Khảo sát lớp 9- lần thứ N^{th}

Năm học: 2020-2021 Thời gian: 150'

Câu 1a. Viết chương trình tính tổng

$$S = \frac{1}{1.3} + \frac{1}{3.5} + \frac{1}{5.7} + \dots + \frac{1}{(2n+1).(2n+3)} \text{ v\'oi } 0 \le n \le 10^9$$

Hãy tính kết quả tổng S với độ chính xác 6 chữ số sau dấu phảy. Ví du:

Cau1a.inp	Cau1a.out
0	0.333333
100	0.497537

Câu 1b. Viết chương trình tính tổng

$$S = \frac{1}{1.2.3} + \frac{1}{2.3.4} + \dots + \frac{1}{(n+1).(n+2).(n+3)} \text{ v\'et } 0 \le n \le 10^9$$

Hãy tính kết quả tổng S với độ chính xác 6 chữ số sau dấu phảy. Ví du:

Cau1b.inp	Cau1b.out
0	0.166667
100	0.249952

Câu 1c. Viết chương trình tính tổng

$$S = 1.2.3 + 2.3.4 + \dots + (n+1).(n+2).(n+3)$$
 với $0 \le n \le 10^{10}$

Do kết quả có thể quá lớn, nên em hãy in kết quả nhận được sau khi lấy S chia dư cho 100000007.

Ví du:

Cau1c.inp	Cau1c.out
0	6
12345678	283311639
123456789	406926700

Subtask 1: 50% test có $n \le 10^7$;

Subtask 2: 50% test có $10^8 \le n \le 10^{10}$.

Câu 2a. Sau khi học xong các dạng bài tập về số nguyên tố, thầy giáo giao cho Tí bài tập sau: Em hãy trả lời Q $(1 \le Q \le 5.10^5)$ câu hỏi, mỗi câu hỏi yêu cầu đếm xem có bao nhiêu số nguyên tố bậc 2 trong đoạn [A, B] với $1 \le A \le B \le 10^7$, số nguyên tố bậc 2 là số nguyên tố mà có tổng các chữ số của nó cũng là số nguyên tố. Kết quả ghi ra tương ứng với mỗi câu trả lời trên 1 dòng.

	0
Cau2a.inp	Cau2a.out
3	14
1 100	79
50 1000	67
1000 2000	

Câu 2b. Viết thuật toán nén xâu như sau: Cho một xâu S có độ dài không quá 10^5 chỉ gồm các kí tự in thường. Hãy nén xâu theo quy tắc, các kí tự gần nhau liên tiếp mà từ 2 kí tự giống nhau trở lên thì ghi kí tự đó và số lần xuất hiện liên tiếp ngay sau nó. Ví du: aaaabccccc thì xâu nén là: a4bc5

Cau2b.inp	Cau2b.out
aaaabccccc	a4bc5

Câu 3a. Tí có N tấm bìa, mỗi tấm bìa ghi một số tự nhiên. Hỏi rằng Tí có thể sắp xếp các tấm bìa như thế nào để nhận được số nguyên dương lớn nhất.

Dữ liệu vào: Từ tệp cau3a.inp

Dòng đầu tiên ghi số N $(1 \le N \le 10^5)$

Dòng tiếp theo ghi các số $a_1, a_2, ... a_N$ $(1 \le a_i \le 10^9)$.

Kết quả ra: Ghi ra số lớn nhất thu được

Ví dụ:

Cau3a.inp	Cau3a.inp
3	3211
11 2 3	

Câu 3b. Một số được gọi là **số gần nguyên tố** nếu nó chỉ có đúng 2 ước nguyên tố phân biệt. Ví dụ 6, 18, 24 là các số gần nguyên tố vì chúng chỉ có 2 ước nguyên tố là 2,3. Trong khi các số 4, 8, 9, 42 thì không.

Hãy đếm số gần nguyên tố nhỏ hơn hoặc bằng N?

Dữ liệu vào: Từ tệp Cau3b.inp gồm một số duy nhất N ($1 \le N \le 5.10^6$).

Kết quả ra: Ghi ra tệp Cau3b.out

Số lương số gần nguyên tố nằm trong đoan từ 1 đến N.

Ví du:

-			
	Cau3b.inp	Cau3b.out	
	10	2	
	21	8	
	5000000	1315333	

Subtask 1: 60% test có $N \le 10^5$

Subtask 2: 40% test có $N > 5.10^5$.

Câu 4a. Cho băng số gồm N số nguyên dương $a_1, a_2, \dots a_N$ $(1 \le N \le 10^5, a_i \le 10)$ mỗi số viết trong 1 ô. Hãy cắt băng số này thành nhiều đoạn nhất sao cho tổng các số trên từng đoạn được cắt ra là bằng nhau.

Ví du:

Cau4a.inp	Cau4b.out	Giải thích
8	3	Cắt thành các đoạn như sau
10 2 6 2 5 2 1 2		Đoạn 1: 10
		Đoạn 2: 2 6 2
		Đoạn 3: 5 2 1 2

Câu 4b. Cho N tấm bìa, mỗi tấm ghi một số nguyên $a_1, a_2, \dots a_N$ ($|a_i| \le 5.10^5$). Hỏi rằng có thể ghép được bao nhiều cặp tấm bìa mà tổng của nó chia hết cho số K ($1 \le K \le 5.10^5$).

Dữ liệu vào: Từ tệp cau4b.inp

Dòng đầu tiên ghi số $N, K (1 \le N, K \le 5.10^5)$

Dòng tiếp theo ghi N số $a_1, a_2, \dots a_N \ (|a_i| \le 5.10^5)$

Kết quả ra: Ghi ra tệp cau4b.out số cặp mà có tổng chia hết cho *K*.

Ví du:

Cau4b.inp	Cau4b.inp
10 5	5
-5 -4 -3 -2 -1 1 2 3 4 5	

Subtask 1: 30% test có $a_i \ge 0$ (dãy số cho toàn số không âm);

Subtask 2: 30% test có $a_i \le 0$ (dãy số cho toàn số không dương);

Subtask 3: 40% test còn lại không có thêm ràng buộc gì.

Câu 5. Trong đợt bình xét thi đua cuối năm của một lớp học có N học sinh. Để chọn ra những học sinh tiêu biểu nhất, thầy giáo phát ra N phiếu bầu, mỗi bạn có thể bầu cho một hoặc nhiều bạn, thậm chí không bầu chọn cho bạn nào. Ban kiểm phiếu là các bạn giỏi về Tin học nên đã mã hóa việc bầu chọn theo thứ tự các bạn trong danh sách lớp, với mỗi phiếu được mã hóa thành N kí tự, kí tự X là bầu, còn O là không bầu.

Sau khi mã hóa xong, ban kiểm phiếu cần xác định xem bao nhiêu bạn được bầu nhiều phiếu nhất, và được bao nhiêu phiếu.

Dữ liệu vào: Từ tệp CAU5.INP

- Dòng đầu ghi số N ($1 \le N \le 5000$).
- N dòng tiếp theo, mỗi dòng ghi N kí tự liên tiếp tương ứng với phiếu bầu của từng bạn.

Kết quả ra: Ghi ra têp CAU5.OUT

- Bao nhiều ban có số phiếu bầu nhiều nhất và số phiếu đó.

Ví dụ:

CAU5.INP	CAU5.OUT	Giải thích
5	23	Có 2 bạn được bầu nhiều nhất, và mỗi bạn
XOXOX		được 3 bạn khác bầu chọn.
XOOXX		
00X00		
OXOXO		
OOXXO		

Subtask 1: 70% số test có $1 \le N \le 1000$; Subtask 2: 30% số test có $1 \le N \le 5000$;

-----HÉT-----