



## ESCOLA POLITÉCNICA DA UNIVERSIDADE DE SÃO PAULO

Avenida Professor Luciano Gualberto, travessa 3 nº 158 CEP 05508-900 São Paulo SP  
Telefone: (011) 818-5583 Fax (011) 818-5294

Departamento de Engenharia de Computação e Sistemas Digitais

# Segunda Avaliação de Linguagens e Compiladores

Felipe Giunte Yoshida - N°4978231

1º de Dezembro de 2009

A linguagem LazyComb é minimalista, funcional, com coletor de lixo (*garbage collector*), com transparência referencial e com um sistema de E/S simples baseado em *stream*. A linguagem captura a essência da programação funcional e seus programas são definidos por meio do uso de **combinadores**. Um combinador executa uma ação que pode ser implementada através de uma abstração lambda. Uma abstração lambda é uma especificação de função anônima com parâmetros como, por exemplo, a definição da função identidade,  $(\lambda x)x$ , assim a aplicação de um valor à identidade retornará o próprio valor:  $(\lambda x)x3 \rightarrow 3$ . O combinador I tem exatamente essa função:  $I3 \rightarrow 3$ . Entretanto, não há valores numéricos, eles devem ser todos representados como funções, assim o numeral 0 é representado por  $(\lambda f x)(f x)$ , logo 1 é representado por  $(\lambda f x)(f(f x))$ . Desta maneira qualquer número natural é representado pela composição funcional. Usando combinadores o número 256 fica **SII(SII(S(S(KS)K)I))**.

| Sintaxe                               | Semântica                        |
|---------------------------------------|----------------------------------|
| Program ::= CCEExpr                   | CCEExpr                          |
| CCEExpr ::= CCEExpr Expr<br>  epsilon | (CCEExpr Expr)<br>(lambda (x) x) |
| Expr ::= "i"<br>  Expr'               | (lambda (x) x)<br>Expr'          |
| IotaExpr ::= "i"<br>  Expr'           | (lambda (x) (x S K))<br>Expr'    |
| Expr' ::= "I"                         | (lambda (x) x)                   |

|                         |                                |
|-------------------------|--------------------------------|
| "K"   "k"               | (lambda (x y) x)               |
| "S"   "s"               | (lambda (x y z) ((x z) (y z))) |
| NonemptyJotExpr         | NonemptyJotExpr                |
| "' Expr1 Expr2          | (Expr1 Expr2)                  |
| "*" IotaExpr1 IotaExpr2 | (IotaExpr1 IotaExpr2)          |
| "(" CCE Expr ")"        | CCE Expr                       |

|                 |                                |
|-----------------|--------------------------------|
| NonemptyJotExpr |                                |
| ::= JotExpr "0" | (JotExpr S K)                  |
| JotExpr "1"     | (lambda (x y) (JotExpr (x y))) |

|         |                     |                 |
|---------|---------------------|-----------------|
| JotExpr | ::= NonemptyJotExpr | NonemptyJotExpr |
|         | epsilon             | (lambda (x) x)  |

Considerando que a execução de um programa em LazyComb é baseada na aplicação de combinadores a expressões, ou seja, cada programa será executado a partir de uma lista prefixada de operadores que terminará, pede-se:

**Construa um reconhecedor determinístico, baseado no autômato de pilha estruturado, que aceite como entrada válida um programa em LazyComb.**

## 1 Linguagem

Convertendo a gramática descrita acima para a notação de Wirth:

Program = CCE Expr .

CCE Expr = { Expr } .

Expr = "i" | Expr' .

IotaExpr = "i" | Expr' .

Expr' = "I" | "K" | "S" | "k" | "s" | NonemptyJotExpr | "' Expr Expr  
| "\*" IotaExpr IotaExpr | "(" CCE Expr ")" .

NonemptyJotExpr = JotExpr ( "0" | "1" ) .

JotExpr = { NonemptyJotExpr } .

Simplificando, chegamos a:

Program = { Expr } .

$\text{Expr} = \text{"i"} \mid \text{"I"} \mid \text{"K"} \mid \text{"S"} \mid \text{"k"} \mid \text{"s"} \mid ( \text{"0"} \mid \text{"1"} ) \{ ( \text{"0"} \mid \text{"1"} ) \} \mid \text{"'"} \text{Expr Expr} \mid \text{"*"} \text{Expr Expr} \mid \text{"("} \{ \text{Expr} \} \text{"}")} \text{"."}$

## 2 Análise léxica

O analisador léxico da linguagem é extremamente simples e pode ser observado abaixo.

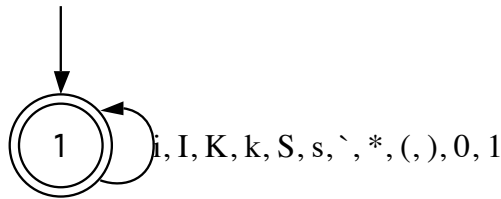


Figura 1: Analisador léxico

Sua simplicidade se dá porque todos os tokens são constituídos de apenas um caractere. Além disso, todos eles são previamente definidos.

## 3 Análise sintática

Submáquina *Program*:

$\text{Program} = \bullet_0 \{ \bullet_1 \text{Expr} \bullet_2 \} \bullet_1$

Submáquina *expr*:

$\text{Expr} = \bullet_0 \text{"i"} \bullet_1 \mid \bullet_0 \text{"I"} \bullet_2 \mid \bullet_0 \text{"K"} \bullet_3 \mid \bullet_0 \text{"S"} \bullet_4 \mid \bullet_0 \text{"k"} \bullet_5 \mid \bullet_0 \text{"s"} \bullet_6 \mid \bullet_0 ( \bullet_0 \text{"0"} \bullet_8 \mid \bullet_0 \text{"1"} \bullet_9 ) \bullet_7 \{ \bullet_{10} ( \bullet_{10} \text{"0"} \bullet_{11} \mid \bullet_{10} \text{"1"} \bullet_{12} ) \} \bullet_{10} \mid \bullet_0 \text{"'"} \bullet_{13} \text{Expr} \bullet_{14} \text{Expr} \bullet_{15} \mid \bullet_0 \text{"*"} \bullet_{16} \text{Expr} \bullet_{17} \text{Expr} \bullet_{18} \mid \bullet_0 \text{"("} \bullet_{19} \{ \bullet_{20} \text{Expr} \bullet_{21} \} \bullet_{20} \text{"")"} \bullet_{22}$

Eliminando o não-determinismo e retirando os estados inválidos, chegamos aos autômatos presentes nas figuras 2 e 3.

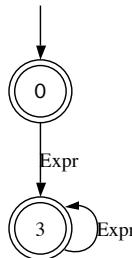


Figura 2: Autômato finito determinístico de *program*

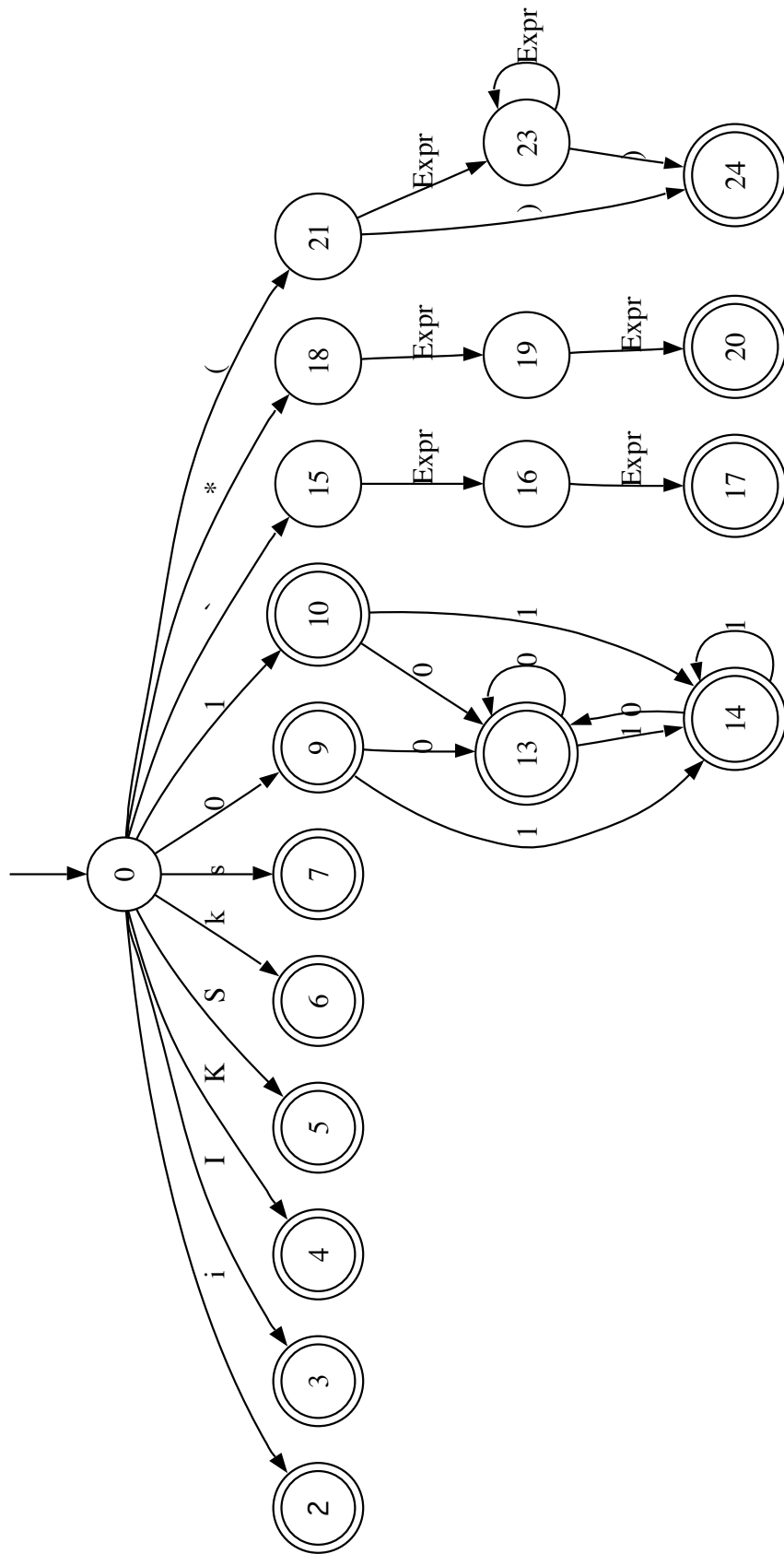


Figura 3: Autômato finito determinístico de *expr*