Boosting y Adaboost

Boosting y Adaboost

Tema 10. Boosting y AdaBoost

Un poco de notación

Clasificadores supervisados:

1. Patrones: $x_i \in X = R^d$.

2. Clases: $y_i \in Y = \{-1, 1\}$ 3. Conjunto de entrenamiento: $(x_1, y_i), \dots, (x_N, y_N)$ 4. Función aprendida: $f: R^d \longrightarrow Y$ $h_f(x) = sign(f(\mathbf{x}))$ 5. Clasificador:

Tema 10. Boosting y AdaBoost

Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència drtificial Dpto. de Ciencia de la Computación e Inteligencia drtificial

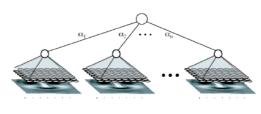
(2)

Sistemas Inteligentes

Combinar clasificadores "débiles"

Clasificadores débiles:

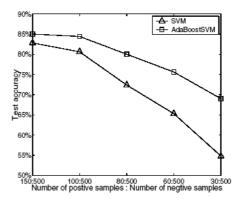
Moderadamente precisos (simples y que funcionen al menos mejor que una clasificación aleatoria). El resultado es una hipótesis conjunta (ensemble hypothesis)



Combinación:

- Se puede probar que es posible encontrar un clasificador más preciso combinando muchos clasificadores "débiles".
- . ¿Cómo combinarlos?
 - Bagging
 - Boosting

Tema 10. Boosting y AdaBoost



Universi Universi

Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència drificial Dpto. de Ciencia de la Computación e Inteligencia drificial Sistemas Inteligentes

Bagging. Bootstrap aggregating

Bagging.[Breiman,94] Repeat for $t = 1, \dots, T$:

- Select, at random *with replacement*, *N* training examples.
- lacktriangleright Train learner on selected samples to generate h_t

Final hypothesis is simple vote:

$$H(x) = MAJ(h_1(\mathbf{x}), \dots, h_T(\mathbf{x}))$$

Características:

Universitat d'Ala Universidad de A Ayuda a mejorar clasificadores inestables, como redes neuronales o árboles de decisión (pequeños cambios en el conjunto de entrenamiento llevan a diferentes clasificadores y grandes cambios en el porcentaje de aciertos).

Tema 10. Boosting y AdaBoost

Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència *d*rtificial Dpto. de Ciencia de la Computación e Inteligencia *d*rtificial Sistemas Inteligentes

Boosting vs Bagging

Muestreo ponderado (ejemplos):

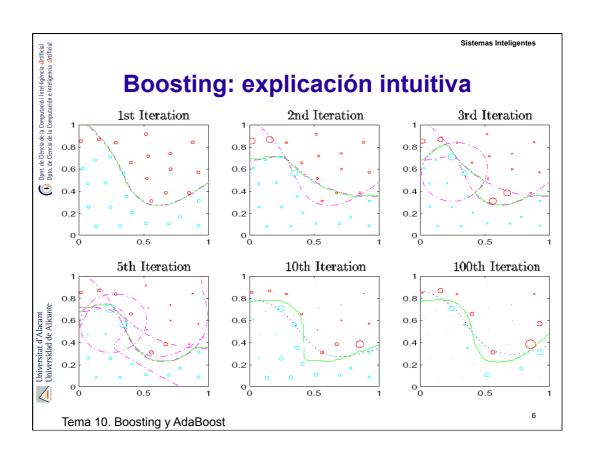
- En lugar de hacer un muestreo aleatorio de los datos de entrenamiento, se ponderan las muestras para concentrar el aprendizaje en los ejemplos más difíciles.
- Intuitivamente, los ejemplos más cercanos a la frontera de decisión son más difíciles de clasificar, y recibirán pesos más altos.

Votos ponderados (clasificadores):

- En lugar de combinar los clasificadores con el mismo peso en el voto, se usa un **voto ponderado**.
- Esta es la regla de combinación para el conjunto de clasificadores débiles.
- En conjunción con la estrategia de muestreo anterior, esto produce un clasificador más fuerte.

Tema 10. Boosting y AdaBoost

,



Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència datificia Opto. de Ciencia de la Computación e Inteligencia datifici

Sistemas Inteligentes

Adaboost

AdaBoost. Adaptive Boosting [Freund, Schapire, 96]

- Initialize distribution over training set $D_1(i) = 1/N$.
- For $t = 1, \ldots, T$
- 1. Train weak learner using distribution D_t and obtain h_t .
- 2. Choose a weight (confidence value) $\alpha_t \in R$.
- 3. Update distribution over training set:

$$D_{t+1}(i) = \frac{D_t(i)e^{-\alpha_t y_i h_t(x_i)}}{Z_t}$$

• Set $H(x) = sign(f(x)) = sign\left(\sum_{i=1}^{T} \alpha_t h_t(x)\right)$

Notación:

1.i in

2.D_t de

3.a_t de

4

- **1.i** indexa ejemplos, mientras que **t** indexa clasificadores (débiles)
- 2.D, depende de la complejidad de los ejemplos. ¿Cómo usarla?
- 3.a, depende del error e, asociado a la h,
- **4.Z**_t es una constante de normalización.

Tema 10. Boosting y AdaBoost

Tema 10. Boosting y AdaBoost

8

Sistemas Inteligentes Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència atificial Dpto. de Ciencia de la Computación e Inteligencia atrificial **Adaboost** Algorithm 1 Adaboost 1: **procedure** Adaboost(X, Y) \triangleright Indica como de difcil es de clasificar cada punto i $D_1(i) = 1/N$ for $t = 1 \rightarrow T$ do ▷ T es el nmero de clasificadores dbiles a usar 3: 4: Entrenar h_t teniendo en cuenta D_t Start 5: for $k = 1 \rightarrow A$ do \triangleright A = num. de pruebas aleatorias $F_p = \text{generaPlanoAlAzar}()$ 7: $\epsilon_t = P_{D_t}(h_t(x_i) \neq y_i) \rightarrow \epsilon_{t,k} = \sum_{i=1}^N D_t(i) \cdot (F_k(x) \neq y(x))$ return $< F_p | \min(\epsilon_{t,k}) >$ 9: Del h_t anterior obtener su valor de confianza $\alpha_t \in \mathbb{R}$ 10: 11: $\alpha_t = 1/2\log_2\left(\frac{1-\epsilon_t}{\epsilon_t}\right)$ 12: 13: \mathbf{End} 14: Actualizar D_{t+1} Start 15: $D_{t+1} = \frac{D_t(i) \cdot e^{-\alpha_t + y_i h_t(x_i)}}{Z_t}$ $Z_t = \sum_i D_t(i)$ 17: $\mathbf{return}^{\mathbf{End}} H(x) = sign(\sum_t \alpha_t \cdot h_t(x))$ 18: 4

Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència artificial Dpto. de Ciencia de la Computación e Inteligencia artificial

(2)

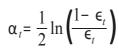
Sistemas Inteligentes

Construyendo y usando Dt

- 1. Entrenar un clasificador débil usando D, y obtener h,
- . Normalmente se muestrean los ejemplos de entrenamiento usando \mathbf{D}_{t} (muestreo por importancia)
 - Inicialmente, cuando T=1 todos los ejemplos son igualmente probables.
 - En las siguientes iteraciones, es más probable seleccionar los ejemplos más difíciles (los que hacen fallar al clasificador).
- 2. Escoger un valor de confianza α_{\star}
- Sea ε_t el error asociado a h_t

 $\epsilon_t = Pr_{D_t}[h_t(\mathbf{x}_i) \neq y_i]$

. El valor de $\alpha_{_{\! t}}$ surge de intentar optimizar dicho error y es:



Tema 10. Boosting y AdaBoost

9



Dpnt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència atificial Dpto. de Ciencia de la Computación e Inteligencia atrificial

4

Sistemas Inteligentes

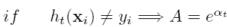
Construyendo y usando Dt

- 3. Actualizar la distribución D:
 - Inicialmente, cuando T=1 todos los ejemplos son igualmente probables.
 - En las siguientes iteraciones, es más probable seleccionar los ejemplos más difíciles (los que hacen fallar al clasificador).

$$D_{t+1}(i) = \frac{D_t(i)}{Z_t} \cdot A$$

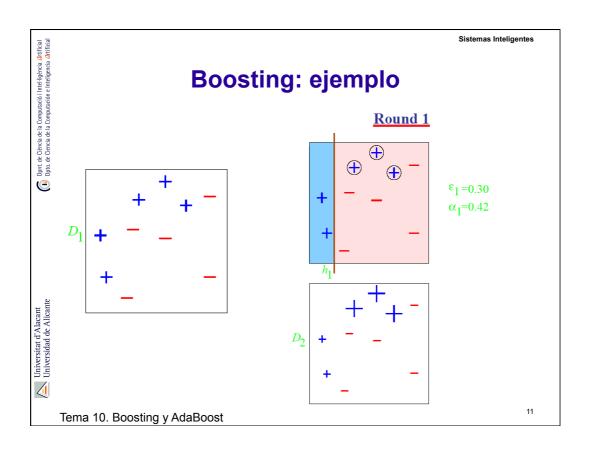


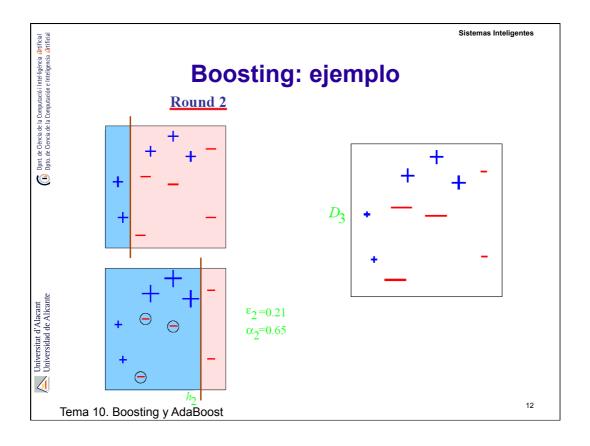
 $if \quad h_t(\mathbf{x}_i) = y_i \Longrightarrow A = e^{-\alpha_t}$

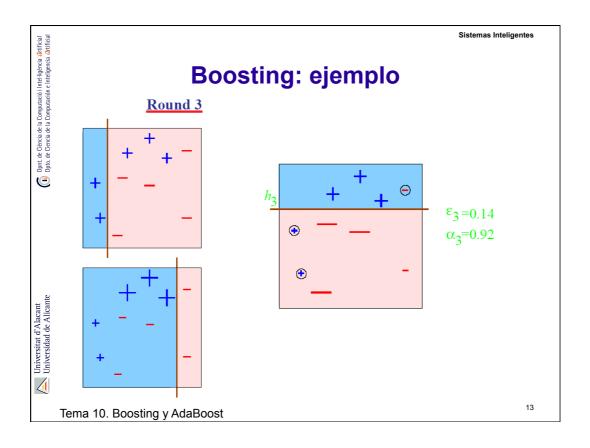


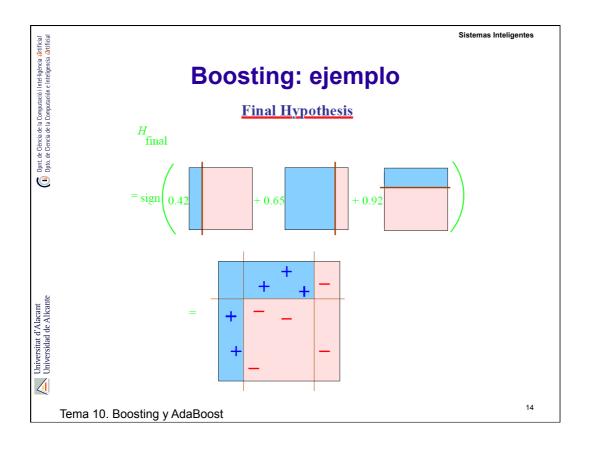


Tema 10. Boosting y AdaBoost





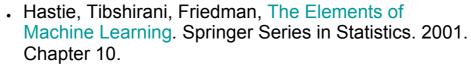




nt. de Ciència de la Computació i Intel·ligència drtificial to. de Ciencia de la Computación e Inteligencia drtificial Sistemas Inteligentes

Bibliografía

 Duda, Hart & Stork. Pattern Classification. Wiley 2001.Chapter 9.



www.boosting.org

Universitat d'Alacant Universidad de Alicante

Tema 10. Boosting y AdaBoost