

1. Carga eléctrica
2. Interacción eléctrica (Ley de Coulomb)
3. Campo Eléctrico
4. Potencial y diferencia de potencial
5. Relación entre campo eléctrico y potencial eléctrico
6. Dipolo eléctrico
7. Movimiento de cargas en campos eléctricos

Tema 1: Efectos eléctricos de cargas puntuales

1

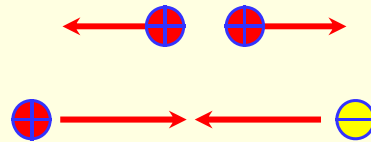
Introducción

- Los griegos son los primeros que observaron los fenómenos eléctricos y magnéticos (ámbar y magnetita)
- En el S:XIX se descubre que la electricidad y el magnetismo son 2 fenómenos relacionados:
 - Experimento de Oersted (1820) → la aguja de una brújula se desvía cuando está cerca de una corriente
 - Experimento de Faraday-Henry (1831) → aparece una corriente en un conductor circular cuando se mueve cerca de un imán

2

Carga eléctrica

Dos tipos de interacción:
- atracción y repulsión (en
gravitación sólo hay atracción)



“Toda porción de materia está caracterizada por dos propiedades fundamentales: masa y carga.”

Fuerza eléctrica >>> Gravedad
¿Por qué apreciamos la gravedad?

3

Carga Eléctrica

Unidad de la carga eléctrica en el Sistema Internacional de Unidades (S.I.):

Culombio (C)

CUANTIZACIÓN DE LA CARGA ELÉCTRICA (empírico)

La carga eléctrica aparece siempre como múltiplo de una carga fundamental (cuanto eléctrico), cuyo valor es:

$$e = 1,602177 \cdot 10^{-19} \text{ C}$$

que es la carga del electrón en módulo.

(Nota: los quarks tienen carga $(2e)/3$, $e/3$ pero no se presentan aislados)

4

Carga Eléctrica

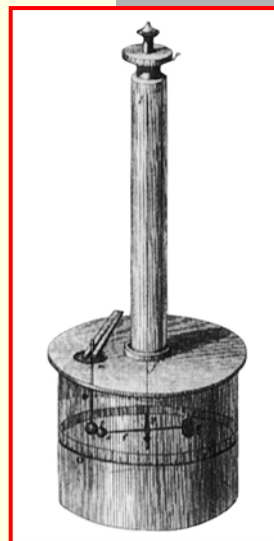
PRINCIPIO DE CONSERVACIÓN DE LA CARGA ELÉCTRICA *(empírico)*

En todos los procesos observados en la Naturaleza, la carga neta o total de un sistema aislado permanece constante.

5

Interacción eléctrica (Ley de Coulomb)

- Este dispositivo (balanza de torsión) es el que utilizó Charles Auguste de Coulomb (1736-1806) para medir por primera vez la fuerza eléctrica.



6

Interacción eléctrica (Ley de Coulomb)

- Ley de Coulomb (fuerza electrostática entre 2 cargas puntuales)

$$\vec{F}_{12} = k \frac{q_1 \cdot q_2}{r^2} \vec{u}_r$$

$$\vec{u}_r = \frac{\vec{r}_{1,2}}{|\vec{r}_{1,2}|}$$

vector unitario

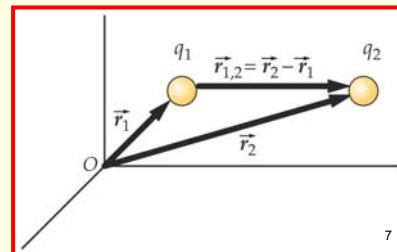
k: constante eléctrica

$$k = 9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2$$

$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$$

ϵ_0 : permitividad del vacío

$$\epsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12} \text{ C}^2 / \text{N} \cdot \text{m}^2$$

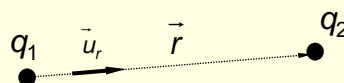


Interacción eléctrica (Ley de Coulomb)

Ejercicio/

Calcula la fuerza eléctrica entre dos cargas de 1 C situadas a 1 m de distancia.

$$\vec{F} = k \frac{q_1 \cdot q_2}{r^2} \vec{u}_r$$



$$F = K \frac{1 \cdot 1}{1^2} = 9 \cdot 10^9 \text{ N}$$

(es el peso de 12 millones de personas de 75 kg)!!

1 C es una carga enorme !!

Interacción eléctrica (Ley de Coulomb)

Cuando queremos calcular la fuerza ejercida sobre una carga q_0 por un conjunto de n cargas puntuales q_i utilizaremos el

PRINCIPIO DE SUPERPOSICIÓN: la fuerza resultante sobre q_0 es la suma vectorial de las fuerzas individuales ejercidas por cada carga q_i sobre la carga q_0 .

$$\vec{F} = \sum_{i=1}^n F_i = K q_0 \sum_{i=1}^n \frac{q_i}{r_i^2} \cdot \vec{u}_i$$

Donde \vec{u}_i es el vector unitario en la dirección del vector que une la posición de la carga q_i con q_0 , que está separada una distancia r_i de q_i .

9

Campo Eléctrico

Definición:

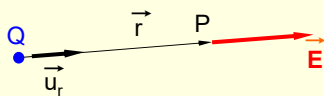
$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0}$$

por tanto $\vec{F} = q_0 \vec{E}$

q_0 : carga de prueba

Unidad del campo eléctrico en el Sistema Internacional de Unidades (S.I.): N/C

Expresión del campo para el caso de carga puntual



$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{r^2} \vec{u}_r$$

10

Campo Eléctrico

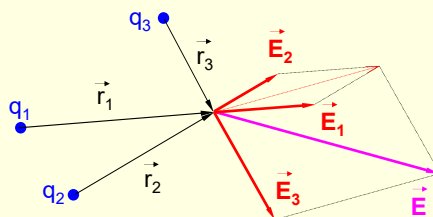
ALGUNOS CAMPOS ELÉCTRICOS DE LA NATURALEZA

	E (N/C)
En los cables domésticos	10^{-2}
En las ondas de radio	10^{-1}
En la atmósfera	10^2
En la luz solar	10^3
Bajo una nube tormentosa	10^4
En la descarga de un relámpago	10^4
En un tubo de rayos X	10^6
En el electrón de un átomo de hidrógeno	$6 \cdot 10^{11}$
En la superficie de un núcleo de uranio	$2 \cdot 10^{21}$

11

Campo Eléctrico

Ppo. de Superposición (varias cargas puntuales)



$$\vec{E} = \sum \vec{E}_i = \sum_i \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_i}{r_i^2} \vec{u}_{r_i}$$

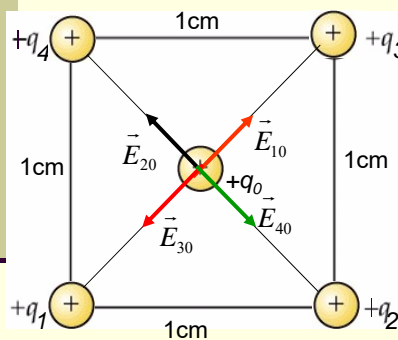
Podemos asociar una nueva propiedad a cada punto (x,y,z) del espacio, **el campo eléctrico**, independientemente de que coloquemos o no la carga q_0

$$\vec{E}(x, y, z) = E_x \vec{i} + E_y \vec{j} + E_z \vec{k}$$

12

Campo Eléctrico

Ejercicio/ Dada la siguiente situación de las cargas, separadas 1 cm entre ellas, determinar la fuerza ejercida por las cargas sobre q_0 .



$$\begin{aligned} q_1: (0,0) \quad q_2: (1,0) \\ q_3: (1,1) \quad q_4: (0,1) \quad q_0: (1/2, 1/2) \end{aligned}$$

$$\vec{F} = q_0 \vec{E} \quad n = 4$$

$$\vec{E} = \sum \vec{E}_i = \sum_i K \frac{q_i}{r_i^2} \vec{u}_{r_i}$$

p.e. cálculo de E_{10}

$$\vec{E}_{10} = K \frac{q_1}{r_{10}^2} \vec{u}_{r_{10}}$$

$$\vec{r}_{10} = \vec{r}_0 - \vec{r}_1 = (0.5\vec{i} + 0.5\vec{j}) - (0\vec{i} + 0\vec{j}) = 0.5\vec{i} + 0.5\vec{j}$$

$$r_{10} = |\vec{r}_{10}| = \sqrt{(0.5)^2 + (0.5)^2} = \frac{1}{\sqrt{2}} = 0.7$$

$$\vec{u}_{r_{10}} = \frac{\vec{r}_{10}}{r_{10}} = \frac{0.5\vec{i} + 0.5\vec{j}}{1/\sqrt{2}} = \frac{\vec{i}}{\sqrt{2}} + \frac{\vec{j}}{\sqrt{2}}$$

$$\vec{E}_{10} = 9 \cdot 10^9 \frac{q_1}{1/2} \left(\frac{\vec{i}}{\sqrt{2}} + \frac{\vec{j}}{\sqrt{2}} \right) \text{ N/C}$$

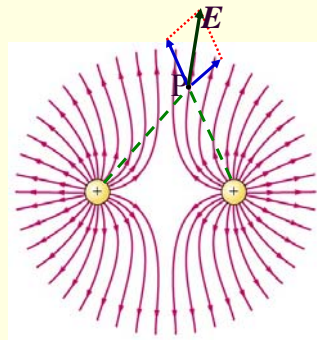
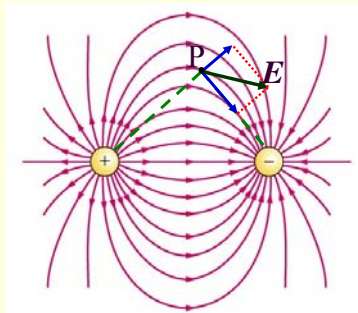
13

Campo Eléctrico

LÍNEAS DE CAMPO ELÉCTRICO

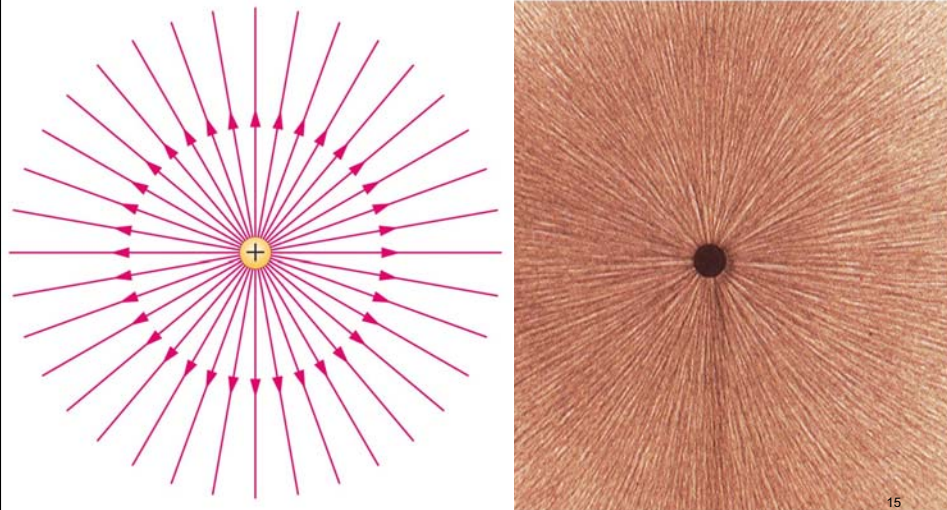
Definición: línea tangente al campo eléctrico en cada punto.

Sirven para dar una idea geométrica rápida y directa de la dirección y sentido del campo eléctrico en cada punto del espacio.



14

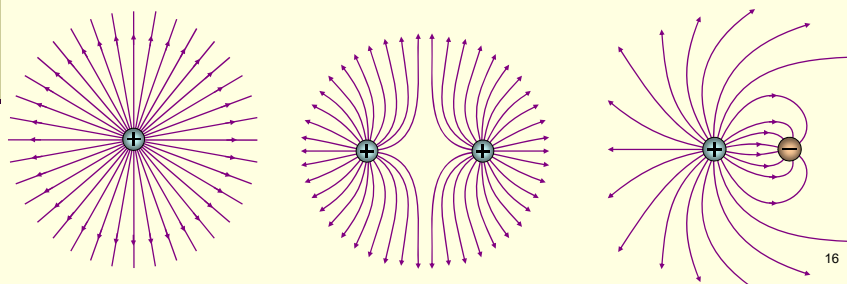
Campo Eléctrico



Campo eléctrico

LÍNEAS DE CAMPO ELÉCTRICO. Reglas:

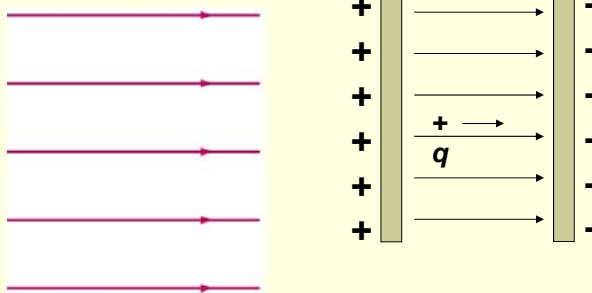
- 1º) sentido de + hacia -
- 2º) simétricas
- 3º) número líneas = proporcional a Q creadora de
- 4º) densidad de líneas = proporcional al módulo de \vec{E}
- 5º) líneas de campo no se cortan



Campo Eléctrico

LÍNEAS DE CAMPO ELÉCTRICO.

Campo uniforme: igual intensidad, dirección y sentido en todos los puntos del espacio

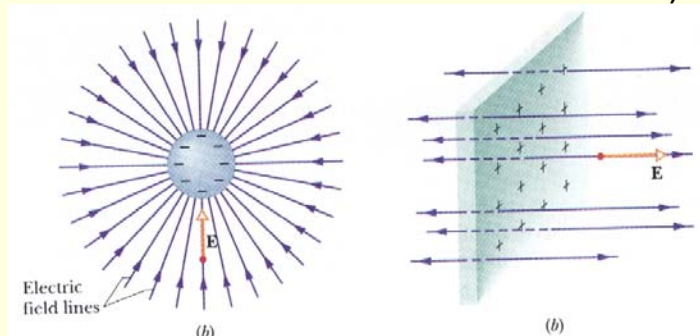


17

Campo Eléctrico

LÍNEAS DE CAMPO ELÉCTRICO.

en esferas y planos (no son cargas puntuales sino distribuciones continuas --> las simetrías nos dan mucha información)



Esfera con carga negativa

Simetría esférica

Plano positivo

Simetría planar

18

Potencial y diferencia de potencial

Teníamos:
Intensidad de campo eléctrico

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0}$$

q_0 : carga de prueba

Definimos: **POTENCIAL ELÉCTRICO.**

$$V = \frac{U}{q_0}$$

q_0 : carga de prueba

ESCALAR:
no es un
vector!

Donde U es la energía potencial eléctrica que tiene la carga q_0

Unidad del potencial eléctrico en el Sistema Internacional de Unidades (S.I.): $J/C = \text{Voltio (V)}$

19

Potencial y diferencia de potencial

Solo las diferencias de potencial o diferencias de energía potencial tienen sentido físico.

Podemos hablar de potencial en un punto concreto del espacio o energía potencial de una determinada carga, si previamente hemos definido un origen de potenciales o de energía potencial.

ENERGÍA POTENCIAL ELÉCTRICA.

La variación de energía potencial es igual al trabajo realizado por la fuerza conservativa **cambiado de signo**

$$\Delta U = U_b - U_a = -W = -\int_a^b \vec{F} \cdot d\vec{l} = Kq_0Q \left(\frac{1}{r_b} - \frac{1}{r_a} \right)$$

Expresión que proporciona la diferencia de energía potencial eléctrica de la carga q_0 entre los puntos a (situación inicial) y b (situación final), siendo r_a y r_b las distancias desde la carga Q hasta los puntos a y b, respectivamente.

20

Potencial y diferencia de potencial

Ver apéndice 1: obtención de la expresión del trabajo realizado por la fuerza eléctrica para llevar una carga de prueba q_0 desde un punto a hasta otro b, en presencia de la carga Q.

Para una carga puntual Q, el origen de energía se toma en el infinito. Entonces la energía de q_0 en un punto que dista r de Q es:

$$U_{ref} = 0 \quad \text{para} \quad r_{ref} = \infty \quad \Rightarrow \quad U = Kq_0Q \frac{1}{r}$$

De la misma forma el potencial que crea Q en dicho punto es:

$$V = \frac{U}{q_0} = KQ \frac{1}{r} \quad \text{Con:} \quad V_{ref} = 0 \quad \text{para} \quad r_{ref} = \infty$$

21

Potencial y diferencia de potencial

POTENCIAL ELÉCTRICO.

Ppo. de Superposición (varias cargas puntuales)

Potencial creado por n cargas puntuales

$$V = \sum V_i = \sum_i K \frac{Q_i}{r_i}$$

Podemos asociar una nueva propiedad a cada punto (x,y,z) del espacio, **el potencial eléctrico**, $V(x,y,z)$, independientemente de que coloquemos o no la carga q_0

La diferencia de potencial entre dos puntos 1 y 2 está relacionada con el trabajo W realizado por el campo eléctrico al desplazar una carga de prueba q_0 del punto 1 al 2:

$$W = \int_1^2 \vec{F} \cdot d\vec{r} = q_0 \int_1^2 \vec{E} \cdot d\vec{r} = q_0(V_2 - V_1) = -\Delta U \quad U = q_0 V$$

22

Relación entre potencial y campo eléctrico

$$\left. \begin{aligned} U_P &= -\int_{\infty}^P \vec{F} \cdot d\vec{l} = -W \\ U &= q_0 V \quad \vec{F} = q_0 \vec{E} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \boxed{V_P = \frac{U_P}{q_0} = -\int_{\infty}^P \vec{E} \cdot d\vec{l}}$$

$$dV = -\vec{E} \cdot d\vec{l}$$

$V(x, y, z) \longrightarrow dV(x, y, z)$ Calculamos el diferencial (derivadas parciales)

$$dV = \frac{\partial V}{\partial x} dx + \frac{\partial V}{\partial y} dy + \frac{\partial V}{\partial z} dz = \underbrace{\left(\frac{\partial V}{\partial x} \vec{i} + \frac{\partial V}{\partial y} \vec{j} + \frac{\partial V}{\partial z} \vec{k} \right)}_{-\vec{E}} \cdot \underbrace{(dx \vec{i} + dy \vec{j} + dz \vec{k})}_{d\vec{l}}$$

23

Relación entre potencial y campo eléctrico

$$dV = \frac{\partial V}{\partial x} dx + \frac{\partial V}{\partial y} dy + \frac{\partial V}{\partial z} dz = \underbrace{\left(\frac{\partial V}{\partial x} \vec{i} + \frac{\partial V}{\partial y} \vec{j} + \frac{\partial V}{\partial z} \vec{k} \right)}_{-\vec{E}} \cdot \underbrace{(dx \vec{i} + dy \vec{j} + dz \vec{k})}_{d\vec{l}}$$

$$\vec{E} = -\left(\frac{\partial V}{\partial x} \vec{i} + \frac{\partial V}{\partial y} \vec{j} + \frac{\partial V}{\partial z} \vec{k} \right) = -\vec{\nabla} V = -\text{grad } V$$

gradiente del potencial

operador nabla $\vec{\nabla} \equiv \frac{\partial}{\partial x} \vec{i} + \frac{\partial}{\partial y} \vec{j} + \frac{\partial}{\partial z} \vec{k}$

24

Relación entre potencial y campo eléctrico

$$V_P = - \int_{\infty}^P \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

$$\vec{E} = -\vec{\nabla} V$$

En general, es más fácil calcular el potencial eléctrico (escalar), y también es más fácil derivar que integrar.

Si $V(x)$ \Rightarrow $\vec{E} = -\frac{dV}{dx} \vec{i}$

Si $V(r)$ \Rightarrow $\vec{E} = -\frac{dV}{dr} \vec{u}_r$

25

Superficies Equipotenciales

SUPERFICIES EQUIPOTENCIALES: Puntos en los cuales el potencial permanece constante

Si $V = cte \Rightarrow dV = 0$ como $dV = -\vec{E} \cdot d\vec{l} = 0$

$$\Rightarrow d\vec{l} \perp \vec{E}$$

El campo eléctrico siempre es perpendicular a las superficies equipotenciales.

$$\Rightarrow W = 0$$

Si movemos una carga de prueba por una superficies equipotencial la fuerza eléctrica no realiza trabajo

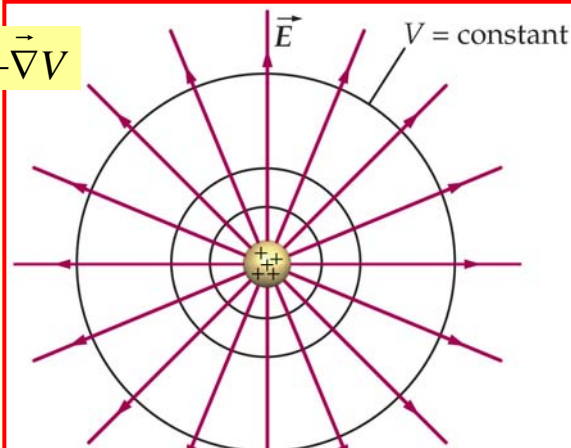
Como $\vec{E} = -\vec{\nabla} V$ el signo negativo nos indica que:

El sentido del campo es contrario al crecimiento del potencial

26

Superficies Equipotenciales

$$\vec{E} = -\vec{\nabla}V$$



$$V = KQ \frac{1}{r}$$

Pregunta:

¿Cómo son las superficies equipotenciales en un campo uniforme?

27

Ejercicio/ Obtener el campo eléctrico creado por una carga puntual a partir de la expresión del potencial eléctrico.

$$V = KQ \frac{1}{r}$$

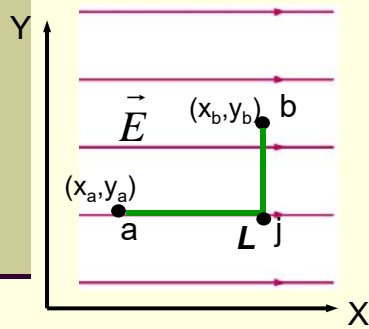
$$\vec{E} = -\vec{\nabla}V \quad \vec{E} = -\frac{\partial V}{\partial r} \vec{u}_r$$

$$\vec{E} = -\frac{\partial(KQ/r)}{\partial r} \vec{u}_r = -KQ \frac{\partial(1/r)}{\partial r} \vec{u}_r = -KQ \frac{-1}{r^2} \vec{u}_r$$

$$\vec{E} = KQ \frac{1}{r^2} \vec{u}_r$$

28

Ejercicio/ Calcula la diferencia de potencial entre dos puntos situados en un campo eléctrico uniforme.

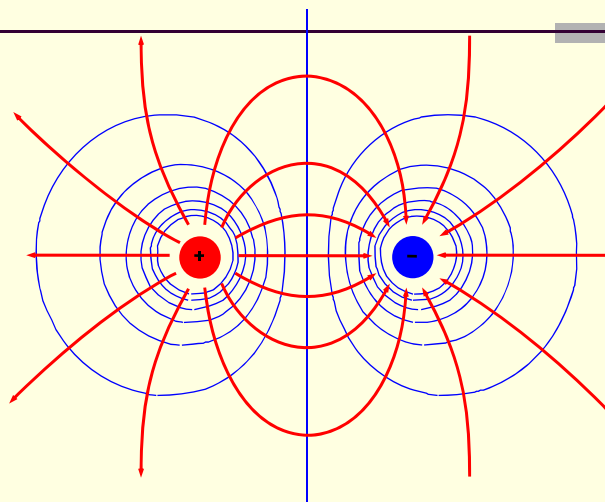


$$\vec{E} = E \vec{i}$$

$$\begin{aligned} \Delta V_{a \rightarrow b} &= -\int_L \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\int_a^j \vec{E} \cdot d\vec{l} - \int_j^b \vec{E} \cdot d\vec{l} = \\ &= -\int_a^j (E \vec{i}) (dx \vec{i}) = -E \int_a^j dx = \\ &= -E(x_b - x_a) = -E\Delta x \end{aligned}$$

29

Dipolo Eléctrico

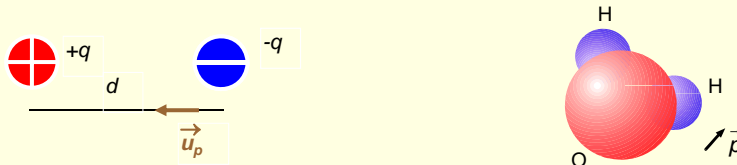


configuración de carga muy importante

30

Dipolo Eléctrico

Formado por dos cargas iguales y de signo opuesto, separadas una distancia d , y fijas entre sí.



momento dipolar eléctrico

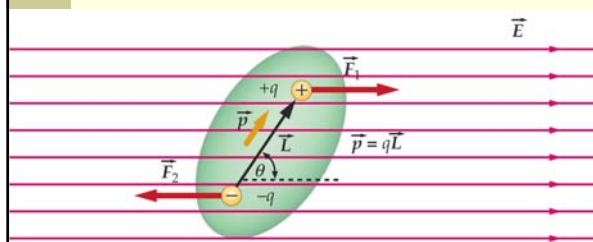
$$\vec{p} = qd \vec{u}_p$$

muy importante para las propiedades eléctricas de los materiales aislantes, antenas, cristales líquidos,...

31

Dipolo Eléctrico

■ Dipolo en inmerso en un campo eléctrico



Momento que aparece sobre el dipolo:

$$\vec{\tau} = \vec{p} \wedge \vec{E}$$

Energía del dipolo:

$$U_{\text{dipolo}} = -\vec{p} \cdot \vec{E}$$

La deducción de ambas expresiones se encuentra en el apéndice 2

32

Movimiento de cargas en campos eléctricos

Si a una partícula cargada se le aplica un campo eléctrico:

2^{da} ley de Newton

$$\vec{F} = m\vec{a}$$

Fuerza Eléctrica

$$\vec{F} = q\vec{E}$$

$$q\vec{E} = m\vec{a}$$

$$\vec{a} = \frac{q}{m} \vec{E}$$

Si \vec{E} es uniforme, $\vec{a} = \text{cte.}$

33

Movimiento de cargas en campos eléctricos

La energía total de una partícula cargada, de masa m carga q que se mueve en presencia de un campo \vec{E}

$$E_T = E_c + U = \frac{1}{2}mv^2 + qV$$

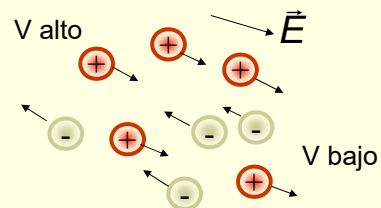
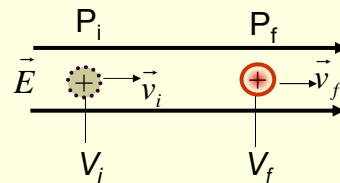
Principio de conservación de la energía

$$E_T(P_i) = E_T(P_f)$$

$$\frac{1}{2}mv_i^2 + qV_i = \frac{1}{2}mv_f^2 + qV_f$$

$$\frac{1}{2}m(v_f^2 - v_i^2) = q(V_i - V_f)$$

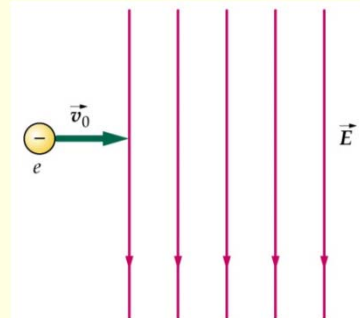
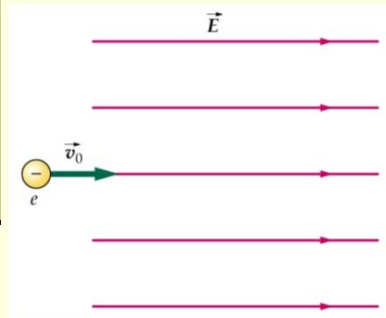
una partícula libre tiende hacia el estado de mínima energía potencial



34

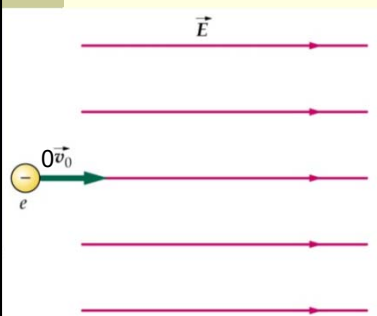
Movimiento de cargas en campos eléctricos

Ejercicio/ a) Calcula las ecuaciones de movimiento del electrón en las dos situaciones que te mostramos en las figuras.
b) Calcula la variación de energía cinética y de energía potencial del electrón en ambas figuras. ¿Se cumple el Ppo. de Conservación de la energía?



35

Movimiento de cargas en campos eléctricos



$$qE = ma_x ; a_x = \frac{-eE}{m} \quad \text{M.U.A.}$$

$$v_x = v_{0x} + a_x t ; v_x = v_0 - \frac{eE}{m} t$$

$$x = x_0 + v_{0x} t + \frac{1}{2} a_x t^2 ; x = v_0 t - \frac{eE}{2m} t^2$$

frenado

$$\begin{aligned} 0 &= v_0 - \frac{eE}{m} t ; t = \frac{mv_0}{eE} \\ x &= v_0 t - \frac{eE}{2m} t^2 \quad x = v_0 \frac{mv_0}{eE} - \frac{eE}{2m} \left(\frac{mv_0}{eE} \right)^2 \\ x &= \frac{mv_0^2}{eE} - \frac{mv_0^2}{2eE} = \frac{mv_0^2}{2eE} \end{aligned}$$

36

Movimiento de cargas en campos eléctricos

Ejercicio/ Disponemos de una carga fija de $1 \mu\text{C}$ y masa 5 g . Otra carga de 1 nC y $100 \mu\text{g}$ de masa se lanza contra la primera a una velocidad de 1000 m/s desde un punto muy alejado, donde los efectos eléctricos son despreciables. Determina a qué distancia de la primera carga se para la segunda. ¿Pueden despreciarse los efectos gravitatorios entre las cargas en la resolución del problema?

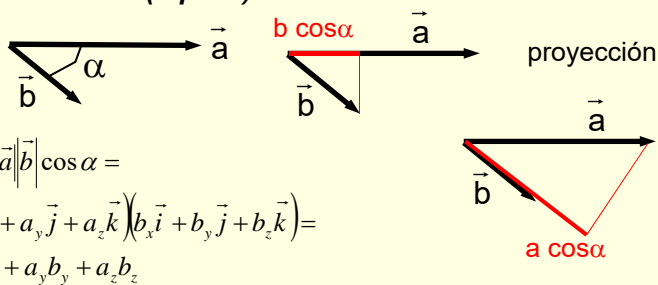
37

Apéndice 1: trabajo realizado por la fuerza eléctrica para llevar una carga de prueba q_0 desde un punto a hasta otro b, en presencia de la carga Q .

Trabajo realizado por la fuerza eléctrica al desplazar una carga q_0

$$W = \int_a^b \vec{F} \cdot d\vec{l} \quad \text{Julio (J) Unidad en el S.I.}$$

producto escalar (repaso):



$$\begin{aligned} \vec{a} \cdot \vec{b} &= |\vec{a}| |\vec{b}| \cos \alpha = \\ &= (a_x \vec{i} + a_y \vec{j} + a_z \vec{k}) (b_x \vec{i} + b_y \vec{j} + b_z \vec{k}) = \\ &= a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z \end{aligned}$$

38

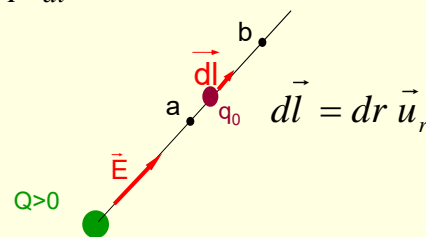
Apéndice 1: trabajo realizado por la fuerza eléctrica para llevar una carga de prueba q_0 desde un punto a hasta otro b, en presencia de la carga Q.

Camino radial

$$W = \int_a^b \vec{F} \cdot d\vec{l} = q_0 \int_a^b \vec{E} \cdot d\vec{l} = q_0 \int_a^b \left(K \frac{Q}{r^2} \vec{u}_r \right) \cdot (dr \vec{u}_r) = Kq_0Q \int_a^b \frac{dr}{r^2} =$$

$$\text{integral de línea (o de camino)} \quad = Kq_0Q \left[\frac{-1}{r} \right]_a^b = Kq_0Q \left(\frac{-1}{r_b} - \frac{-1}{r_a} \right)$$

$$dW = \vec{F} \cdot d\vec{l}$$

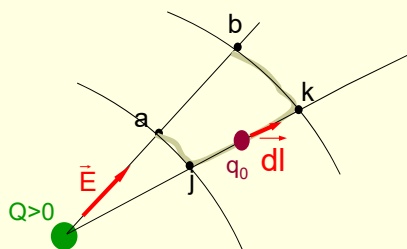


39

Apéndice 1: trabajo realizado por la fuerza eléctrica para llevar una carga de prueba q_0 desde un punto a hasta otro b, en presencia de la carga Q.

Camino compuesto (circular y radial)

$$W = \int_a^b \vec{F} \cdot d\vec{l} = \int_a^j \vec{F} \cdot d\vec{l} + \int_j^k \vec{F} \cdot d\vec{l} + \int_k^b \vec{F} \cdot d\vec{l} = q_0 \int_j^k \vec{E} \cdot d\vec{l} = Kq_0Q \left(\frac{-1}{r_b} - \frac{-1}{r_a} \right)$$



40

Apéndice 1: trabajo realizado por la fuerza eléctrica para llevar una carga de prueba q_0 desde un punto a hasta otro b, en presencia de la carga Q.

Cualquier camino:

$$W = \int_a^b \vec{F} \cdot d\vec{l} = Kq_0Q \left(\frac{-1}{r_b} - \frac{-1}{r_a} \right)$$

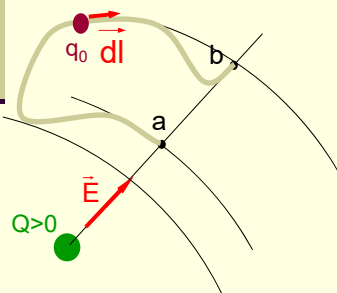
W sólo depende de la posición inicial y final

--> fuerza eléctrica es **conservativa**



podemos definir una energía asociada a la posición

--> energía potencial eléctrica **U**

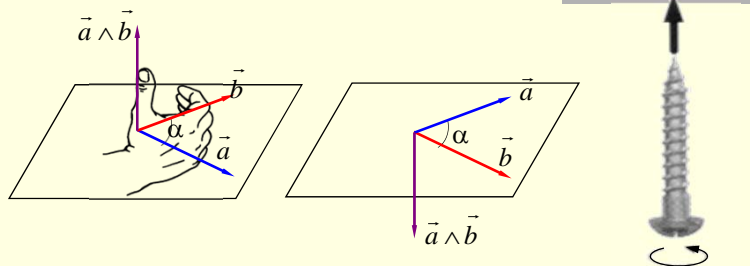


$$\Delta U = U_b - U_a = - \int_a^b \vec{F} \cdot d\vec{l} = -W$$

41

Apéndice 2: Momento y energía de un dipolo inmerso en un campo eléctrico

producto vectorial (repaso):



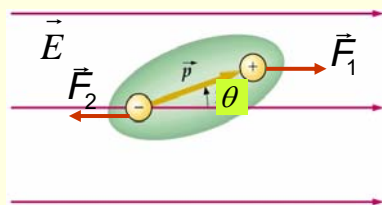
$$\vec{a} \wedge \vec{b} = |\vec{a} \wedge \vec{b}| \vec{u}_{\vec{a} \wedge \vec{b}} = (|\vec{a}| |\vec{b}| \sin \alpha) \vec{u}_{\vec{a} \wedge \vec{b}}$$

$$\vec{a} \wedge \vec{b} = \begin{pmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ a_x & a_y & a_z \\ b_x & b_y & b_z \end{pmatrix} = (a_y b_z - a_z b_y) \vec{i} + (a_z b_x - a_x b_z) \vec{j} + (a_x b_y - a_y b_x) \vec{k}$$

42

Apéndice 2: Momento y energía de un dipolo inmerso en un campo eléctrico

Dipolo en presencia de un campo eléctrico uniforme:
-fuerza resultante sobre el dipolo.



$$\vec{E} \text{ uniforme} \Rightarrow \vec{E}_1 = \vec{E}_2$$

$$\vec{E} = E \vec{i}$$

$$\vec{F}_1 = qE \vec{i} \quad \vec{F}_2 = -qE \vec{i}$$

$$\vec{F}_T = \sum_i \vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 = 0$$

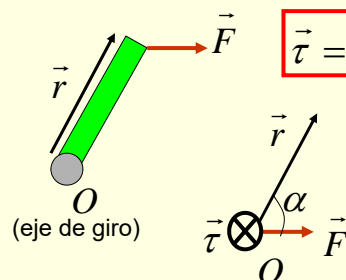
no hay movimiento de traslación

43

Apéndice 2: Momento y energía de un dipolo inmerso en un campo eléctrico

momento de fuerzas ó torque (repaso):

Expresa la tendencia a girar de un cierto sistema.



$$\vec{\tau} = \vec{r} \wedge \vec{F}$$

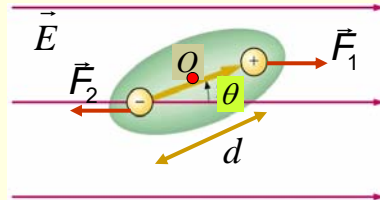
$$|\vec{\tau}| = |\vec{r}| |\vec{F}| \sin \alpha$$

● dirección : perpendicular a la pantalla
sentido : hacia fuera

44

Apéndice 2: Momento y energía de un dipolo inmerso en un campo eléctrico

Dipolo en presencia de un campo eléctrico uniforme:
momento de fuerzas sobre el dipolo.



$$\vec{\tau} = \vec{\tau}_1 + \vec{\tau}_2$$

$$|\vec{\tau}_1| = |\vec{r}_1| |\vec{F}_1| \sin \theta = \frac{d}{2} q E \sin \theta \quad |\vec{\tau}_1| = |\vec{\tau}_2|$$

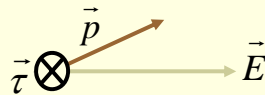
$\vec{\tau}_1, \vec{\tau}_2$ igual dirección y sentido

$$|\vec{\tau}| = qd E \sin \theta$$

$$\vec{p} = qd \vec{u}_p$$

$$\vec{\tau} = \vec{p} \wedge \vec{E}$$

¿Cuándo se anula el momento de fuerzas?



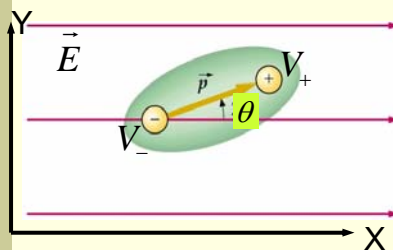
para $\theta = 0^\circ$ y $\theta = 180^\circ$ $\vec{\tau} = 0$

$\vec{p} \parallel \vec{E}$ posición estable

45

Apéndice 2: Momento y energía de un dipolo inmerso en un campo eléctrico

Dipolo en presencia de un campo eléctrico uniforme:
energía potencial del dipolo.



$$U_{\text{dipolo}} = U_{+q} + U_{-q} = q(V_+ - V_-) = q \Delta V$$

$$\Delta V = -E(x_+ - x_-) = -E d \cos \theta$$

$$\vec{p} = qd \vec{u}_p$$

$$U_{\text{dipolo}} = -q E d \cos \theta = -\vec{p} \cdot \vec{E}$$

$$U_{\text{dipolo}} = -\vec{p} \cdot \vec{E}$$

¿Cuándo es mínima la energía potencial del dipolo?

$\vec{p} \parallel \vec{E}$ y en el mismo sentido

46