Исследование схем правдоподобных рассуждений в системах искусственного интеллекта

Луценко Юрий Юрьевич

МГУ им. М.В.Ломоносова, факультет ВМиК, группа м114

Научный руководитель: д.ф.-м.н. Соловьев С.Ю.

2016 г.

Задачей данной работы является исследование изоморфных преобразований схемы правдоподобных рассуждений Шортлиффа, используемой в системе MYCIN, и составление их перечня, так называемой "энциклопедии трансформации схемы Шортлиффа".

Схема Шортлиффа (MYCIN)

- Вычисляет, используя продукционные правила, суждения о гипотезах на основании суждений о фактах
- Поддерживает "интеллектуальный" диалог экспертной системы с пользователем с целью получения оценочных суждений о фактах
- Существенно использует модель вычисления так называемых коэффициентов уверенности
 - Коэффициенты уверенности правил числа из полуинтервала (0,1]
 - Коэффициенты уверенности фактов и гипотез числа из отрезка [-1,1]
 - Важно выделить особые точки $\{-1, -0.2, 0, 0.2, 1\}$

Продукционные правила

Используются правила вида

if Антецедент then Гипотеза with CF

- Антецедент формула, построенная из фактов и гипотез с помощью операций конъюнкции, дизъюнкции и отрицания
- Гипотеза одна из гипотез продукционной системы
- CF коэффициент уверенности правила

Операции над коэффициентами уверенности

В схеме Шортлиффа используется следующий фиксированный набор операций над коэффициентами уверенности:

- (i) *min*(*a*, *b*) (Конъюнкция)
- (ii) max(a, b) (Дизъюнкция)
- (iii) not(a) = -a (Отрицание)
- (iv) $rge(a) = \mathbb{I}(a \geqslant 0.2)$, $rle(a) = \mathbb{I}(a \leqslant -0.2)$ (Управление вычислительным процессом)
- (v) $tms(a,b) = a \cdot b$ (Функция ослабления)

$$\text{(vi)} \ \ \textit{cmb}(a,b) = \left\{ \begin{array}{ll} a+b-a\cdot b, & a\geqslant 0, b\geqslant 0 \\ \frac{a+b}{1-\min(|a|,|b|)}, & a\cdot b<0 \\ a+b+a\cdot b, & a\leqslant 0, b\leqslant 0 \end{array} \right.$$

(Функция комбинирования)

Свойства функции комбинирования

- lacktriangle Область определения $D_{cmb} = [-1,1] \setminus \{(-1,1),(1,-1)\}$
- $lue{}$ cmb(a,b) = cmb(b,a)
- ullet cmb(a, cmb(b, c)) = cmb(cmb(a, b), c)
- cmb(a, b) = -cmb(-a, -b)
- $lue{}$ $cmb(a,b) \in C(D_{cmb})$
- $\forall l \ cmb(a, l) \leqslant cmb(b, l), a \leqslant b$
- $-1 \leqslant cmb(a,b) \leqslant 1$
- cmb(a, -a) = 0
- cmb(a,0) = a
- cmb(1,1) = 1, cmb(-1,-1) = -1

Трансформации схемы Шортлиффа

Идея трансформации схемы Шортлиффа заключается в том, чтобы преобразовать имеющиеся операции таким образом, что появляется возможность оперировать с множеством A, отличным от отрезка [-1,1].

Для этого мы будем рассматривать взаимно однозначную монотонно возрастающую функцию $h: [-1,1] \to A$.

Семейство трансформаций №1

Трансформации из семейства $G_1(\alpha)$, где $\alpha>0$, переводят комбинирование в умножение, а умножение - в его изоморфный образ. Каждый элемент этого семейства - функция $g_1:[-1,1] \to [0,+\infty]$.

$$g_1(x) = \begin{cases} (1+x)^{\alpha}, & -1 \leq x < 0 \\ (1-x)^{-\alpha}, & 0 \leq x < 1 \\ +\infty, & x = 1 \end{cases}$$

Обратная функция $g_1^{-1}:[0,+\infty] \to [-1,1]$ выглядит следующим образом:

$$g_1^{-1}(x) = \begin{cases} x^{\frac{1}{\alpha}} - 1, & 0 \leqslant x < 1\\ 1 - x^{-\frac{1}{\alpha}}, & 1 \leqslant x < +\infty\\ 1, & x = +\infty \end{cases}$$

$$cmb(A,B) = A \cdot B$$

$$\blacksquare$$
 tms(A, B) =

$$\begin{array}{l} \text{Ims}(A,B) = \\ \begin{pmatrix} 0, & (A,B) \in \{(0,+\infty), (+\infty,0)\} \\ \frac{1}{A}, & A \in (0,+\infty), B = 0 \\ A, & A \in (0,+\infty), B = +\infty \\ B, & B \in (0,+\infty), A = 0 \\ B, & B \in (0,+\infty), A = +\infty \\ (A^{-\frac{1}{\alpha}} + B^{\frac{1}{\alpha}} - A^{-\frac{1}{\alpha}}B^{\frac{1}{\alpha}})^{\alpha}, & (A,B) \in (1,+\infty) \times (0,1] \\ (A^{\frac{1}{\alpha}} + B^{\frac{1}{\alpha}} - A^{\frac{1}{\alpha}}B^{\frac{1}{\alpha}})^{-\alpha}, & (A,B) \in (0,1] \times (0,1] \\ (A^{\frac{1}{\alpha}} + B^{-\frac{1}{\alpha}} - A^{\frac{1}{\alpha}}B^{-\frac{1}{\alpha}})^{\alpha}, & (A,B) \in (0,1] \times (0,1] \\ (A^{\frac{1}{\alpha}} + B^{-\frac{1}{\alpha}} - A^{\frac{1}{\alpha}}B^{-\frac{1}{\alpha}})^{\alpha}, & (A,B) \in (0,1] \times (1,+\infty) \\ \end{array}$$

Семейство трансформаций №2

Главная особенность функции $h_1:[-1,1]\to [-\infty,+\infty]$ из семейства трансформации $H_1(\beta)$ при $\beta>1$ заключается в переводе функции комбинации в сумму.

$$h_1(x) = \begin{cases} -\infty, & x = -1 \\ +\log_{\beta}(1+x), & -1 < x < 0 \\ -\log_{\beta}(1-x), & 0 \leqslant x < 1 \\ +\infty, & x = 1 \end{cases}$$

Ей соответствует обратная функция $h_1^{-1}: [-\infty, +\infty] o [-1, 1]$:

$$h_1^{-1}(x) = \begin{cases} -1, & x = -\infty \\ \beta^x - 1, & -\infty < x < 0 \\ 1 - \beta^{-x}, & 0 \leqslant x < +\infty \\ 1, & x = +\infty \end{cases}$$

$$lue{}$$
 $cmb(A,B) = A \cdot B$

$$tms(A,B) = (-\infty,$$

$$\begin{cases} -\infty, \\ +\infty, \\ -A, \\ A, \\ -B, \\ B, \\ \log_{\beta}(\beta^{-A} + \beta^{B} - \beta^{-A}\beta^{B}), \\ -\log_{\beta}(\beta^{-A} + \beta^{-B} - \beta^{-A}\beta^{-B}), \\ -\log_{\beta}(\beta^{A} + \beta^{B} - \beta^{A}\beta^{B}), \\ \log_{\beta}(\beta^{A} + \beta^{-B} - \beta^{A}\beta^{-B}), \end{cases}$$

$$(A,B) \in \{(-\infty,+\infty), (+\infty,-\infty)\}$$

$$(A,B) \in \{(-\infty,-\infty), (+\infty,+\infty)\}$$

$$A \in (-\infty,+\infty), B = -\infty$$

$$A \in (-\infty,+\infty), A = +\infty$$

$$B \in (-\infty,+\infty), A = +\infty$$

$$B \in (-\infty,+\infty), A = +\infty$$

$$A \in (0,+\infty), B \in (-\infty,0]$$

$$A \in (0,+\infty), B \in (0,+\infty)$$

$$A \in (-\infty,0], B \in (-\infty,0]$$

$$A \in (-\infty,0], B \in (-\infty,0]$$

$$A \in (-\infty,0], B \in (0,+\infty)$$

1 Задача обнаружения отображений

- 1 Задача обнаружения отображений
- 2 Задача подтверждения формул

- 1 Задача обнаружения отображений
- 2 Задача подтверждения формул
- 🔞 Задача конструирования формул

- 1 Задача обнаружения отображений
- 2 Задача подтверждения формул
- Задача конструирования формул
- 4 Задача выявления отображений

- Задача обнаружения отображений
- 2 Задача подтверждения формул
- 🔞 Задача конструирования формул
- 4 Задача выявления отображений
- Задача доопределения функции комбинирования

Функция комбинирования Хамахера

Можно вывести и доопределить функцию комбинирования с использованием функции из семейства триангуляционных конорм Хамахера вида $\phi(a,b)=\frac{a+b+(r-2)ab}{1+(r-1)ab}, r>0$. В этом случае отображение принимает следующий вид:

$$h_r(x) = \begin{cases} -\infty, & x = -1 \\ -\log_{\beta}(\frac{r}{1+x} + 1 - r), & -1 < x < 0 \\ +\log_{\beta}(\frac{r}{1-x} + 1 - r), & 0 \leqslant x < 1 \\ +\infty, & x = 1 \end{cases}$$

Обратное отображение выглядит так:

$$h_r^{-1}(x) = \begin{cases} -1, & x = -\infty \\ \frac{\beta^x - 1}{1 + (r - 1)\beta^x}, & -\infty < x < 0 \\ \frac{\beta^x - 1}{\beta^x + r - 1}, & 0 \leqslant x < +\infty \\ 1, & x = +\infty \end{cases}$$

Используя обозначенное выше отображение, можно вывести функцию комбинирования:

$$cmb_{r}(a,b) = \begin{cases} \frac{a+b-(r-2)ab}{1+(r-1)ab}, & a \geqslant 0, b \geqslant 0\\ \frac{a+b}{1+(r-1)ab-(r-2)min(|a|,|b|)}, & a \cdot b < 0\\ \frac{a+b+(r-2)ab}{1+(r-1)ab}, & a \leqslant 0, b \leqslant 0 \end{cases}$$

Схема Шортлиффа-Хамахера

С целью построения соответствующих функций tms_r строится отображение $h_{1r}(x) = h_r^{-1}(h_1(x))$:

$$h_{1r}(x) = \operatorname{sgn}(x) \frac{1 - (1 - |x|)^{\gamma}}{1 + (r - 1)(1 - |x|)^{\gamma}}$$

$$h_{1r}^{-1}(x) = \operatorname{sgn}(x) \left(1 - \left(\frac{1 - |x|}{1 + (r - 1)|x|} \right)^{\frac{1}{\gamma}} \right)$$

Такие отображения образуют семейство, зависящее от параметра $\gamma = \log_{eta_1} eta_2$.

Таким образом, схема Шортлиффа-Хамахера - это преобразование схемы Шортлиффа с функцией cmb_r , в которой

$$tms_r(A, B) = h_{1r}(h_{1r}^{-1}(A) \cdot h_{1r}^{-1}(B)) = sgn(AB) \cdot \Gamma(\delta(A) + \delta(B) - \delta(A) \cdot \delta(B))$$

$$\Gamma(x) = \frac{1-x^{\gamma}}{1+(r-1)x^{\gamma}}$$

$$\delta(x) = \left(\frac{1-|x|}{1+(r-1)|x|}\right)^{\frac{1}{\gamma}}$$

Спасибо за внимание!