## MATEMÁTICAS 1 LÓGICA.

## Hoja 3. Ejercicios para resolver en clase. T4Log: Deducción Natural

En todos los ejercicios se debe obtener la conclusión con una demostración por deducción natural aplicando la estrategia propuesta o la q consideres más oportuna. Revisa la solución en T4Log-[Clase]-[EjerciciosDN] [SolHoja3]-M123´24.pptx que se encuentra en Moodle, en la carpeta de los temas de lógica (T4Log)

EjDN-1. vo v ve, vo  $\rightarrow$  lle, ve  $\rightarrow$  es  $\Rightarrow$  lle v ve. Estrategia: CASOS ED: A v B, (A  $\Rightarrow$  C), (B  $\Rightarrow$  C)  $\Rightarrow$  C

EjDN-2. A v (B ^ R) => A v B. Estrategia: CASOS ED: A v B, (A  $\Rightarrow$  C), (B  $\Rightarrow$  C)  $\Rightarrow$  C

EjDN-3:  $T \rightarrow C$ ,  $\neg T \rightarrow D$ ,  $\neg C \land D \Rightarrow Fe$ 

EjDN-4:  $\neg ca \rightarrow p$ ,  $p \rightarrow t \land sd \land \neg d$ ,  $\neg sd \lor s$ ,  $\neg s \Rightarrow ca$ . Estrategia : reducción al absurdo IN:  $(A \Rightarrow B \land \neg B) \Rightarrow \neg A$ 

EjDN-5: P ^ P => P v P

EjDN-6: =>  $\neg$ (A ^  $\neg$ A) Estrategia : reducción al absurdo IN: (A $\Rightarrow$  B  $\land$   $\neg$ B )  $\Rightarrow$   $\neg$ A

EjDN-7: => A v ¬A Estrategia : reducción al absurdo IN:  $(A \Rightarrow B \land \neg B) \Rightarrow \neg A$ 

EjDN-8: => ¬ ( P  $\land$  ( P  $\rightarrow$  Q )  $\land$  ¬Q ) Estrategia : reducción al absurdo IN: (A $\Rightarrow$  B  $\land$  ¬B )  $\Rightarrow$  ¬A

EjDN-9: A, A  $\rightarrow$  B => A ^ B

EjDN-10:  $\neg A \lor B$ ,  $A \land \neg B$ ,  $\neg B$ ,  $A \Rightarrow C$ 

EjDN-11: ¬B, A  $\rightarrow$  B => ¬A Estrategia : reducción al absurdo IN: (A $\Rightarrow$  B  $\land$  ¬B )  $\Rightarrow$  ¬A

EjDN-12: A ^ B -> ¬C, D  $\rightarrow$  C, B, D, A => ¬A Estrategia : reducción al absurdo IN: (A $\Rightarrow$  B  $\land$  ¬B )  $\Rightarrow$  ¬A

EjDN-13:  $\neg A \land B$ ,  $\neg A \rightarrow R$ ,  $(R \land B) \rightarrow D \Rightarrow D$ 

EjDN-14: A  $^{A}$  B  $\rightarrow$  C, B  $\rightarrow$  A, B => C

EjDN-15:  $\neg A \rightarrow B \Rightarrow \neg B \rightarrow A$ 

EjDN-16: A  $\rightarrow$  (B  $\rightarrow$  C), A  $\rightarrow$  ¬C  $\Rightarrow$  A  $\rightarrow$  ¬B Estrategia : prueba directa TD: (A => B) => A -> B

EjDN-17: B  $\rightarrow$  C, C  $\rightarrow$  D, A  $\rightarrow$  B  $\Rightarrow$  A  $\rightarrow$  D Estrategia : prueba directa TD: (A => B) => A -> B

EjDN-18: A, B  $\rightarrow$  (C  $\rightarrow$  ¬D), ¬C v D  $\rightarrow$  E  $^{\wedge}$  F  $\Rightarrow$  B  $\rightarrow$  E v ¬G Estrategia : prueba directa TD: (A => B) => A -> B