# **Knowledge Graph Embeddings**

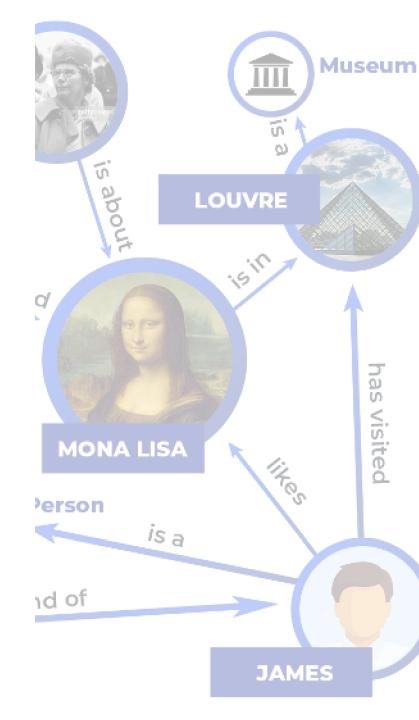
#### **Apprendimento Automatico**

A.A. 2024-2025

Docente: Nicola Fanizzi

Speaker: Ivan Diliso

Dipartimento di Informatica Università Degli Studi di Bari Aldo Moro





#### Chi sono?

#### Ivan Diliso

Dottorando in Informatica e Matematica del gruppo di ricerca **ARA** (Apprendimento e Ragionamento Automatico).

# Di cosa mi occupo?

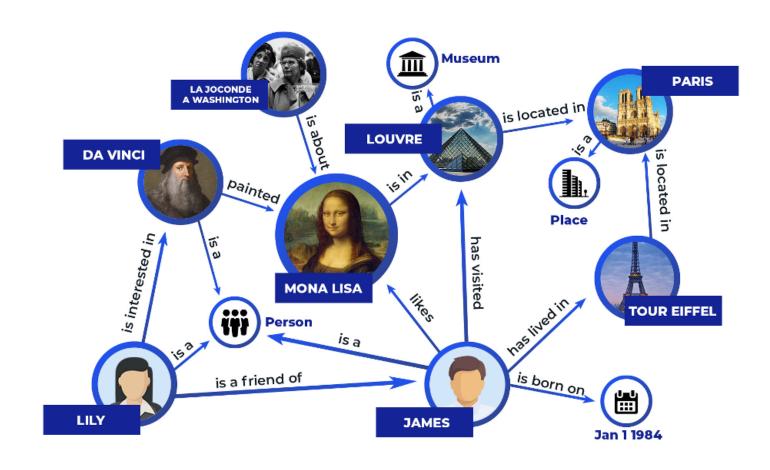
Knowledge Graph Embedding, Neuro-Symbolic AI, Ontologie e Ontology Injection

# Indice dei contenuti

- 1. Cosa è un Knowledge Graph
- 2. **Machine Learning** su Knowledge Graphs
- 3. Strategie di **Valutazione** e Metriche
- 4. Argomenti Avanzati
  - Calibrazione
  - Ragionamento Neuro-Simbolico
  - Spazi di rappresentazione oltre l'euclideo

# **Definizioni Fondamentali**

Un Knowledge Graph è una rappresentazione strutturata di conoscenza tramite nodi (entità) e archi (relazioni) per collegare e integrare informazioni.

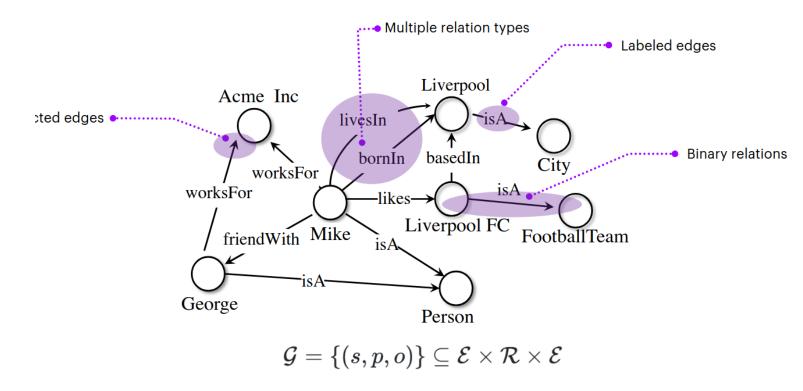


# **Definizioni**

## **Fondamentali**

Sui dati, possiamo fare due tipi di assunzioni fondamentali:

- Closed World
   Assumption (CWA):
   Assenza di un fatto,
   significa che è falso
- Open World Assumption (OWA): Assenza di un fatto, significa solo che non è conosciuto



 ${\mathcal E}:$  set of entities of  ${\mathcal G}$ 

 ${\mathcal R}:$  set of relations of  ${\mathcal G}$ 

In-depth overview of Knowledge G [Hogan et al. 2020]

Image from: Hogan, Aidan, et al. "Knowledge graphs." ACM Computing Surveys (Csur) 54.4 (2021): 1-37.

## **Definizioni Fondamentali**

Questo tipo di dati si presenta sottoforma di **triple**, nella forma < s, p, o>, ad esempio, potremmo avere:

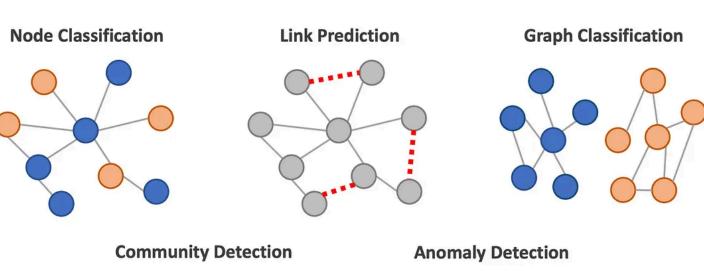
Quando parlo di **soggeto** della tripla, mi sto riferendo alla entità in testa alla tripla (eg. Mario), con **oggetto** mi riferisco invece alla entità in coda alla tripla (eg. Luigi)

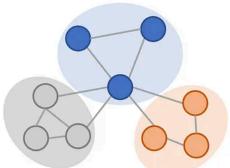
# Machine Learning su Knowledge Graphs

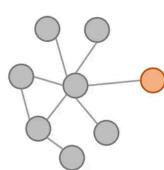
#### Problemi risolvibili:

- Link Prediction
- Triple Classification
- Graph Classification
- Community Detection
- Anomaly Detection
- Entity Matching
- ...

Image from: https://towardsdatascience.com/graph-neural-networks-with-pyg-on-node-classification-link-prediction-and-anomaly-detection-14aa38fe1275/







# Metodi Tradizionali (Shallow)

Nell'ambito dello "Statistical Relational Learning" diversi approcci tradizionali sono stati sviluppati:

- Logic Programming
- Inductive Logic Programming (ILP)
- Rule Mining: AMIE
- **Graphical Models** Conditional Random Fields, Modelli Relazionali Probabilistico, Reti di Markov, Reti di dipendenza, etc etc

#### Limitazioni

Scalabilità, debole potere di modellazione, approcci non differenziabili

Apprendimento Automatico 2024/2025 8/43

# Metodi Tradizionali (Deep)

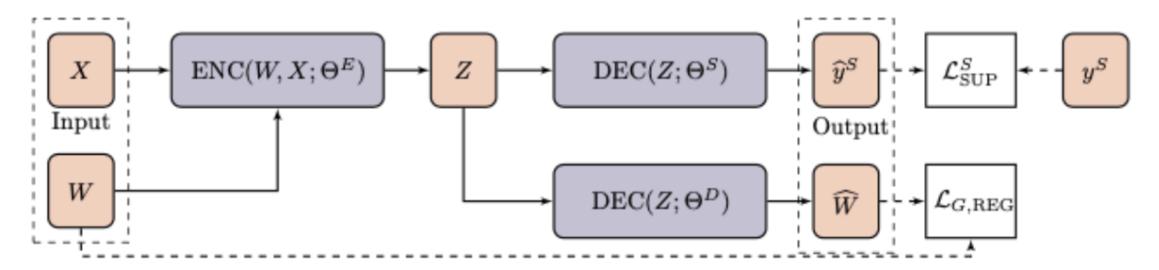
- Le CNN lavorano naturalmente su "griglie", quali immagini
- Le RNN lavorano su sequenze, quali testo

Abbiamo la necessità di gestire la **complessità** dei grafi:

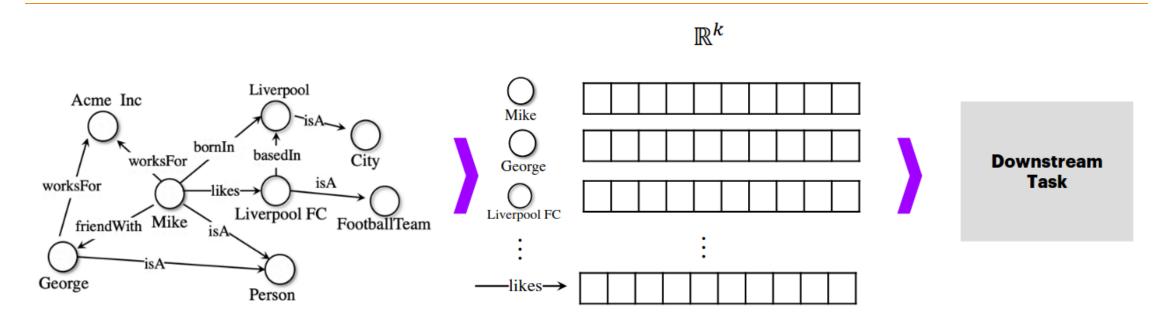
- Assenza di spatial locality
- Assenza di un ordinamento dei nodi fisso
- Naturalmente multimodali, concetti, testi, numeri, date, immagini

# Apprendimento su Grafi come Encoder - Decoder

• Nei modelli che vedremo, il decoder prenderà la forma di una lookup table



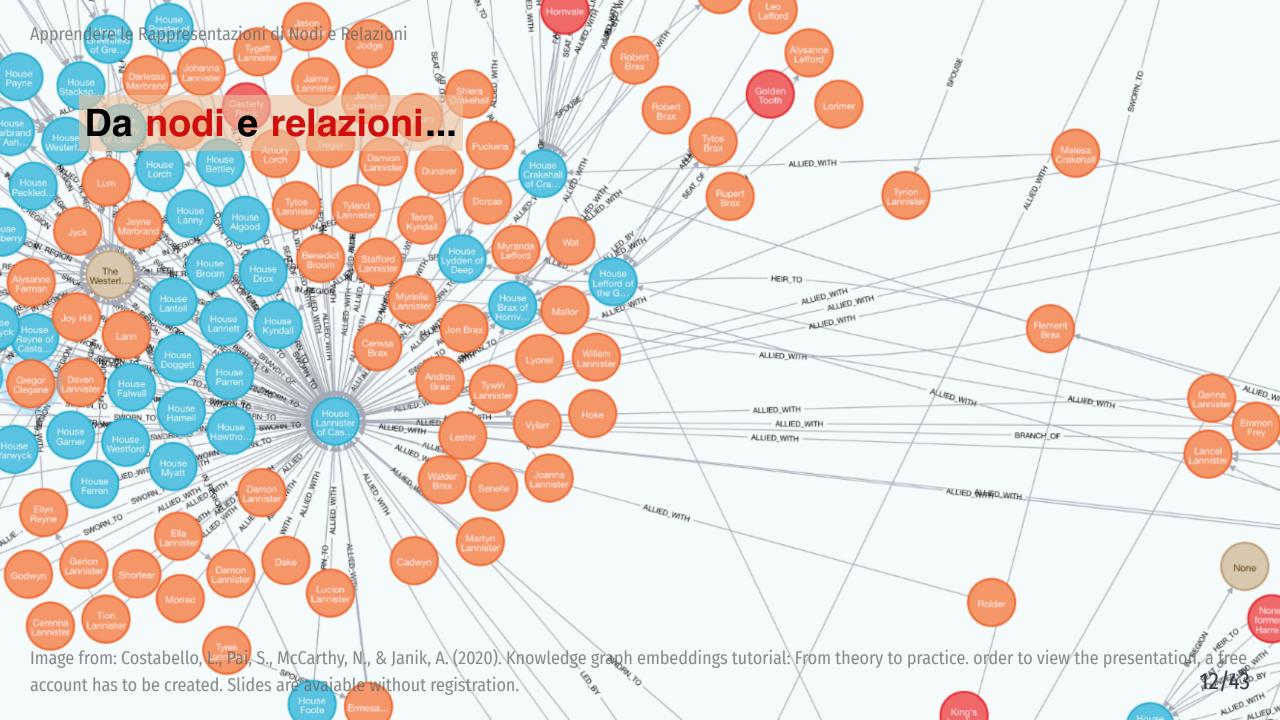
# Apprendere le Rappresentazioni di Nodi e Relazioni



Metodologie basate sull'apprendimento automatico di **rappresentazioni vettoriali** di nodi e relazioni. Proiettiamo la conoscenza **simbolica** su uno spazio vettoriale continuo.

Image from: Costabello, L., Pai, S., McCarthy, N., & Janik, A. (2020). Knowledge graph embeddings tutorial: From theory to practice. order to view the presentation, a free account has to be created. Slides are avaiable without registration.

11/43



#### ...a rappresentazioni vettoriali!

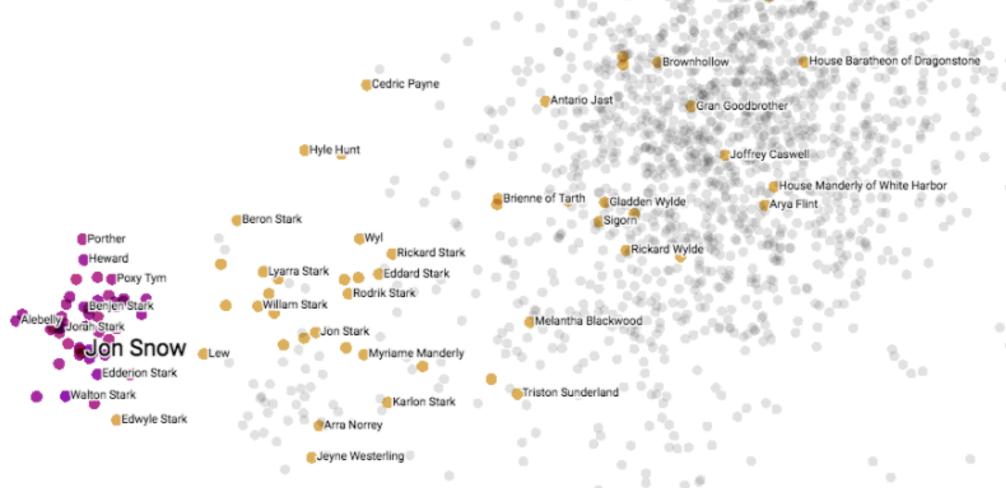
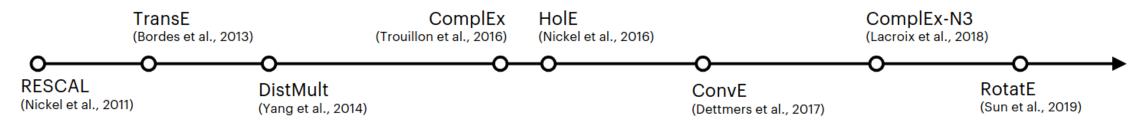


Image from: Costabello, L., Pai, S., McCarthy, N., & Janik, A. (2020). Knowledge graph embeddings tutorial: From theory to practice. order to view the presentation, a free account has to be created. Slides are available without registration.

#### Modelli in Letteratura

(Some) KGE models in recent published literature:

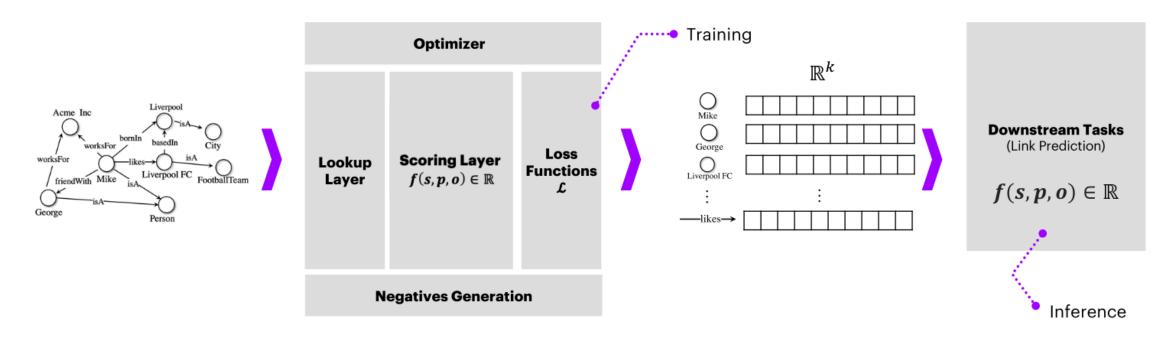


In letteratura troviamo varie tipologie di modelli, che si possono categorizzare sulla base della tipologia di apprendimento, **translational**, **factorization**, **neural**, etc etc

Image from: Costabello, L., Pai, S., McCarthy, N., & Janik, A. (2020). Knowledge graph embeddings tutorial: From theory to practice. order to view the presentation, a free account has to be created. Slides are avaiable without registration.

14/43

## Anatomia di un modello di KGE



- Funzione di score delle triple f(t)
- Funzione di loss  $\mathcal{L}$
- Strategia di generazione dei negativi

Image from: Costabello, L., Pai, S., McCarthy, N., & Janik, A. (2020). Knowledge graph embeddings tutorial: From theory to practice. order to view the presentation, a free account has to be created. Slides are available without registration.

15/43

# Funzione di score delle triple

La funzione f assegna uno score ad una tripla < s, p, o >. La strategia di scoring varia in base alla metodologia scelta, ad esempio:

#### **Traslation Based**

#### **TransE**

$$f_{TransE}(\langle s,p,o
angle) = -\|(e_h-r_p)-e_t\|$$

#### RotatE

$$f_{RotatE}(\langle s,p,o
angle) = -\|e_s\circ r_p - e_o\|_n$$

# **Traslation** - Esempio grafico

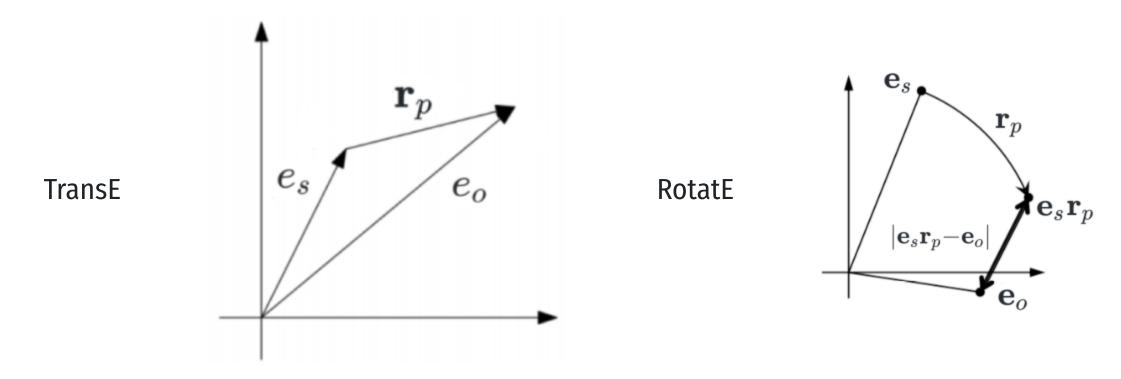


Image from: Costabello, L., Pai, S., McCarthy, N., & Janik, A. (2020). Knowledge graph embeddings tutorial: From theory to practice. order to view the presentation, a free account has to be created. Slides are avaiable without registration.

17/43

#### **Factorization Based**

#### **RESCAL**

$$f_{RESCAL}(\langle s, p, o 
angle) = e_s^ op W_r e_o$$

#### **Convolution Based**

#### ConvE

$$f_{ConvE}(\langle s, p, o \rangle) = f(vec(f([\overline{e_s}; \overline{r_p}] * \omega))\mathbf{W})e_o$$

con f funzione non lineare, st operatore di convoluzione e  $\overline{x}$  un reshape 2D del vettore.

# Complessità e Proprietà dei KGE

Modelli si differenziano scoring, complessita nello

nel tipo di **spazio** utilizzato (vedremo più avanti), funzione di spazio e nel tempo e tipo di proprietà che possono modellare

ce Complexity
$(e^{d} + N_r d^2)$
$(ed + N_r d^2)$
$(ed + N_r d)$
$(ed + N_r d)$
$(ed + N_r dk)$
$(ed + N_r k)$
$(ed + N_r d)$
$(ed + N_r d)$
$\int_{e} d + (1 - \theta) N_r dk$
$(ed + N_r d)$
$(ed + N_r d)$
$(ed + N_r d)$
$(ed + 2N_rd)$
$(ed+2(N_r+5)d)$
$(ed + N_r k)$
$(ed+3(N_r+1)d)$
$(ed + N_r k)$
$(ed + N_r d)$
$(ed + N_r k)$
$(ed + N_r d)$

Table from: Cao, J., Fang, J., Meng, Z., & Liang, S. (2024). Knowledge graph embedding: A survey from the perspective of representation spaces. ACM Computing Surveys, 56(6), 1-42.

# Complessità e Proprietà dei KGE

- Simmetria <Alice, marriedTo, Bob>
- Asimmetria <Alice, childOf, Jack>
- Inversione <Alice, childOf, Jack> , <Jack, fatherOf, Alice>
- Composizione <Alice, childOf, Jack>, <Jack, siblingOf, Mary>,
   <Alice, nieceOf, Mary>

Model	Symmetry	Antisymmetry	Inversion	Composition
SE	Х	×	×	X
TransE	X	✓	✓	✓
TransX	✓	✓	X	X
DistMult	✓	X	X	X
ComplEx	✓	✓	✓	X
RotatE	<b>✓</b>	<b>✓</b>	<b>✓</b>	✓

Apprendimento Automatico 2024/2025 20/43

# Funzione di loss $\mathcal{L}$

Varie funzioni di loss provenienti dagli ambiti del machine learning e information retrieval (basate su ranking)

#### **Pairwise Margin-Based Hinge Loss**

$$\mathcal{L}(\Theta) = \sum_{t^+ \in \mathcal{G}} \sum_{t^- \in \mathcal{C}} \max(0, [\gamma + f(t^-; \Theta) - f(t^+; \Theta)])$$

#### **Negative Log-Likelihood / Cross Entropy**

$$\mathcal{L}(\Theta) = \sum_{t \in \mathcal{G} \cup \mathcal{C}} \log(1 + \exp(-yf(t;\Theta)))$$

$$y \in \{-1, +1\}$$
 label della tripla  $t$ 

Apprendimento Automatico 2024/2025 21/43

#### Ulteriori funzioni di loss

#### **Binary Cross-Entropy**

$$\mathcal{L}(\Theta) = -rac{1}{N} \sum_{t \in \mathcal{G} \cup \mathcal{C}}^{N} y \log(\sigma(f(t;\Theta))) + (1-y) \log(1-f(t;\Theta))$$

#### **Self-Adversarial**

$$\mathcal{L}(\Theta) = -\log \sigma(\gamma + f(t^+; \Theta)) - \sum_{t \in \mathcal{G}}^N p(t^-; \Theta) \log \sigma(-f(t^-; \Theta) - \gamma)$$

 $p(t^-;\Theta)$  peso del negativo t

22/43

# Strategia di generazione dei negativi

Prende anche il nome di negative sampling.

Come possiamo generare negativi (fatti falsi)?

Local Closed World Assumption: Un KG è solo localmente completo

Andiamo a corrompere le triple creando dei negativi sintetici:

$$\mathcal{C} = \{\langle \hat{s}, p, o 
angle \mid \hat{s} \in \mathcal{E}\} \cup \{\langle s, p, \hat{o} 
angle \mid \hat{o} \in \mathcal{E}\}$$

#### Esempio di negative sampling

```
\mathcal{E} = \{ 	exttt{Mike, Liverpool, AcmeInc, George, LiverpoolFC} \} \mathcal{R} = \{ 	exttt{bornIn, friendWith} \}
```

 $t \in \mathcal{G} = \langle exttt{Mike bornIn Liverpool} 
angle$ 

$$\mathcal{C}_t = \left\{egin{array}{ll} \langle exttt{Mike bornIn AcmeInc} 
angle, \ \langle exttt{Mike bornIn LiverpoolFC} 
angle, \ \langle exttt{George bornIn Liverpool} 
angle, \ \langle exttt{AcmeInc bornIn Liverpool} 
angle \end{array}
ight.$$

# Altri dettagli supplementari

- Ottimizzazione: Qualsiasi algoritmo che avete già studiato nel corso, SGD, ADAM, etc
- **Inizializzazione**: Il processo deve partire da embedding iniziali, si possono utilizzare funzioni quali la distribzuione **unioforme**, **normale** o **xavier**
- Regolarizzazione: L1,L2, Dropout, Vincoli di Norma

## Valutazione e Metriche

Nella link prediction impariamo uno score proporzionale alla probabilità che la tripla sia vera, in altre parole stiamo imparando un task di **ranking** delle triple.

Possiamo prendere "in prestito" le metriche di valutazione dell' **information** retrieval . Non abbiamo una bisogno di una ground truth nella valutazione del test set. Rispondiamo alla domanda:

"Quanto in alto vengono classificate le triple positive rispetto alle triple negative generate artificialmente?"

!? In media, che rank viene assegnato alla tripla vera rispetto ai negativi sintetici?

**Mean Rank** (MR)

$$MR = rac{1}{|Q|} \sum_{i=1}^{|Q|} rank(\langle s, p, o 
angle_i)$$

**Mean Reciprocal Rank** (MRR)

$$MRR = rac{1}{|Q|} \sum_{i=1}^{|Q|} rac{1}{rank(\langle s, p, o 
angle_i)}$$

Apprendimento Automatico 2024/2025 27/43

 $\red{!?}$  Quante volte la tripla vera è stata posizionata almeno nelle prime N posizioni?

Hits@N

$$Hits@N = \sum_{i=1}^{|Q|} 1(rank(\langle s, p, o 
angle_i) \leq N)$$

# **Esempio**

S	р	O	score	rank
Mike	bornIn	Leeds	0.78	1
Mike	bornIn	Italy	0.75	2
Mike	bornIn	Germany	0.69	3
George	bornIn	Italy	0.45	4
Mike	bornIn	George	0.23	5

S	р	0	score	rank
Mike	friendWith	George	0.90	1
Mike	friendWith	Jim	0.34	2
Acme	friendWith	George	0.29	3
Mike	friendWith	Italy	0.20	4
France	friendWith	George	0.15	5

$$MR = 1.5$$

$$MRR = .75$$

$$Hits@1 = .5$$

$$MRR = .75 \quad Hits@1 = .5 \qquad Hits@3 = 1.0$$

# Argomenti Avanzati:

- 1. Calibrazione
- 2. KGE & Ragionamento Neuro-Simbolico
- 3. **Spazi** di Embedding

# Calibrazione degli score

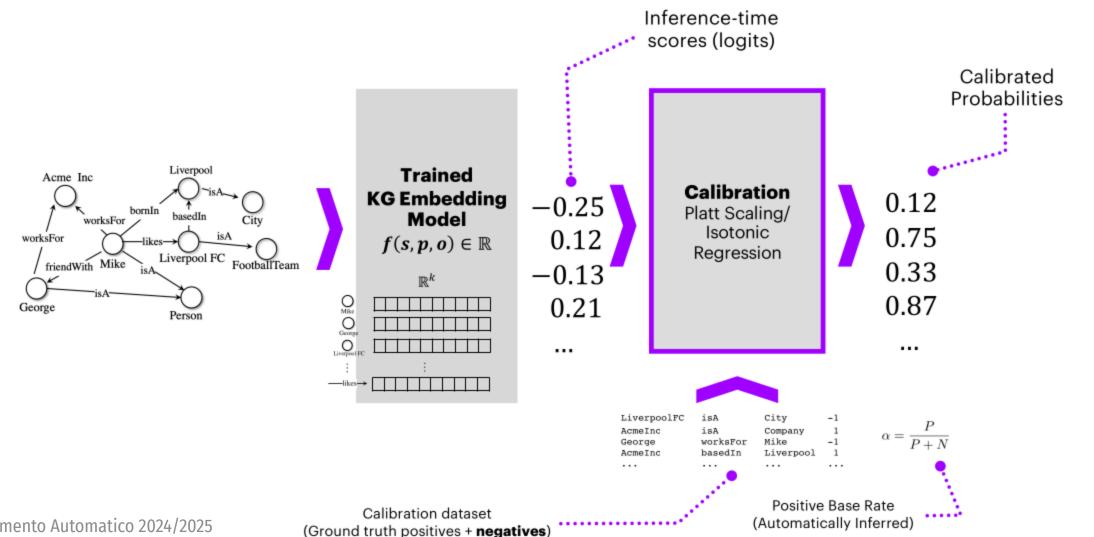
Gli score generati dai modelli KGE sono **non calibrati** (gli score non corrispondono a probabilità o sono affidabili di correttezza ).

La calibrazione è un processo di **post-processing** che trasforma gli score in effettive **probabilità**! Ci troviamo davanti a due scenari:

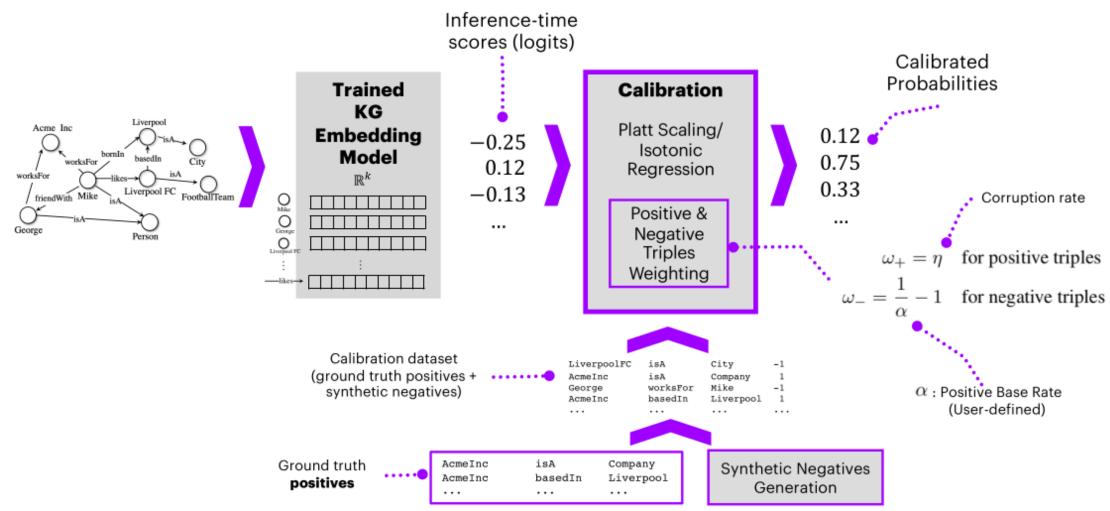
• **CWA**: Abbiamo a disposizione dei negativi esplicitamente taggati

• **OWA**: Non abbiamo dei negativi, dobbiamo pesare le triples

# Calibrazione con Negativi Ground Truth CWA



# Calibrazione Senza Negativi Ground Truth OWA



Apprendimento Automatico 2024/2025 33/43

# Calibrazione Efficacia

Modelli calibrati producono risultati migliori rispetto a modelli non calibrati, producono inoltre predizioni più affidabili e interpretabili

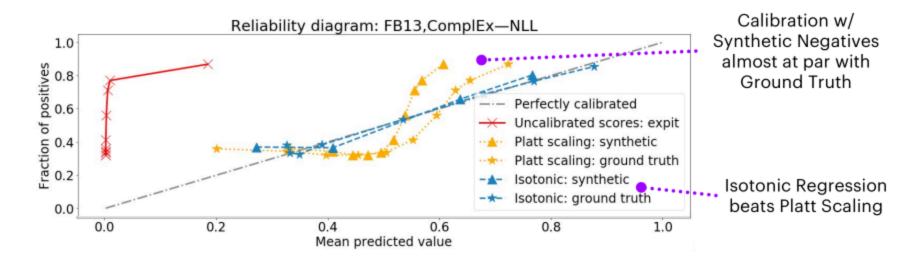


Image from: Costabello, L., Pai, S., McCarthy, N., & Janik, A. (2020). Knowledge graph embeddings tutorial: From theory to practice. order to view the presentation, a free account has to be created. Slides are avaiable without registration.

# KGE & Ragionamento Neuro-Simbolico

Iniettare conoscenza di background nei modelli tramite "Soft Contraints". Avendo a disposizione una ontologia, possiamo iniettare regole nella loss function:

```
\begin{array}{c} \texttt{hasNeighbor} = \texttt{hasNeighbor}^- \quad \texttt{isMarriedTo} \equiv \texttt{isMarriedTo}^- \\ \texttt{playsFor} \equiv \texttt{isAffiliatedTo}^- \quad \texttt{isConnectedTo} \equiv \texttt{isConnectedTo}^- \end{array}
```

Prendiamo in esempio regole di equivalenza

#### Loss Regolarizzata:

$$\mathcal{L}_{\mathcal{S}}(\Theta) = \mathcal{L}(\Theta) + \lambda \mathcal{R}_{\mathcal{S}}(\Theta)$$

#### Regolarizzazzione:

$$\mathcal{R}_{\mathcal{S}}(\Theta) = \sum_{p \equiv q \in \mathcal{A}_1} D[r_p \| r_q] + \sum_{p \equiv q^- \in \mathcal{A}_2} D[r_p \| \Phi(r_q)]$$

- $D[x\|y] = \|x-y\|_2^2$  Misura divergenza
- ullet Trasformazione dipendente dal modello
- $\mathcal{A}_1$  Insieme assiomi **equivalenza**
- $\mathcal{A}_2$  Insieme assiomi **inverse**

Apprendimento Automatico 2024/2025 36/43

# KGE & Ragionamento Neuro-Simbolico

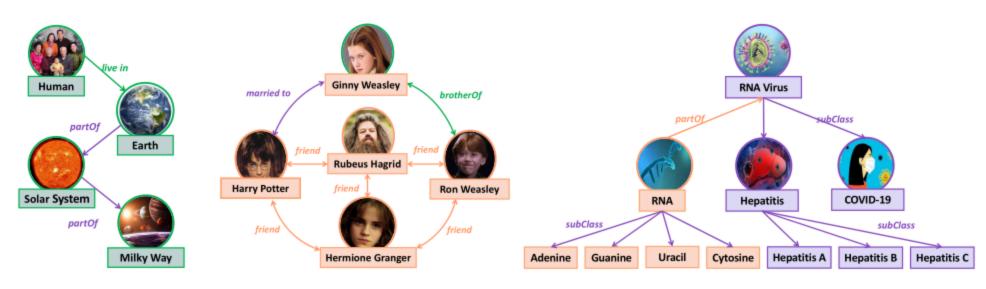
Andiamo quindi ad unire **rule-based models** e **KGE**, sfruttiamo sia la potenza di generalizzazione e scalabilità dei KGE, con l'interpretabilità dei modelli basati su regole.

Ulteriore metodologie sono i **Neural Theorem Provers** (NTP) che implementano il ragionamento in architetture completamente differenziabili

# Spazi e Metodi KGE

#### Spazi più complessi possono essere utilizzati per:

- Preservare pattern relazionali tra le entità
- Preservare pattern strutturali (gerarchie)
- Modellare **proprietà** desiderate, sfruttando le proprietà matematiche degli spazi



(a) Chain structure.

(b) Ring structure.

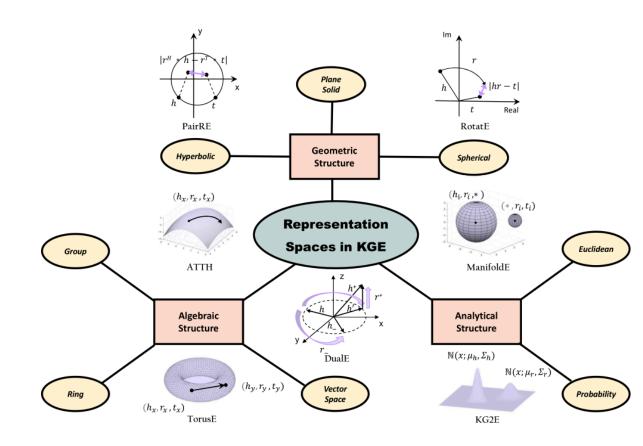
(c) Hierarchy structure.

38/43

# Spazi e Metodi KGE: Strutture Algebriche

- Spazi Vettoriali: Sfruttano somma tra vettori e moltiplicazione per scalare per proiettare entità e relazioni nello stesso spazio. Preserva le interazioni relazionali.
- Gruppi : Permettono di modellare proprietà come inversione e composizione
- **Anelli**: Utili nella rappresentazione con task orientatin-related, grazie alla sua superfice non orientata

Table from: Cao, J., Fang, J., Meng, Z., & Liang, S. (2024). Knowledge graph embedding: A survey from the perspective of representation spaces. ACM Computing Surveys, 56(6), 1-42.



# **Spazi** e Metodi KGE: **Strutture Geometriche**

- Euclidea: Efficace rappresentazione di pattern relazionali
- **Iperbolica**: Spazi utili nel modellare strutture gerarchiche.
- **Sferica**: Eccellenti nel modellare strutture ad analle grazei alla loro natura circolare.

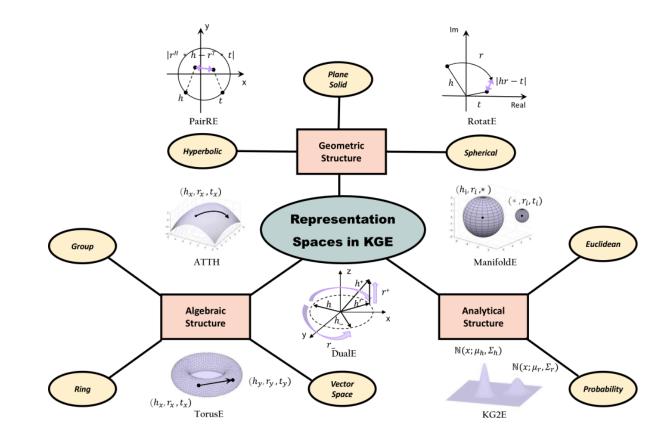


Table from: Cao, J., Fang, J., Meng, Z., & Liang, S. (2024). Knowledge graph embedding: A survey from the perspective of representation spaces. ACM Computing Surveys, 56(6), 1-42.

# **Spazi** e Metodi KGE: **Strutture Analitiche**

- Probailità : Capaci di modellare conoscenza incenerta
- **Euclideo**: Facilitano l'aquisizione di rappresentazioni dinamiche e continue

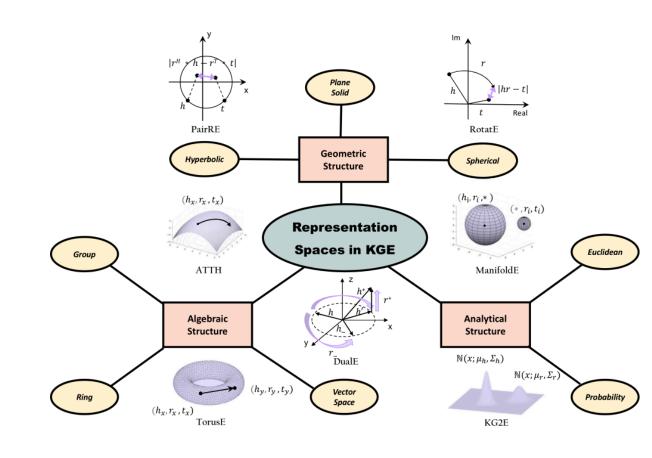


Table from: Cao, J., Fang, J., Meng, Z., & Liang, S. (2024). Knowledge graph embedding: A survey from the perspective of representation spaces. ACM Computing Surveys, 56(6), 1-42.



# Grazie per l'attenzione

Ivan Diliso, Ph.D Student, ARA

# Riferimenti

Il materiale è un riadattamento delle slide presentate durante il corso "Semantic Technologies and Knowledge Graphs" del Corso di Laurea Magistrale in Artificial Intelligence. Trovate ulteriori dettagli in:

- **KGE e**: Costabello, L., Pai, S., McCarthy, N., & Janik, A. (2020). Knowledge graph embeddings tutorial: From theory to practice. order to view the presentation.
- **Spazi oltre l'euclideo**: Cao, J., Fang, J., Meng, Z., & Liang, S. (2024). Knowledge graph embedding: A survey from the perspective of representation spaces. ACM Computing Surveys, 56(6), 1-42