## Izlučivanje značajki lica Gaborovim filtrom

Tomislav Reicher Krešimir Antolić Igor Belša Marko Ivanković Ivan Krišto Maja Legac Tomislav Novak

20.01.2010.

# Sadržaj

1.	Uvod	2
2.	Teorijska razrada	3
3.	Gaborov filtar	4
	3.1. Valna duljina $(\lambda)$	5
	3.2. Orijentacija $(\theta)$	5
	3.3. Omjer dimenzija $(\gamma)$	
	3.4. Standardna devijacija $(\sigma)$	7
4.	Izlučivanje značajki pomoću Gaborovog filtra	8
<b>5.</b>	Klasifikacija	10
	5.1. Stroj s potpornim vektorim	10
	5.2. Metoda $k - nn$	11
6.	Zaključak	13

#### 1. Uvod

Raspoznavanje uzoraka je znanstvena disciplina iz područja računarskih znanosti čiji je cilj klasifikacija ili razvrstavanje objekata u jedan od brojnih razreda ili klasa. Iako su područja uporabe brojna u ovom radu koncentracija je na raspoznavanju vizualnih uzoraka. Točnije, radi se o raspoznavanju lica.

Raspoznavanje lica uključuje računalno prepoznavanje identiteta na temelju značajki dobivenih obradom slike lica. Iako ljudima lak zadatak, prepoznavanje lica i njihovo raspoznavanje je veoma zahtjevan posao za računalo. Zadatak postaje tim zahtjevniji ako su lica slikana pod različitim osvjetljenjem, različitim kutovima ili osobe na slikama imaju različite izraze lica.

Kao osnovna motivacija za korištenje Gaborovog filtra za izvlačenje značajki je veza sa biološkim osobinama vida kod sisavaca čiji su receptori osjetljivi na karakteristične prostorne frekvencije te njihovu orijentaciju. Gaborov filtar može iskoristit vizualne osobine kao što su lokalizacija prostora i selekcija orijentacije pojedine prostorne frekvencije (?).

U 2. odjeljku ukratko je opisana osnovna ideja korištenja Gaborovog filtra u izlučivanju značajki za klasifikaciju lica, u 3. odjeljku prikazan je matematički model dvodimenzionalnog Gaborovog filtra te su navedena objašnjenja i utjecaj pojedinih parametara Gaborovog filtra. U 4. odjeljku opisan je postupak izlučivanja značajki Gaborovim filtrom te su navedeni korišteni parametri. U 5. odjeljku opisana je metoda kojom su lica klasificirana na temelju izlučenih značajki, dok je provedena evaluacija opisana u poglavlju?. Konačno, na kraju je dan zaključak.

### 2. Teorijska razrada

Slike lica osoba koje računalni sustav treba raspoznati podložne su različitom šumu kao što su varijacija osvjetljenja, položaj lica, izražaji lica (lice s osmijehom, ozbiljno lice), brkovi i brada kod lica muškaraca, naočale itd. Jedna od metoda izlučivanja značajki koja se pritom koristi kako bi se doskočilo navedenim problemima je izlučivanje značajki Gaborovim filtrom. Osnovna ideja u izlučivanju značajki Gaborovim filtrom je pronaći značajke lica karakterizirane prostornom frekvencijom (engl. Spatial frequency), prostornom lokalizacijom (engl. Spatial locality) i orijentacijom koje će predstavljati diskriminatorne značajke za raspoznavanje lica različitih osoba. Promatranje slike u frekvencijskoj domeni (engl. Frequency domain), gdje je cijela slika predstavljena skupom različitih prostornih frekvencija, omogućuje lakšu manipulaciju s različitim informacijama sa slike. Uklanjanjem nekog manjeg skupa frekvencija i prikazom dobivene slike moguće je ukloniti različiti šum na slici. Problem kod prikaza u frekvencijskoj domeni je globalni karakter prikaza, tj. za pojedinu frekvenciju nije moguće odrediti gdje se prostorno na slici ona pojavila. Moguće je samo utvrditi da ona na slici postoji. Gaborov filtar rješava upravo navedeni problem prostorne lokalizacije. Pomoću njega možemo efikasno odrediti je li se u pojedinom dijelu slike pojavila određena frekvencija, koja je amplituda i faza te frekvencije te koji je smjer njenog rasprostiranja.

Nakon izlučivanja skupa značajki pomoću Gaborovog filtra lice sa slike raspoznaje se pomoću stroja s potpornim vektorima (engl.  $Support\ vector\ machine,\ SVM$ ) s radijalnom baznom funkcijom.

#### 3. Gaborov filtar

Jezgra Gaborovog filtra dvodimenzionalna je Gaborova funkcija koju čini kompleksni sinusoidalni val moduliran Gaussovom funkcijom. Gaborova funkcija dana je kao (?):

$$g_{\lambda,\theta,\sigma,\gamma}(x,y) = \exp\left(-\frac{x'^2 + \gamma^2 y'^2}{2\sigma^2}\right) \exp\left(j2\pi \frac{x'}{\lambda}\right),$$
 (3.1)

pri čemu su

$$x' = x \cos \theta + y \sin \theta,$$
  
$$y' = -x \sin \theta + y \cos \theta.$$

Ovdje  $\sigma$  označava standardnu devijaciju Gaussove funkcije u x smjeru,  $\gamma$  označava omjer devijacije Gaussove funkcije u x i y smjeru ( $\gamma = \frac{\sigma_x}{\sigma_y}$ ),  $\lambda$  je valna duljina potpornog sinusoidalnog vala, a  $\theta$  kut smjera rasprostiranja sinusoidalnog vala.

Frekvencija i odabir orijentacije Gaborovog filtra su izražajnije u domeni frekvencijskog prikaza predstavljenog Gaborovom funkcijom (3.2) koja određuje koliko filtar utječe na svaku frekvencijsku komponentu ulazne slike.

$$G(u,v) = \exp\left(-\frac{(u-u_0)^2 + (v-v_0)^2}{2\sigma_{uv}^2}\right),\tag{3.2}$$

$$\sigma_{uv} = \frac{1}{2\pi\sigma}. (3.3)$$

Parametri  $(u_0, v_0)$  definiraju prostornu frekvenciju sinusoidalnog vala u ravnini koja također može biti izražena polarnim koordinatama kao radijalna frekvencija  $r_0$ , odnosno valna duljina  $\lambda$ , i orijentacija  $\theta$  čime dobivamo parametre ovisne o frekvenciji ekvivalentne onima iz Gaborove funkcije u prostornoj domeni:

$$r_0 = \sqrt{u_0^2 + v_0^2},\tag{3.4}$$

$$\tan \theta = \frac{v_0}{u_0},\tag{3.5}$$

$$\lambda = \frac{1}{r_0}.\tag{3.6}$$

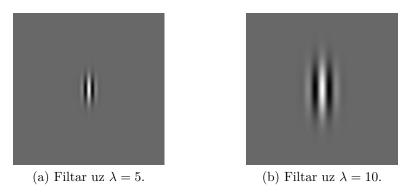
Iz gornje formule možemo vidjeti da je Gaborova funkcija u frekvencijskoj domeni jednaka Gaussovoj funkciji postavljenoj u točki  $(u_0, v_0)$ , odnosno  $(r_0, \theta)$ , te s time na umu Gaborov filtar možemo gledati kao pojasno propusni filtar koji propušta frekvencije u malom pojasu oko centralne frekvencije  $(u_0, v_0)$ .

Kako bi bilo moguće odabrati parametre Gaborovog filtra koji će služiti za izlučivanje značajki potrebno je promotriti utjecaj pojedinih parametara na Gaborovu funkciju.

#### 3.1. Valna duljina $(\lambda)$

Valna duljina se odnosi na valnu duljinu sinusoidalnog vala u Gaborovoj funkciji kojom se ujedno definira i prostorna frekvencija na koju će sam Gaborov filtar biti osjetljiv. Valna duljina ovdje određuje duljinu ciklusa u slikovnim elementima (engl. Pixel) i realan je broj veći ili jednak 2. Prema Nyquist–Shannonovom teoremu uzorkovanja signal koji sadrži frekvencije veće od polovine frekvencije uzorkovanja ne može biti rekonstruiran u potpunosti, stoga je gornja granica frekvencije koju 2D slika može sadržavati jednaka  $F_{max}=0.5$  ciklusa/slikovnom elementu, a to je upravo znači da će valna duljina biti veća ili jednaka od 2 slikovna elementa.

Slike realnih dijelova Gaborovih filtara uz parametre  $\theta=0,\ b=1,\ i$   $\gamma=0.5$  mogu se vidjeti na slici 3.1.

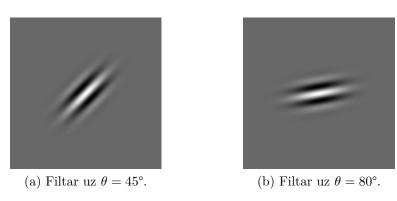


Slika 3.1: Gaborov filtar uz različite valne duljine.

#### 3.2. Orijentacija $(\theta)$

Orijentacija određuje smjer rasprostiranja moduliranog sinusnog signala odnosno kut normale paralelnih pruga Gaborovog filtra. Za potpuno specificiranje

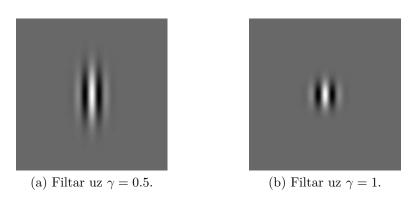
prostorne frekvencije nije dovoljna informacija o valnoj duljini, već je potrebno odrediti i smjer u kojem se ta frekvencija rasprostire. Određena je kutom od 0 do 360 stupnjeva odnosno 0 do  $2\pi$  radijana. Prikaze realnog dijela Gaborovog filtra sa orijentacijama od 45°, 80° i 0° možete vidjeti na slikama 3.2a, 3.2b i 3.1b.



Slika 3.2: Gaborov filtar uz različite orijentacije.

#### 3.3. Omjer dimenzija $(\gamma)$

Parametar koji se preciznije naziva prostorni omjer dimenzija, određuje eliptičnost Gaborove funkcije tj. odnos između devijacija Gaussove funkcije u x i y smjeru. Za  $\gamma=1$  eliptičnost se svodi na krug, dok je za  $\gamma<1$  funkcija je izdužena u smjeru paralelnom s paralelnim prugama funkcije. Primjer filtra sa različitim omjerima dimenzija se može vidjeti na slici 3.3.



Slika 3.3: Gaborov filtar uz različite omjere dimenzija.

#### 3.4. Standardna devijacija $(\sigma)$

Standardna devijacija Gaussove funkcije utječe na dio prostora u kojem će se računati odziv Gaborovog filtra, a jednako tako utječe i na širinu frekvencijskog pojasa koji će gaborov filtar propustiti, stoga je poželjno da omjer standardne devijacije i radijalne frekvencije Gaborove funkcije bude konstantan. Gaborova funkcija s većom frekvencijom će tako imati manju standardnu devijaciju te time pokrivati manju površinu u prostornoj domeni od Gaborove funkcije s manjom frekvencijom.

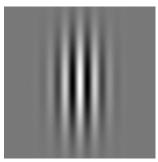
Širina filtra b Gaborovog filtra povezana je s omjerom  $\frac{\sigma}{\lambda}$ ,  $(\lambda = \frac{1}{r_0})$  i definirana s:

$$b = \log_2 \left( \frac{\frac{\sigma}{\lambda} \pi + \sqrt{\frac{\ln 2}{2}}}{\frac{\sigma}{\lambda} \pi - \sqrt{\frac{\ln 2}{2}}} \right), \tag{3.7}$$

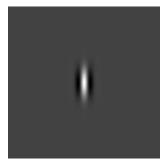
$$\frac{\sigma}{\lambda} = \frac{1}{\pi} \sqrt{\frac{\ln 2}{2}} \cdot \frac{2^b + 1}{2^b - 1}.\tag{3.8}$$

Prilikom izvedbe filtra vrijednost  $\sigma$  se ne može direktno odrediti, nego se mijenja samo preko vrijednosti širine filtra, b. Uz zadani b i poznati  $\lambda$ ,  $\sigma$  se određuje prema gornjoj formuli.

Širina filtra zadana je kao pozitivni realni broj. Što je širina manja,  $\sigma$  je veća i povećava se broj naglašavajućih i prigušavajućih pruga Gaborovog filtra. Primjere realnog dijela filtra s različitim širinama moguće je vidjeti na slikama 3.4a i 3.4b. Na prethodnim primjerima korištena je širina filtra od b=1.



(a) Filtar uz b = 0.5.



(b) Filtar uz b = 2.

Slika 3.4: Gaborov filtar uz različite širine.

## 4. Izlučivanje značajki pomoću Gaborovog filtra

Kako bi izlučili značajke sliku konvoluiramo sa skupom Gaborovih filtara. Ako je sI(x,y) definirana slika sivih razina, odziv pojedinog Gaborov filtra i slike računa se konvolucijom:

$$O(x, y, \lambda, \theta) = I(x, y) * g(x, y, \lambda, \theta), \tag{4.1}$$

gdje je  $g(x, y, \lambda, \theta)$  Gaborov filtar definiran parametrima  $\lambda$  i  $\theta$ . Parametri koji su u ovom radu pri tome korišteni su  $\lambda = \{2.5, 4, 5.6568, 8, 11.3137, 16\}$  i  $\theta = \{\frac{i\pi}{8}|i=0...7\}$  uz ostale parametre filtra  $\gamma = 1$  i  $b = \pi$  za koje se pokazalo da su uspješni u izlučivanju značajki prilikom klasifikacije lica (?).

Rezultantna slika koja nastaje je kompleksna slika s realnim i imaginarnim dijelom. Prije konvolucije Gaborov filter potrebno je normalizirati, odnosno oduzeti mu istosmjernu komponentu (engl. DC component), kako odziv nebi bio ovisan o varijacijama osvjetljenja izvorne slike, tj. o istosmjernoj komponenti izvorne slike. Nakon što se slika konvoluira s cijelim skupom Gaborovih filtera dobiveni su odzivi  $O(x, y, \lambda_i, \theta_i)$  za sve parametre  $\theta$  i  $\lambda$ . Za svaki element (x,y) slike kompleksnog odziva  $O(x,y,\lambda_i,\theta_i)$  računa se magnituda čime je dobivena nova slika realnih magnituda. Kako su izvorne slike korištene u raspoznavanju dimenzija  $64 \times 64$  sliku magnituda potom svodimo na sliku manjih dimenzija,  $8 \times 8$ , postupkom rezolucijske piramide tako da je slikovni element nove slike dobiven kao srednja vrijednost  $8 \times 8$  susjednih slikovnih elemenata. Ako je s  $O^r(x, y, \lambda_i, \theta_j)$  označena dobivena slika magnituda nakon postupka reduciranja dimenzije, svaka slika se tada pretvara u vektor  $V(x, y, \lambda_i, \theta_i)$  tako da se slijepe (engl. Concatenate) redovi slike  $O^r(x, y, \lambda_i, \theta_j)$ . Dobiveni skup vektora se potom slijepi u rezultantni vektor X:

$$X = \left(V(x, y, \lambda_1, \theta_1)^T \dots V(x, y, \lambda_i, \theta_j)^T \dots V(x, y, \lambda_m, \theta_n)^T\right)$$
(4.2)

Vektor X je vektor značajki koje se koriste za raspoznavanja lica i on je veličine  $8\times8\times48=3072$  jer je nastao povezivanjem reduciranih rezultata

konvolucije izvorne slike s 48 različitih Gaborovih filtara. Treba primijetiti da je postupak reduciranja dimenzionalnosti nužan jer bi bez tog koraka dobiveni vektor značajki bio dimenzija  $64 \times 64 \times 48 = 196608$  što u pogledu brzine izvođenja predstavlja ozbiljan problem prilikom računanja samog vektora, a i prilikom koraka klasifikacije.

### 5. Klasifikacija

Prikaz izvorne slike vektorom realnih brojeva omogućava jednostavno korištenje klasifikatora koji traže decizijske funkcije, tj. granice u vektorskom prostoru. U radu je za klasifikaciju korišten stroj s potpornim vektorima (engl. Support vector machine). Također je omogućeno korištenje klasifikatora koji koriste lijene metode, tj. pohranjuju primjere za učenje i odgađaju generalizaciju do potrebe za klasifikacijom novog uzorka. U radu je implementirana metoda k-najbližih susjeda (engl. k-nearest-neighbor).

#### 5.1. Stroj s potpornim vektorim

Izvorno, SVM traži optimalnu linearnu granicu, odnosno hiperravninu, kako bi razdvojio različite razrede predstavljene skupom vektora u vektorskome prostoru. Iskorištavanjem jezgrenog trika (engl. kernel trick) isti klasifikator moguće je primijeniti za traženje proizvoljno nelinearne granice između različitih razreda. Pri tome često korištena jezgrena funkcija je radijalna bazna funkcija odnosno Gaussova jezgra:

$$k(\mathbf{x_i}, \mathbf{x_j}) = \exp(-\gamma \|\mathbf{x_i} - \mathbf{x_j}\|^2). \tag{5.1}$$

Pokazano je da uz odabir ispravnih parametara (?) linearni SVM predstavlja specijalni slučaj SVM-a s radijalnom baznom funkcijom čime se isključuje potreba za korištenjem linearnog SVM-a kao potencijalnog klasifikatora. Prilikom korištenja radijalne bazne funkcije, a i općenito SVM-a, prije samog postupka učenja podatke je potrebno skalirati kako bi utjecaj svih atributa na klasifikaciju bio jednak, no u spomenutom slučaju klasifikacije lica postupak skaliranja je izostavljen pod pretpostavkom da su područja slike s većim vrijednostima odnosno većim rasponom vrijednosti od veće važnosti od ostalih područja.

Učenjem SVM—a traže se parametri pretpostavljenog oblika decizijske funkcije, koja će ispravno klasificirati sve uzorke u skupu za učenje, što ponekad zbog šuma u podacima ili njihove distribucije u prostoru nije moguće.

Rješenje tog problema nalazi se u korištenju SVM klasifikatora s mekim granicama definiranima parametrom C koji dozvoljava odstupanja od ispravne klasifikacije svih podataka u skupu za učenje s ciljem bolje generalizacije nad još neviđenim skupom podataka. Parametri SVM–a koji utječu na moć generalizacije nad neviđenim skupom za ispitivanje su tako C (parametar meke granice) i  $\gamma$  (parametar radijalne bazne funkcije). Oni zajedno čine prostor parametara čijom je pretragom potrebno pronaći vrijednosti parametara, tj. odabrati onaj model, koji će dati SVM klasifikator s najmanjom pogreškom generalizacije.

Pretraga parametra odvija se odabirom modela s parametrima  $(C, \gamma)$  iz skupa  $(C = 2^{-5}, 2^{-4}, \dots, 2^{15}, \gamma = 2^{-15}, 2^{-14}, \dots, 2^3)$  (?) koji daju najveću točnost klasifikacije u procesu cross–validacije nad skupom za učenje. Točnost klasifikacije mjeri se formulom:

$$acc = \frac{n_c}{N},\tag{5.2}$$

pri čemu je  $n_c$  broj točno klasificiranih slika lica, a N ukupan broj slika lica nad kojima je provedeno testiranje. Nakon što su pronađeni parametri modela  $(C, \gamma)$ , koji daju najveću točnost, klasifikator s navedenim parametrima ponovo se uči na potpunom skupu za učenje. Parametri SVM klasifikatora korišteni u ovom radu su  $C=2^{12}$  i  $\gamma=2^{-11}$ .

#### 5.2. Metoda k - nn

Metoda k-nn radi na principu promatranja k najbližih susjeda uzorka koji se klasificira. Primjeri za učenje su točke u n-dimenzionalnom prostoru  $R^n$ , a za račun udaljenosti koristi se euklidska metrika. Moguće je korištenje i drugih metrika, ovisno o domeni problema.

Primjer  $x_k$  opisan je vektorom značajki:

$$x_k = [a_1(x), a_2(x), ..., a_n(x)]$$
 (5.3)

Euklidska udaljenost dva vektora  $x_i$  i  $x_i$  je:

$$d(x_i, y_i) = \sqrt{\sum_{i=1}^n |a_r(x_i) - a_r(x_j)|^2}$$
 (5.4)

Valja primjetiti da za k-nn metodu nije potrebno izračunavati punu euklidsku udaljenost. Kako je operacija kvadratnog korijena jedna od računalno skupljih operacija zgodno je iskoristiti sljedeću relaciju:

$$a \le b \Rightarrow a^2 \le b^2 \forall a, b \ge 0 \tag{5.5}$$

U algoritmu klasifikacije, primjeru  $x_q$  pridjeljuje se klasifikacija koju ima najviše njegovih k najbližih susjeda, prema formuli:

$$f(x_q) = \arg\max_{v \in V} \sum_{i=1}^k \delta(v, f(x_i))$$
(5.6)

gdje je  $\delta$  kroneckerov simbol (vrijednost je 1 ako su oba argumenta jednaka).

Lijene metode poput metode k-nn konstruiraju različitu aproksimaciju ciljne funkcije za svaki različiti novi uzorak koji traba biti klasificiran. Umjesto procjene ciljne funkcije jednom za cijeli prostor, procjenjuje se ciljna funkcija samo lokalno, u okolini novog uzorka. Ovo je pogodno u slučaju kompleksnih ciljnih funkcija. Nedostatak je visoka cijena klasificiranja svakog novog primjera. Razmatraju se svi atributi iako samo neki mogu imati utjecaj na ciljnu funkciju. Induktivna pristranost k-nn algoritma je pretpostavka da je klasifikacija u blizini uzorka  $x_q$  slična klasifikaciji primjera u blizini.

## 6. Zaključak

Korištenje Gaborovog filtra ima dobru podlogu u biološkim osnovama vida sisavaca te se očekuje da će se njegovom upotrebom, korištenjem različitih klasifikatora i automatiziranom optimizacijom parametara postići uspjeh u raspoznavanju lica različitih osoba.