# Лабораторная работа №2

#### 1 Цель работы

Научиться определять рекурсивные функции. Получить представление о механизме сопоставления с образцом. Приобрести навыки определения функций для обработки списков.

#### 2 Комментарии

Необходимость наличия комментариев в программе очевидна. К сожалению, авторы различных языков программирования расходятся между собой в вопросе о том, каким образом обозначать комментарии в коде. Haskell не стал исключением.

В языке Haskell, как и в C++, определены два вида комментариев: строчные и блочные. Строчный комментарий начинается с символов — и продолжается до конца строки (аналогом в C++ служит комментарий, начинающийся с //). Блочный комментарий начинается символами { – и продолжается до символов – } (аналог в C++ — комментарий, ограниченный символами /\* и \*/. Разумеется, все, что является комментарием, игнорируется интерпретатором или компилятором языка Haskell. Пример:

#### 3 Рекурсия

В императивных языках программирования основной конструкцией является цикл. В Haskell вместо циклов используется рекурсия. Функция называется рекурсивной, если она вызывает сама себя (или, точнее, определена в

терминах самой себя). Рекурсивные функции существуют в императивных языках, но используются не столь широко. Одной из простейших рекурсивных функций является факториал:

```
factorial :: Integer \rightarrow Integer factorial n = if n == 0 then 1 else n * factorial (n - 1) (Заметьте, что мы пишем factorial (n - 1), а не factorial n - 1—вспомните о приоритетах операций.)
```

Использование рекурсии может вызвать трудности. Концепция рекурсии напоминает о применяющемся в математике приеме доказательства по индукции. В нашем определении факториала мы выделяем «базу индукции» (случай n == 0) и «шаг индукции» (переход от factorial n к factorial (n - 1). Выделение таких компонент — важный шаг в определении рекурсивной функции.

#### 4 Операция выбора и правила выравнивания

Ранее был рассмотрен условный оператор. Его естественным продолжением является оператор выбора case, аналогичный конструкции switch языка Си.

Предположим, нам надо определить некоторую (довольно странную) функцию, которая возвращает 1, если ей передан аргумент 0; 5, если аргумент был равен 1; 2, если аргумент равен 2 и -1 во всех остальных случаях. В принципе, эту функцию можно записать с помощью операторов if, однако результат будет длинным и малопонятным. В таких случаях помогает использование case:

```
f x = case x of

0 -> 1

1 -> 5

2 -> 2

_ -> -1
```

Синтаксис оператора case очевиден из приведенного примера; следует только сделать замечание, что символ \_ аналогичен конструкции default в языке Си. Однако у внимательного читателя может возникнуть закономерный вопрос: каким образом интерпретатор языка Haskell распознает, где закончилось определение одного случая и началось определение другого?

Ответ заключается в том, что в языке Haskell используется двумерная система структурирования текста (аналогичная система используется в более широко известном языке Python). Эта система позволяет обойтись без

специальных символов группировки и разделения операторов, подобным символам {, } и ; языка Си.

В действительности в языке Haskell также можно использовать эти символы в том же смысле<sup>1</sup>. Так, вышеприведенную функцию можно записать и таким образом (демонстрирующем, как *не надо* оформлять тексты программ):

Такой способ явно задает группировку и разделение конструкций языка. Однако можно обойтись и без него.

Общее правило таково. После ключевых слов where, let, do и of интерпретатор вставляет открывающую скобку ({) и запоминает колонку, в которой записана следующая команда. В дальнейшем перед каждой новой строкой, выровненной на запомненную величину, вставляется разделяющий символ ';'. Если следующая строка выровнена меньше (т.е. ее первый символ находится левее запомненной позиции), вставляется закрывающая скобка. Это может выглядеть несколько сложновато, но в действительности все довольно просто.

Применяя описанное правило к определению функции f, получим, что оно воспринимается интерпретатором следующим образом:

```
f x = case x of{
    ;0 -> 1
    ;1 -> 5
    ;2 -> 2
    ;_ -> -1
}
```

В любом случае можно не использовать этот механизм и всегда явно указывать символы {, } и ;. Однако, помимо экономии на количестве нажатий клавиш, применение описанного правила приводит к тому, что получаемые программы более «читабельны». Таким образом, для лабораторных работ предлагается сделать употребление такого оформления обязательным.

Необходимо сделать еще одно замечание. Поскольку в программе на языке Haskell пробелы являются значимыми, необходимо быть внимательными

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>За тем исключением, что в Haskell, как и в языке Паскаль, символ ';' используется как разделитель операторов, а не как признак завершения оператора.

к использованию символов табуляции. Интерпретатор полагает, что символ табуляции равен 8 пробелам. Однако некоторые текстовые редакторы позволяют настраивать отображение табуляции и делать его эквивалентным другому числу пробелов (например, по умолчанию в редакторе Visual Studio табуляция отображается как 4 пробела). Это может привести к ошибкам, если совмещать в одной программе пробелы и табуляцию. Лучше всего при программировании на Haskell вообще не использовать табуляцию (многие редакторы позволяют вводить по нажатию клавиши табуляции указанное число пробелов).

# 5 Кусочное задание функций

Функции могут быть определены кусочным образом (вспомните понятие кусочно-постоянных или кусочно-линейных функций в математике). Это означает, что можно определить одну версию функции для определенных параметров и другую версию для других параметров. Так, функцию f из предыдущего раздела можно определить следующим образом:

```
f 0 = 1

f 1 = 5

f 2 = 2

f _{-} = -1
```

Порядок определения в данном случае важен. Если бы мы записали сперва определение  $f_- = -1$ , то f возвращала бы -1 для любого аргумента. Если бы мы вовсе не указали эту строчку, мы получили бы ошибку, если бы попытались вычислить ее значение для аргумента, отличного от 0, 1 или 2.

Такой способ определения функций довольно широко используется в языке Haskell. Он зачастую позволяет обойтись без операторов if и case. Так, функцию факториала можно определить в таком стиле:

```
factorial 0 = 1
factorial n = n * factorial (n - 1)
```

# 6 Сопоставление с образцом

Помимо рекурсивных функций на целых числах, можно определять рекурсивные функции на списках. В этом случае «базой рекурсии» будет пустой список ([]). Определим функцию вычисления длины списка (поскольку имя length уже занято стандартной библиотекой, назовем ее len):

```
len [] = 0
len s = 1 + len (tail s)
```

Вспомним, что список, первым элементом которого (головой) является x, а остальные элементы (хвост) задаются списком xs, записывается как x:xs. Оказывается, подобную конструкцию можно применять при описании функции:

```
len [] = 0
len (x:xs) = 1 + len xs
```

(Строку xs следует понимать, как множественное число от x, образованное по правилам английского языка.)

Приведем еще один пример. Функцию, принимающую на вход пару чисел и возвращающую их сумму, можно определить таким образом:

```
sum pair p = fst p + snd p
```

Однако что делать, если необходимо определить функцию, принимающую *тройку* чисел и возвращающую их сумму? В нашем распоряжении нет функций, подобных fst и snd, для извлечения элементов тройки. Оказывается, можно записывать такие функции следующим образом:

```
sum_pair(x,y) = x + y

sum_triple(x,y,z) = x + y + z
```

Такой прием называется *сопоставление с образцом*<sup>2</sup>. Он является очень мощной конструкцией языка, применяемой во многих его местах, в частности, в аргументах функций и в вариантах оператора case. «Образцы», записываемые в аргументах функции, «сопоставляются» с переданными в нее фактическими параметрами.

Если происходит сопоставление с образцом, упомянутые в нем переменные получают соответствующие значения. Если эти значения не нужны при вычислении функции (как в функции my\_tail в следующем примере), то, чтобы не вводить лишних имен, можно использовать символ \_. Он означает образец, с которым может сопоставиться любое значение, но само это значение не связывается ни с какой переменной.

Следующие примеры показывают различные варианты применения сопоставления с образцом:

```
-- Функция суммирования двух первых элементов списка f1 (x:y:xs) = x + y
```

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>От английского «pattern matching»

```
-- Определение функции, аналогичной head my_head (x:xs) = x
-- Определение функции, аналогичной tail.
-- Мы используем _, поскольку нам не нужно значение -- первого элемента списка my_tail (_:xs) = xs
-- Функция извлечения первого элемента тройки fst3 (x,_,_) = x
```

Сопоставление с образцом можно применять и в операторе case:

```
-- Еще одно определение функции длины списка my\_length\ s = case\ s\ of [] -> 0 (_:xs) -> 1 + my\_length\ xs
```

Можно задавать довольно сложные образцы. Определим функцию, принимающую список пар чисел и возвращающую сумму их разностей (т.е.  $f[(x1,y1),(x2,y2),\ldots,(xn,yn)]=(x1-y1)+(x2-y2)+\ldots+(xn-yn)$ ):

```
f[] = 0
f((x,y):xs) = (x - y) + f xs
```

## 7 Построение списков

При определении функций, возвращающих список, часто используется оператор: Например, функция, принимающая список чисел и возвращающая список их квадратов, может быть определена следующим образом:

```
square [] = []
square (x:xs) = x*x : square xs
```

## 8 Некоторые полезные функции

При выполнении лабораторной работы могут понадобиться следующие стандартные функции языка Haskell:

- ullet even возвращает True для четного аргумента и False для нечетного.
- odd аналогично предыдущей, но аргумент проверяется на нечетность

## 9 Задания на лабораторную работу

- 1. Определите функцию, принимающую на вход целое число n и возвращающую список, содержащий n элементов, упорядоченных по возрастанию.
  - 1) Список натуральных чисел.
  - 2) Список нечетных натуральных чисел.
  - 3) Список четных натуральных чисел.
  - 4) Список квадратов натуральных чисел.
  - 5) Список факториалов.
  - 6) Список степеней двойки.
  - 7) Список треугольных чисел<sup>3</sup>.
  - 8) Список пирамидальных чисел<sup>4</sup>.

#### 2. Определите следующие функции:

- 1) Функция, принимающая на входе список вещественных чисел и вычисляющую их арифметическое среднее. Постарайтесь, чтобы функция осуществляла только один проход по списку.
- 2) Функция вычленения n-го элемента из заданного списка.
- 3) Функция сложения элементов двух списков. Возвращает список, составленный из сумм элементов списков-параметров. Учесть, что переданные списки могут быть разной длины.
- 4) Функция перестановки местами соседних четных и нечетных элементов в заданном списке

 $<sup>^3</sup>n$ -е треугольное число  $t_n$  равно количеству одинаковых монет, из которых можно построить равносторонний треугольник, на каждой стороне которого укладывается n монет. Нетрудно убедиться, что  $t_1=1$  и  $t_n=n+t_{n-1}$ 

 $<sup>^4</sup>n$ -е пирамидальное число  $p_n$  равно количеству одинаковых шаров, из которых можно построить правильную пирамиду с треугольным основанием, на каждой стороне которой укладывается n шаров. Нетрудно убедиться, что  $p_1=1$  и  $p_n=t_n+p_{n-1}$ 

- 5) Функция twopow n, которая вычисляет  $2^n$ , исходя из следующих соображений. Пусть необходимо возвести 2 в степень n. Если n четно, т.е. n=2k, то  $2^n=2^{2k}=(2^k)^2$ . Если n нечетно, т.е. n=2k+1, то  $2^n=2^{2k+1}=2\cdot(2^k)^2$ . Функция twopow не должна использовать оператор n или любую функцию возведения в степень из стандартной библиотеки. Количество рекурсивных вызовов функции должно быть пропорционально  $\log n$ .
- 6) Функция removeOdd, которая удаляет из заданного списка целых чисел все нечетные числа. Например: removeOdd [1,4,5,6,10] должен возвращать [4,10].
- 7) Функция removeEmpty, которая удаляет пустые строки из заданного списка строк. Например:

```
removeEmpty ["", "Hello", "", "", "World!"] возвращает ["Hello", "World!"].
```

- 8) Функция countTrue :: [Bool] -> Integer, возвращающая количество элементов списка, равных True.
- 9) Функция makePositive, которая меняет знак всех отрицательных элементов списка чисел, например: makePositive [-1, 0, 5, -10, -20] дает [1,0,5,10,20]
- 10) Функция delete :: Char -> String -> String, которая принимает на вход строку и символ и возвращает строку, в которой удалены все вхождения символа. Пример: delete 'l' "Hello world!" должно возвращать "Heo word!".
- 11) Функция substitute :: Char -> Char -> String -> String, которая заменяет в строке указанный символ на заданный. Пример: substitute 'e' 'i' "eigenvalue" возвращает "iiginvalui"

# 10 Порядок выполнения лабораторной работы

Лабораторная работа состоит из двух частей. В первой части необходимо выполнить *все* задания из первого пункта. Вторая часть состоит из двух заданий из второго пункта, распределенных по вариантам следующим образом.

Вариант 1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
Задания <del>1,6</del>	2,8	3,7	4,10	5,9	6,11	7,5	8,11	9,2	10,3	11,4

Правила оформления отчета — такие же, как в предыдущей работе.

## 11 Контрольные вопросы

- 1. Правила выравнивания.
- 2. Сопоставление с образцом.
- 3. Операция выбора.
- 4. Кусочное задание функций.