

Universidade Federal Rural de Pernambuco Pró-Reitoria de Pesquisa e Pós-Graduação Programa de Pós-Graduação em Informática Aplicada



Computação Evolutiva

AULA 03 - INTRODUÇÃO AOS ALGORITMOS EVOLUCIONÁRIOS

Roteiro

O que é um algoritmo evolucionário (AE)?

Componentes de um AE

Aplicação de Exemplo

Operação de típica de um AE

AE, otimização global e outros algoritmos de busca

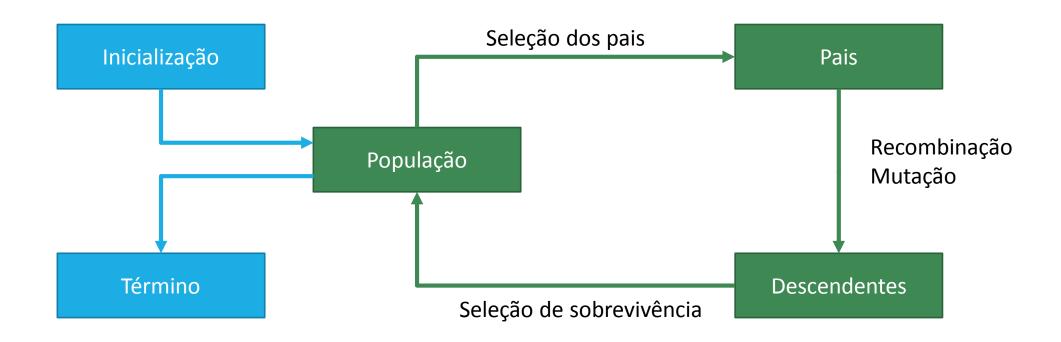
O histórico da CE fornece diversas variantes de algoritmos evolucionários, então é importante tentar estabelecer a forma geral de um AE básico, pois a ideia é a mesma em todas as variantes:

- Dada uma população de indivíduos inserida em algum ambiente com recursos limitados, a competição por estes recursos força o processo de seleção natural (o mais forte sobrevive)
- Dada uma função a ser maximizada que avalia a qualidade das soluções (aptidão ou fitness), é possível criar uma população aleatória que respeite o domínio desta função
- A função é calculada sobre a população criada para avaliar os indivíduos de melhor qualidade e estes serão escolhidos para serem sementes da próxima geração de indivíduos
 - Isso é feito aplicando recombinação ou mutação sobre os indivíduos mais aptos (chamados de pais), produzindo um ou mais novas soluções candidatas (os filhos ou descendentes)
- Os descendentes serão avaliados pela função de aptidão e os descendentes mais aptos serão as sementes da próxima geração, e assim por diante
- Esse processo é continuado até que uma solução candidata atinja um nível de qualidade previamente conhecido ou até que algum limite computacional é atingido

As principais forças que formam a base dos sistemas evolucionários são:

- Operadores de variação da população (recombinação e mutação) para criar a diversidade necessária e facilitar a busca por soluções novas
- Operador de seleção para o aumento da qualidade média das soluções da população

A aplicação combinada de variação e seleção é o que permite que melhores soluções sejam encontradas ao longo das iterações!



Um pseudocódigo...

```
INÍCIO

INICIALIZE uma população com soluções candidatas aleatórias;

AVALIE cada solução candidata;

REPITA (até que uma CONDIÇÂO DE PARADA é satisfeita)

SELECIONE os pais;

RECOMBINE pares de pais;

FAÇA MUTAÇÃO na solução filha gerada;

AVALIE novas soluções candidatas;

SELECIONE indivíduos para a próxima geração;

FIM REPITA
```

Características dos algoritmos evolucionários:

- EAs são baseados em população, isto é, processam uma coleção inteira de soluções candidatas
- A maioria dos EAs usam recombinação para misturar as informações de duas ou mais soluções para formar uma nova solução
- EAs são estocásticos



Componentes de um AE

Os componentes de um AE são os elementos-chave que irão dar a forma para AEs concretos, que serão usados para resolver problemas específicos:

- Representação (definição dos indivíduos);
- Avaliação de aptidão (ou função de fitness)
- População
- Mecanismo para seleção dos pais
- Operadores de variação da população (recombinação e mutação);
- Mecanismo de seleção dos sobreviventes (substituição)
- Inicialização
- Condição de parada

INÍCIO

INICIALIZE uma população com soluções candidatas aleatórias;

AVALIE cada solução candidata;

REPITA (até que uma CONDIÇÂO DE PARADA é satisfeita)

SELECIONE os pais;

RECOMBINE pares de pais;

FAÇA MUTAÇÃO na solução filha gerada;

AVALIE novas soluções candidatas;

SELECIONE indivíduos para a próxima geração;

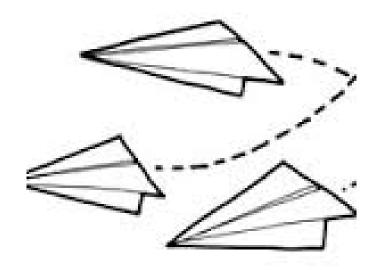
FIM REPITA

FIM

Componentes de um AE: representação

A representação dos indivíduos é a forma de estabelecer um elo entre o "mundo real" e o "mundo do AE":

- Algumas abstrações/simplificações podem ser necessárias
- O objetivo desta etapa é representar os fenótipos dos indivíduos usando genótipos
 - Há diversas escolhas, pois se os fenótipos forem vários inteiros, é possível representa-los usando inteiros em si ou números binários.
 - Exemplo: o fenótipo 18 pode ser representado por 10010



Componentes de um AE: representação

A representação dos indivíduos é a forma de estabelecer um elo entre o "mundo real" e o "mundo do AE":

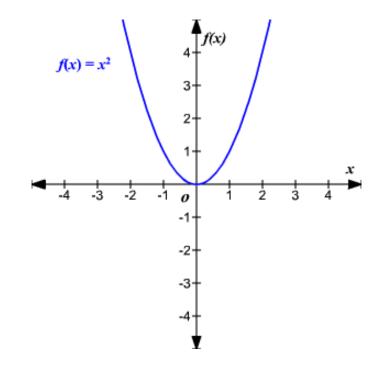
Há diversos sinônimos usados na literatura para designar os aspectos de representação

| Situação | Nomenclaturas e seus sinônimos |
|---|--|
| Terminologias usadas no contexto do problema original | Solução candidata, fenótipo, e individuo |
| Terminologias usadas no contexto do AE | Cromossomo, genótipo, ou mesmo indivíduo |
| Nomenclatura para os elementos de um indivíduo | Variável, gene, posição, lócus. O objeto que ocupa uma posição é um alelo ou valor da variável |

Componentes de um AE: avaliação

A função de avaliação (função de *fitness*) fornece uma medida numérica da qualidade de um indivíduo e é a forma de avaliar o progresso do AE

- É a base para o processo de seleção
- Exemplo: se o problema é encontrar um inteiro x que maximiza $f(x) = x^2$, a função de fitness do genótipo 10010 primeiro faria uma decodificação para o fenótipo equivalente (10010 \rightarrow 18) e depois calcularia o seu quadrado: $18^2 = 324$.
- Lembre-se que a função de fitness tem como objetivo avaliar a obtenção de boas soluções, sejam em problemas de minimização ou maximização.



Componentes de um AE: população

A função da população é armazenar possíveis soluções.

- Nos casos mais simples a população é apenas um conjunto de indivíduos, mas em casos mais sofisticados podem apresentar comportamentos especiais.
- Os indivíduos em si são objetos estáticos, mas a população é altamente dinâmica
- Em geral a população possui um tamanho fixo e os operadores de seleção funcionam levando em consideração este tamanho
- É importante que a população apresente diversidade entre os seus indivíduos, mas não há uma medida de diversidade única, pois o conceito é muito abrangente
 - Diversidade no espaço de objetivos, no espaço fenotípico, etc



Componentes de um AE: seleção de pais

A função principal da seleção dos pais é permitir que os melhores indivíduos sejam os pais para as próximas gerações.

- A seleção dos pais e seleção de sobreviventes são os mecanismos que "empurram" o AE na direção de melhorias contínuas com o passar das gerações
- Em geral a seleção dos pais é probabilística:
 - Indivíduos de elevada qualidade possuem mais chance de serem pais do que indivíduos de baixa qualidade
 - Indivíduos de baixa qualidade podem vir a ser pais, mas a chance é pequena
 - Se a seleção não for probabilística e apenas os melhores tiverem chance, o AE fica parecido com uma "busca gulosa" e frequentemente a busca ficará estagnada em ótimos locais

Componentes de um AE: variação

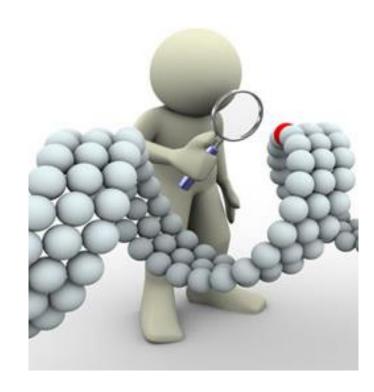
Os operadores de variação da população são responsáveis por gerar novos indivíduos a partir de indivíduos existentes

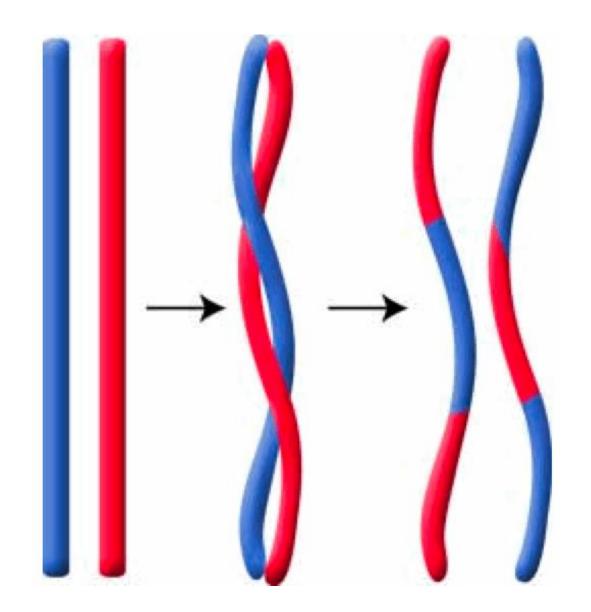
- Do ponto de vista do espaço fenotípico, a função é gerar soluções candidatas com características novas
- Existem 2 possibilidades de acordo com a aridade:
 - Operadores de variação unários: mutação
 - Operadores de variação n-ários: recombinação (o caso binário é o mais comum)
- Os operadores de variação são aplicados de forma probabilística (possuem uma chance diferente de zero de não serem usados)
- São dependentes da representação usada

Componentes de um AE: mutação

Características:

- É aplicado sobre um cromossomo e entrega um mutante ligeiramente modificado, chamado de filho ou descendente.
- Um operador de mutação é sempre estocástico: a saída (solução filha) depende da solução pai e de uma série de escolhas aleatórias
 - Heurísticas específicas de cada problema não deveriam ser consideradas como operadores de mutação.
- A mutação é usada de diferentes formas em dialetos diferentes de AF.
- Algumas provas matemáticas sobre a capacidade de convergência de um AE se apoiam nos operadores de mutação para permitir que o algoritmo "salte" para posições diferentes no espaço de busca.





Componentes de um AE: recombinação

O operador binário (n-ário) de variação é chamado de recombinação ou crossover:

- Este operador mistura as características de dois pais diferentes para gerar dois novos descendentes.
- É um operador estocástico: quais partes recombinar e como recombinar podem ser definidas por escolhas aleatórias.
- O uso de mais de dois pais é possível (embora não seja muito popular)

Componentes de um AE: substituição

A seleção de sobreviventes ou estratégia de substituição atua no sentido de levar o processo evolucionário às melhorias contínuas (como a seleção dos pais). Visão geral:

- É chamado após a criação dos descendentes.
- Como o tamanho da população normalmente é fixo, é necessário tomar a decisão de quais indivíduos devem ser mantidos e este operador é usado para este fim
- A qualidade dos indivíduos geralmente é o principal critério para a seleção dos sobreviventes, mas outros critérios podem ser usados, como a idade
- A principal diferença entre a seleção dos pais e a seleção dos sobreviventes é que a primeira é estocástica e a segunda é determinística

Componentes de um AE: inicialização

Visão geral:

- Na maioria das aplicações de AE é o operador mais simples, pois consiste em simplesmente gerar uma população inicial de indivíduos de forma aleatória.
- Alguns problemas podem adotar heurísticas específicas para gerar soluções de elevada qualidade já na primeira geração do AE



Componentes de um AE: parada

Alguns problemas podem ter um valor de aptidão-alvo para que pode ser usado como condição de parada do algoritmo, mas muitas vezes não se dispõe desta informação. Condições frequentes:

- Um tempo máximo de execução previamente definido.
- Um número de avaliações de aptidão é alcançado.
- A melhoria da avaliação de aptidão passa a ficar abaixo de um valor para um dado período de tempo.
- A diversidade da população cai abaixo de um limiar.
- Mais de um critério pode ser usado em conjunto (uso de operadores lógicos para parar caso um ou outro ocorra primeiro)

Para melhor entendimento dos componentes de um AE, será mostrado o passo-a-passo de uma execução para o problema de maximizar valores de x^2 para o intervalo 0-31:

- Será usada uma codificação binária de 5 bits mapeando inteiros (fenótipo) para sequencias de bits (genótipo).
- Para seleção dos pais, um indivíduo i na população P é escolhido para ser pai com probabilidade $p_i = f(i)/\sum f(j)$.
- O operador de sobreviventes consiste em substituir todos os indivíduos antigos pelos novos.
- A mutação troca o valor do bit de cada posição se um número aleatório gerado entre 0 e 1 está abaixo de um limiar, chamado de taxa de mutação
- A recombinação é feito usando um ponto de corte para trocar os dados dos dois pais

População inicial:

| String # | População inicial | Valor x | Fitness $f(x) = x^2$ | Prob _i | Expectativa na seleção | Possível seleção |
|----------|----------------------|---------|----------------------|-------------------|---------------------------|---------------------|
| 1 | 01101 | 13 | 169 | 0,14 | 0,58 | 1 |
| 2 | 11000 | 24 | 576 | 0,49 | 1,97 | 2 |
| 3 | 01000 | 8 | 64 | 0,06 | 0,22 | 0 |
| 4 | 10011 | 19 | 361 | 0,31 | 1,23 | 1 |
| Soma | | | 1170 | 1,00 | 4,00 | 4 |
| Média | | | 293 | 0,25 | 1,00 | 1 |
| Máx. | | | 576 | 0,49 | 1,97 | 2 |

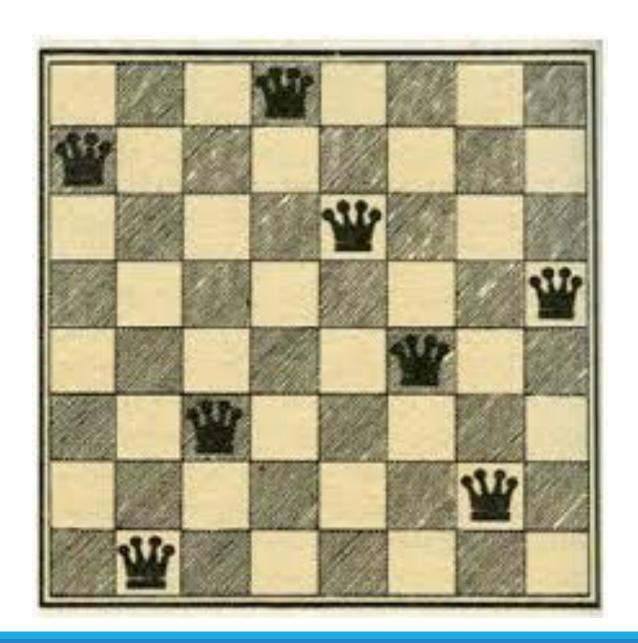
Recombinação e avaliação de descendentes:

| String # | Mating pool | Ponto de cruzamento | Descendentes depois do xover | Valor de x | Fitness $f(x) = x^2$ |
|----------|-------------|------------------------|---------------------------------|------------|----------------------|
| 1 | 0110 1 | 4 | 01100 | 12 | 144 |
| 2 | 1100 0 | 4 | 11001 | 25 | 625 |
| 3 | 01 000 | 2 | 01011 | 27 | 729 |
| 4 | 10 011 | 2 | 10000 | 16 | 256 |
| Soma | | | | | 1724 |
| Média | | | | | 439 |
| Máx. | | | | | 729 |

Mutação e avaliação de descendentes:

| String # | Mating pool | Descendentes depois do xover | Valor de x | Fitness $f(x) = x^2$ |
|----------|-------------|---------------------------------|------------|----------------------|
| 1 | 01100 | 1 1100 | 26 | 676 |
| 2 | 11001 | 11001 | 25 | 625 |
| 3 | 01011 | 11011 | 27 | 729 |
| 4 | 10000 | 10 <mark>1</mark> 00 | 18 | 324 |
| Soma | | | | 2354 |
| Média | | | | 588,5 |
| Máx. | | | | 729 |

Neste exemplo o fitness médio passou de 293 para 588,5 e o maior passou de 576 para 729!



Aplicação de exemplo: problemas das 8 rainhas

Como colocar oito rainhas no tabuleiro de xadrez de modo que nenhuma seja atacada?

| Representação | Inteira |
|--------------------------|----------------------------|
| Recombinação | Cruzamento de um ponto |
| Mutação | Swap |
| Seleção dos pais | 2 melhores de 5 aleatórios |
| Seleção de sobreviventes | Substituir os piores |
| Tamanho da população | 100 |
| Número de descendentes | 2 |
| Inicialização | Aleatória |
| Parada | Solução ou 10000 avals. |

Aplicação de exemplo: problemas das 8 rainhas

Mão na massa!



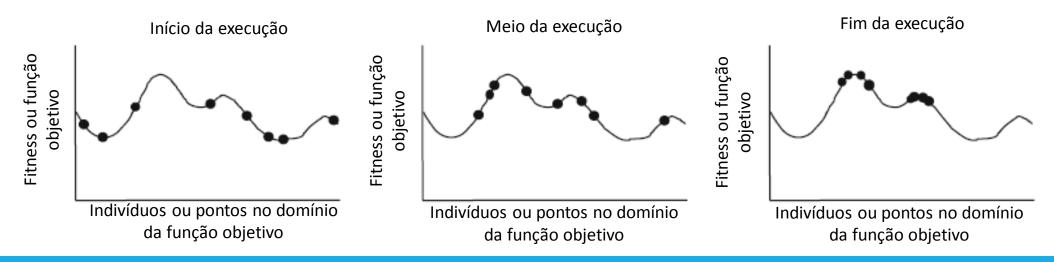




Operação típica de um AE

Os algoritmos evolucionários apresentam um perfil de execução típico. Considere a otimização de uma função unidimensional que precisa ser maximizada:

- Em um primeiro estágio, logo após a inicialização, os indivíduos são aleatoriamente espalhados no espaço de busca
- Após algumas gerações, os operadores de variação e de seleção fazem com que os indivíduos abandonem regiões de baixo fitness para escalar os picos
- No final, algumas soluções são concentradas em picos de elevado valor de fitness



Operação típica de um AE

Os algoritmos evolucionários apresentam um perfil de execução típico:

- Embora não exista uma distinção clara entre os termos exploration e exploitation, essas palavras são geralmente usadas para descrever as diferentes fases da busca
 - Exploration é a geração de novos indivíduos em regiões ainda não exploradas do espaço de busca (busca em largura).
 - Exploitation é o processo de refinamento da busca nas regiões próximas de boas soluções obtidas na fase de exploration
- A convergência prematura é um fenômeno que pode ocorrer devido à rápida perda de diversidade, levando o algoritmo a ficar preço em ótimos locais.

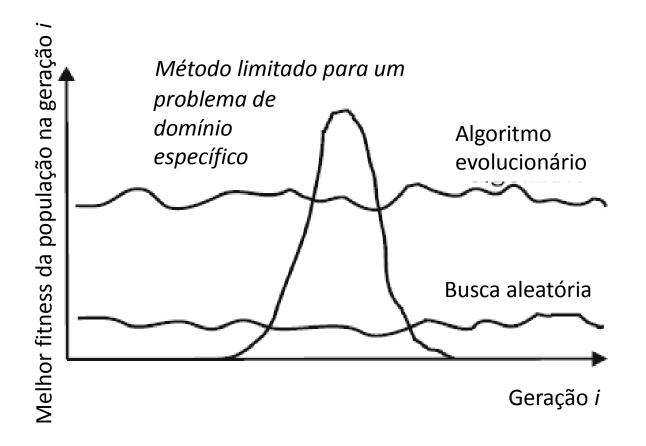


Melhor fitness da população na geração *i* Geração i

Operação típica de um AE

Outra forma de entender a evolução de um AE é observando a evolução do fitness da melhor solução ao longo do tempo

- Esse gráfico é conhecido como curva de convergência do algoritmo
- Geralmente possui um aspecto geral de rápido progresso nas primeiras execuções e a formação de uma assíntota após algumas iterações



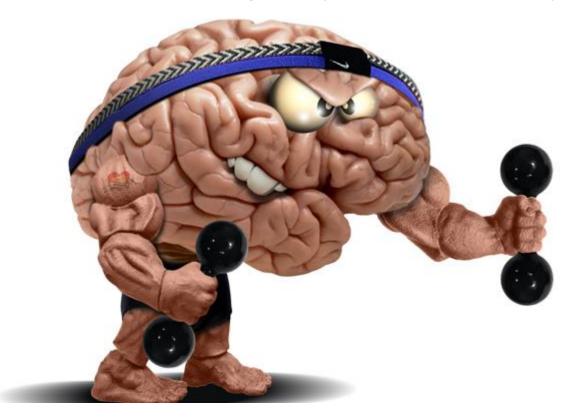
Operação típica de um AE

Comparação entre AE, busca aleatória e soluções para problemas específicos

- Um AE tipicamente é melhor do que uma busca aleatória
- Soluções específicas podem apresentar melhores resultados do que um AE, mas demandam grande esforço de projeto e não oferecem bons resultados para famílias de problemas

Aplicação de exemplo: problemas das 8 rainhas

Crie as curvas de convergência para a sua versão do problema das 8 rainhas!









Universidade Federal Rural de Pernambuco Pró-Reitoria de Pesquisa e Pós-Graduação Programa de Pós-Graduação em Informática Aplicada



Computação Evolutiva

AULA 03 - INTRODUÇÃO AOS ALGORITMOS EVOLUCIONÁRIOS