# Izlučivanje značajki lica Gaborovim filterom

Tomislav Reicher Krešimir Antolić Igor Belša Marko Ivanković Ivan Krišto Maja Legac Tomislav Novak

25. listopada 2009.

# Sadržaj

1	Uvod	2
<b>2</b>	Dizajn Gaborovog filtera	2
3	Izvlačenje značajki pomoću gaborovog filtera 3.1 Preprocesiranje uzoraka	<b>3</b>
4	$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	4 4 5 5 6 6
5	Primjer primjene	7
6	Klasifikacija	7
7	Zaključak	7
A	LATEX playground A.1 O novim redovima	9 9 9 9
	A.4 O inclandi	10

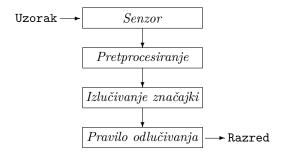
# Za raspraviti

• Je li naslov ok? Je li ok spomenuti "raspoznavanje lica" ili "lice" u samom naslovu?

#### 1 Uvod

Raspoznavanje uzoraka je znanstvena disciplina iz područja računarskih znanosti čiji je cilj klasifikacija ili razvrstavanje objekata u jedan od brojnih razreda ili klasa. Iako su područja uporabe brojna u ovom radu koncentacija je na raspoznavanju vizulanih uzoraka, točnije raspoznavanju lica. Prepoznavanje lica ukljućuje računalno prepoznavanje indentiteta na temelju značajki dobivenih obradom slika lica. Iako ljudima lak zadatak, prepoznavanje lica i njihova klasifikacija je veoma zahtjevan posao za računalo. Zadatak postaje tim zahtjevniji ako su lica slikana pod različitim osvijetljenjem, različitim kutovima ili ako osobe na slikama nemaju uvijek isti izraz lica. Kao osnovna motivacija za korišjtenje Gaborovog filtera za izvlačenje značajki je veza sa biološkim osobinama vida kod sisavaca čiji su receptori osjetljivi na orijentaciju te imaju karakteristične prostorne frekvencije. Gaborov filter može iskoristit vizualne osobine kao što su lokalizacija prostora, selekcija orijentacije i karakteristike prostorne frekvencije (Bhuiyan and Liu, 2007).

Model sustava za raspoznavanje uzoraka se može opisati dijagramom 1.



Slika 1: Model sustava za raspoznavanje uzoraka

U 2. odjeljku prikazan je matematički model dvodimenzionalnog gaborovog filtera, u 3. odjeljku objašnjen je način izvlačenja značajki, 4. odjeljak navodi objašnjenja pojedinih parametara i njihov utjecaj na krajnji rezultat, a 5. prikazuje rezultate primjene gaborovog filtera na neke od uzoraka. U 6. odjeljku je objašnjena interpretacija značajki te način korištenja dobivenih značajki u sustavima za raspoznavanje uzoraka, odnosno klasifikacija pomoću izlučenih značajki. Zaključak je dan u 7. odjeljku. (1)

(1) TODO: Prešturo...Doraditi nakon što budemo znali što ćemo uopće pisati...

# 2 Dizajn Gaborovog filtera

Dvodimenzionalna Gaborova funkcija data je kao (Petkov and Wieling, 2008):

$$g_{\lambda,\theta,\varphi,\sigma,\gamma}(x,y) = \exp\left(-\frac{x'^2 + \gamma^2 y'^2}{2\sigma^2}\right) \cos\left(2\pi \frac{x'}{\lambda} + \varphi\right),$$
 (1)

pri čemu su

$$x' = x \cos \theta + y \sin \theta,$$
  
$$y' = -x \sin \theta + y \cos \theta.$$

Frekvencija i odabir orijentacije Gaborovog filtera su izražajnije u domeni frekvencijskog prikaza predstavljenog jednadžbom (2) koja određuje koliko filter utječe na svaku frekvencijsku komponentu ulazne slike.

$$G(u,v) = \exp\left(-\frac{(u-u_0)^2 + (v-v_0)^2}{2\sigma_{uv}^2}\right) - \exp\left(-\frac{r_0^2}{2\sigma_{uv}^2}\right),\tag{2}$$

$$\sigma_{uv} = \frac{1}{2\pi\sigma_{xv}}. (3)$$

Parametri  $(u_0, v_0)$  definiraju prostornu frekvenciju sinusoidalnog vala u ravnini koji također može biti izražen polarnim koordinatama kao radialna frekvencija  $r_0$  i orijentacija  $\theta$ :

$$r_0^2 = u_0^2 + v_0^2, (4)$$

$$an \theta = \frac{v_0}{u_0}.$$
 (5)

Osobina Gaborovog filtera definirana je radijalnom frekvencijom  $r_0$ , orijentacijom i širinom filtera.

Ako je svrha filtera izvlačenje značajki lica, zanimaju nas četiri orijentacije (Huang et al., 2005):

$$\theta_k = \frac{\pi(k-1)}{4}, \ k = 1, 2, 3, 4.$$
 (6)

Orijentacije se odnose na oblu konturu lica, oči i usta koji se nalaze u skoro horizontalnoj ravnini, te nos koji je u vertikalnoj ravnini.

# 3 Izvlačenje značajki pomoću gaborovog filtera

Gaborove značajke se dobivaju konvolucijom klizečeg prozora slike i Gaborovog filtera.

Neka je I(x,y) slika. Konvolucija slike I(x,y) i Gaborovog filtera dana je sa:

$$O(x, y, r_0, \theta_k) = I(x, y) * g(x, y, r_0, \theta_k),$$
 (7)

pri čemu je k=1,2,3,4.  $O(x,y,r_0,\theta_k)$  nazivamo Gaborov prikaz slike I(x,y). (2)

(2)TODO: Treba nastaviti...pogledati (Huang et al., 2005) dio 3.2

#### 3.1 Preprocesiranje uzoraka

(3)

(3) TODO: Izvuči iz (Bhuiyan and Liu, 2007)

### 4 Utjecaj pojedinih parametara

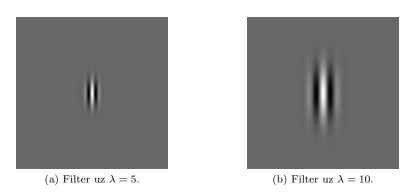
Gaborov filter definiraju valna duljina  $(\lambda)$ , orijentacija  $(\theta)$ , fazni pomak  $(\varphi)$ , omjer dimenzija (engl. aspect ratio)  $(\gamma)$  i širina filtera (engl. bandwidth) (b) (Petkov and Wieling, 2008). Promjena parametara jest stvaranje novog filtera. (4)

### 4.1 Valna duljina $(\lambda)$

Valna duljina se odnosi na valnu duljinu kosinusa u Gaborovoj funkciji. Vrijednost je realan broj veći ili jednak 2. Jedinica su pixeli.

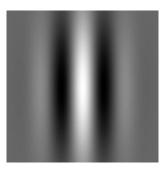
Slike Gaborovih filtera uz parametre  $\varphi,\theta=0,\,b=1,$ i $\gamma=0.5$ možete vidjeti na slici 2.

(4)TODO: Ovo provjeriti da nisam pokupio nešto karakteristično isključivo za onaj program iz onog HTML-a čiji je link naveden dolje u literaturi



Slika 2: Gaborov filter uz različite valne duljine.

Da bi se spriječila pojava neželjenih efekata na rubovima slike, vrijednost valne duljine mora biti manja od  $\frac{1}{5}$  veličine slike koja prolazi kroz filter. Filter sa prevelikom valnom duljinom možete vidjeti na slici 3. U datom primjeru filter djeluje na području širine 100 piksela, a filter je širok 30 piksela.

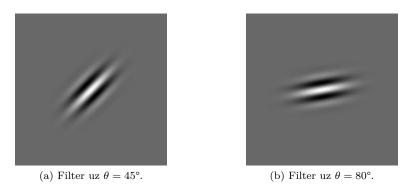


Slika 3: Prikaz filtera uz preveliku valnu duljinu.

### 4.2 Orijentacija $(\theta)$

Orijentacija određuje kut između normale i paralelnih pruga Gaborovog filtera. (5) Određena je kutom od 0 do 360 stupnjeva. Prikaze Gaborovog filtera sa orijentacijama od 45°, 80° i 0° možete vidjeti na slikama 4a, 4b i 2b.

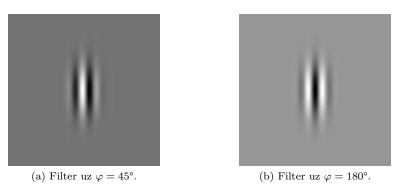
(5)TODO: Što je normala, a što su te pruge...nisam uspio skužiti...



Slika 4: Gaborov filter uz različite orijentacije.

### 4.3 Fazni pomak $(\varphi)$

Ovaj parametar određuje fazni pomak funkcije kosinus unutar Gaborove funkcije. Ispravne vrijednosti su realni brojevi između -180 i 180 stupnjeva. Prikaze Gaborovog filtera sa fazama od  $45^\circ$ ,  $180^\circ$  i  $0^\circ$  možete vidjeti na slikama 5a, 5b i 2b.



Slika 5: Gaborov filter uz različite faze.

Vrijednosti  $0^{\circ}$  i  $180^{\circ}$  odgovaraju središnje—simetričnim funkcijama, a  $-90^{\circ}$  i  $90^{\circ}$  anti—simetričnim funkcijama (primjer filtera se može vidjeti na slici 6). Svi ostali slučajevi odgovaraju asimetričnim funkcijama.

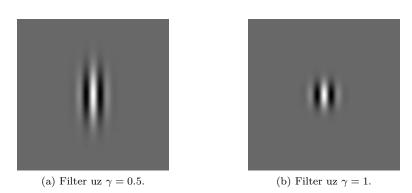


Slika 6: Filter uz fazu od 90°(anti-simetrija).

### 4.4 Omjer dimenzija $(\gamma)$

Parametar, koji se preciznije naziva prostorni omjer dimenzija, koji određuje eliptičnost Gaborove funkcije. Za  $\gamma=1$ , eliptičnost se svodi na krug. Za  $\gamma<1$  funkcija je izdužena u smjeru paralelnom s paralelnim prugama funkcije (6). Primjer filtera sa različitim omjerima dimenzija se može vidjeti na slici 7.

(6)TODO: Opet te paralelne pruge!



Slika 7: Gaborov filter uz različite omjere dimenzija.

### 4.5 Širina filtera (b)

Prostorna širina filtera b (u oktavama) Gaborovog filtera je povezana sa omjerom  $\frac{\sigma}{\lambda}$ , pri čemu su  $\sigma$  i  $\lambda$  standardna devijacija Gaussovog umnoška Gaborove

funkcije i valna duljina. Definirana je sa:

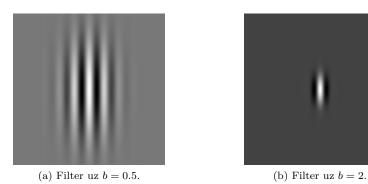
$$b = \log_2 \left( \frac{\frac{\sigma}{\lambda}\pi + \sqrt{\frac{\ln 2}{2}}}{\frac{\sigma}{\lambda}\pi - \sqrt{\frac{\ln 2}{2}}} \right), \tag{8}$$

$$\frac{\sigma}{\lambda} = \frac{1}{\pi} \sqrt{\frac{\ln 2}{2}} \cdot \frac{2^b + 1}{2^b - 1}.\tag{9}$$

Vrijednost $\sigma$ se ne može direktno odrediti. Ona se može mijenjati samo preko vrijednosti širine filtera, b.

Širina filtera se određuje kao realni pozitivni broj. Što je širina manja,  $\sigma$  je veća i povećava se broj naglašavajućih i prigušavajućih pruga Gaborovog filtera. (7) Primjere filtera sa različitim širinama možete vidjeti na slikama 8a i 8b. Na prethodnim primjerima korištena je širina filtera od b=1.

(7)TODO: Je li ovo ok ovako napisano?



Slika 8: Gaborov filter uz različite širine.

# 5 Primjer primjene

Izvuči iz http://matlabserver.cs.rug.nl/edgedetectionweb/web/edgedetection\_examples.html

# 6 Klasifikacija

## 7 Zaključak

#### Literatura

Al-Amin Bhuiyan and Chang Liu, Hong. On face recognition using gabor filters. World Academy of Science, Engineering and Technology 28 2007, 2007.

- J.G. Daugman. Uncertainty relation for resolution in space, spatial frequency, and orientation optimized by two-dimensional visual cortical filters. *Journal of the Optical Society of America A*, 2(7):1160–1169, 1985.
- L.L. Huang, A. Shimizu, and H. Kobatake. Robust face detection using Gabor filter features. *Pattern Recognition Letters*, 26(11):1641–1649, 2005.
- Nicolai Petkov and Martijn Wieling. Gabor filter for image processing and computer vision. University of Groningen, 2008. http://matlabserver.cs.rug.nl/edgedetectionweb/web/edgedetection\_params.html.

### A LATEX playground

Ovdje se možete igrati sa LATEX-om. Ideja je da igranjem u ovome dijelu naučite nešto korisno oko LATEX-a tako da vam oni koji znaju LATEX tu ostave koji koristan primjer uporabe. Uglavnom, uvijek se igrajte s LATEX-om, jer igranje bez LATEX-a nije sigurno igranje.

#### A.1 O novim redovima

Dokument dijelimo na paragrafe. Tekst unutar paragrafa se ne razlama. Ilitiga, ako napišete:

Želim ovo u prvom, ovo u drugom, a ovo u trećem, i da je blizu udaljena od daleko.

Dobiti će te:  $\check{Z}elim$  ovo u prvom, ovo u drugom, a ovo u trećem, i da je blizu udaljena od daleko.

Ako želite novi red unutar paragrafa, morat će te dodati \\ na kraj red ili komandu \newline. I to je ružno...

Ako želite preći u novi paragraf dovoljno je ostaviti jedan prazan red između prošlog i novog paragrafa, tj.:

Prvi paragraf.

Drugi paragraf.

#### A.2 Korištenje TODO i FUJ naredbi

Za potrebe ovog rada, dodane su  $\texttt{TODO}{}$  i  $\texttt{FUJ}{}$  naredbe. Služe da bi popljuvali $^{(8)}$  nečije djelo ili napisali što još treba napraviti $^{(9)}$ .

U argumente ovih naredbi, tj. sadržaj TODO–a možete ugurati sam kod. Npr. recimo.<sup>(10)</sup> No, ovdje neće proći stvari kao više linijski programski kod i sl.

#### A.3 O pisanju matematičkih izraza

Ako želite naučiti koristiti LATEX za ono što ovaj podnaslov spominje, trebati će vam neki tutorial ili knjiga (a ima ih masu...i to besplatnih!). Ja ću samo navesti par osnova.

Primjer izraza koji se nalazi u posebnom bloku, i još je centriran:

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Napisao sam:  $$x_{1,2} = \frac{-b \pm 6^2-4ac}{2a}$ 

<sup>(8)</sup>FUJ: Kako ružna riječ

(9)TODO: Navedi primjer korištenja! :D

(10) TODO: IATEX, ovo je naglašeno; ili malo matematike  $\iint_a^b x^2 dx$ 

Ovo je jedan način zapisa. Mogli smo koristiti:

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \tag{10}$$

Napisao sam:

\begin{equation}
x\_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2-4ac}}{2a}
\label{rjesenje-kvadratne-jed}
\end{equation}

Na ovaj drugi način izrazi se numeriraju i možemo se lako referencirati na njih, npr. (10). Referenciramo se ne bilo koji \label{} pomoću naredbe \ref{}, npr. \ref{rjesenje-kvadratne-jed}.

Evo neka stranica sa par zanimljivih primjera koje najvjerojatnije nikad nećete imati priliku primjeniti, http://www.personal.ceu.hu/tex/cookbook. html te još malo filozofije o svemu tome http://www.math.uiuc.edu/~hildebr/tex/displays.html.

Btw. ako gledate source, možda se pitate zašto uvijek stavljam "~" nakon točke. Radi se o tome da LATEX nakon svake točke stavi malo više razmaka, jer misli da se radi o početku nove rečenice. Ako mu stavimo tildu, onda taj razmak bude onakav kakav bi trebao biti.

#### A.4 O literaturi

Literaturu izvlačite sa citeseerxa ili google schoolara jer vam oni odmah daju i bibtex članka koji samo kopirate u file *literatura.bib*.

Primjer citiranja: \citep{Yang04facerecognition}.