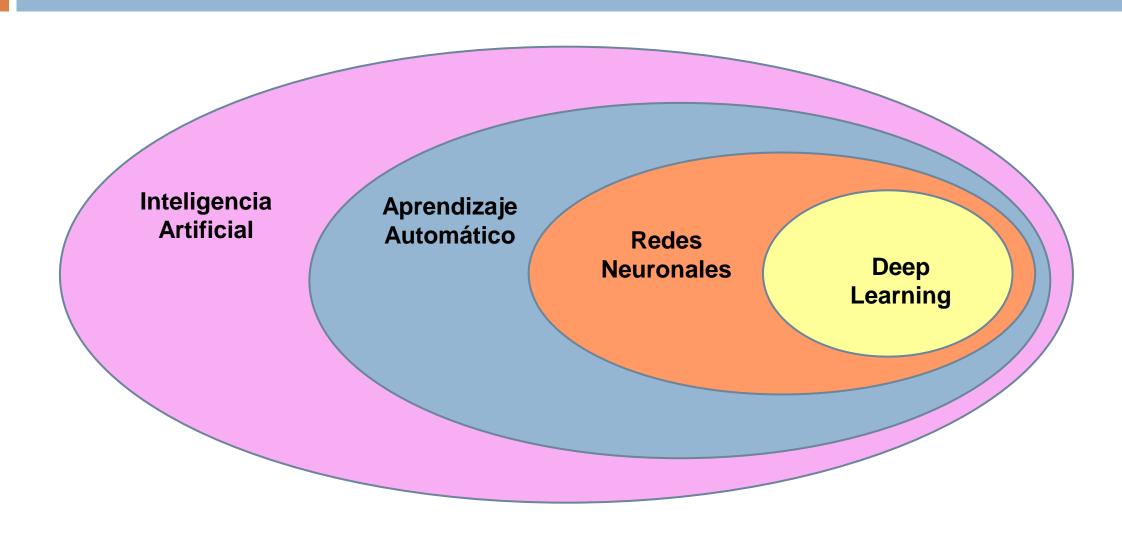
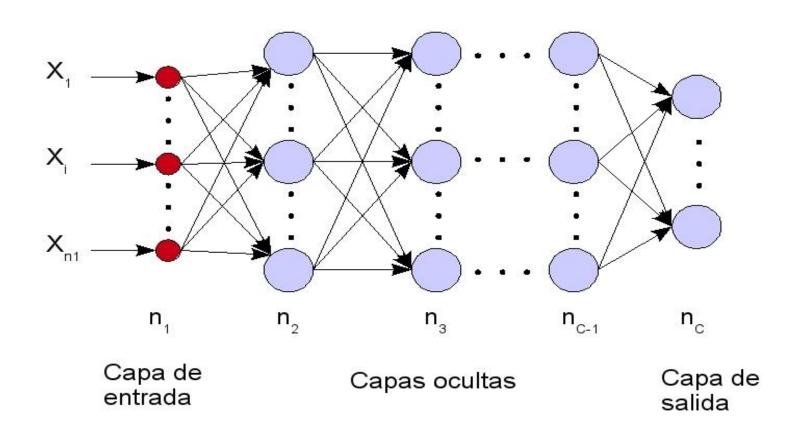
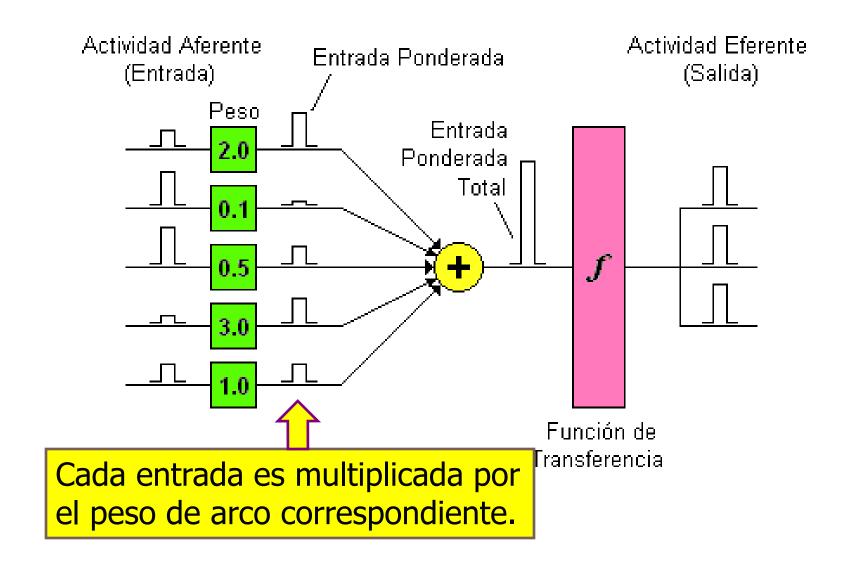
# Redes Neuronales y Aprendizaje Profundo



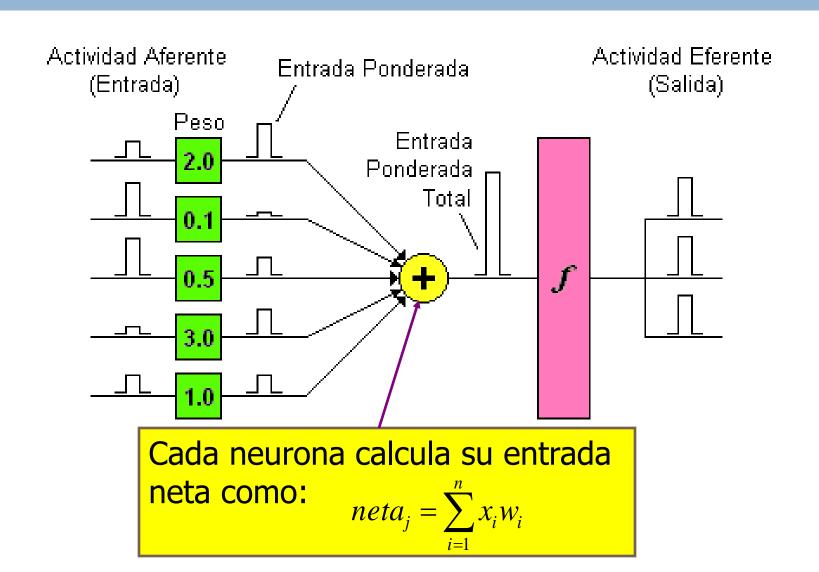
### Red neuronal feedforward



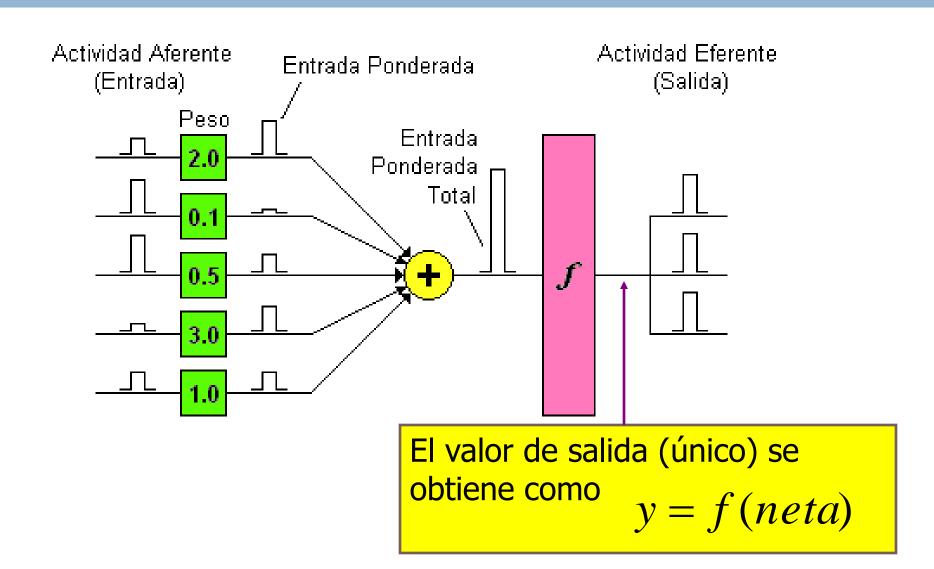
### Neurona Artificial



### Neurona Artificial

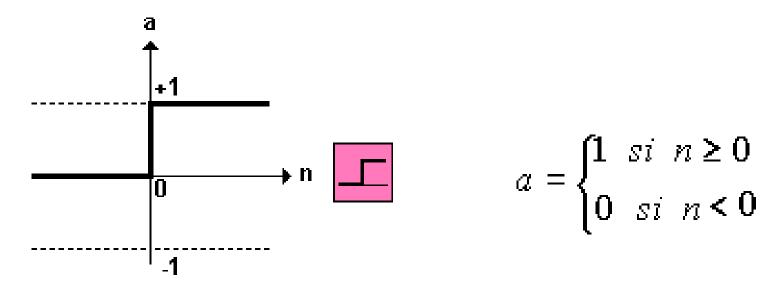


### Neurona Artificial



#### Funciones de Transferencia

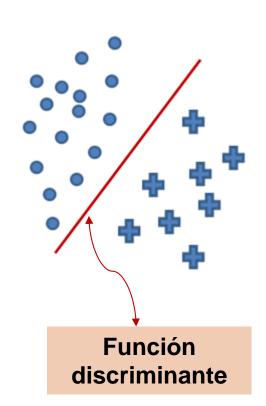
#### Función umbral binaria



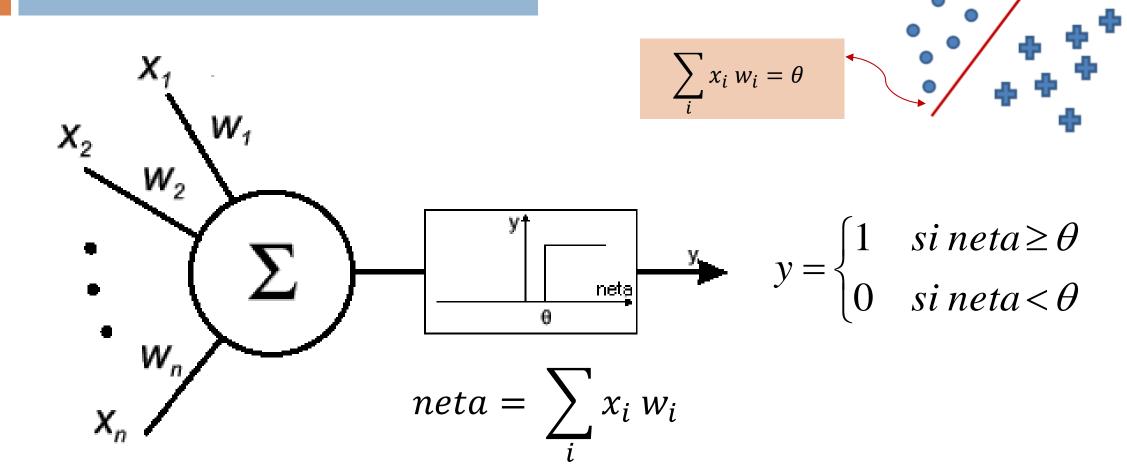
Esta función crea neuronas que clasifican las entradas en dos categorías diferentes.

# La primera RN – El Perceptrón

- □ Está formada por una única neurona.
- Utiliza aprendizaje supervisado.
- Su regla de aprendizaje es una modificación de la propuesta por Hebb.
- Se adapta teniendo en cuenta el error entre la salida que da la red y la salida esperada.
- Representa una única función discriminante que separa linealmente los ejemplos en dos clases.

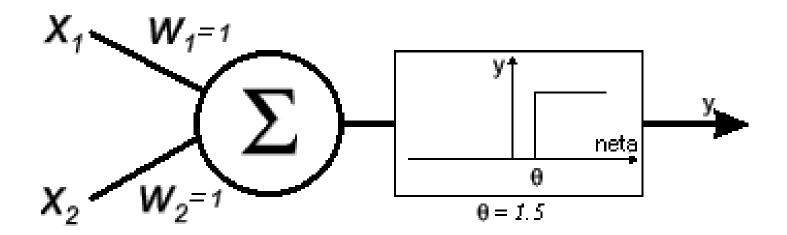


# Perceptrón



# Ejemplo

 Verifique si la siguiente red neuronal se comporta como la función lógica AND



### AND

$$\theta = 1.5$$

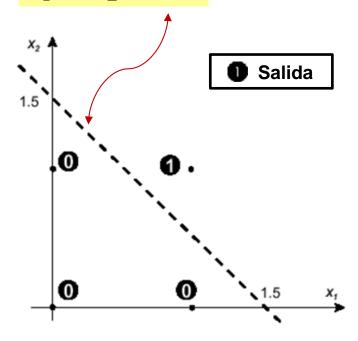
| $x_1$ | $x_2$ | neta | salida |
|-------|-------|------|--------|
| 0     | 0     | 0    | 0      |
| 0     | 1     | 1    | 0      |
| 1     | 0     | 1    | 0      |
| 1     | 1     | 2    | 1      |

Graficar la función discriminante (recta)

Función discriminante

$$x_1 w_1 + x_2 w_2 = \theta$$
$$x_1 + x_2 = 1.5$$

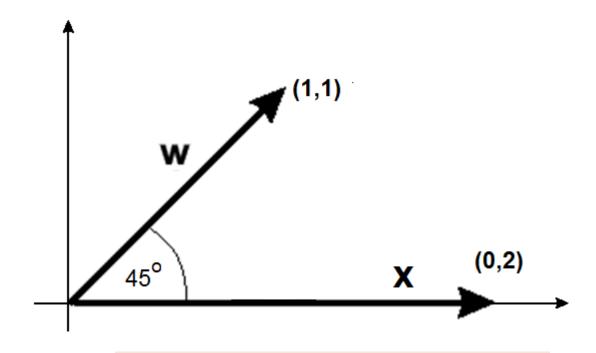
$$x_1 + x_2 = 1.5$$



### Entrenamiento del perceptrón

- Se busca una estrategia iterativa que permita adaptar los valores de las conexiones a medida que se presentan los datos de entrada.
- Ver que el estímulo de entrada se corresponde con el producto interior de los vectors X y W.

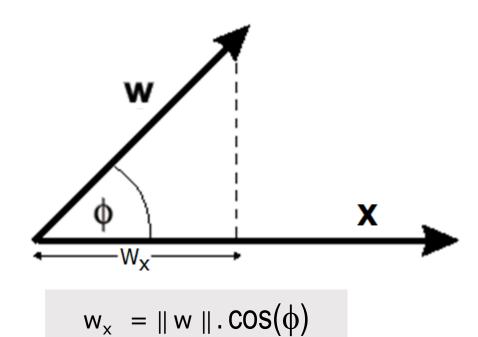
### Producto interior



$$w \cdot x = ||w|| \cdot ||x|| \cdot COS(\phi)$$

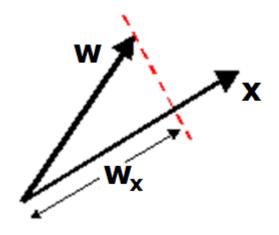
$$w.x = \sum_{i=1}^{n} w_i x_i$$

# Vector de proyección



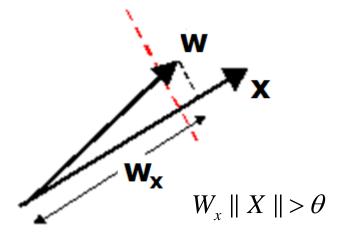
$$W_{x} \cdot ||x|| = W \cdot X$$

# Uso del vector de proyección

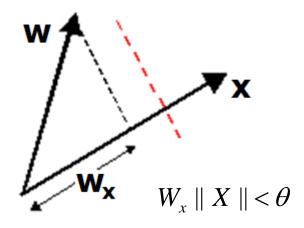


$$W_{x} \parallel X \parallel = \theta$$

$$W.X = \theta$$



$$W.X > \theta$$



$$W.X < \theta$$

#### Entrenamiento del Perceptrón

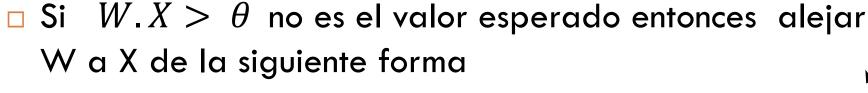
- Inicializar los pesos de las conexiones con valores random (vector W)
- Mientras no se clasifiquen todos los ejemplos correctamente
  - □ Ingresar un ejemplo a la red.
  - □ Si fue clasificado incorrectamente
    - Si esperaba obtener W.X >  $\theta$  y no lo logró, "acerque" el vector W al vector X.
    - Si esperaba obtener W.X <  $\theta$  y no lo logró, "aleje" el vector W al vector X.

Aprendizaje supervisado

## Ajuste del vector de pesos

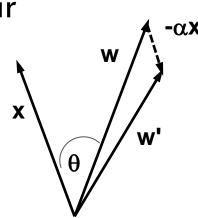
 $\hfill\Box$  Si  $W.X<\theta$  no es el valor esperado entonces acercar W a X de la siguiente forma

$$w' = w + \alpha x$$



$$w' = w - \alpha x$$

La velocidad de aprendizaje lpha es un valor real perteneciente a (0,1]



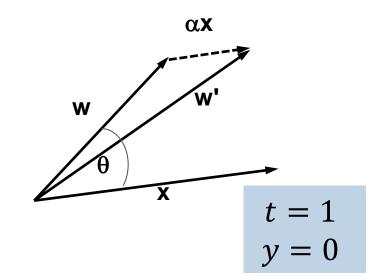
### Ajuste del vector de pesos

- □ La salida del perceptrón es  $y = \begin{cases} 1 & si \ W.X \ge \theta \\ 0 & si \ W.X < \theta \end{cases}$
- La actualización de los pesos puede calcularse como

$$w_{nuevo} = w + \alpha (t - y) x$$

donde

- t es valor esperado
- $\square y$  es valor obtenido



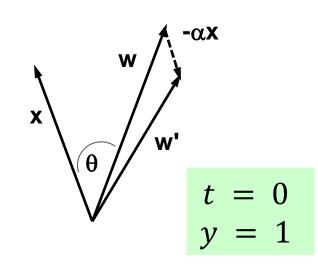
# Ajuste del vector de pesos

- □ La salida del perceptrón es  $y = \begin{cases} 1 & si \ W.X \ge \theta \\ 0 & si \ W.X < \theta \end{cases}$
- La actualización de los pesos puede calcularse como

$$w_{nuevo} = w + \alpha (t - y) x$$

donde

- t es valor esperado
- $\square y$  es valor obtenido



### Entrenamiento del perceptrón

- $\square$  Seleccionar el valor de  $\alpha$  y  $\theta$
- Inicializar los pesos de las conexiones con valores random (vector W)
- Mientras no se clasifiquen todos los ejemplos correctamente
  - □ Ingresar un ejemplo a la red.
  - □ Si fue clasificado incorrectamente

# Ejemplo 1

 Entrenar un perceptrón para que se comporte como la función lógica AND.

Utilice

$$\alpha = 0.3$$

$$\theta = 1.5$$

W<sub>1</sub> y W<sub>2</sub> comienzan con valores aleatorios

21

| X1 | X2 | Т | W1 <sub>t</sub> | W2 <sub>t</sub> | Y | W1 <sub>t+1</sub> | W2 <sub>t+1</sub> |
|----|----|---|-----------------|-----------------|---|-------------------|-------------------|
| 0  | 0  | 0 | 0.00            | 0.25            | 0 | 0.00              | 0.25              |
| 1  | 0  | 0 | 0.00            | 0.25            | 0 | 0.00              | 0.25              |
| 0  | 1  | 0 | 0.00            | 0.25            | 0 | 0.00              | 0.25              |
| 1  | 1  | 0 | 0.00            | 0.25            | 0 | 0.30              | 0.55              |

Repetir hasta que sean iguales

 $W1_{t+1} = W1_t + 0.3 (T-Y) X1$  $W2_{t+1} = W2_t + 0.3 (T-Y) X2$ 

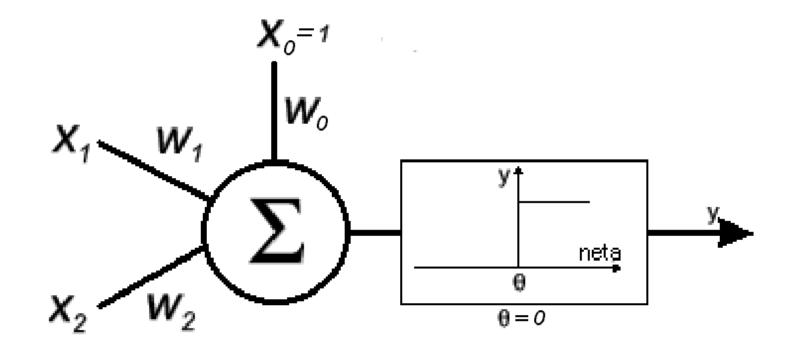
| X2 | Т | W1 <sub>t</sub>   | W2 <sub>t</sub>  | Y<br>   | W1 <sub>t+1</sub>  | W2 <sub>t+1</sub>  |
|----|---|---|--|---|--|--|
| 0  | 0 | 0.00  | 0.25   | 0   | 0.00   | 0.25   |
| 0  | 0 | 0.00  | 0.25   | 0   | 0.00   | 0.25   |
| 1  | 0 | 0.00  | 0.25   | 0   | 0.00   | 0.25   |
| 1  | 1 | 0.00  | 0.25   | 0   | 0.30   | 0.55   |
| 0  | 0 | 0.30  | 0.55   | 0   | 0.30   | 0.55   |
| 0  | 0 | 0.30  | 0.55   | 0   | 0.30   | 0.55   |
| 1  | 0 | 0.30  | 0.55   | 0   | 0.30   | 0.55   |
| 11 | 1 | 0.30  | 0.55   | 0   | 0.60   | 0.85   |
| 0  | 0 | 0.60  | 0.85   | 0   | 0.60   | 0.85   |
| 0  | 0 | 0.60  | 0.85   | 0   | 0.60   | 0.85   |
| 1  | 0 | 0.60  | 0.85   | 0   | 0.60   | 0.85   |
| 1  | 1 | 0.60  | 0.85   | 0   | 0.90   | 1.15   |
| 0  | 0 | 0.90  | 1.15   | 0   | 0.90   | 1.15   |
| 0  | 0 | 0.90  | 1.15   | 0   | 0.90   | 1.15   |
| 1  | 0 | 0.90  | 1.15   | 0   | 0.90   | 1.15   |
| 1  | 1 | 0.90  | 1.15   | 1   | 0.90   | 1.15   |
|    |   | 0 0 0 1 1 0 1 1 1 0 0 0 0 0 1 1 0 1 | 0       0       0.00         0       0       0.00         1       0       0.00         1       1       0.00         0       0       30         0       0       30         1       0       30         1       0       30         1       0       30         0       0       60         1       0       60         1       0       60         0       0       90         0       0       90         0       0       90         0       0       90         0       0       90         0       0       90         0       0       90         0       0       90         0       0       90         0       0       90         0       0       90         0       0       90         0       0       90         0       0       90         0       0       90         0       0       90         0       0< | 0       0       0.00       0.25         0       0       0.00       0.25         1       0       0.00       0.25         1       1       0.00       0.25         0       0       0.30       0.55         0       0       0.30       0.55         1       0       0.30       0.55         1       1       0.30       0.55         0       0       0.60       0.85         1       0       0.60       0.85         1       0       0.60       0.85         0       0       0.90       1.15         0       0       0.90       1.15         1       0       0.90       1.15         1       0       0.90       1.15 | 0       0       0.00       0.25       0         0       0       0.00       0.25       0         1       0       0.00       0.25       0         1       1       0.00       0.25       0         0       0       0.30       0.55       0         0       0       0.30       0.55       0         1       0       0.30       0.55       0         1       0       0.30       0.55       0         0       0       0.60       0.85       0         0       0       0.60       0.85       0         1       0       0.60       0.85       0         1       0       0.60       0.85       0         0       0       0.85       0         0       0       0.90       1.15       0         0       0       0.90       1.15       0         0       0.90       1.15       0         1       0       0.90       1.15       0 | 0       0       0.00       0.25       0       0.00         0       0       0.00       0.25       0       0.00         1       0       0.00       0.25       0       0.00         1       1       0.00       0.25       0       0.30         0       0       0.30       0.55       0       0.30         0       0       0.30       0.55       0       0.30         1       0       0.30       0.55       0       0.30         1       0       0.30       0.55       0       0.30         1       0       0.30       0.55       0       0.30         1       0       0.30       0.55       0       0.30         1       0.30       0.55       0       0.60         0       0       0.60       0.85       0       0.60         0       0       0.60       0.85       0       0.60         1       0       0.60       0.85       0       0.90         0       0       0.90       1.15       0       0.90         0       0       0.90       1.15       0 |



# El proceso se repite hasta comprobar que todos los ejemplos son clasificados correctamente

|   | X1 | X2    | T | W1 <sub>t</sub> | W2 <sub>t</sub> | Υ | W1 <sub>t+1</sub> | W2 <sub>t+1</sub> |   |
|---|----|-------|---|-----------------|-----------------|---|-------------------|-------------------|---|
|   | 0  | 0     | 0 | 0.00            | 0.25            | 0 | 0.00              | 0.25              |   |
|   | 1  | 0     | 0 | 0.00            | 0.25            | 0 | 0.00              | 0.25              |   |
|   | 0  | 1     | 0 | 0.00            | 0.25            | 0 | 0.00              | 0.25              |   |
|   | 1  | 1     | 1 | 0.00            | 0.25            | 0 | 0.30              | 0.55              |   |
|   | 0  | 0     | 0 | 0.30            | 0.55            | 0 | 0.30              | 0.55              | _ |
|   | 1  | 0     | 0 | 0.30            | 0.55            | 0 | 0.30              | 0.55              |   |
|   | 0  | 1     | 0 | 0.30            | 0.55            | 0 | 0.30              | 0.55              |   |
|   | 1  | 1     | 1 | 0.30            | 0.55            | 0 | 0.60              | 0.85              | _ |
|   | 0  | 0     | 0 | 0.60            | 0.85            | 0 | 0.60              | 0.85              |   |
|   | 1  | 0     | 0 | 0.60            | 0.85            | 0 | 0.60              | 0.85              |   |
|   | 0  | 1     | 0 | 0.60            | 0.85            | 0 | 0.60              | 0.85              |   |
|   | 1  | 1<br> |   | 0.60            | 0.85            |   | 0.90              | 1.15              | _ |
| Ī | 0  | 0     | 0 | 0.90            | 1.15            | 0 | 0.90              | 1.15              |   |
|   | 1  | 0     | 0 | 0.90            | 1.15            | 0 | 0.90              | 1.15              |   |
|   | 0  | 1     | 0 | 0.90            | 1.15            | 0 | 0.90              | 1.15              |   |
|   | 1  | 1     | 1 | 0.90            | 1.15            | 1 | 0.90              | 1.15              |   |
|   |    |       |   |                 |                 |   |                   |                   |   |

# Perceptrón



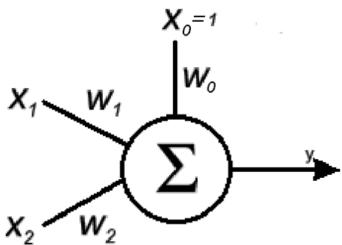
$$neta = \sum_{i} x_i w_i \qquad y = \begin{cases} 1 & si \ neta \ge 0 \\ 0 & si \ neta < 0 \end{cases}$$

# Ejemplo 2

 Entrenar un perceptrón para que se comporte como la función lógica AND.

#### Utilice

$$\alpha = 0.25$$
  $W_0$ ,  $W_1$  y  $W_2$  comienzan con valores aleatorios

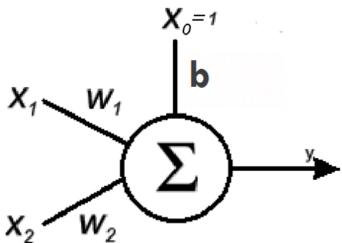


# Ejemplo 2

 Entrenar un perceptrón para que se comporte como la función lógica AND.

#### Utilice

$$\alpha = 0.25$$
 b,  $W_1$  y  $W_2$  comienzan con valores aleatorios

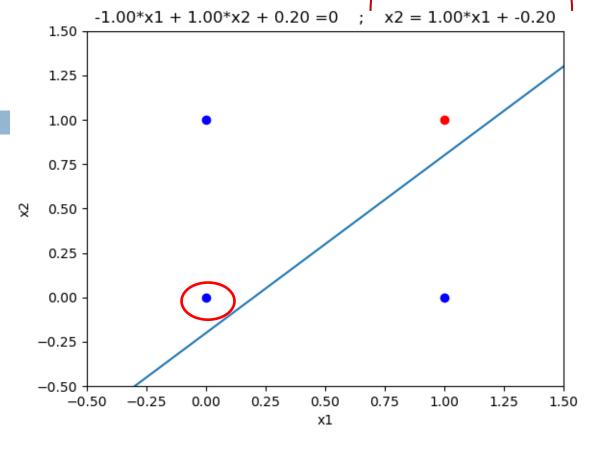


ECUACIÓN EXPLÍCITA DE LA RECTA

$$\alpha = 0.25$$

| <b>W1</b> | <b>W2</b> | b   |
|-----------|-----------|-----|
| -1        | 1         | 0.2 |

| X1 | X2 | T | Neta | Y |
|----|----|---|------|---|
| 0  | 0  | 0 | 0.2  | 1 |

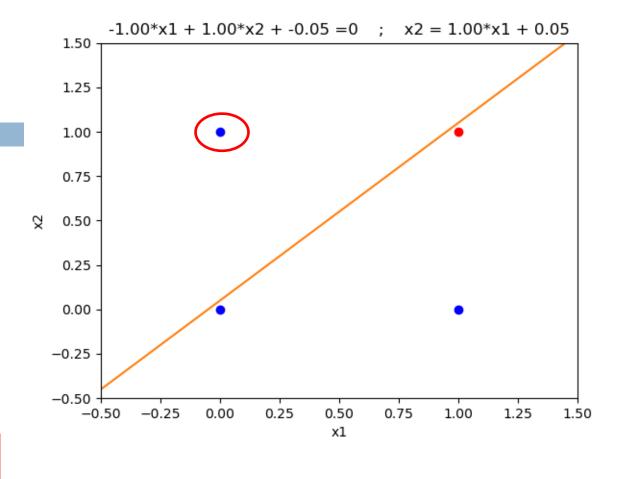


W1 = W1 + alfa \* 
$$(T-Y)$$
 \* X1 = -1 + 0.25\* $(0-1)$ \*0 = -1  
W2 = W2 + alfa \*  $(T-Y)$  \* X2 = 1 + 0.25\* $(0-1)$ \*0 = 1  
b = b + alfa \*  $(T-Y)$  \* 1 = 0.2 + 0.25\* $(0-1)$ = -0.05

$$\alpha = 0.25$$

| W1 | <b>W2</b> | b     |
|----|-----------|-------|
| -1 | 1         | -0.05 |

| <b>X1</b> | X2 | T | Neta | Y |
|-----------|----|---|------|---|
| 0         | 1  | 0 | 0.95 | 1 |

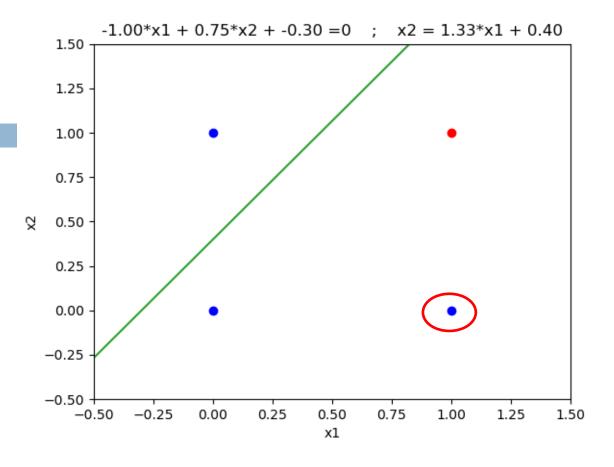


W1 = W1 + alfa \* 
$$(T-Y)$$
 \* X1 = -1 + 0.25\* $(0-1)$ \*0 = -1  
W2 = W2 + alfa \*  $(T-Y)$  \* X2 = 1 + 0.25\* $(0-1)$ \*1 = 0.75  
b = b + alfa \*  $(T-Y)$  \* 1 = -0.05 + 0.25\* $(0-1)$ = -0.3

$$\alpha = 0.25$$

| W1 | <b>W2</b> | b    |
|----|-----------|------|
| -1 | 0.75      | -0.3 |

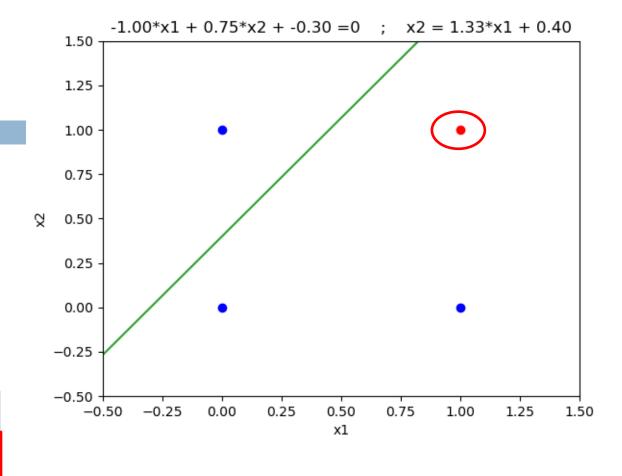
| <b>X1</b> | X2 | T | Neta | Y |
|-----------|----|---|------|---|
| 1         | 0  | 0 | -1.3 | 0 |



$$\alpha = 0.25$$

| W1 | <b>W2</b> | b    |
|----|-----------|------|
| -1 | 0.75      | -0.3 |

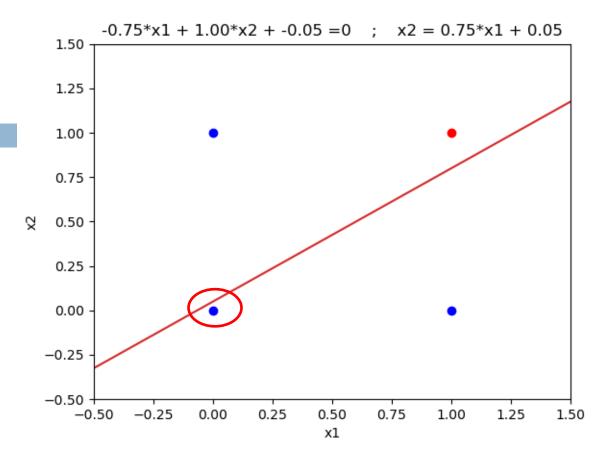
| <b>X1</b> | X2 | T | Neta  | Y |
|-----------|----|---|-------|---|
| 1         | 1  | 1 | -0.55 | 0 |



$$\alpha = 0.25$$

| W1    | <b>W2</b> | b     |
|-------|-----------|-------|
| -0.75 | 1         | -0.05 |

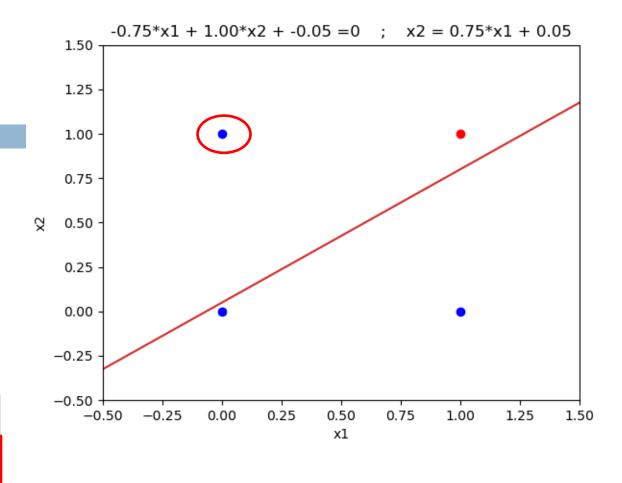
| <b>X1</b> | X2 | T | Neta  | Y |
|-----------|----|---|-------|---|
| 0         | 0  | 0 | -0.05 | 0 |



$$\alpha = 0.25$$

| W1    | <b>W</b> 2 | b     |
|-------|------------|-------|
| -0.75 | 1          | -0.05 |

| X1 | X2 | T | Neta | Y |
|----|----|---|------|---|
| 0  | 1  | 0 | 0.95 | 1 |

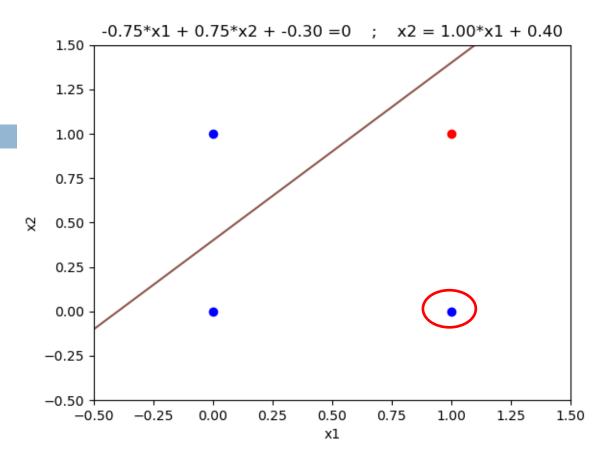


W1 = W1 + alfa \* 
$$(T-Y)$$
 \* X1 = -0.75 + 0.25\* $(0-1)$ \*0 = -0.75  
W2 = W2 + alfa \*  $(T-Y)$  \* X2 = 1 + 0.25\* $(0-1)$ \*1 = 0.75  
b = b + alfa \*  $(T-Y)$  \* 1 = -0.05 + 0.25\* $(0-1)$ = -0.3

 $\alpha = 0.25$ 

| W1    | W2   | b    |  |
|-------|------|------|--|
| -0.75 | 0.75 | -0.3 |  |

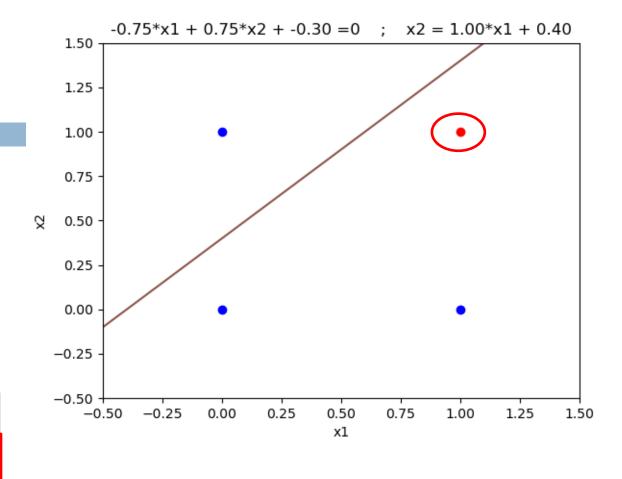
| <b>X1</b> | X2 | T | Neta  | Y |
|-----------|----|---|-------|---|
| 1         | 0  | 0 | -1.05 | 0 |



$$\alpha = 0.25$$

| W1    | W2   | b    |
|-------|------|------|
| -0.75 | 0.75 | -0.3 |

| X1 | X2 | T | Neta | Y |
|----|----|---|------|---|
| 1  | 1  | 1 | -0.3 | 0 |

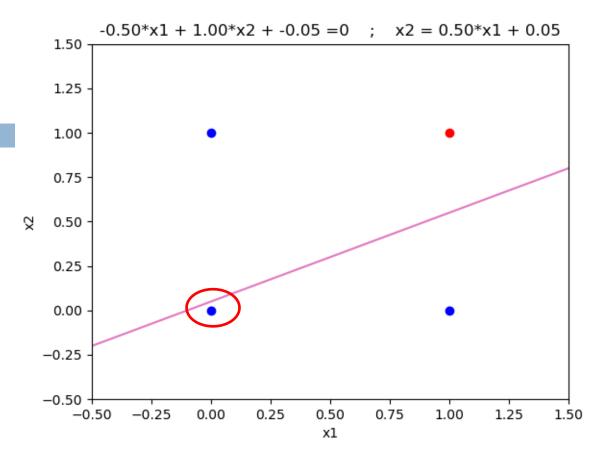


W1 = W1 + alfa \* (T-Y) \* X1 = 
$$-0.75 + 0.25*(1-0)*1 = -0.5$$
  
W2 = W2 + alfa \* (T-Y) \* X2 =  $0.75 + 0.25*(1-0)*1 = 1$   
b = b + alfa \* (T-Y) \* 1 =  $-0.3 + 0.25*(1-0) = -0.05$ 

$$\alpha = 0.25$$

| W1   | <b>W2</b> | b     |
|------|-----------|-------|
| -0.5 | 1         | -0.05 |

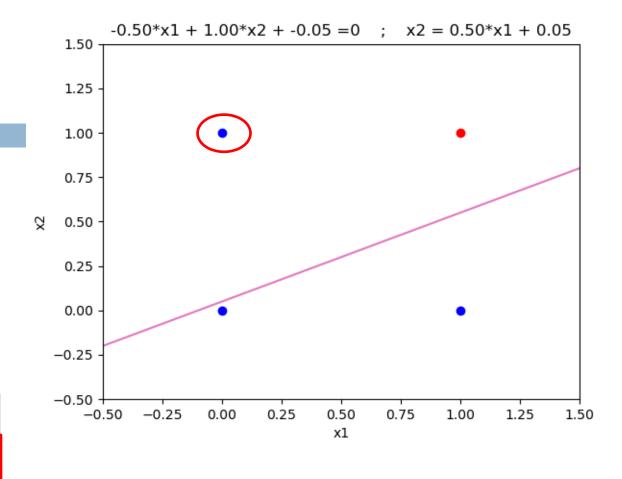
| <b>X1</b> | X2 | T | Neta  | Y |
|-----------|----|---|-------|---|
| 0         | 0  | 0 | -0.05 | 0 |



$$\alpha = 0.25$$

| W1   | W2 | b     |
|------|----|-------|
| -0.5 | 1  | -0.05 |

| <b>X1</b> | X2 | T | Neta | Y |
|-----------|----|---|------|---|
| 0         | 1  | 0 | 0.95 | 1 |

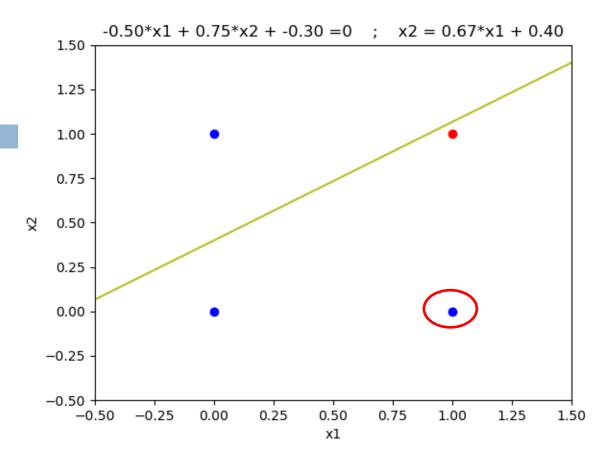


W1 = W1 + alfa \* (T-Y) \* X1 = 
$$-0.5 + 0.25*(0-1)*0 = -0.5$$
  
W2 = W2 + alfa \* (T-Y) \* X2 = 1 +  $0.25*(0-1)*1 = 0.75$   
b = b + alfa \* (T-Y) \* 1 = $-0.05 + 0.25*(0-1) = -0.3$ 

$$\alpha = 0.25$$

| W1   | W2   | b    |
|------|------|------|
| -0.5 | 0.75 | -0.3 |

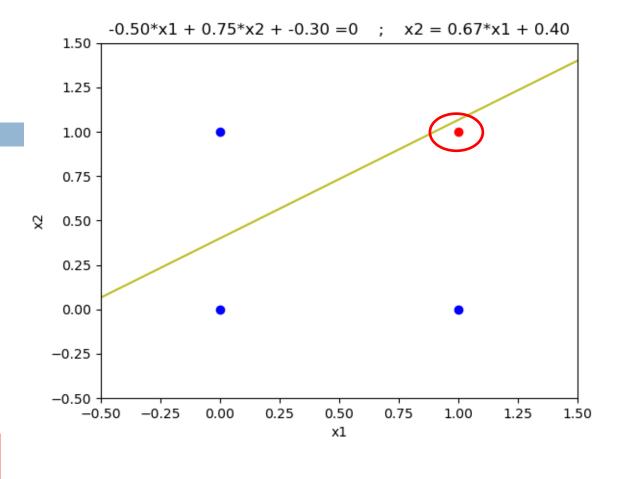
| <b>X1</b> | X2 | T | Neta | Y |
|-----------|----|---|------|---|
| 1         | 0  | 0 | -0.8 | 0 |



$$\alpha = 0.25$$

| W1   | <b>W</b> 2 | b    |
|------|------------|------|
| -0.5 | 0.75       | -0.3 |

| <b>X1</b> | X2 | T | Neta  | Y |
|-----------|----|---|-------|---|
| 1         | 1  | 1 | -0.05 | 0 |

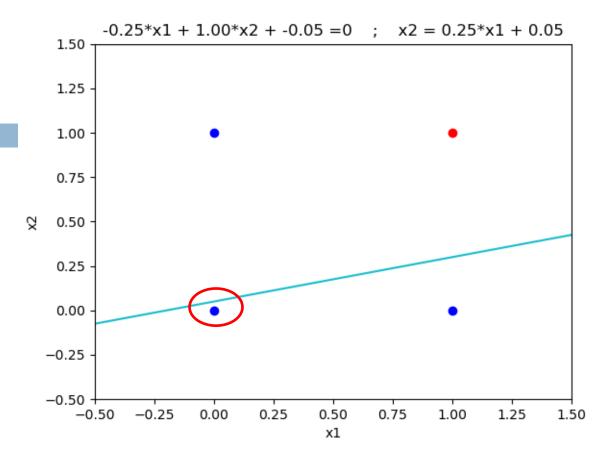


W1 = W1 + alfa \* (T-Y) \* X1 = 
$$-0.5 + 0.25*(1-0)*1 = -0.25$$
  
W2 = W2 + alfa \* (T-Y) \* X2 =  $0.75 + 0.25*(1-0)*1 = 1$   
b = b + alfa \* (T-Y) \* 1 =  $-0.3 + 0.25*(1-0) = -0.05$ 

$$\alpha = 0.25$$

| W1    | <b>W</b> 2 | b     |
|-------|------------|-------|
| -0.25 | 1          | -0.05 |

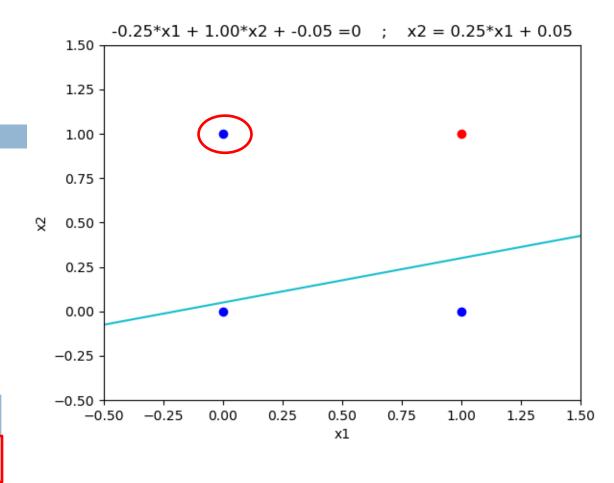
| <b>X1</b> | X2 | T | Neta  | Y |
|-----------|----|---|-------|---|
| 0         | 0  | 0 | -0.05 | 0 |



$$\alpha = 0.25$$

| W1    | <b>W</b> 2 | b     |
|-------|------------|-------|
| -0.25 | 1          | -0.05 |

| X1 | X2 | T | Neta | Y |
|----|----|---|------|---|
| 0  | 1  | 0 | 0.95 | 1 |

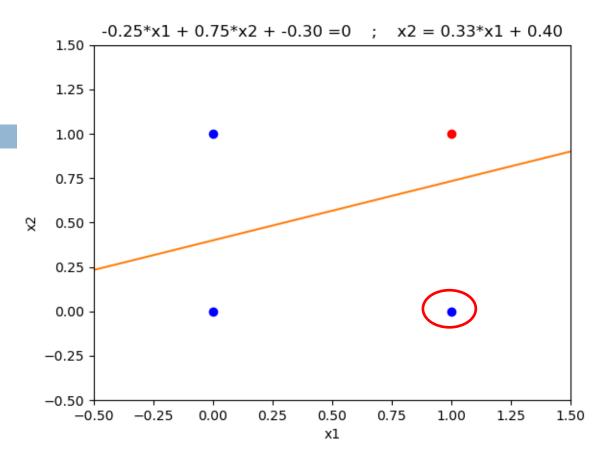


W1 = W1 + alfa \* (T-Y) \* X1 = 
$$-0.25 + 0.25*(0-1)*0 = -0.25$$
  
W2 = W2 + alfa \* (T-Y) \* X2 = 1 +  $0.25*(0-1)*1 = 0.75$   
b = b + alfa \* (T-Y) \* 1 =  $-0.05 + 0.25*(0-1) = -0.3$ 

$$\alpha = 0.25$$

| W1    | <b>W</b> 2 | b    |
|-------|------------|------|
| -0.25 | 0.75       | -0.3 |

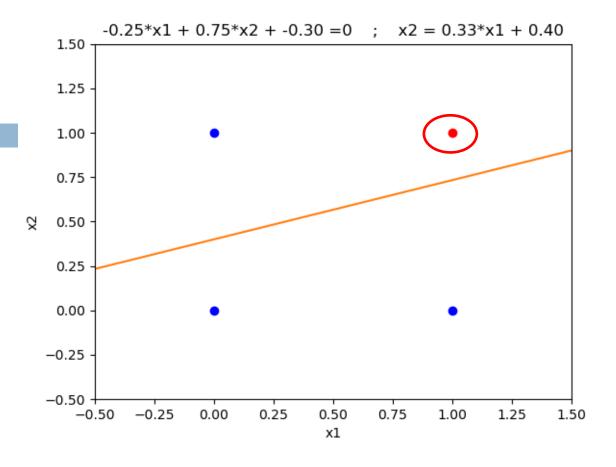
| X1 | X2 | T | Neta  | Y |
|----|----|---|-------|---|
| 1  | 0  | 0 | -0.55 | 0 |



 $\alpha = 0.25$ 

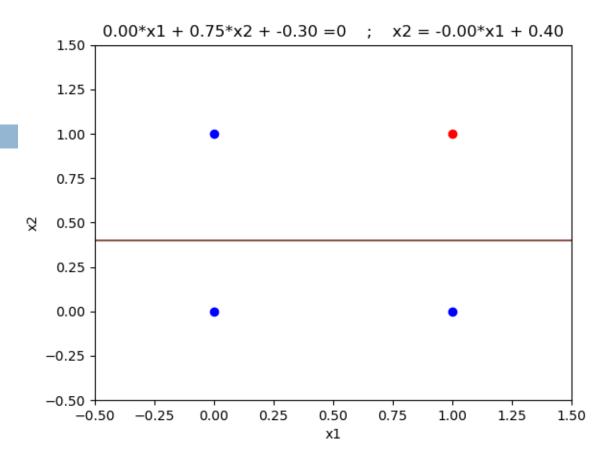
| W1    | <b>W</b> 2 | b    |
|-------|------------|------|
| -0.25 | 0.75       | -0.3 |

| X1 | X2 | T | Neta | Y |
|----|----|---|------|---|
| 1  | 1  | 1 | 0.2  | 1 |



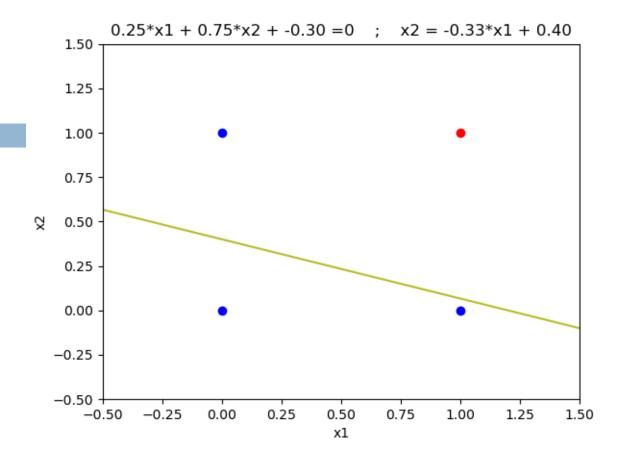
$$\alpha = 0.25$$

| W1 | <b>W2</b> | b    |
|----|-----------|------|
| 0  | 0.75      | -0.3 |



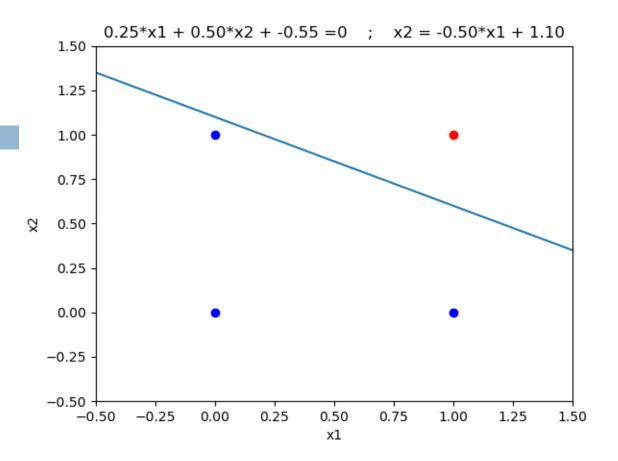
$$\alpha = 0.25$$

| W1   | <b>W2</b> | b    |
|------|-----------|------|
| 0.25 | 0.75      | -0.3 |



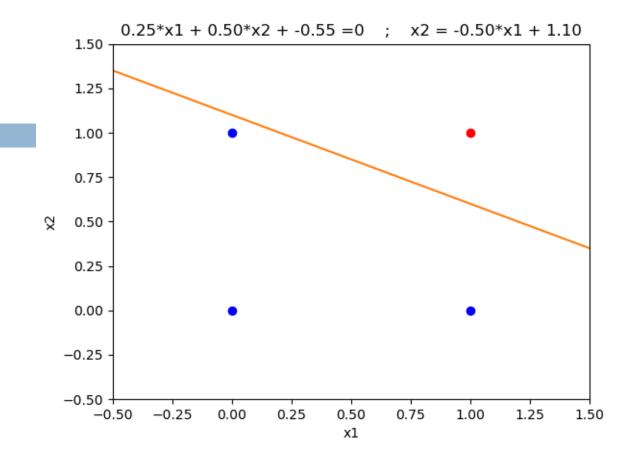
$$\alpha = 0.25$$

| W1   | W2  | b     |
|------|-----|-------|
| 0.25 | 0.5 | -0.55 |



$$\alpha = 0.25$$

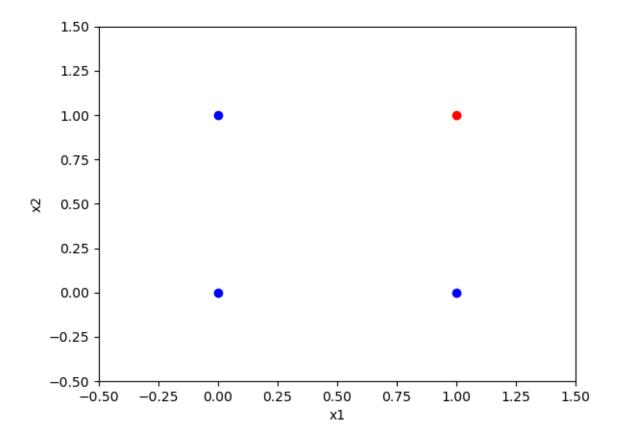
| W1   | <b>W</b> 2 | b     |
|------|------------|-------|
| 0.25 | 0.5        | -0.55 |



Veamos cómo implementar el algoritmo de entrenamiento del **Perceptrón** 

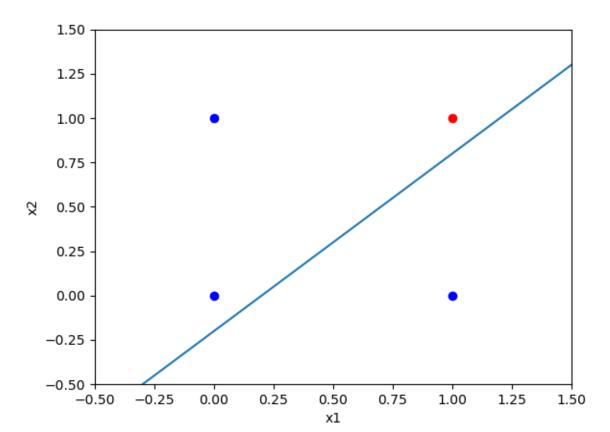
```
import numpy as np
import grafica as gr
```

```
# ---- FUNCION AND -----
X = np.array([[0, 1], [1,0],[0,0],[1,1]])
T = np.array([0, 0, 0, 1])
```



```
import numpy as np
import grafica as gr
   --- FUNCION AND --
X = np.array([[0, 1], [1,0],[0,0],[1,1]])
T = np.array([0, 0, 0, 1])
  --- Pesos iniciales ---
W = np.array([-1.0, 1.0])
b = 0.2
# Recta --> w1*x1 + w2*x2 + b = 0
```

gr.dibuPtosRecta(X,T,W,b)



## Entrenamiento del perceptrón

- $\square$  Seleccionar el valor de  $\alpha$
- Inicializar los pesos de las conexiones con valores random (vector W y el bias b)
- Mientras no se clasifiquen todos los ejemplos correctamente
  - Ingresar uno a uno los ejemplos a la red.
  - Para cada ejemplo incorrectamente clasificado

$$W_{nuevo} = W + \alpha (t - y) X$$

$$b_{nuevo} = b + \alpha (t - y)$$

# ClassPerceptron.py

- Parámetros de entrada
  - alpha: valor en el intervalo (0, 1) que representa la velocidad de aprendizaje.
  - n\_iter: máxima cantidad de iteraciones a realizar.
  - draw: valor distinto de 0 si se desea ver el gráfico y 0 si no. Sólo si es 2D.
  - title: lista con los nombres de los ejes para el gráfico. Se usa sólo si draw no es cero.
  - random\_state: None si los pesos se inicializan en forma aleatoria, un valor entero para fijar la semilla

# ClassPerceptron.py

```
ppn = Perceptron(alpha=0.1, n_iter=30)
ppn.fit(X, T)
```

#### Parámetros de entrada

- X : arreglo de NxM donde N es la cantidad de ejemplos y M la cantidad de atributos.
- T : arreglo de N elementos siendo N la cantidad de ejemplos

#### Retorna

- □ w\_: arreglo de M elementos siendo M la cantidad de atributos de entrada
- b\_: valor numérico continuo correspondiente al bias.
- errors\_: errores cometidos en cada iteración.

# ClassPerceptron.py

### Y = ppn.predict(X)

- Parámetros de entrada
  - X : arreglo de NxM donde N es la cantidad de ejemplos y M la cantidad de atributos.

- Retorna: un arreglo con el resultado de aplicar el perceptrón entrenado previamente con fit() a la matriz de ejemplos X.
  - Y : arreglo de N elementos siendo N la cantidad de ejemplos

```
import numpy as np
from grafica import *
from ClassPerceptron import Perceptron
X = np.array([[0, 1], [1,0],[0,0],[1,1]])
T = np.array([0, 0, 0, 1])
#--- ENTRENAMIENTO ---
ppn = Perceptron(alpha=0.1, n iter=30, draw=1, title=['X1', 'X2'])
ppn.fit(X, T)
#--- Uso del perceptrón ---
Y = ppn.predict(X)
aciertos = sum(Y == T)
print("aciertos = ", aciertos)
nAciertos = sum(Y==T)
print("%% de aciertos = %.2f %%" %(100*nAciertos/X.shape[0]))
```

## Ejemplo 1

- Sobre una cinta transportadora circulan naranjas y melones. Se busca obtener un clasificador de frutas que facilite su almacenamiento. Para cada fruta se conoce su diámetro, en centímetros y su intensidad de color naranja, medida entre 0 y 255.
- Utilice la información del archivo FrutasTrain.csv para entrenar un perceptrón que permita resolver el problema.
- Analice la performance de la red obtenida utilizando las muestras del archivo FrutasTest.csv

## Ejemplo 1

### Perceptron\_Frutas\_RN.ipynb

```
titulos

['Diametro', 'Color']

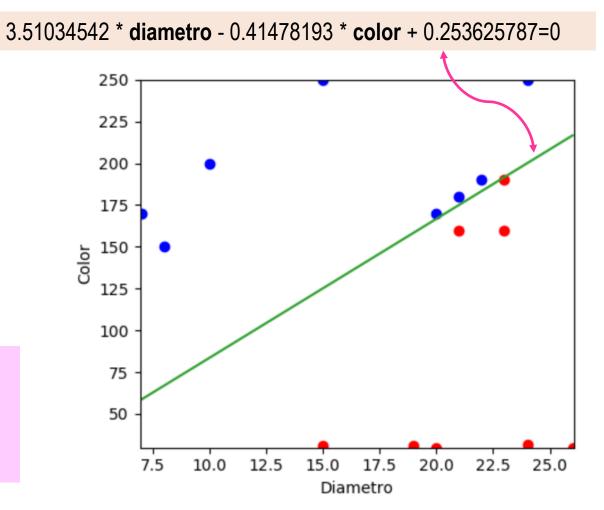
W

array([ 3.51034542, -0.41478193])

b

0.2536257868554866
```

 El resultado es una función discriminante lineal (en este caso una recta) que separa los datos de entrada en dos clases



### 3.51034542 \* diametro - 0.41478193 \* color + 0.253625787



| Diametro | Color | Clase   | Neta     | Predice | Corresponde a |
|----------|-------|---------|----------|---------|---------------|
| 10       | 200   | Naranja | -47.5993 | 0       | Naranja       |
| 20       | 30    | Melon   | 58.0171  | 1       | Melon         |
| 8        | 150   | Naranja | -33.8809 | 0       | Naranja       |
| 26       | 30    | Melon   | 79.0791  | 1       | Melon         |
| 7        | 170   | Naranja | -45.6869 | 0       | Naranja       |
| 24       | 32    | Melon   | 71.2289  | 1       | Melon         |
| 20       | 170   | Naranja | -0.0524  | 0       | Naranja       |
| 21       | 160   | Melon   | 7.6058   | 1       | Melon         |
| 21       | 180   | Naranja | -0.6899  | 0       | Naranja       |
| 23       | 160   | Melon   | 14.6265  | 1       | Melon         |
| 22       | 190   | Naranja | -1.3273  | 0       | Naranja       |
| 23       | 190   | Melon   | 2.1830   | 1       | Melon         |
| 24       | 250   | Naranja | -19.1936 | 0       | Naranja       |
| 15       | 31    | Melon   | 40.0506  | 1       | Melon         |
| 15       | 250   | Naranja | -50.7867 | 0       | Naranja       |
| 19       | 31    | Melon   | 54.0919  | 1       | Melon         |

## Uso del perceptrón

□ Ejemplos del archivo FrutasTest.csv

3.51034542 \* diametro - 0.41478193 \* color + 0.253625787

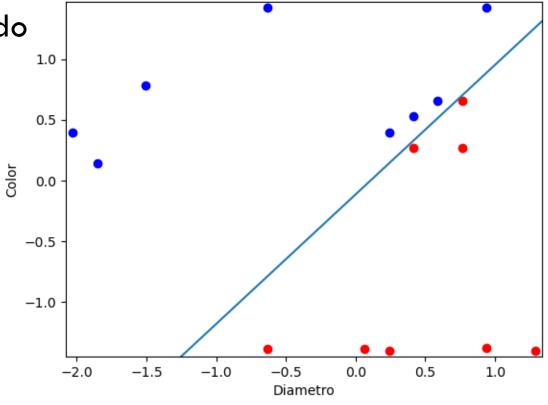


| Diametro | Color | Clase   | Neta     | Predice | Corresponde a |
|----------|-------|---------|----------|---------|---------------|
| 7        | 100   | Naranja | -16.6521 | 0       | Naranja       |
| 20       | 20    | Melon   | 62.1649  | 1       | Melon         |
| 25       | 70    | Melon   | 58.9775  | 1       | Melon         |
| 10       | 210   | Naranja | -51.7471 | 0       | Naranja       |

```
import pandas as pd
import numpy as np
from sklearn import preprocessing
datos = pd.read csv("../Datos/FrutasTrain.csv")
xTrain = np.array(datos.iloc[:,0:2])
datosTest = pd.read csv("../Datos/FrutasTest.csv")
xTest = np.array(datosTest.iloc[:,0:2])
#--- Escala los valores entre 0 y 1 ---
normalizador = preprocessing.MinMaxScaler()
xTrain = normalizador.fit transform(xTrain)
#--- normalizando los datos de testeo ---
xTest = normalizador.transform(xTest)
```

# Ejemplo 1

- □ Entrene el perceptrón
  - Normalizando los ejemplos linealmente
  - Normalizando los ejemplos utilizando los valores de media y desvío
- Pruebe ingresando
  - Las frutas en orden aleatorio
  - Las naranjas primero
  - Los melones primero



### Evaluación del modelo

- Matriz de confusión
- Métricas
  - Accuracy
  - Precisión
  - Recall
  - □ F1-score
  - AUC, Curva ROC

### Matriz de Confusión

|              | Predice Clase 1 | Predice Clase 2 | Recall          |
|--------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| True Clase 1 | A               | В               | A/(A+B)         |
| True Clase 2 | С               | D               | D/(C+D)         |
| Precision    | A/(A+C)         | D/(B+D)         | (A+D)/(A+B+C+D) |

accuracy

- Los aciertos del modelo están sobre la diagonal de la matriz.
- □ **Precision**: la proporción de predicciones correctas sobre una clase.
- Recall: la proporción de ejemplos de una clase que son correctamente clasificados.
- Accuracy: la performance general del modelo, sobre todas las clases. Es la cantidad de aciertos sobre el total de ejemplos.

## Sklearn.metrics.accuracy\_score

```
from sklearn import metrics

Y_train = [0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3]

Y_pred = [0, 2, 1, 3, 0, 1, 2, 0, 0, 1, 2, 3]

aciertos = metrics.accuracy_score(Y_train,Y_pred)

print("%% accuracy = %.3f" % aciertos)
```

## Sklearn.metrics.accuracy\_score

```
from sklearn import metrics

Y_train = [0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3]

Y_pred = [0, 2 1, 3, 0, 1, 2, 0 0, 1, 2, 3]

Rtas esperadas

Rtas esperadas

Rtas esperadas

Rtas esperadas

Y_train = [0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3]

Rtas obtenidas

aciertos = metrics.accuracy_score(Y_train,Y_pred)

print("%% accuracy = %.3f" % aciertos)
```

- De los 12 valores sólo 9 fueron identificados correctamente.
- $\square$  La tasa de aciertos es 9/12 = 0.75

```
Y \text{ train} = [0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3]
Y_{pred} = [0,(2) 1, 3, 0, 1, 2, 0, 0, 1, 2, 3]
MM = metrics.confusion matrix(Y train,Y pred)
print ("Matriz de confusión: \n%s" % MM)
                  Matriz de confusión:
               0 [[3 0 0 0]
                                            Esperaba obtener 1
                                           como respuesta pero
                                            la red respondió 2
                  [1 0 0 2]]
                    PREDICE
```

```
Y \text{ train} = [0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3]
Y_pred = [0, 2, 1, 3, 0, 1, 2, 0, 0, 1, 2, 3]
MM = metrics.confusion matrix(Y_train,Y_pred)
print ("Matriz de confusión: \n%s" % MM)
                 Matriz de confusión:
               0 [[3 0 0 0]
                                          La respuesta correcta
              1 [0 2 1 0]
                                            es 2 pero la red
                                              respondió 1
                   [1 0 0 2]]
                    PREDICE
```

```
Y \text{ train} = [0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3]
Y_{pred} = [0, 2, 1, 3, 0, 1, 2, 0, 0, 1, 2, 3]
MM = metrics.confusion matrix(Y train,Y pred)
print ("Matriz de confusión: \n%s" % MM)
                 Matriz de confusión:
               0 [[3 0 0 0]
                                          Esperaba un 3 pero la
                                            red respondió 0
               2 [0 1 2 0]
                   (1)0 0 2]]
                    PREDICE
```

```
Y \text{ train} = [0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3]
Y \text{ pred} = [0, 2, 1, 3, 0, 1, 2, 0, 0, 1, 2, 3]
MM = metrics.confusion matrix(Y train,Y pred)
print("Matriz de confusión:\n%s" % MM)
                 Matriz de confusión:
               0 [[3 0 0 0]
                                           Los valores fuera de
              1 [0 2 1 0]
                                           la diagonal principal
               2 [0 1 2 0]
                                              son errores
                  [1 0 0 2]]
                    0 1 2 3
                    PREDICE
```

## Sklearn.metrics.classification\_report

```
Y_train = [0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3]
Y_pred = [0, 2, 1, 3, 0, 1, 2, 0, 0, 1, 2, 3]
report = metrics.classification_report(Y_train,Y_pred)
print("Resultado de la clasificación:\n%s" % report)
Resultado de la clasificación:
```

|              | precision | recall | f1-score | support |
|--------------|-----------|--------|----------|---------|
| 0            | 0.75      | 1.00   | 0.86     | 3       |
| 1            | 0.67      | 0.67   | 0.67     | 3       |
| 2            | 0.67      | 0.67   | 0.67     | 3       |
| 3            | 1.00      | 0.67   | 0.80     | 3       |
| accuracy     |           |        | 0.75     | 12      |
| macro avg    | 0.77      | 0.75   | 0.75     | 12      |
| weighted avg | 0.77      | 0.75   | 0.75     | 12      |

Matriz de confusión: [[3 0 0 0] [0 2 1 0] [0 1 2 0] [1 0 0 2]]

### Sklearn.metrics.classification\_report

```
Y_train = [0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3]
Y_pred = [0, 2, 1, 3, 0, 1, 2, 0, 0, 1, 2, 3]
report = metrics.classification_report(Y_train,Y_pred)
print("Resultado de la clasificación:\n%s" % report)
```

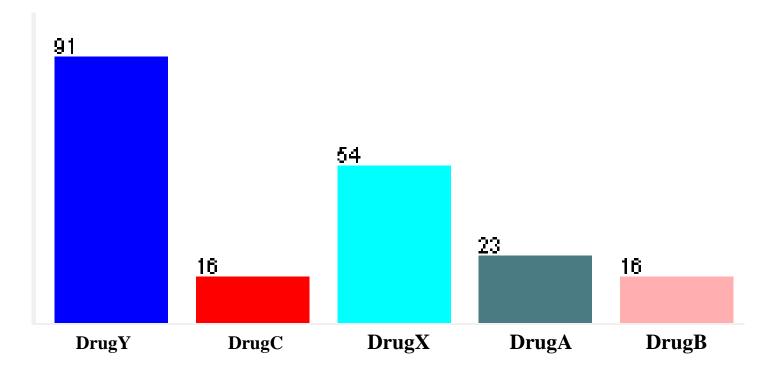
|              | precision | recall | f1-score | support |
|--------------|-----------|--------|----------|---------|
| 0            | 0.75      | 1.00   | 0.86     | 3       |
| 1            | 0.67      | 0.67   | 0.67     | 3       |
| 2            | 0.67      | 0.67   | 0.67     | 3       |
| 3            | 1.00      | 0.67   | 0.80     | 3       |
|              |           |        |          |         |
| accuracy     |           |        | 0.75     | 12      |
| macro avg    | 0.77      | 0.75   | 0.75     | 12      |
| weighted avg | 0.77      | 0.75   | 0.75     | 12      |

Resultado de la clasificación:

#### F1-score

$$F1 = 2 * \frac{precision * recall}{precisión + recall}$$

Se busca predecir si el tipo de fármaco que se debe administrar a un paciente afectado de rinitis alérgica es el habitual (DrugY) o no.



- Para ello se hará uso de la información disponible en las historias clínicos de pacientes atendidos previamente. Las variables relevadas son:
  - Age: Edad
  - Sex: Sexo
  - BP (Blood Pressure): Tensión sanguínea.
  - Cholesterol: nivel de colesterol.
  - Na: Nivel de sodio en la sangre.
  - K: Nivel de potasio en la sangre.
  - Cada paciente ha sido medicado con un único fármaco de entre cinco posibles: DrugA, DrugB, DrugC, DrugX, DrugY.

El archivo **DrugY.csv** contiene 200 muestras de pacientes atendidos previ<u>amente.</u>

| Nro. | Age | Sex | ВР     | Colesterol | Na       | К        | Drug  |
|------|-----|-----|--------|------------|----------|----------|-------|
| 1    | 23  | F   | HIGH   | HIGH       | 0,792535 | 0,031258 | drugY |
| 2    | 47  | М   | LOW    | HIGH       | 0,739309 | 0,056468 | drugC |
| 3    | 47  | М   | LOW    | HIGH       | 0,697269 | 0,068944 | drugC |
| 4    | 28  | F   | NORMAL | HIGH       | 0,563682 | 0,072289 | drugX |
| 5    | 61  | F   | LOW    | HIGH       | 0,559294 | 0,030998 | drugY |
|      |     |     |        |            |          |          |       |
|      |     |     |        |            |          |          |       |
|      |     |     |        |            |          |          |       |
| 197  | 16  | М   | LOW    | HIGH       | 0,743021 | 0,061886 | drugC |
| 198  | 52  | M   | NORMAL | HIGH       | 0,549945 | 0,055581 | drugX |
| 199  | 23  | М   | NORMAL | NORMAL     | 0,78452  | 0,055959 | drugX |
| 200  | 40  | F   | LOW    | NORMAL     | 0,683503 | 0,060226 | drugX |

- Entrene un perceptrón para predecir si el tipo de fármaco que se debe administrar a un paciente afectado de rinitis alérgica es el habitual (DrugY) o no. Utilice el 80% de los ejemplos para entrenar y el 20% para testear.
  - Pruebe ambas numerizaciones.
  - Pruebe resolver el problema
    - Sin normalizar los datos
    - Normalizando linealmente
    - Normalizando utilizando media y desvío