

Izlučivanje značajki lica Gaborovim filterom

Tomislav Reicher Krešimir Antolić Igor Belša
Marko Ivanković Ivan Krišto Maja Legac
Tomislav Novak

26. listopada 2009.

Sadržaj

1	Uvod	1
2	Dizajn Gaborovog filtera	2
3	Utjecaj pojedinih parametara	3
3.1	Valna duljina (λ)	3
3.2	Orijentacija (θ)	3
3.3	Fazni pomak (φ)	3
3.4	Omjer dimenzija (γ)	4
3.5	Širina filtera (b)	5
4	Izvlačenje značajki pomoću gaborovog filtera	6
5	Klasifikacija	7
6	Zaključak	7

1 Uvod

Raspoznavanje uzoraka je znanstvena disciplina iz područja računarskih znanosti čiji je cilj klasifikacija ili razvrstavanje objekata u jedan od brojnih razreda ili klasa. Iako su područja uporabe brojna u ovom radu koncentracija je na raspoznavanju vizulanih uzoraka, točnije raspoznavanju lica.

Raspoznavanje lica uključuje računalno prepoznavanje indentiteta na temelju značajki dobivenih obradom slika lica. Iako ljudima lak zadatak, prepoznavanje lica i njihova klasifikacija je veoma zahtjevan posao za računalo. Zadatak postaje tim zahtjevniji ako su lica slikana pod različitim osvjetljenjem, različitim kutovima ili ako osobe na slikama nemaju uvijek isti izraz lica.

Kao osnovna motivacija za korištenje Gaborovog filtera za izvlačenje značajki je veza sa biološkim osobinama vida kod sisavaca čiji su receptori osjetljivi na

orijentaciju te imaju karakteristične prostorne frekvencije. Gaborov filter može iskoristiti vizualne osobine kao što su lokalizacija prostora, selekcija orijentacije i karakteristike prostorne frekvencije (?).

U 2. odjeljku prikazan je matematički model dvodimenzionalnog Gaborovog filtra, 3. odjeljak navodi objašnjenja pojedinih parametara i njihov utjecaj na krajnji rezultat, u 4. odjeljku objašnjen je način izvlačenja značajki, u 5. odjeljku su opisani daljnji koraci u raspoznavanju lica, a zaključak je dan u 6. odjeljku.

2 Dizajn Gaborovog filtra

Dvodimenzionalna Gaborova funkcija dana je kao (?):

$$g_{\lambda, \theta, \varphi, \sigma, \gamma}(x, y) = \exp\left(-\frac{x'^2 + \gamma^2 y'^2}{2\sigma^2}\right) \cos\left(2\pi \frac{x'}{\lambda} + \varphi\right), \quad (1)$$

pri čemu su

$$\begin{aligned} x' &= x \cos \theta + y \sin \theta, \\ y' &= -x \sin \theta + y \cos \theta. \end{aligned}$$

Frekvencija i odabir orijentacije Gaborovog filtra su izražajnije u domeni frekvencijskog prikaza predstavljenog Gaborovom funkcijom (2) koja određuje koliko filter utječe na svaku frekvencijsku komponentu ulazne slike.

$$G(u, v) = \exp\left(-\frac{(u - u_0)^2 + (v - v_0)^2}{2\sigma_{uv}^2}\right) - \exp\left(-\frac{r_0^2}{2\sigma_{uv}^2}\right), \quad (2)$$

$$\sigma_{uv} = \frac{1}{2\pi\sigma_{xy}}. \quad (3)$$

Parametri (u_0, v_0) definiraju prostornu frekvenciju sinusoidalnog vala u ravni koji također može biti izražen polarnim koordinatama kao radialna frekvencija r_0 i orijentacija θ :

$$r_0^2 = u_0^2 + v_0^2, \quad (4)$$

$$\tan \theta = \frac{v_0}{u_0}. \quad (5)$$

Osobina Gaborovog filtra definirana je radijalnom frekvencijom r_0 , orijentacijom i širinom filtra.

Ako je svrha filtra izvlačenje značajki lica, zanimaju nas četiri orijentacije (?):

$$\theta_k = \frac{\pi(k-1)}{4}, \quad k = 1, 2, 3, 4. \quad (6)$$

Orijentacije se odnose na oblu konturu lica, oči i usta koji se nalaze u skoro horizontalnoj ravni, te nos koji je u vertikalnoj ravni.

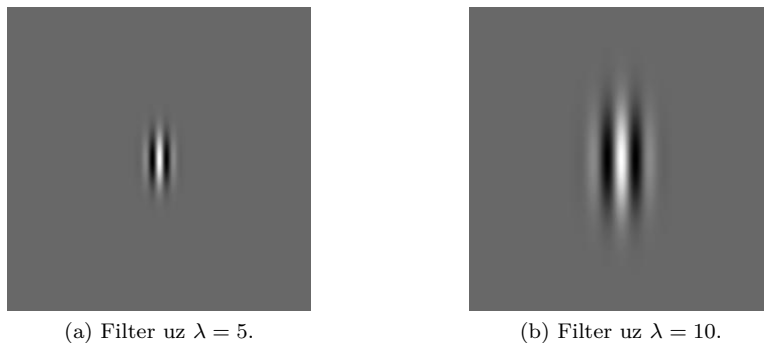
3 Utjecaj pojedinih parametara

Gaborov filter definiraju valna duljina (λ), orijentacija (θ), fazni pomak (φ), omjer dimenzija (engl. *aspect ratio*) (γ) i širina filtera (engl. *bandwidth*) (b) (?).

3.1 Valna duljina (λ)

Valna duljina se odnosi na valnu duljinu kosinusa u Gaborovoj funkciji kojom se ujedino definira i prostorna frekvencija na koju će sam Gaborov filter biti osjetljiv. Vrijednost valne duljine realan je broj veći ili jednak 2 koji predstavlja broj slikovnih elemenata (engl. Pixel).

Slike Gaborovih filtera uz parametre $\varphi, \theta = 0, b = 1$, i $\gamma = 0.5$ možete vidjeti na slici 1.



Slika 1: Gaborov filter uz različite valne duljine.

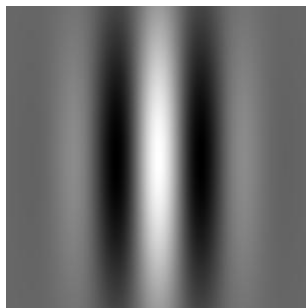
Da bi se spriječila pojava neželjenih efekata na rubovima slike prilikom filtriranja slike Gaborovim filtrom, vrijednost valne duljine mora biti manja od $\frac{1}{5}$ veličine slike koja prolazi kroz filter. Filter sa prevelikom valnom duljinom može se vidjeti na slici 2. U danom primjeru filter djeluje na području širine 100 piksela, a filter je širok 30 piksela.

3.2 Orijentacija (θ)

Orijentacija određuje kut između normale i paralelnih pruga Gaborovog filtera odnosno kut između normale i smjera rasprostiranja moduliranog sinusnog signala. Određena je kutom od 0 do 360 stupnjeva. Prikaze Gaborovog filtera sa orijentacijama od 45° , 80° i 0° možete vidjeti na slikama 3a, 3b i 1b.

3.3 Fazni pomak (φ)

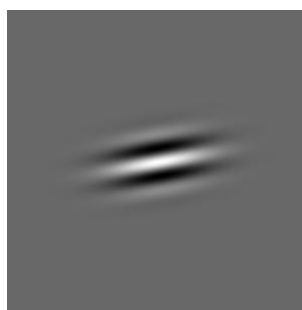
Ovaj parametar određuje fazni pomak kosinusa unutar Gaborove funkcije. Ispravne vrijednosti su realni brojevi između -180 i 180 stupnjeva. Prikaze



Slika 2: Prikaz filtera uz preveliku valnu duljinu.



(a) Filter uz $\theta = 45^\circ$.



(b) Filter uz $\theta = 80^\circ$.

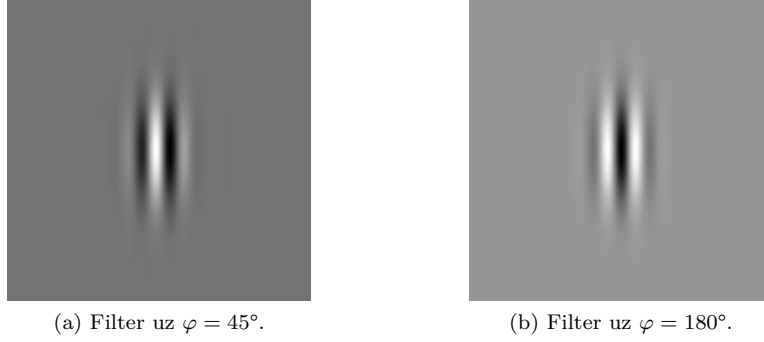
Slika 3: Gaborov filter uz različite orijentacije.

Gaborovog filtera sa fazama od 45° , 180° i 0° možete vidjeti na slikama 4a, 4b i 1b.

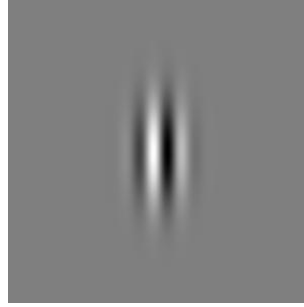
Vrijednosti 0° i 180° odgovaraju središnje-simetričnim funkcijama, a -90° i 90° anti-simetričnim funkcijama (primjer filtera se može vidjeti na slici 5). Svi ostali slučajevi odgovaraju asimetričnim funkcijama.

3.4 Omjer dimenzija (γ)

Parametar koji se preciznije naziva prostorni omjer dimenzija, određuje eliptičnost Gaborove funkcije tj. odnos između devijacija Gaussove funkcije u x i y smjeru. Za $\gamma = 1$ eliptičnost se svodi na krug. Za $\gamma < 1$ funkcija je izdužena u smjeru paralelnom s paralelnim prugama funkcije. Primjer filtera sa različitim omjerima dimenzija se može vidjeti na slici 6.



Slika 4: Gaborov filter uz različite faze.



Slika 5: Filter uz fazu od 90° (anti-simetrija).

3.5 Širina filtera (b)

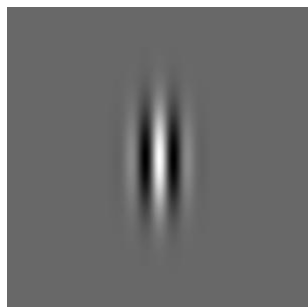
Prostorna širina filtera b Gaborovog filtra je povezana sa omjerom $\frac{\sigma}{\lambda}$, pri čemu su σ i λ standardna devijacija Gaussove funkcije i valna duljina kosinusa. Prostorna širina definirana je s:

$$b = \log_2 \left(\frac{\frac{\sigma}{\lambda} \pi + \sqrt{\frac{\ln 2}{2}}}{\frac{\sigma}{\lambda} \pi - \sqrt{\frac{\ln 2}{2}}} \right), \quad (7)$$

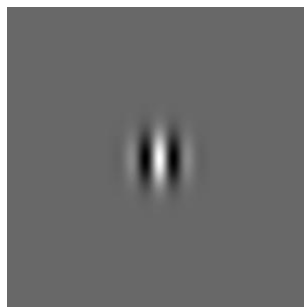
$$\frac{\sigma}{\lambda} = \frac{1}{\pi} \sqrt{\frac{\ln 2}{2}} \cdot \frac{2^b + 1}{2^b - 1}. \quad (8)$$

Prilikom izvedbe filtra vrijednost σ se ne može direktno odrediti. Ona se može mijenjati samo preko vrijednosti širine filtera, b .

Širina filtera se određuje kao realni pozitivni broj. Što je širina manja, σ je veća i povećava se broj naglašavajućih i prigušavajućih pruga Gaborovog filtera. Primjere filtera sa različitim širinama možete vidjeti na slikama 7a i 7b. Na prethodnim primjerima korištena je širina filtera od $b = 1$.

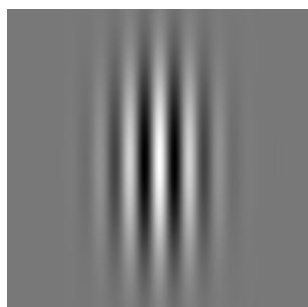


(a) Filter uz $\gamma = 0.5$.

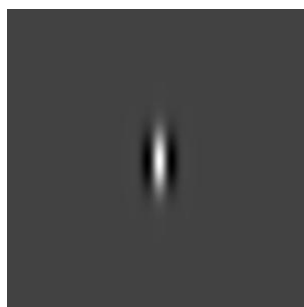


(b) Filter uz $\gamma = 1$.

Slika 6: Gaborov filter uz različite omjere dimenzija.



(a) Filter uz $b = 0.5$.



(b) Filter uz $b = 2$.

Slika 7: Gaborov filter uz različite širine.

4 Izvlačenje značajki pomoću gaborovog filtera

Osnovna ideja korištenja Gaborovog filtra pri raspoznavanju je filtriranje početne slike filtrom s ciljem izlučivanja značajki za kasniju klasifikaciju. Odziv Gaborovog filtra osjetljiv je na lokalnu prostornu frekvenciju i odgovarajuću orijentaciju ulaznog signala, odnosno slike, pa pod pretpostavkom da su Gaborovim filtrom izlučene odgovarajuće frekvencije i orijentacije moguće je raspoznavati različite osobe temeljem slika njihovih lica.

Izlaz Gaborovog filtra dobiva se konvolucijom klizećeg prozora slike i Gaborove funkcije.

Neka je $I(x, y)$ slika. Konvolucija slike $I(x, y)$ i Gaborove funkcije dana je sa:

$$O(x, y, r_0, \theta_k) = I(x, y) * g(x, y, r_0, \theta_k), \quad (9)$$

pri čemu je $k = 1, 2, 3, 4$. $O(x, y, r_0, \theta_k)$ nazivamo Gaborov prikaz slike $I(x, y)$.

Rezultantna funkcija je kompleksna funkcija s realnim i imaginarnim dijelom. Prilikom filtriranja ulazne slike Gaborovim filtrima različitih frekven-

cija i orijentacije nastaje skup kompleksnih funkcija koje se tada grupiraju u odgovarajući vektor značajki. Vektor značajki nije nužno ograničen na prikaz pomoću kompleksnih brojeva te ga je moguće prikazati i kao vektor amplituda odnosno vektora faza rezultatnih funkcija nastalih filtiranjem. Kvaliteta izlučenih značajki ovisi iznimno o parametrima Gaborovog filtera te je naš zadatak u ovom radu je pronaći optimalne parametre Gaborovog filtra za izlučivanje značajki ljudskog lica.

5 Klasifikacija

Nakon izlučivanja značajki Gaborovim filtrom dobiven je vektor značajki koji se koristi za klasifikaciju. Kako je dobiveni vektor visoke dimenzionalnosti potrebno je izvršiti redukciju prostora značajki na nižedimenzionalan prostor. Neke od metoda koje se pritom koriste su linearna diskriminanta analiza (engl. Linear Discriminant Analysis) i analiza glavnih komponenti (engl. Principal Component Analysis). Za klasifikaciju vektora značajki dostupno je mnogo različitih klasifikatora poput neuralnih mreža, stroja s potpornim vektorima i sl. te će se u okviru ovog rada ispitati učinkovitost različitih metoda klasifikacije kako bi se pronašla ona s najvećom uspješnošću.

6 Zaključak

Korištenje Gaborovog filtra ima dobru podlogu u biološkim osnovama vida sisavaca te se očekuje da će se njegovom upotrebom, korištenjem različitih klasifikatora i automatiziranom optimizacijom parametara postići uspjeh u raspoznavanju lica različitih osoba.