKey() { return this->_key; }
24
25
       void setData(Data &data) { this->_data = data; }
26
       Data& getData() { return this->_data; }
27
   };
28
29
   #endif //_ITEM_HPP_
30
```

Codice 1.3: genericnode.hpp

```
#ifndef _GENERICNODE_HPP_
   #define _GENERICNODE_HPP_
   #include <string>
   #include <iostream>
5
   #include <other/item.hpp>
8
   /**
9
    * @brief Generic Node class
10
    * Otparam N template base class
11
    */
12
   template <typename D>
13
   class GenericNode : public Item<D> {
     public:
15
       GenericNode() : Item<D>() {};
16
       GenericNode(double &k) : Item<D>(k) {};
17
       GenericNode(double &k, D &d) : Item<D>(k, d){};
18
        ~GenericNode() {};
19
       std::string toString(){return
20
        → "["+std::to_string((int)this->getKey())+"] : "+
         std::string(this->getData())+"\n";}
21
22
       friend std::ostream& operator<<(std::ostream &Str, GenericNode<D> &c){
23
         Str<<c.toString(); return Str; }</pre>
24
       friend std::ostream& operator<<(std::ostream &Str, GenericNode<D> *c){
26
         Str<<c->toString(); return Str; }
27
   };
28
29
   #endif //_GENERICNODE_HPP_
```

Codice 1.4: abstractbinarynode.hpp

```
#ifndef _IBNODE_HPP_
   #define _IBNODE_HPP_
   #include <iostream>
5
   #include <nodes/genericnode.hpp>
8
    * @brief AbstractBinaryNode
9
    * @details Using CRTP as base (Used in RBNode for example)
10
    * https://en.wikipedia.org/wiki/Curiously_recurring_template_pattern
11
    * Otparam D data template for value to store in node
    * Qtparam\ N template for CRTP pattern
13
    */
14
   template <typename D, class Node>
15
   class AbstractBinaryNode : public GenericNode<D> {
16
     protected:
17
       // since is a Binary Node we got a parent and only 2 child
       Node* _parent = nullptr; // defaults values
19
       Node* _left = nullptr;
20
       Node* _right = nullptr;
21
22
     public:
23
       AbstractBinaryNode() : GenericNode<D>() {};
       AbstractBinaryNode(double &k) : GenericNode<D>(k) {};
25
       AbstractBinaryNode(double &k, D &d) : GenericNode<D>(k, d) {};
26
       virtual ~AbstractBinaryNode() {};
27
28
       //various setter and getter
       Node* getParent(){ return this->_parent; };
       void setParent(Node* parent){ this->_parent=parent; };
31
32
       Node* getRight(){ return this->_right; };
33
       void setRight(Node* right){ this->_right=right; };
34
       Node* getLeft(){ return this->_left; };
36
       void setLeft(Node* left){ this->_left=left; };
37
   };
38
39
   #endif //_IAbstractBNode_HPP_
```

Codice 1.5: color.hpp

```
#ifndef _COLOR_HPP_
   #define _COLOR_HPP_
   #include <iostream>
5
   /**
6
    * @brief Colours tag as enum
   enum colours {RED, BLACK};
10
11
   /**
12
    * Obrief Color setter of a node
13
    * @details used for generic implementation
14
15
   class Color {
16
     private:
17
       colours _color;
18
19
     public:
20
       Color();
21
       Color(colours c) : _color(c) {};
22
23
       //various setter and getter
24
       colours getColor(){return this->_color;}
25
       void setColor(colours c){this->_color = c;}
26
27
       void setBlack(){this->_color = BLACK;}
28
       bool isBlack(){return (this->_color == BLACK);}
30
       void setRed(){this->_color = RED;}
       bool isRed(){return (this->_color == RED);}
32
33
       friend std::ostream& operator<<(std::ostream &Str, colours &c){
34
          (c==RED) ? Str<<"red" : Str<<"black";</pre>
          return Str;
36
       }
37
   };
38
39
   #endif //_COLOR_HPP_
```

Codice 1.6: redblacknode.hpp

```
#ifndef _REDBLACKNODE_HPP_
   #define _REDBLACKNODE_HPP_
   #include <nodes/abstractbinarynode.hpp>
   #include <nodes/color.hpp>
   /**
    * @brief Red Black Node
    * Odetails Inherites from Binary Node and using
    * CRTP for a dynamic inheritance. Also extending Color
    * @tparam D
11
    */
12
   template <typename D>
   class RedBlackNode : public AbstractBinaryNode<D, RedBlackNode<D>>, public
    → Color {
     public:
15
       RedBlackNode() : Color(BLACK) {};
16
       RedBlackNode(double &k) : AbstractBinaryNode<D, RedBlackNode<D>>(k),
17

→ Color(BLACK) {};

       RedBlackNode(double &k, D &d) : AbstractBinaryNode<D,
18
        → RedBlackNode<D>>(k, d), Color(BLACK) {};
        ~RedBlackNode() {
          if(this->_left==nullptr)
20
            delete this->_left;
21
         if(this->_right==nullptr)
22
            delete this->_right;
23
          if(this->_parent==nullptr)
24
            delete this->_parent;
       };
27
       friend std::ostream& operator<<(std::ostream &Str, RedBlackNode<D> &c)
28
        → {
          if(c.isRed())
29
           Str<<"\033[31m";
          Str << "(" << c.getKey() << ") : \n" << c.getData() << "\033[0m";]
31
          return Str;
32
       }
33
34
       friend std::ostream& operator<<(std::ostream &Str, RedBlackNode<D> *c)
35
        → {
          if(c->isRed())
36
            Str<<"\033[31m";
37
          Str << "(" << c -> getKey() << ") : \n" << c -> getData() << "\033[0m";
38
          return Str;
39
       }
```

```
41 };
42
43
44 #endif //_REDBLACKNODE_HPP_
```

Codice 1.7: hashtable.hpp

```
#ifndef _HASHTABLE_HPP_
   #define _HASHTABLE_HPP_
  #include <limits>
   #include <vector>
   #include <cmath>
   #include <nodes/genericnode.hpp>
9
10
   /*! Enum for state of single HashNode */
11
   enum state { EMPTY, OCCUPIED, DELETED };
13
  /**
14
    * @brief HashTable datastructure
15
    * Otparam D is the Data to store
16
    * Otparam HashFunction is the class that make the hashfunction
    * to compute the index of node
18
    */
19
   template <typename D>
20
   class HashTable {
21
     private:
22
       std::vector<state> *_S; // array of states
       std::vector<GenericNode<D>*> *_T; // effective hashtable
24
25
       // using fmod -> double % int
26
       int _h1(double &k){return static_cast<int>(std::fmod(k, this->_m));}
27
       int _h2(double &k){return 1 + static_cast<int>(std::fmod(k,
28
        \rightarrow this->_m-1));}
29
       int _m; // default capacity
30
       int _occ = 0; // number of occupied nodes
31
32
     public:
33
       HashTable( int size = 701 );
       ~HashTable();
35
36
37
        * @brief Get the capacity of hashtable
38
        * @return int
```

```
*/
40
       int getSize();
41
42
       /**
43
        * Obrief Get the current hashnode in hashtable
44
        * @return int
45
        */
46
       int getQuantity();
47
48
       /**
49
        * Obrief Get the state of single node
50
        * @param i
        * @return state
        */
53
       state getState(int i);
54
55
       /**
56
        * @brief Get the Node object
        * @param i
        * @return HashNode<D>*
59
        */
60
       GenericNode<D>* getNode(int i);
61
62
       /**
64
        * @brief insert a data in HashTable
65
        * Oparam k is the key
66
         * Oparam d is the value
67
         * Oreturn int is the index, return -1 if there isn't space left
        */
69
       int insert(double &k, D &d);
70
71
       /**
72
        * @brief search a key in HashTable
73
        * @param k is the key
        * Oreturn int is the index, return -1 if there isn't
75
76
       int search(double &k);
77
78
       /**
79
        * @brief Overload of search method
        * Oparam j is the index
81
         * @return D is the value returned
82
83
       D search(int &j);
84
85
       /**
        * @brief remove a Node with that key
87
        * Oparam k is the key
88
```

```
* Oreturn int is the index
89
         */
90
        int remove(double &k);
91
92
        /**
93
         * Obrief print all node's keys;
94
         */
        void printKeys();
96
97
        /**
98
         * @brief Override of operator<< for print
99
          * @param Str ostream obj
100
          * @param c HashTable<D>
          * @return std::ostream&
102
         */
103
        friend std::ostream& operator<<(std::ostream &Str, HashTable<D> *c) {
104
           // put every HashNode<D> that there isn't EMPTY or DELETED
105
           for(auto i = 0; i < c->getSize(); i++)
106
             if(c->getState(i) == OCCUPIED)
107
               Str<<"\t"<<c->getNode(i);
108
           Str << "\n\n";
109
           return Str;
110
        };
111
    };
112
113
114
115
    #endif //_HASHTABLE_HPP_
116
```

Codice 1.8: hashtable.cpp

```
#include <iostream> // cerr
1
2
   #include <hashtables/hashtable.hpp>
3
   //creating GenericNode vector and state vector
6
   template <typename D>
   HashTable<D>::HashTable(int size) : _m(size) {
8
     this->_T = new std::vector<GenericNode<D>*>(this->_m, nullptr);
     this->_S = new std::vector<state>(this->_m, EMPTY); //init with EMPTY
10
      \hookrightarrow state
   }
11
12
13
   //destructing hashnodes
14
   template <typename D>
```

```
HashTable<D>::~HashTable() {
     for(auto t = 0; t != this->_m; t++)
17
       if(this->_S->at(t) != EMPTY)
18
          delete this->_T->at(t);
19
20
     delete []_T;
21
     delete []_S;
23
24
25
   //getter hash table size
26
   template <typename D>
27
   int HashTable<D>::getSize() {
     return this->_m;
29
30
31
32
   //return the state of a indexed (j) GenericNode
33
   template <typename D>
   state HashTable<D>::getState(int i) {
35
     if(i >= 0 && i < this->_m)
36
       return this->_S->at(i);
37
     return DELETED;
38
   }
39
40
41
   // return an GenericNode indexed by i
42
   template <typename D>
43
   GenericNode<D>* HashTable<D>::getNode(int i) {
44
     if(i \ge 0 \&\& i < this -> _m)
45
       return this->_T->at(i); // return nullptr if is not
46
        //allocated
47
     return nullptr; // return this null if there i is not valid
48
   }
49
   // open addressable hashtable
   template <typename D>
   int HashTable<D>::insert(double &k, D &d) {
53
     int i = 0;
54
     int index = this->_h1(k);
55
     int j = index;
     while(i != this->_m) {
57
       if(this->_S->at(j) != OCCUPIED) {
58
          this->_T->at(j) = new GenericNode<D>(k, d);
59
          this->_S->at(j) = OCCUPIED; // set STATE
60
          this->_occ++;
61
          return j;
       }
63
       else
64
```

```
j = (index + (i++) * this->_h2(k)) % this->_m; // double
65
              {\it HashFunction}
66
67
      std::cerr<<"HashTable: overflow."<<std::endl;</pre>
68
      return -1; // no space left
69
71
72
    // searching in a open addressable hash table
73
    template <typename D>
74
    int HashTable<D>::search(double &k) {
75
      int i = 0;
      int index = this->_h1(k);
77
      int j = index;
78
      while(i != this->_m) {
79
        if(this->\_S->at(j) == OCCUPIED \&\& this->\_T->at(j)->getKey() == k)
80
           return j;
81
        else
           j = (index + (i++) * this->_h2(k)) % this->_m; // double
            \hookrightarrow HashFunction
      }
84
      return -1; // there is no Hash Node with that key
85
    }
86
87
88
    // return data of Hash Node
89
    template <typename D>
90
    D HashTable<D>::search(int &j) {
      if(this->_S->at(j)==OCCUPIED)
92
        return this->_T->at(j)->getData();
93
      else
94
        return nullptr;
95
    }
96
97
    // remove an Hash Node
99
    template <typename D>
100
    int HashTable<D>::remove(double &k) {
101
      int j = this->search(k);
102
      if(j > -1 \&\& this -> _S -> at(j) != DELETED) {
        this->_S->at(j) = DELETED;
104
        delete this->_T->at(j);
105
        this->_occ--;
106
      }
107
108
      return j;
109
110
111
```

```
template <typename D>
    void HashTable<D>::printKeys() {
      for(auto i = 0; i < this -> _m; i++)
114
        if(this->_S->at(i) == OCCUPIED)
115
          std::cout<<this->_T->at(i)->getKey()<<" ";
116
      std::cout<<"\n\n";</pre>
117
    }
118
119
    // return the current quantity of hashnodes
120
    template <typename D>
121
   int HashTable<D>::getQuantity() {
122
      return this->_occ;
123
   }
124
```

Codice 1.9: binarysearchtree.hpp

```
#ifndef _BINARYSEARCHTREE_HPP_
   #define _BINARYSEARCHTREE_HPP_
4
   /**
    * @brief Binary Search Tree
    * @details BST inherites from a Generic tree.
    * ndr. must use a Binary Node as template argument
    * Otparam D data to store in nodes
    * Otparam N node argument
10
11
   template <typename D, class Node>
12
   class BinarySearchTree {
13
     protected:
14
       //generic nil node for space optimization
15
       Node *NIL = nullptr;
16
       Node *_root = nullptr;
17
18
       //transplant a node and link father
19
       void transplant(Node *x, Node *y);
21
     public:
22
       BinarySearchTree();
23
       ~BinarySearchTree();
24
25
       // inserting
       virtual Node* insertNode(double &k, D &d);
27
28
       // deleting
29
       virtual bool deleteNode(double &k);
30
```

```
//search of a node with a key
32
       Node* search(double &k);
33
34
        //setter getter for NIL
35
       Node* getNil() { return this->NIL; }
36
       Node* getRoot() { return this->_root; }
37
       void setRoot(Node *x) { this->_root = x; }
39
        // minimum in a subtree
40
       Node* minimum(Node *x);
41
42
        //maximum of a subtree
43
       Node* maximum(Node *x);
44
45
       //successor of a node
46
       Node* successor(Node *x);
47
48
        //predecessor of a node
49
       Node* predecessor(Node *x);
51
52
        // visit (using pointer function -> c++11 lamba)
53
       void inorder(Node *z, void(*lambda)(Node *));
54
        //mainly use postoder for distructor
       void postorder(Node *z, void(*lambda)(Node *));
56
57
   };
58
59
   #endif //_BINARYSEARCHTREE_HPP_
```

Codice 1.10: binarysearchtree.cpp

```
#include <trees/binarysearchtree.hpp>
   #include <other/debug.hpp>
   // binary search tree constructor
   template<typename D, class Node>
   BinarySearchTree<D, Node>::BinarySearchTree() {
     //allocating NIL and pointing root to NIL
     this->NIL = new Node();
8
     this->NIL->setParent(this->NIL);
10
     this->NIL->setLeft(this->NIL);
11
     this->NIL->setRight(this->NIL);
12
13
     this->_root = this->NIL;
14
     this->_root->setParent(this->NIL);
```

```
this->_root->setLeft(this->NIL);
16
     this->_root->setRight(this->NIL);
17
18
19
   // Binary Search Tree destructor (using post order)
20
   template<typename D, class Node>
21
   BinarySearchTree<D, Node>::~BinarySearchTree() {
     this->NIL = nullptr;
23
     postorder(this->_root, [](Node *tmp){delete tmp;});
24
   }
25
26
   // inserting a node in Binary Search Tree
   template<typename D, class Node>
   Node* BinarySearchTree<D, Node>::insertNode(double &k, D &d) {
29
     Node *z = new Node(k, d);
30
31
     auto curr = this->_root;
     auto prev = this->NIL;
33
     // going doing checking if must be left or right
35
     while(curr != this->NIL){
36
       prev = curr;
37
       curr = z->getKey() < curr->getKey() ? curr->getLeft() :
38

    curr->getRight();

     }
39
40
     // set parent to previuosly saved node
41
     z->setParent(prev);
42
     // checking if is left son or right son
44
     if(prev == this->NIL) // or root
45
       this->_root = z;
46
     else if(z->getKey() < prev->getKey())
47
       prev->setLeft(z);
48
     else
49
       prev->setRight(z);
51
     // new allocated node got NIL as children
52
     z->setLeft(this->NIL);
53
     z->setRight(this->NIL);
54
     return z;
56
   }
57
58
   // delete a node
   template<typename D, class N>
60
  bool BinarySearchTree<D, N>::deleteNode(double &k) {
    // must search
62
     auto z = this->search(k);
63
```

```
if(z == nullptr)
64
        return false; // if cannot find return false
65
66
      auto y = z;
67
68
      if( z->getLeft() == this->NIL )
                                              // if no left son
69
        this->transplant(z, z->getRight()); // right goes in Z
      else if( z->getRight() == this->NIL ) // if no right son
71
        this->transplant(z, z->getLeft()); // left goes in Z
72
      else {
73
        y = this->minimum(z->getRight());
                                                // search for successor
74
                                                // if Y is not Z father
        if( y->getParent() != z ) {
75
          this->transplant(y, y->getRight()); // swap Y with Y->R
76
          y->setRight(z->getRight());
77
          y->getRight()->setParent(y);
78
        }
79
        this->transplant(z, y);
                                                // swap Z with Y
80
                                                // attach Z-> L to Y
        y->setLeft(z->getLeft());
81
        y->getLeft()->setParent(y);
83
84
      delete z;
85
      return true;
86
    }
87
88
89
    // transplant a node attaching father
90
    template <typename D, class Node>
91
    void BinarySearchTree<D, Node>::transplant(Node *u, Node *v) {
      if( u->getParent() == this->NIL)
93
        this->_root = v;
94
      else if(u->getParent()->getLeft() == u)
95
        u->getParent()->setLeft(v);
96
97
        u->getParent()->setRight(v);
98
      // unconditioned assignement since using NIL node
100
      v->setParent(u->getParent());
101
102
103
    template <typename D, class Node>
105
    Node* BinarySearchTree<D, Node>::search(double &key) {
106
      auto tmp = this->_root;
107
108
      // while down to NIL or key found
109
      while(tmp != this->NIL && tmp->getKey() != key)
110
        tmp = key < tmp->getKey() ? tmp->getLeft() : tmp->getRight();
111
112
```

```
return tmp;
113
    }
114
115
116
    // return minimum node
117
    template <typename D, class Node>
118
    Node* BinarySearchTree<D, Node>::minimum(Node *a) {
      auto tmp = a;
120
121
      // going down to left
122
      while(tmp->getLeft() != this->NIL)
123
        tmp = tmp->getLeft();
124
      return tmp;
125
    }
126
127
128
129
    // return maximum
    template <typename D, class Node>
130
    Node* BinarySearchTree<D, Node>::maximum(Node *a) {
131
      auto tmp = a;
132
133
      //going down to right
134
      while(tmp->getRight() != this->NIL)
135
        tmp = tmp->getRight();
136
      return tmp;
137
    }
138
139
140
    template <typename D, class Node>
141
    Node* BinarySearchTree<D, Node>::successor(Node *x) {
142
      auto tmp = x;
143
      auto y = x->getRight();
144
145
      // if there is a right tree, return minimum
146
      if(y != this->NIL)
147
        return minimum(y);
148
149
      y = tmp->getParent();
150
      // goes up until tmp is left son or root found (=NIL)
151
      while(y != this->NIL && y->getRight() == tmp){
152
        tmp = y;
153
        y = y->getParent();
154
      }
155
      return y;
156
    }
157
158
159
    template <typename D, class Node>
160
    Node* BinarySearchTree<D, Node>::predecessor(Node *x) {
161
```

```
auto tmp = x;
162
      auto y = x->getLeft();
163
164
      // if there are left branch, return max
165
      if(y != this->NIL)
166
        return maximum(y);
167
168
      y = tmp->getParent();
169
      // goes up until tmp is right son or root found (=NIL)
170
      while(y != this->NIL && y->getLeft() == tmp){
171
        tmp = y;
172
        y = y->getParent();
173
      return y;
175
176
177
178
    template <typename D, class Node>
179
    void BinarySearchTree<D, Node>::inorder(Node *tmp, void(*lambda)(Node*)) {
180
      if(tmp != this->NIL) {
181
        inorder(tmp->getLeft(), lambda);
182
        lambda(tmp); // [Catcher] (Tmp) {/*implementation*/}
183
        inorder(tmp->getRight(), lambda);
184
      }
185
    }
186
187
188
    template <typename D, class Node>
189
    void BinarySearchTree<D, Node>::postorder(Node *tmp, void(*lambda)(Node*))
     → {
      if(tmp != this->NIL) {
191
        lambda(tmp); // [Catcher] (Tmp) {/*implementation*/}
192
        postorder(tmp->getLeft(), lambda);
193
        postorder(tmp->getRight(), lambda);
194
      }
195
    }
196
```

Codice 1.11: redblacktree.hpp

```
#ifndef _REDBLACKTREE_HPP_
#define _REDBLACKTREE_HPP_

#include <trees/binarysearchtree.hpp>
#include <nodes/redblacknode.hpp>

/**
```

```
* @brief Red Black tree
    * Odetails Templated Red Black tree that
10
    * inherites from Binary Search tree <Data, RBnode>
11
    * @tparam D data
12
    */
13
   template <typename D, class Node = RedBlackNode < D>>
14
   class RedBlackTree : public BinarySearchTree<D, Node>{
     private:
16
       // insert and delete Fix for restoring RB property
17
       void insertFix(Node *x);
18
       void deleteFix(Node *x);
19
20
       // left Rotate and right Rotate for balancing method
21
       void leftRotate(Node *x);
22
       void rightRotate(Node *x);
23
24
     public:
25
       RedBlackTree(){};
26
        ~RedBlackTree();
27
28
       //create and insert RBNode, with rb fixes
29
       Node* insertNode(double &k, D &d) override;
30
31
       //delete RBNode if exist
       bool deleteNode(double &k) override;
33
34
       // inorder print
35
       void print();
36
       //override for correct print
38
       friend std::ostream& operator<<(std::ostream &Str, RedBlackTree<D>
39
            *rb) {
          rb->print();
40
          return Str;
41
       };
   };
43
44
   #endif //_REDBLACKTREE_HPP_
45
```

Codice 1.12: redblacktree.cpp

```
// left rotate a node for balancing
   template <typename D, class Node> // aka move down
   void RedBlackTree<D, Node>::leftRotate(Node *x) { // O(1) op keeping BST
    → property
     Node *y = x->getRight(); // set y
10
     x->setRight(y->getLeft()); // move l-subtree of y to r-subtree of x
11
12
     if ( y->getLeft() != this->NIL )
13
       y->getLeft()->setParent(x);
14
15
     y->setParent(x->getParent()); // link fathers
16
17
     if ( x->getParent() == this->NIL )
18
       this->_root = y;
                                     // if is X was root
19
     else if ( x == x->getParent()->getLeft() )
20
21
       x->getParent()->setLeft(y);
     else
       x->getParent()->setRight(y);
24
     y->setLeft(x);
25
     x->setParent(y);
26
   }
27
29
   //rotate a node to right (aka move down) keeping BST property
30
   template <typename D, class Node>
31
   void RedBlackTree<D, Node>::rightRotate(Node *x) {
32
     Node *y = x->getLeft();
33
     x->setLeft(y->getRight());
34
35
     if ( y->getRight() != this->NIL )
36
       y->getRight()->setParent(x);
37
38
     y->setParent(x->getParent());
39
     if ( x->getParent() == this->NIL )
41
       this->_root = y;
42
     else if ( x == x->getParent()->getLeft() )
43
       x->getParent()->setLeft(y);
44
     else
       x->getParent()->setRight(y);
46
47
     y->setRight(x);
48
     x->setParent(y);
49
   }
50
51
52
   template <typename D, class Node>
```

```
void RedBlackTree<D, Node>::insertFix(Node *x) { // O(log n)
      Node *y;
55
      while(x->getParent()->isRed()) {
56
        if(x->getParent() == x->getParent()->getParent()->getLeft()) {
57
          y = x->getParent()->getParent()->getRight();
58
          if(y->isRed()) { // CASE 1: parent of x and uncle are RED
59
            x->getParent()->setBlack();
            y->setBlack(); // change their color and
61
            x->getParent()->getParent()->setRed();
62
            x = x->getParent()->getParent(); // move point to grand father
63
          } else { // CASE 2: uncle is BLACK
64
              if(x == x->getParent()->getRight()) { // x is right son
65
                x = x->getParent(); // move upper
                leftRotate(x); // then rotate so x became left son
              } // CASE 3: // uncle is BLACK but x is left son
68
              x->getParent()->setBlack();
69
              x->getParent()->getParent()->setRed();
70
              rightRotate(x->getParent()->getParent()); // compression aka
71
               → same BH
          }
72
        } else {
73
          y = x->getParent()->getParent()->getLeft();
74
          if(y->isRed()) { // CASE 1: parent of x and uncle are RED
75
            x->getParent()->setBlack();
            y->setBlack(); // change their color and
77
            x->getParent()->getParent()->setRed();
            x = x->getParent()->getParent(); // move point to grand father
79
          } else { // CASE 2: uncle is BLACK
80
              if(x == x->getParent()->getLeft()) { // x is left son
                x = x->getParent(); // move upper
                rightRotate(x); // then rotate so x became right son
83
              } // CASE 3: // uncle is BLACK but x is left son
84
              x->getParent()->setBlack();
85
              x->getParent()->getParent()->setRed();
86
              leftRotate(x->getParent()->getParent()); // compression aka same
                  BH
          }
88
        }
89
90
      this->_root->setBlack();
91
93
94
    template <typename D, class Node>
95
    Node* RedBlackTree<D, Node>::insertNode(double &k, D &d) {
96
      auto z = BinarySearchTree<D, Node>::insertNode(k, d); // BST insert
97
      z->setRed(); // set flag as red
      this->insertFix(z); // fix property
99
      return z;
100
```

```
}
101
102
103
    template <typename D, class Node>
104
    void RedBlackTree<D, Node>::deleteFix(Node *x) {
105
      Node *w;
106
107
      while( x \neq this \rightarrow root \&\& x \rightarrow isBlack() ) {
108
        if( x == x->getParent()->getLeft() ) {
109
          w = x->getParent()->getRight();
110
111
          112
            w->setBlack(); /////// CASE
113
            x->getParent()->setRed(); //// 1
114
            leftRotate(x->getParent());
115
            w = x->getParent()->getRight();
116
          }
117
118
          if ( w->getLeft()->isBlack() && w->getRight()->isBlack() ) {
            w->setRed();
                                    ///// CASE
120
            x = x->getParent();
                                    //////
121
          }
122
          else { //////
123
            if ( w->getRight()->isBlack() ) {
              w->getLeft()->setBlack(); //// CASE
125
              w->setRed();
                                          ////
                                                  3
126
              rightRotate(w);
                                          ////
127
               w = x->getParent()->getRight();
128
            }
129
            ///////
                       CASE
130
            w->setColor(x->getParent()->getColor());
131
            x->getParent()->setBlack(); ////
132
            w->getRight()->setBlack(); /////
                                                  4
133
            leftRotate(x->getParent()); ////
134
            x = this->_root; ///////////
135
          }
136
        }
137
        else { // same as upper code but swapped left and right
138
          w = x->getParent()->getLeft();
139
140
          if ( w->isRed() ) { ///////
            w->setBlack();
                                /////// CASE
142
            x->getParent()->setRed();/////
143
            rightRotate(x->getParent());/// 1
144
            w = x->getParent()->getLeft();//
145
          }
146
147
          if ( w->getRight()->isBlack() && w->getLeft()->isBlack() ) {
148
               w->setRed(); ////// CASE
149
```

```
x = x->getParent();//// 2
          }
151
          else {
152
             if ( w->getLeft()->isBlack() ) { //
153
               w->getRight()->setBlack(); /////
154
               w->setRed(); /////// CASE
155
               leftRotate(w); ////////
156
               w = x->getParent()->getLeft();//
157
             }
158
             /////// CASE 4
159
             w->setColor(x->getParent()->getColor());
160
             x->getParent()->setBlack();
161
             w->getLeft()->setBlack();
162
             rightRotate(x->getParent());
163
             x = this->_root;
164
          }
165
        }
166
      }
167
      x->setBlack(); // (Cormen pag. 270)
168
    }
169
170
171
    // delete a node if exist and fixup
172
    template <typename D, class Node>
173
    bool RedBlackTree<D, Node>::deleteNode(double &k) {
      auto z = this->search(k);
175
176
      auto y = z;
177
      auto y_original_color = y->getColor();
179
      if(z == this->NIL)
180
        return false;
181
182
      Node *x;
183
184
      // when deleting z, y will be the "successor"
185
      // so must check if is respecting RB property
186
      // saving his color
187
      if( y->getLeft() == this->NIL ) {
188
        x = z->getRight();
189
        this->transplant(z, z->getRight());
190
191
      else if( z->getRight() == this->NIL ) {
192
        x = z->getLeft();
193
        this->transplant(z, z->getLeft());
194
      }
195
      else {
196
        // y has no left child
197
        y = this->minimum(z->getRight());
198
```

```
y_original_color = y->getColor();
200
        /\!/ we track the color of new positional node
201
        x = y->getRight();
202
203
        if( y->getParent() == z ) //y righson of z
204
           x->setParent(y);
205
        else { // must inherit right son of z
206
           this->transplant(y, y->getRight());
207
           y->setRight(z->getRight());
208
           y->getRight()->setParent(y);
209
        }
210
211
        // inherit left son of z
212
        this->transplant(z, y);
213
        y->setLeft(z->getLeft());
214
215
        y->getLeft()->setParent(y);
216
        // y is the old z and so got same color
217
        y->setColor(z->getColor());
218
      }
219
220
221
      // fix black root
222
          fix two red nodes
223
      // fix Black High lose
224
      if(y_original_color == BLACK)
225
        deleteFix(x);
226
      delete z;
228
      return true;
229
230
231
232
    template <typename D, class Node>
233
    void RedBlackTree<D, Node>::print() {
234
      this->inorder(this->_root, [](Node *tmp) {
235
        std::cout<<tmp; });</pre>
236
    }
237
```

Codice 1.13: redblackhash.hpp

```
#ifndef _REDBLACKHASH_HPP_
#define _REDBLACKHASH_HPP_

#include <trees/redblacktree.hpp>
#include <hashtables/hashtable.hpp>
```

```
6
   /**
7
    * @brief Red Black Hash
    * Odetails data structure that use a Red Black to stores in every node
9
    * an Hashtables.
10
    * Key 1 is the int used to indexes a red black, Key 2 is the int to
11
    \hookrightarrow indexes
    * a single cell of an hashtable. D d is the data to store in hashtables
12
    * Otparam D data to store in hashtables
13
    */
14
15
   template <typename D>
16
   class RedBlackHash {
     private:
18
       RedBlackTree<HashTable<D> *> *_rb;
19
       int _size;
20
21
     public:
22
       //fixed size of 285700
23
       RedBlackHash(int s = 285700);
24
       ~RedBlackHash(){};
25
26
       //redblack getter
27
       RedBlackTree<HashTable<D> *> *getRBHashTree(){return this->_rb;};
29
       bool insert(int k1, int k2, D d);
30
       RedBlackNode<HashTable<D> *>* search(int k1, int k2, D d);
31
       bool remove(int k1, int k2, D d);
32
       // print chaining
34
       friend std::ostream& operator<<(std::ostream &Str, RedBlackHash<D>
35
            *rh) {
          Str<<rh->getRBHashTree()<<"\n";</pre>
36
          return Str;
37
       };
38
   };
39
40
   #endif //_REDBLACKHASH_HPP_
41
```

Codice 1.14: redblackhash.cpp

```
#include <iostream>

#include <redblackhash.hpp>

#include "hashtables/hashtable.cpp"

#include "trees/redblacktree.cpp"
```

```
7
8
   template <typename D>
9
   RedBlackHash<D>::RedBlackHash(int size) : _size(size) {
10
     this->_rb = new RedBlackTree<HashTable<D> *>;
11
12
13
14
   template <typename D>
15
   bool RedBlackHash<D>::insert(int k1, int k2, D d) {
16
     auto key1 = static_cast<double>(k1);
17
     auto key2 = static_cast<double>(k2);
18
19
     auto node = this->_rb->search(key1);
20
21
     if(node == this->_rb->getNil()) {
                                                           // if it's a new node
22
       auto hashtable = new HashTable<D>(this->_size); // allocate hashtable
23
       node = this->_rb->insertNode(key1, hashtable); // insert this new
        \rightarrow hashtable
       node->getData()->insert(key2, d);
                                                           // insert string
25
       return true;
26
     }
27
     else
28
       if(node->getData()->search(key2) < 0)</pre>
                                                           // if there isnt
        → already a key2
          if(node->getData()->insert(key2, d) >= 0)  // and also there is
30

→ space

           return true;
31
          else
            std::cerr<<"\nerror: there is no space left in hash table in node
             \rightarrow "<<key1<<"\n";
       else
34
          std::cerr<<"\nerror: there is already an hashnode with key =
35
          \rightarrow "<<key2<<"\n";
     // if here means that there is already a key or there is no space
     return false;
38
   }
39
40
41
   template <typename D>
   RedBlackNode<HashTable<D> *>* RedBlackHash<D>::search(int k1, int k2, D d)
     auto key1 = static_cast<double>(k1);
44
     auto key2 = static_cast<double>(k2);
45
46
     auto node = this->_rb->search(key1);
47
48
     if(node != this->_rb->getNil()) {
49
```

```
auto j = node->getData()->search(key2);
50
        if( j >= 0) {
51
          if(node->getData()->search(j) == d )
52
            return node;
53
          else
54
            std::cerr<<"\nerror: no value in node["<<key1<<"]
55
             \rightarrow hash["<<key2<<"]-> "<<d<<"\n"<<
              "maybe you were looking for:
56

    "<<node->getData()->search(j)<<"\n";
</pre>
       }
57
        else{
58
          std::cerr<<"\nerror: no hash node with key2 = ["<<k2<<"]\n";
59
          std::cerr<<"\nhash in node["<<key1<<"] "<<"only got keys: ";
60
          node->getData()->printKeys();
61
62
     }
63
     else
64
        std::cerr<<"\nerror: no RB node with key1 = ["<<k1<<"]\n";
65
     return nullptr;
67
   }
68
69
70
   template <typename D>
   bool RedBlackHash<D>::remove(int key1, int key2, D data) {
72
     // if tuple is correct
73
     auto node = this->search(key1, key2, data);
74
     if(node != nullptr) {
75
       auto k1 = static_cast<double>(key1);
76
       auto k2 = static_cast<double>(key2);
77
78
       // if hashtable got only one value (key1)
79
        if(node->getData()->getQuantity() == 1)
80
          this->_rb->deleteNode(k1); // delete RB node
81
        else
82
          node->getData()->remove(k2); // just remove value
84
       return true;
85
     }
86
     return false;
87
   }
88
```

Codice 1.15: parser.hpp

```
#ifndef _PARSER_HPP_
#define _PARSER_HPP_
```

```
#include <string>
   #include <redblackhash.hpp>
   /**
    * @brief Parser for Red Black Hashtable
    * @details Used to fill from a file an hashtable.
    * Also providing method for C.R.D. (create, retrieve, delete) tuples
    * tuples must be in format <int> keys and <string> data ->
11
    */
12
  class Parser {
13
     private:
       int _hashsize;
       std::string _filename;
16
       RedBlackHash<std::string> *_rh;
17
18
19
     public:
       Parser(const std::string fn, int hashsize = 9973);
20
       ~Parser(){};
^{21}
22
       // tuples must be in format <int> keys and <string> data ->
23

→ key1:key2:data

       bool insert(std::string str);
24
       // tuples must be in format <int> keys and <string> data ->
26
       \rightarrow key1:key2:data
       bool search(std::string str);
27
28
       // tuples must be in format <int> keys and <string> data ->
       → key1:key2:data
       bool remove(std::string str);
30
31
       //printing data structure
32
       void print();
33
   };
34
35
   #endif //_PARSER_HPP_
```

Codice 1.16: parser.cpp

```
#include <parser.hpp>
#include <redblackhash.hpp>
#include "redblackhash.cpp"

#include <sstream>
#include <fstream>
#include <fstream>
```

```
// Parser
   Parser::Parser(const std::string fn, int hashsize) :
     // set hashsize
10
     _hashsize(hashsize),
11
     // set filename
12
     _filename(fn),
13
     // allocate new RBHash
      _rh(new RedBlackHash<std::string>(this->_hashsize)) {
15
16
     std::ifstream filestream(this->_filename);
17
     std::string line;
18
19
     if(filestream.fail()){
20
        std::cerr << "Error opening file" << std::endl;</pre>
21
        exit(EXIT_FAILURE);
22
     }
23
     while(std::getline(filestream, line))
25
        this->insert(line);
27
     filestream.close();
28
29
30
   // insert a tuple
   bool Parser::insert(std::string str) {
33
     std::string key, data;
34
     std::stringstream tmpstream(str);
35
36
     int key1 = 0, key2 = 0;
37
38
     if(!std::getline(tmpstream, key, ':')) {
39
          std::cerr << "no delimiter key 1" << std::endl;</pre>
40
          return false;
41
     }
     key1 = atoi(key.c_str());
43
44
     if(!std::getline(tmpstream, key, ':')) {
45
        std::cerr << "no delimiter key 2" << std::endl;</pre>
46
        return false;
47
     }
     key2 = atoi(key.c_str());
49
50
     if(!std::getline(tmpstream, data)) {
51
        std::cerr << "no data" << std::endl;</pre>
52
        return false;
53
     }
54
55
     return this->_rh->insert(key1, key2, data);
56
```

```
}
57
58
59
    // search a tuple
60
    bool Parser::search(std::string str) {
61
      std::string key, data;
62
      std::stringstream tmpstream(str);
63
64
      int key1 = 0, key2 = 0;
65
66
      if(!std::getline(tmpstream, key, ':')) {
67
        IFDEBUG debug_print << "no delimiter key 1" << std::endl;</pre>
68
        return false;
69
      } key1 = atoi(key.c_str());
70
71
      if(!std::getline(tmpstream, key, ':')) {
72
        IFDEBUG debug_print << "no delimiter key 2" << std::endl;</pre>
73
        return false;
      } key2 = atoi(key.c_str());
76
77
      if(!std::getline(tmpstream, data)) {
78
        IFDEBUG debug_print << "no data" << std::endl;</pre>
79
        return false;
      }
81
82
83
      return this->_rh->search(key1, key2, data);
84
    }
85
86
87
    bool Parser::remove(std::string str) {
88
      std::string key, data;
89
      std::stringstream tmpstream(str);
90
      int key1 = 0, key2 = 0;
92
93
      if(!std::getline(tmpstream, key, ':')) {
94
        std::cerr << "no delimiter key 1" << std::endl;</pre>
95
        return false;
96
      } key1 = atoi(key.c_str());
98
      if(!std::getline(tmpstream, key, ':')) {
99
        std::cerr << "no delimiter key 2" << std::endl;</pre>
100
        return false;
101
      } key2 = atoi(key.c_str());
102
103
104
      if(!std::getline(tmpstream, data)) {
105
```

```
std::cerr << "no data" << std::endl;</pre>
        return false;
107
108
109
      return this->_rh->remove(key1, key2, data);
110
    }
111
112
   void Parser::print(){
113
      auto r = this->_rh->getRBHashTree()->getRoot();
114
      IFDEBUG {
115
        if(r != this->_rh->getRBHashTree()->getNil())
116
           std::cout<<"Root:\n"<<this->_rh->getRBHashTree()->getRoot()<<"\n";</pre>
117
      std::cout<<"\n"<<this->_rh<<"\n";
119
120
```

Parte II

Capitolo 2

Viaggi Galattici

2.1 Descrizione problema

Il quesito prevede di sviluppare un programma in C++, in grado di trovare in un **grafo non orientato** il **percorso più breve** tra due nodi specifici, ovvero quel percorso tale per cui la somma dei costi associati all' attraversamento degli archi che collegano un punto A ad un punto B è minima ¹. Il problema prevede la possibilità di poter usare alcuni nodi speciali, detti **wormholes**: ogni wormhole nel grafo è collegato ad ogni altro wormhole, inoltre il costo di percorrenza wormhole - wormhole ha peso 1.

2.2 Descrizione strutture dati

2.2.1 Grafi

Le informazioni circa il nome, ovvero la chiave numerica usata come identificativo univoco, ed eventuali dati satelliti, sono salvate in una struttura dati **nodo**, o **vertice**. Per salvare i percorsi dei cammini minimi, ogni vertice mantiene un riferimento al nodo precedente nel cammino. La struttura dati in cui vengono salvati i nodi facenti parte del problema, è un **grafo non orientato**. Per implementare tale struttura dati si è scelto di mantenere per ogni vertice un listato contenente un riferimento agli altri nodi adiacenti ed il relativo peso numerico atto a riportare il costo effettivo dell' attraversamento. Nel caso del grafo non orientato per ogni arco inserito non vi è distinzione tra **arco uscente** o **arco entrante**, per cui si andrà ad inserire due volte volte il sopracitato arco: un arco di peso w tra A e B equivale ad un arco da A a B e un altro da B ad A.

¹ Definizione formale del **cammino minimo** nella teoria dei Grafi

2.2.2 Coda di priorità

La coda di priorità è una particolare coda il cui criterio di inserimento dei vari elementi che compongono la coda è dato non più dall'ordine FIFO 2 , ma dalla priorità associata ad ogni elemento. Nel caso della **coda a priorità minima**, gli elementi con priorità minima saranno inseriti all' inizio. L'operazione di ricerca del minimo, viene eseguita in O(1), il che rende particolarmente utile la coda di priorità nelle applicazioni che fanno un grande uso della suddetta operazione. Tale ADT 3 , è usata nell' algoritmo di **Dijkstra**, per la rapida estrazione degli elementi con minor distanza dalla sorgente. 4

2.2.3 Min Heap Binario

La struttura dati su cui si basa la coda a priorità minima, sebbene non sia la più efficiente, è l' heap binario, una struttura dati basata su albero binario completo sviluppato come vettore che gode della proprietà heap: nel caso del min heap il padre di un nodo ha come chiave un valore minore di quella del figlio sinistro e destro. È stata scelta questa struttura dati rispetto ad un Heap di Fibonacci, nonostante abbia complessità O(logn) nelle operazione di estrazione del minimo, inserimento e abbassamento priorità, poiché di facile implementazione.

²FIFO: first in, first out.

³ADT: abstract data type.

⁴Algoritmo per il calcolo dei cammini minimi da sorgente unica.

2.3 Formato di input e di output

2.3.1 Input

I dati in input del problema sono:

- V: numero intero di Vertici del grafo
- E: numero intero di Archi del grafo
- W: numero intero di Wormholes presenti nel grafo
- Tuple rappresentante archi: NodoA, NodoB, Peso ⁵

Tali dati sono immagazzinati in un file di testo non binario contenente nel primo rigo i primi tre dati elencati, mentre nei successivi sono presenti le **tuple**. Per rappresentare i wormhole il programma prende gli **ultimi W NodiB** contenuti nel file e li va a salvare in un vettore di vertici.

2.3.2 Output

Il programma sviluppato restituisce in output i nodi che collegano la coppia sorgente - destinazione nel minor "tempo" possibile e il relativo costo di tale cammino minino, se esiste: può capitare, come vedremo nel paragrafo "Test effettuati" par. 2.6.1, che il grafo non sia connesso e che il nodo destinazione sia raggiungibile solo attraverso i vertici di tipo wormhole. Inoltre il programma restituisce, il cammino minimo (vertici da attraversare e costo totale) facendo uso dei nodi speciali wormhole. L'output secondario può mancare nel caso in cui non si incontrino wormhole, oppure il wormhole di partenza è uguale a quello di destinazione.

⁵ndr: NodoA e NodoB sono le chiavi intere dei vertici e Peso è un intero usato per rappresentare il peso di tale arco.

2.4 Descrizione algoritmo

2.4.1 Pseudo codice

Per calcolare i cammini minimi⁶ da una sorgente si è scelto di utilizzare l'algoritmo greedy proposto dall'olandese **Edsger Dijkstra** che va a scegliere localmente un nodo adiacente più vicino a quello analizzato. Per definizione della sottostruttura ottima di un cammino minimo, il **primo wormhole** aggiunto nell'albero dei cammini minimi, è quello che si può raggiungere più velocemente da una data sorgente. Per tanto è stato modificato Dijkstra per salvare i wormhole che incontra durante la creazione del cammino, e per fermarsi una volta raggiunta la destinazione.

L'algoritmo che verrà mostrato di seguito è il cuore del programma: in input riceve i nodi sorgente e destinazione e in fase di elaborazione restituisce **i cammini minimi**. È stato usato il plurale in quanto, potrebbe esserci un secondo cammino che fa uso dei wormhole, o viceversa se il grafo non è connesso, esserci solamente il cammino con i wormhole.

La procedura Galactic Dijkstra applica una prima volta Dijkstra dalla sorgente fino a che non trova la destinazione e nel mentre salva tutti i wormhole che incontra, estraendone solo il primo (riga 1). Se esiste un wormhole nell'albero dei cammini minimi radicato in S, allora si procede ad una seconda applicazione di Dijkstra, usando come sorgente il nodo di destinazione. Se questi due wormhole sono diversi allora si calcola il percorso minimo tra i due e si aggiunge un arco simbolico di peso 1.

⁶Anche definiti come albero dei cammini minimi radicati in una sorgente.

Algorithm: Galactic Dijkstra

```
input: Source node \in V, Destination node \in V
  result: print fast path from s to d, w/ and w/o
           wormholes if any
1 w_1 = apply Dijkstra from S and save first wormhole
   encountered;
\mathbf{2} \ distance = printPath(s,d);
\mathbf{3} if \exists w_1:
      w_2 = apply \ Dijkstra \ from \ D \ and \ save \ first \ wormhole
       encountered;
      if \exists w2 and w1 \neq w2:
\mathbf{5}
          dw_1 = printPath(s, w_1);
6
          dw_2 = printPath(w_2, d);
7
          d_{dw_1 + dw_2} = dw_1 + 1 + dw_2;
```

2.4.2 Diagrammi delle classe e dettagli architetturali

Priority Queue e Heap

La coda di priorità è stata sviluppata come detto in precedenza facendo uso di un **Heap Binario**, per la precisione un Min Heap. Si poteva creare una classe generica priority queue e usare un **pattern comportamentale** (e.g. Strategy) per sfruttare la possibilità di cambiare comportamento (minima priorità o massima) in base ad un flag in fase di creazione della classe. Non è stato usato tale approccio in quanto nell'algoritmo di Dijkstra si fa uso solamente di una coda a minima priorità.

Un' altra nota riguarda l'uso della classe Min Heap all'interno della Priority Queue: sarebbe stato utile usare un' **interfaccia** (i.g. classe astratta) per l'heap dando la possibilità al programmatore di usare un altra tipologia (e.g.: Fibonacci, Brodal, Binomiale, etc.). Non avendo usato tale approccio la classe Min Priority Queue è dipendente dall' Heap Binario.

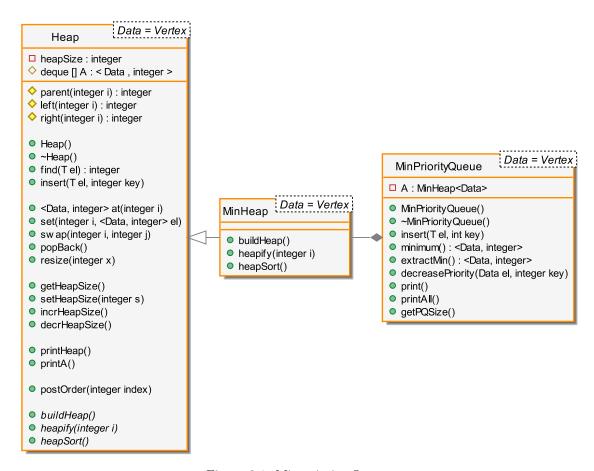


Figura 2.1: Min priority Queue

N.d.r.: ogni classe ha un parametro template Data, in questo caso specifico viene usato un puntatore ad oggetto Vertex, mostrato di seguito.

Grafo e Vertici

Ogni elemento del grafo, i **vertici**, sono dei nodi che ereditano da un generico "oggetto" **Item** la possibilità di inserire Dati indentificati da una chiave. A tal proposito non avendo bisogno di conservare nessun dato si è deciso di usare come parametro del template un **puntatore a void**. Ogni vertice ha una mappatura con i vertici **adiacenti** (realizzata tramite un hashtable di tipo unordered), un riferimento al padre nell' albero dei cammini minimi, e la distanza dal nodo radice.

Il **grafo** possiede un vettore di puntatori a vertici e ha metodi per creare un albero dei cammini minimi (Dijkstra), restituire o stampare il percorso da una sorgente e una destinazione. Il metodo dijkstra è stato ridefinito in modo tale da poter eseguire operazioni aggiuntive alla fine del rilassamento di un nodo estratto dalla coda: si può decidere di usare una funzione lambda oppure un puntatore a funzione per inserire un **criterio di stop** nell'algoritmo (e.g. raggiunto un nodo specifico), inoltre verrà restituito l'ultimo elemento estratto.

N.d.r.: il metodo dijkstra internamente fa uso delle subroutine *initSingleSource* e *relax* come da manuale⁷ ma poichè tale implementazione può cambiare (non far uso della Min Priority Queue ad esempio) si è deciso di non inserirle come metodi privati durante la definizione della classe. Per cui verranno citate e mostrate solo per far capire la connessione con la min priority queue.

 $^{^7{\}mbox{Vedere}}$ riferimenti bibliografici.

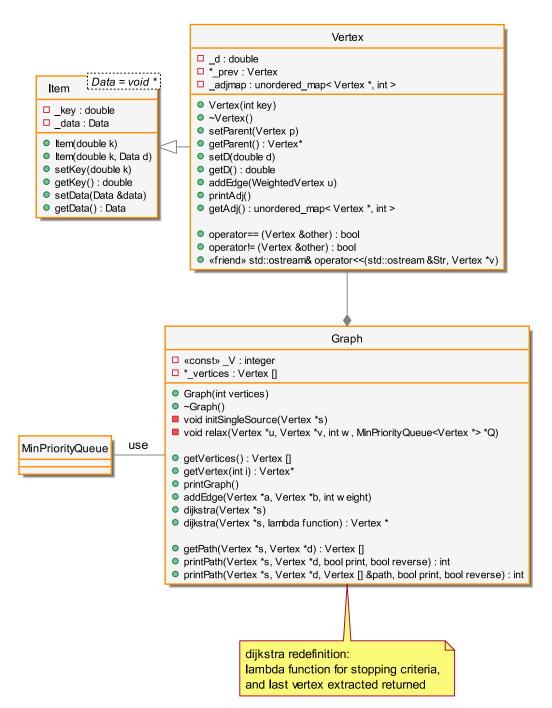


Figura 2.2: Vertici e Grafo

Parser e Grafo galattico

Il main del programma usera la classe **Loader** per creare e instanziare correttamente un oggetto di tipo **GalacticGraph**. Tale classe altro non è che una specializzazione del grafo base, con l'aggiunta di una mappatura dei wormhole del grafo caricato dal Loader e dell' algortimo Galactic Dijkstra (par. 2.4.1).

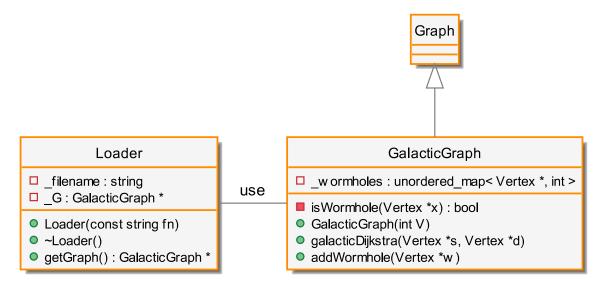


Figura 2.3: Loader e Grago galattico

2.5 Studio complessità

La complessità di tempo data dall'algoritmo galactic dijkstra è influenzata dalle due esecuzioni (al più) del classico algoritmo di Dijkstra. Il calcolo dei percorsi impiega O(3E) poiché per raggiungere un nodo fino alla sorgente vuol dire ripercorrere l'albero attraversando ogni arco nel caso peggiore, quindi mettendoci un tempo lineare. Per cui si considerano le due applicazioni di Dijkstra che impiegano $O(2(V+E)2log_2V)$ che diventa $O(2E2log_2V)$ se ogni vertice è raggiungibile dalla sorgente, ma poichè è possibile portare le costanti moltiplicative fuori diremo che la complessità finale sarà $O(Elog_2V)$. L'algoritmo di Dijkstra impiega tale complessità poiché influenzato dalle operazioni extractMin() e decreaseKey() impiegate |E| volte dalla coda di min priorità basata su min heap. Si poteva pensare di usare un Heap di Fibonacci poiché si è notato che l'algoritmo effettua più operazioni di decreaseKey() che di extractMin(), e nella struttura dati citata tale operazioni hanno rispettivamente costo computazionale O(1) e $O(log_2V)$. Ciò avrebbe comportato un miglioramento nel caso in cui ci fossero stati molti archi, avendo un costo asintotico pari a $O(Vlog_2V+E)$.

2.6 Test e risultati

2.6.1 Test effettuati

I risultati estratti da una shell dopo aver eseguito il programma prevedono vari grafi. Per ognuno di essi vi sarà presente il grafico relativo.

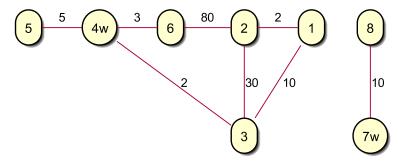


Figura 2.4: Grafo non connesso.

Filling a graph with 8 nodes, 8 edges, 2 wormholes

STARTING READING FILE: 6

STARTING READING 2ndhalf: 2

Looking for a path from 1 to 8

Travel without wormholes: there are no paths that connect 1 with 8 (disconnected graph)

Using wormholes \rightarrow [4, 7]: 1-3-4^7-8 in 23 unit time

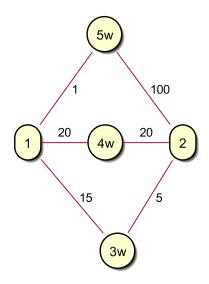


Figura 2.5: Grafo a diamante.

Filling a graph with 5 nodes, 6 edges, 3 wormholes

STARTING READING FILE: 3

STARTING READING 2ndhalf: 3

Looking for a path from $1\ \text{to}\ 2$

Travel without wormholes: 1-3-2 in 20 time unit

Using wormholes \rightarrow [5, 3]: 1-5^3-2 in 7 unit time

Nel grafo seguente il percorso con wormhole non è mostrato in quanto il wormhole usato dalla sorgente e dalla destizione è lo stesso, infatti il nodo 11 è presente in entrambi i cammini minimi.

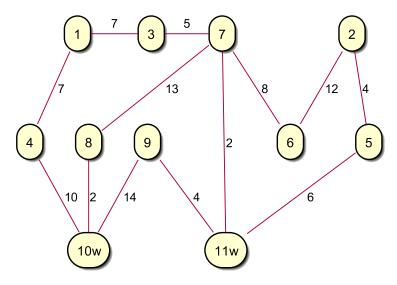


Figura 2.6: Grafo d'esempio.

Filling a graph with 11 nodes, 13 edges, 2 wormholes

STARTING READING FILE: 11

STARTING READING 2ndhalf: 2

Looking for a path from 1 to 2

Travel without wormholes: 1-3-7-11-5-2 in 24 time unit

No fast travel with wormhole.

Per puro stress testing del programma, si è utilizzato un file contentente 317080 nodi, 1049866 archi e 10 wormholes, ovviamente previo commento nell'implementazione del parser circa i controlli sull'input. Successimante si usa lo stesso file ma senza wormhole in modo da non far applicare una seconda volta dijkstra. Il risultato mostrato di seguito contiene l'esecuzione calcolandone i tempi tramite l'applicativo time presente nei sistemi operativi *NIX

Filling a graph with 317080 nodes, 1049866 edges, 10 wormholes

STARTING READING FILE: 1049856

STARTING READING 2ndhalf: 10

Looking for a path from 316972 to 317029

Travel without wormholes:

316972-264079-298841-63506-59115-5530-26742-65338

-191800 - 287822 - 125483 - 121155 - 107180 - 308349 - 317029

in 104 time unit

Using wormholes -> [316972, 317029]: 316972^317029 in 1 unit time

real 1m42.700s

user 1m42.313s

sys 0m0.188s

Da notare come il file senza wormhole ci impiega circa la **metà**.

Filling a graph with 317080 nodes, 1049866 edges, 0 wormholes

STARTING READING FILE: 1049866

STARTING READING 2ndhalf: 0

Looking for a path from 316972 to 317029

Travel without wormholes:

316972 - 264079 - 298841 - 63506 - 59115 - 5530 - 26742 - 65338

-191800 - 287822 - 125483 - 121155 - 107180 - 308349 - 317029

in 104 time unit

No wormhole from Source to Destination.

real 0m56.303s

user 0m56.047s

sys 0m0.094s

2.7 Codice sorgente

Codice 2.17: heap.hpp

```
#ifndef _HEAP_HPP_
   #define _HEAP_HPP_
   #include <iostream>
  #include <algorithm>
   #include <utility>
   #include <deque>
   /** Heap Data Structure */
   template <class T> // object inside this DS are templates
10
   class Heap {
     private:
12
       int heapSize;
13
14
     protected:// made attributes protected 'cause
15
                // we need in Priority Queues
16
       std::deque< std::pair<T, int> > A;
18
     public:
19
       Heap() : heapSize(0){};
20
        ~Heap(){};
21
       int find(T el);
23
24
       // inserting elements using std::pair
25
       void insert(T el, int key); // must use Int for key and T for obj to
26
        \rightarrow store.
28
       int parent(int i){return (i-1)/2;};
29
       int left(int i){return (2*i + 1);};
30
       int right(int i){return (2*i + 2);};
31
       /**
        * override of deque positional operators
34
        * must use this for access at deque (e.g. Priority Queue)
35
        * return std::pair from position at i
36
37
       std::pair<T, int> at(int i);
38
40
        * override of deque positional operators
41
        * must use this for access at deque (e.g. Priority Queue)
42
         * set pair<key, T element> at position i
```

```
*/
44
       void set(int i, std::pair<T, int> el);
45
46
       /**
47
         * override of deque positional operators
48
        * must use this for access at deque (e.g. Priority Queue)
49
        * swap elements using index (wrapper to std::iter_swap)
51
       void swap(int i, int j);
52
53
       /**
54
        * override of deque positional operators
         * must use this for access at deque (e.g. Priority Queue)
         * wrapper to pop_back()
57
        */
58
       void popBack();
59
60
       /**
61
        * override of deque positional operators
62
        * must use this for access at deque (e.g. Priority Queue)
63
        * wrapper to resize()
64
65
       void resize(int x);
66
       int getHeapSize(){return heapSize;}
       void setHeapSize(int s){heapSize = s;}
69
70
       void incrHeapSize(){heapSize++;}
71
       void decrHeapSize(){heapSize--;}
73
       /** Print the heap using heapSize as upperbound */
74
       void printHeap();
75
76
       /** Print all the A deque */
77
       void printA();
       /** Virtual method to implement in max Heap and min heap */
80
       virtual void buildHeap() = 0; // pure specifier = 0, same as {}
81
82
       /** Virtual method to implement in max Heap and min heap */
83
       virtual void heapify(int i) = 0;// pure specifier = 0, same as {}
85
       /** Virtual method to implement in max Heap and min heap */
86
       virtual void heapSort() = 0;// pure specifier = 0, same as {}
87
88
       /** Print in postOrder starting from index */
       void postOrder(int index);
   };
91
92
```

```
93
94 #endif //_HEAP_HPP_
```

42

Codice 2.18: heap.cpp

```
#include <priorityqueue/heap/heap.hpp>
   template <class T>
   void Heap<T>::insert(T el, int key) {
     this->A.push_back( std::make_pair(el, key) );
   }
6
   template <class T>
   std::pair<T, int> Heap<T>::at(int i) {
     return this->A.at(i);
10
   }
11
12
   template <class T>
13
   void Heap<T>::set(int i, std::pair<T, int> el) {
     this->A.at(i) = el;
   }
16
17
   template <class T>
18
   void Heap<T>::swap(int i, int j){
     std::iter_swap(this->A.begin()+i, this->A.begin()+j);
20
   }
21
22
   template <class T>
23
   void Heap<T>::popBack(){
24
     this->A.pop_back();
25
26
27
   template <class T>
28
   void Heap<T>::resize(int x){
29
     this->A.resize(x);
30
32
33
   template <class T>
34
   void Heap<T>::postOrder(int index){
35
      if(index < Heap<T>::getHeapSize()){
36
       postOrder(Heap<T>::left(index));
37
       postOrder(Heap<T>::right(index));
        std::cout << this->A.at(index).first << " ";</pre>
39
     }
40
   }
41
```

```
43
   template <class T>
44
   void Heap<T>::printHeap(){
45
      for(auto i=0; i < heapSize; i++) {</pre>
46
        std::cout << "[" << this->A.at(i).second << "]";
47
        std::cout << this->A.at(i).first << " ";</pre>
48
      }
      std::cout << std::endl;</pre>
50
   }
51
52
53
   template <class T>
54
   void Heap<T>::printA(){
55
      for(auto i=0; i < this->A.size(); i++){
        std::cout << "[" << this->A.at(i).second << "]";
57
        std::cout << this->A.at(i).first << " ";</pre>
58
      }
59
      std::cout << std::endl;</pre>
60
    }
61
62
63
    // return index
64
   template <class T>
65
    int Heap<T>::find(T el) {
      auto it = std::find_if( this->A.begin(), this->A.end(), \
67
                                 [&el](std::pair<T, int> &i) {
68
                                          return el == i.first;
69
                                     }
70
                               );
72
      if(it != this->A.end())
73
        return std::distance(this->A.begin(), it);
74
      else
75
        return -1;
76
   }
```

Codice 2.19: minHeap.hpp

```
#ifndef _MINHEAP_HPP_
#define _MINHEAP_HPP_

#include <priorityqueue/heap/heap.hpp>

/** MinHeap using all attributes and methods from Heap */

template <class T>
class MinHeap : public Heap<T> {
   public:
```

```
/** build a MinHeap from elements inserted in A[n] in O(n) */
10
       void buildHeap();
11
12
       /** Min heapify procedure makes magic, threating A[n] as a BT.
13
         * O(log n) */
14
       void heapify(int i);
15
       /** creasily (Heap)sorting A[n] in O(n*logn) */
17
       void heapSort();
18
   };
19
20
   #endif //_MINHEAP_HPP_
```

Codice 2.20: minHeap.cpp

```
#include <priorityqueue/heap/minHeap.hpp>
   #include "heap.cpp"
   template <class T>
   void MinHeap<T>::heapify(int i){
     if( i >= 0 ){
6
       int min = 0;
       int 1 = Heap<T>::left(i);
       int r = Heap<T>::right(i);
10
       //check if l exist and then look for a min
11
       if( 1 <= this->getHeapSize()-1 && \
12
            this->A.at(i).second > this->A.at(l).second )
13
         min = 1;
14
       else
15
         min = i;
16
17
       // if not l neither i is min t then r is
18
       if( r <= this->getHeapSize()-1 && \
19
            this->A.at(min).second > this->A.at(r).second )
20
         min = r;
22
       //if max is not i then swap and re-run heapify recusively
23
       if(min != i){
24
          this->swap(i, min);
25
          this->heapify(min);
26
       }
27
     }
28
29
30
31
   template <class T>
```

```
void MinHeap<T>::buildHeap(){
      // set HeapSize at first run
34
     this->setHeapSize(this->A.size());
35
36
      // run heapify starting from middle going up
37
     for(auto j = (this->getHeapSize()/2); j \ge 0; j--)
38
        this->heapify(j);
39
   }
40
41
42
   template <class T>
43
   void MinHeap<T>::heapSort(){
44
     // build a Min heap at first
     this->buildHeap();
46
47
     for(auto j = this \rightarrow A.size()-1; j > 0; j--){
48
        // Since A[0] is the greatest put it in last pos
49
        this->swap(0, j);
50
        this->decrHeapSize();
        this->heapify(0);
52
     }
53
   }
54
```

Codice 2.21: minPriorityQueue.hpp

```
#ifndef _MINPRIORITYQUEUE_HPP_
   #define _MINPRIORITYQUEUE_HPP_
2
   #include <priorityqueue/heap/minHeap.hpp>
4
   /**
    * min priority queue created using a Min Heap
   template <class T>
9
   class MinPriorityQueue {
10
     private:
       MinHeap<T> A; // used for operations
12
13
     public:
14
       MinPriorityQueue(){};
15
       ~MinPriorityQueue(){};
16
17
       /** Insert an element with his key in O(log n) */
18
       void insert(T el, int key);
19
20
       /** get minimum in O(1) */
21
       std::pair<T, int> minimum();
```

```
23
       /** Extract the minimum in O(log n) */
24
       std::pair<T, int> extractMin();
25
26
       /** decrease the priority of an element by a key value */
27
       void decreasePriority(T el, int key);
28
       /** Printing the priority queue */
30
       void print(){this->A.printHeap();};
31
       void printAll(){this->A.printA();};
32
33
       /** return size of priority queue */
       int getPQSize(){return A.getHeapSize();};
35
   };
36
37
   #endif // _MINPRIORITYQUEUE_HPP_
38
```

Codice 2.22: minPriorityQueue.cpp

```
#include <priorityqueue/minPriorityQueue.hpp>
   #include <other/debug.hpp>
3
   #include "heap/minHeap.cpp"
4
   #include <cassert>
   // insert new T el and decrease his priority for
   // correct positioning
9
   template<class T>
10
   void MinPriorityQueue<T>::insert(T el, int priority){
11
     this->A.insert(el, priority);
12
     this->A.incrHeapSize();
13
     decreasePriority(el, priority);
14
   }
15
16
17
   // return minimum in queue
18
   template <class T>
19
   std::pair<T, int> MinPriorityQueue<T>::minimum(){
20
     return this->A.at(0);
21
22
23
24
   // extract minimum
25
  template <class T>
26
   std::pair<T, int> MinPriorityQueue<T>::extractMin(){
27
     std::pair<T, int> min;
```

```
if(this->A.getHeapSize() < 1)</pre>
29
        return min;
30
31
     min = this->A.at(0);
32
     this->A.swap(0, this->A.getHeapSize()-1);
33
     this->A.decrHeapSize();
34
      // no need to delete if there are no new element inserted
      // this->A.popBack();
36
37
     // restore property
38
     this->A.heapify(0);
39
40
     return min;
41
   }
42
43
44
45
   template <class T>
46
   void MinPriorityQueue<T>::decreasePriority(T el, int priority){
     int i = this->A.find(el);
48
     if(i == -1)
49
        return;
50
51
      if(priority > this->A.at(i).second){
        IFDEBUG debug_print << "no need to decrease" << std::endl;</pre>
        return;
54
     }
55
56
     // set new priority
     this->A.set(i, std::make_pair(A.at(i).first, priority));
59
      // move down untill father is lower
60
     while( i > 0 && this->A.at(this->A.parent(i)).second >
61
      \rightarrow this->A.at(i).second) {
        this->A.swap(this->A.parent(i), i);
        i = this->A.parent(i);
63
     }
64
   }
65
```

Codice 2.23: debug.hpp

```
#ifndef _DEBUG_HPP_
#define _DEBUG_HPP_

// debugging
#include <iostream>
#define debug_print std::cerr
```

```
7
8 #ifdef DEBUG
9 #define IFDEBUG if(1)
10 #else
11 #define IFDEBUG if(0)
12 #endif
13
14 #endif // _DEBUG_HPP
```

Codice 2.24: item.hpp

```
#ifndef _ITEM_HPP_
   #define _ITEM_HPP_
2
   #include <limits>
6
    * @brief Generic Item
    * Odetails using a double as a key
    * Otparam Data parameter as value
   template <class Data>
11
   class Item {
12
     private:
13
       double _key;
14
       Data _data;
15
16
     public:
17
       //Item() : _key(std::numeric_limits<int>::min()), _data {} {}
18
       Item(double k) : _key(k), _data {} {}
19
       Item(double k, Data &d) : _key(k), _data(d) {}
20
21
       //generic setter and getter
22
       void setKey(double k) { this->_key = k; }
23
       double getKey() { return this->_key; }
24
25
       void setData(Data &data) { this->_data = data; }
26
       Data& getData() { return this->_data; }
   };
28
29
   #endif //_ITEM_HPP_
```

Codice 2.25: vertex.hpp

```
#ifndef _VERTEX_HPP_
#define _VERTEX_HPP_
```

```
#include imits>
   #include <utility> //make_pair()
   #include <unordered_map>
   #include <other/debug.hpp>
   #include <other/item.hpp>
10
   // dijkstra algorithm
11
   #define inf std::numeric_limits<int>::max()
12
13
   // weighted node
   #define WeightedVertex std::pair< Vertex *, int >
16
   // using adjacent map instead of vector -> O(1) direct access
17
   #define AdjacentMap std::unordered_map< Vertex *, int >
18
19
20
   /**
^{21}
    * @brief Vertex class inherites from generic Item
    * with double as key and void* as data.
23
24
   class Vertex : public Item<void *>{
25
     private:
       double _d = inf; // distance
27
       Vertex *_prev = nullptr; // parent
28
       AdjacentMap _adjmap; // map
29
30
     public:
31
       Vertex(int key) : Item<void *>(key) {}
32
       ~Vertex(){}
33
34
       void setParent(Vertex *p) { this->_prev = p; }
35
       Vertex* getParent() { return this->_prev;}
36
       void setD(double d) { this->_d = d; }
       double getD() { return this->_d; }
39
40
       // add edge to a node in map
41
       void addEdge(WeightedVertex u);
42
       void printAdj();
44
       AdjacentMap getAdj() { return this->_adjmap; };
45
46
       // overload of operator for comparing situation
47
       bool operator== (Vertex &other) {return this->getKey() ==
48
        → other.getKey();}
       bool operator!= (Vertex &other) {return this->getKey() !=
49
        → other.getKey();}
```

```
50
        // printing purpouse
51
        friend std::ostream& operator<<(std::ostream &Str, Vertex *v) {</pre>
52
             Str << v -> getKey() + 1 << "\n";
53
           return Str;
54
        };
55
    };
56
57
    #endif // _VERTEX_HPP_
58
```

Codice 2.26: vertex.cpp

```
#include <graph/vertex.hpp>
1
   // insert node and weight
   void Vertex::addEdge(WeightedVertex u) {
     this->_adjmap.insert(u);
5
   }
6
   void Vertex::printAdj() {
     std::cout << "Adj list of [" << this->getKey()+1 <<"]:"<< std::endl;
10
     for(auto it = this->_adjmap.begin(); it != this->_adjmap.end(); it++) {
11
       std::cout << " " << it->second << " to reach --> [";
12
       std::cout << it->first->getKey()+1 <<"]"<< std::endl;</pre>
13
     }
14
   }
15
```

Codice 2.27: graph.hpp

```
#ifndef _GRAPH_HPP_
   #define _GRAPH_HPP_
2
   #include <list>
   #include <vector>
   #include <functional>
   #include <graph/vertex.hpp>
8
   #include <priorityqueue/minPriorityQueue.hpp>
10
   #define Vertices std::vector<Vertex *>
11
12
   /**
13
    * @brief Undirected Graph class
14
```

```
*
15
    */
16
   class Graph {
17
     private:
18
       const int _V; // no need to modify once set
19
       Vertices *_vertices;
20
     public:
22
       Graph(int vertices);
23
        ~Graph(){ delete [] _vertices; }
24
25
       // return all vertex
26
       Vertices* getVertices() {return _vertices;}
27
28
       //get single vertex if correctly indexed
29
       Vertex* getVertex(int i) { return (i < (int)this->_vertices->size() ?
30
        → this->_vertices->at(i) : nullptr) ;}
31
       void printGraph();
33
       // add two Edge per call (undirected)
34
       void addEdge(Vertex *a, Vertex *b, int weight);
35
36
       /* Apply dijkstra algorithm starting from a node */
       void dijkstra(Vertex *s);
38
39
       /* overloaded dijkstra -> get a lambda function for stop criteria
40
        \hookrightarrow after
         * extraced node finished relaxing. Return extracted node. */
       Vertex* dijkstra(Vertex *s, std::function <bool (Vertex *)>const&
42
        → lambda);
43
       /* return a path from node D up to last prev (nullptr) or S */
44
       std::vector<Vertex> getPath(Vertex *s, Vertex *d);
45
46
       /* print path */
47
       int printPath(Vertex *s, Vertex *d, bool print = false, bool reverse =
48
        → false);
       int printPath(Vertex *s, Vertex *d, std::vector<Vertex> &path, bool
49
        → print = false, bool reverse = false);
   };
50
51
   #endif //_GRAPH_HPP_
52
```

Codice 2.28: graph.cpp

```
#include <graph/graph.hpp>
#include <cassert>
```

```
#include "../priorityqueue/minPriorityQueue.cpp"
5
   /* default constructor, allocating vertices from 0 to _V */
6
   Graph::Graph(int vertices) : _V(vertices) {
     this->_vertices = new Vertices(_V);
     int i = 0;
10
     for(auto v = this->_vertices->begin(); v != this->_vertices->end(); v++)
11
        (*v) = \text{new Vertex}(i++); // i \text{ as key}
12
   }
13
14
15
   void initSingleSource(Vertices *v, Vertex *source) {
16
     for(auto vv = v->begin(); vv != v->end(); vv++ ) {
17
        (*vv)->setD(inf); // set max int as D
18
        (*vv)->setParent(nullptr); // no parent discovered
19
     } // init all vertices distance and parents
20
     source->setD(0); // exept source
22
23
24
   void relax(Vertex *u, Vertex *v, int w, MinPriorityQueue<Vertex *> *Q) {
25
     if(u->getD() == inf && u->getParent() == nullptr)
       u->setD(0); // fix for not connected graph that has D still as inf
27
28
     if(v->getD() > u->getD() + w) { // if adj node Dist is bigger then relax
29
       v->setD(u->getD() + w); // set to lower
30
       v->setParent(u); // parent found
       Q->decreasePriority(v, v->getD()); // set priority low
     }
33
   }
34
35
36
   void Graph::dijkstra(Vertex *s) {
     //init all source and creaty a Minimum priority queue
38
     initSingleSource(this->_vertices, s);
39
     MinPriorityQueue<Vertex *> *Q = new MinPriorityQueue<Vertex *>();
40
41
     for(auto v = this->_vertices->begin(); v != this->_vertices->end(); v++
42
       Q->insert((*v), (*v)->getD()); // insert all vertices
43
44
     while( Q->getPQSize() != 0 ) {
45
       Vertex *u = Q->extractMin().first;
46
       auto uAdj = u->getAdj();
       for(auto v : uAdj)
         relax(u, v.first, v.second, Q);
49
     }
50
```

```
}
51
52
53
   Vertex* Graph::dijkstra(Vertex *s, std::function <bool (Vertex *)>const&
54
    → lambda) {
     //init all source and creaty a Minimum priority queue
55
     Vertex * u = nullptr;
     initSingleSource(this->_vertices, s);
57
     MinPriorityQueue<Vertex *> *Q = new MinPriorityQueue<Vertex *>();
58
59
     for(auto v = this->_vertices->begin(); v != this->_vertices->end(); v++
60
      \rightarrow )
       Q->insert((*v), (*v)->getD()); // insert all vertices
61
62
     while( Q->getPQSize() != 0 ) {
63
       u = Q->extractMin().first;
64
65
       auto uAdj = u->getAdj();
       for(auto v : uAdj)
66
          relax(u, v.first, v.second, Q);
68
       // if lambda func return true, stop dijkstra
69
       if(lambda(u))
70
          break;
71
     }
72
     // and return lastest extracted node
     return u;
74
75
76
   std::vector<Vertex> Graph::getPath(Vertex *s, Vertex *d) {
78
     auto tmp = d;
79
     std::vector<Vertex> path;
80
81
     // tmp goes up untill no more nodes in graph
82
     // or source found
     while(tmp->getParent() != nullptr && tmp != s) {
       path.push_back(*tmp);
85
       tmp = tmp->getParent();
86
     }
87
88
      // if previous while stopped, insert source in path
     if(tmp->getParent() != nullptr)
90
       tmp = tmp->getParent();
91
92
     path.push_back(*tmp);
93
94
     return path;
95
   }
96
97
```

```
int Graph::printPath(Vertex *s, Vertex *d, std::vector<Vertex> &path, bool
99
     → print, bool reverse) {
      auto sum = 0;
100
101
      // if path hasn't source and dest as first and last, don't print
102
      if(path.back() != *s || path.front() != *d) {
103
        if(print)
104
          std::cout << "there are no paths that connect " << s->getKey()+1
105
          << " with " << d->getKey()+1 << std::endl;
106
        sum = -1;
107
      }
108
      else {
109
        if(!reverse) // inserted node from dest to source,
110
          std::reverse(path.begin(), path.end()); // need to reverse
111
112
113
        if(print)
          std::cout << path.at(0).getKey()+1;</pre>
114
115
        for(auto i = 1; i < (int)path.size(); i++ ) {</pre>
116
          if(print)
117
             std::cout << "-"<< path.at(i).getKey()+1;
118
119
          if(reverse)
             sum += path.at(i-1).getD() - path.at(i).getD();
121
          else
122
             sum += path.at(i).getD() - path.at(i-1).getD();
123
        }
124
      }
      return sum; // O(E) print and sum path weight returned
126
    }
127
128
129
    int Graph::printPath(Vertex *s, Vertex *d, bool print, bool reverse) {
130
      // if no path given, calculate it
131
      auto path = getPath(s, d);
132
      return printPath(s, d, path, print, reverse);
133
    }
134
135
136
    // add undirected edge
    void Graph::addEdge(Vertex *a, Vertex *b, int weight) {
138
      a->addEdge(WeightedVertex(b, weight));
139
      b->addEdge(WeightedVertex(a, weight));
140
    }
141
142
    // for all nodes, print adj map
143
    void Graph::printGraph() {
144
      for(auto x = this->_vertices->begin(); x != this->_vertices->end(); x++)
145
```

```
146   (*x)->printAdj();
147 }
```

Codice 2.29: galacticgraph.hpp

```
#ifndef _GALACTICTGRAPH_HPP_
   #define _GALACTICTGRAPH_HPP_
  #include <unordered_map>
   #include <graph/graph.hpp>
5
   /**
    * Obrief GalacticGraph. Using wormholes for fast travel.
    * if there is a wormhole near s and d,
    * use that to teleport in 1 unit time.
10
11
   class GalacticGraph : public Graph {
     private:
13
       std::unordered_map<Vertex *, int> _wormholes;
14
       bool isWormhole(Vertex *x); // return true if a node is in hashmap
15
16
     public:
17
       GalacticGraph(int V) : Graph(V) {};
18
19
       // compute path from s to d, then from s to first worm and reapply
20
        \rightarrow dijkstra
       // using d as source, and get path from d to worm
21
       void galacticDijkstra(Vertex *s, Vertex *d);
22
       // load a vertex in hashmap
24
       void addWormhole(Vertex *w){this->_wormholes.insert(std::make_pair(w,
25
        → 1));};
   };
26
27
   #endif //_GALACTICTGRAPH_HPP_
```

Codice 2.30: galacticgraph.cpp

```
#include <galacticgraph.hpp>

bool GalacticGraph::isWormhole(Vertex *x) {
   if(x != nullptr)
      return this->_wormholes.find(x) != this->_wormholes.end();

// O(1) search
   return false;
}
```

```
10
11
   void GalacticGraph::galacticDijkstra(Vertex *s, Vertex *d) {
12
      auto wFound = new Vertices();
13
14
     // calculate minimum path tree from source
15
      // saving all wormhole found
     dijkstra(s, [this, d, wFound](Vertex *tmp){
17
       if(isWormhole(tmp))
18
          wFound->push_back(tmp);
19
       return tmp == d; // stop criteria
20
     });
22
     std::cout<<"Travel without wormholes: ";</pre>
23
     auto traveldist = printPath(s, d, true);
24
      if(traveldist>0)
25
       std::cout<<" in "<< traveldist <<" time unit\n\n";</pre>
26
     else
        std::cout<<"\t(disconnected graph)\n\n";</pre>
29
     auto w1 = wFound->empty() ? nullptr : wFound->front();
30
      // if there was a wormhole in path, get the first extracted
31
      if(w1 != nullptr) {
32
        auto p1 = getPath(s, w1); // calculate path
34
       wFound->clear();
35
        // calculate minimum path tree from source
36
       dijkstra(d, [this, s, wFound](Vertex *tmp){
37
          if(isWormhole(tmp))
38
            wFound->push_back(tmp);
39
         return tmp == s; // stop criteria
40
       });
41
42
       // if there was a womrhole in path, get the first one extracted
43
       auto w2 = wFound->empty() ? nullptr : wFound->front();
44
45
       if(w2 != nullptr && w1 != w2) { // if womrhole are different
46
          std::cout<<"Using wormholes -> [" << w1->getKey()+1
47
            << ", "<< w2->getKey()+1 <<"]: ";
48
49
          auto t1 = printPath(s, w1, p1, true); // print first path
          std::cout<<"^";
51
          auto t2 = printPath(d, w2, true, true); // print second one half
52
53
          std::cout<<" in "<<t1+1+t2<<" unit time\n\n";
54
       }
55
       else
          std::cerr<<"No fast travel with wormhole.\n";</pre>
57
     }
58
```

```
else
std::cerr<<"No wormhole from Source to Destination.\n";
}</pre>
```

Codice 2.31: loader.hpp

```
#ifndef _LOADER_HPP_
   #define _LOADER_HPP_
   #include <string>
   #include <galacticgraph.hpp>
6
   /**
    * Obrief Loader class for parse file.txt into Graph
8
   class Loader {
10
     private:
11
       std::string _filename;
12
       GalacticGraph *_G = nullptr;
13
14
     public:
15
       Loader(const std::string fn);
16
       ~Loader(){ delete _G;}
17
18
       GalacticGraph *getGraph(){return this->_G;}
19
   };
20
21
   #endif //_LOADER_HPP_
22
```

Codice 2.32: loader.cpp

```
#include <iostream>
   #include <fstream>
   #include <loader.hpp>
5
   Loader::Loader(const std::string fn) : _filename(fn) {
6
     std::ifstream filestream(this->_filename);
8
     if(filestream.fail()){
       std::cerr << "Error opening file" << std::endl;</pre>
10
       exit(EXIT_FAILURE);
11
     }
12
13
```

```
int V, E, W;
14
     filestream >> V;
15
     filestream >> E;
16
     filestream >> W;
17
18
     if(V < 1 \mid \mid V > 1000) {
19
        std::cerr << "Solar systems must be at least 2 and less then 1k " <<
        \hookrightarrow std::endl;
        exit(EXIT_FAILURE);
21
     }
22
23
     if(E < 0 \mid \mid E > 10000) {
        std::cerr << "Connections must be at least one and less then 10k" <<

    std::endl;

        exit(EXIT_FAILURE);
26
     }
27
28
     if(W < 1 \mid | W > V)  {
29
        std::cerr << "Wormholes must be at least 2 and less then V("<<V<<")"
        exit(EXIT_FAILURE);
31
     }
32
33
     std::cout << "Filling a graph with "<< V<<" nodes, ";
34
     std::cout << E <<" edges, ";
     std::cout << W <<" wormholes\n";</pre>
36
37
     this->_G = new GalacticGraph(V);
38
     auto vertices = this->_G->getVertices();
40
     IFDEBUG debug_print << "STARTING READING FILE: " <<E-W<< std::endl;</pre>
41
     for(auto it = 0; it < E-W; it++) {
42
        int a, b, w;
43
        filestream >> a;
44
        filestream >> b;
45
        filestream >> w;
        this->_G->addEdge(vertices->at(a-1), vertices->at(b-1), w);
47
     }
48
49
50
      IFDEBUG debug_print << "STARTING READING 2ndhalf: "<<W<< std::endl;</pre>
     for(auto it = 0; it < W; it++) {</pre>
52
         int a, b, w;
53
         filestream >> a;
54
         filestream >> b;
55
         filestream >> w;
56
         this->_G->addEdge(vertices->at(a-1), vertices->at(b-1), w);
         this->_G->addWormhole(vertices->at(b-1));
     }
59
```

```
filestream.close();
f
```

Bibliografia

- [1] Introduzione agli algoritmi e strutture dati (Italiano), 2010 Thomas H. Cormen (Autore), Charles E. Leiserson (Autore), Ronald L. Rivest (Autore), Clifford Stein (Autore), L. Colussi (a cura di).
- [2] Slide del corso Algoritmi e Strutture Dati e Laboratorio di Algoritmi e Strutture Dati, tenuto dai docenti F. Camastra e A. Ferone.
- [3] Overleaf Documentation https://www.overleaf.com/learn/
- [4] L'arte del LaTeX, Lorenzo Pantieri http://www.lorenzopantieri.net/LaTeX.html
- [5] LATEX/Source Code Listings https://en.wikibooks.org/wiki/LaTeX/Source_Code_Listings
- [6] Curiously recurring template pattern
 https:
 //en.wikipedia.org/wiki/Curiously_recurring_template_pattern
- [7] Curiously Recurring Template Pattern https://www.fluentcpp.com/2017/05/12/ curiously-recurring-template-pattern/