

Лабораторная работа 2.1.6

Эффект Джоуля-Томсона

Шерхалов Денис Б02-204

21 марта 2023 г.

Цель работы: 1) Определение изменения температуры углекислого газа при протекании через малопроницаемую перегородку при разных начальных значениях давления и температуры; 2) вычисление по результатам опытов коэффициентов Ван-дер-Ваальса «а» и «b».

В работе используются: трубка с пористой перегородкой; труба Дьюара; термостат; термометры; дифференциальная термопара; микровольтметр; балластный баллон; манометр.

1. Введение

Эффектом Джоуля-Томсона называется изменение температуры газа, медленно протекающего из области высокого в область низкого давления в условиях хорошей тепловой изоляции. В разреженных газах, которые приближаются по своим свойствам к идеальному газу, при таком течении температура газа не меняется. Эффект Джоуля-Томсона демонстрирует отличие исследуемого газа от идеального.

В работе исследуется изменение температуры углекислого газа при медленном его течении по трубке с пористой перегородкой. Трубка 1 хорошо теплоизолирована. Газ из области повышенного давления P_1 проходит через множество узких и длинных каналов пористой перегородки 2 в область с атмосферным давлением P_2 . Перепад давления $\Delta P = P_1 - P_2$ из-за большого сопротивления каналов может быть заметным даже при малой скорости течения газа в трубке. Величина эффекта Джоуля-Томсона определяется по разности температуры газа до и после перегородки.

Рассмотрим стационарный поток газа между произвольными сечениями I и II трубки (до перегородки и после нее). Пусть, для определенности, через трубку прошел 1 моль углекислого газа; μ — его молярная масса. Молярные объемы газа, его давления и отнесенные к молью внутренние энергии газа в сечениях I и II обозначим соответственно V_1, P_1, U_1 и V_2, P_2, U_2 . Для того чтобы ввести в трубку объем V_1 , над газом нужно совершить работу $A_1 = P_1 V_1$. Проходя через сечение II, газ сам совершает работу $A_2 = P_2 V_2$. Так как через боковые стенки не происходит ни обмена теплом, ни передачи механической энергии, то

$$A_1 - A_2 = \left(U_2 + \frac{\mu v_2^2}{2} \right) - \left(U_1 + \frac{\mu v_1^2}{2} \right). \quad (1)$$

В уравнении (1) учтено изменение как внутренней (первые члены в скобках), так и кинетической (вторые члены в скобках) энергии газа. Подставляя в (1) написанные выражения

для A_1 и A_2 и перегруппировывая члены, найдем

$$H_1 - H_2 = (U + P_1 V_1) - (U_2 + P_2 V_2) = \frac{1}{2} \mu (v_2^2 - v_1^2) \quad (2)$$

Сделаем несколько замечаний. Прежде всего отметим, что в процессе Джоуля–Томсона газ испытывает в пористой перегородке существенное трение, приводящее к ее нагреву. Потери энергии на нагрев трубки в начале процесса могут быть очень существенными и сильно искажают ход явления. После того как температура трубки установится и газ станет уносить с собой все выделенное им в пробке тепло, формула (1) становится точной, если, конечно, теплоизоляция трубки достаточно хороша и не происходит утечек тепла наружу через ее стенки.

Второе замечание связано с правой частью (2). Процесс Джоуля–Томсона в чистом виде осуществляется лишь в том случае, если правой частью можно пренебречь, т. е. если макроскопическая скорость газа с обеих сторон трубки достаточно мала. У нас сейчас нет критерия, который позволил бы установить, когда это можно сделать. Поэтому мы отложим на некоторое время обсуждение вопроса о правой части (2), а пока будем считать, что энтальпия газа не меняется.

Рассмотрим выражение:

$$\mu_{\text{Д-Т}} = \frac{\Delta T}{\Delta P} \approx \frac{\frac{2a}{RT} - b}{C_p} \quad (3)$$

Из формулы (3) видно, что эффект Джоуля–Томсона для не очень плотного газа зависит от соотношения величин a и b , которые оказывают противоположное влияние на знак эффекта. Если силы взаимодействия между молекулами велики, так что превалирует «поправка на давление», то основную роль играет член, содержащий a , и

$$\frac{\Delta T}{\Delta P} > 0,$$

то есть газ при расширении охлаждается ($\Delta t < 0$ так как всегда $\Delta P < 0$). В обратном случае (малые a):

$$\frac{\Delta T}{\Delta P} < 0,$$

то есть газ нагревается ($\Delta t < 0$ так как по-прежнему $\Delta P < 0$).

Этот результат нетрудно понять из энергетических соображений. Как мы уже знаем, у идеального газа эффект Джоуля–Томсона отсутствует. Идеальный газ отличается от реального тем, что в нем можно пренебречь потенциальной энергией взаимодействия молекул. Наличие этой энергии приводит к охлаждению или нагреванию реальных газов при расширении. При больших a велика энергия притяжения молекул. Это означает, что потенциальная энергия молекул при их сближении уменьшается, а при удалении — при расширении газа — возрастает. Возрастание потенциальной энергии молекул происходит за счет их кинетической энергии — температура газа при расширении падает. Аналогичные рассуждения позволяют понять, почему расширяющийся газ нагревается при больших значениях b .

Как следует из формул, при температуре T_i коэффициент $\mu_{\text{Д-Т}}$ обращается в нуль. Используя связь между коэффициентами a и b и критической температурой, найдем:

$$T_{\text{инв}} = \frac{2a}{bR}, \quad T_{\text{инв}} = \frac{27}{4} T_{\text{кр}} \quad (4)$$

При температуре $T_{\text{инв}}$ эффект Джоуля–Томсона меняет знак: ниже температуры инверсии эффект положителен ($\mu_{\text{Д-Т}} > 0$, газ охлаждается), выше $T_{\text{инв}}$ эффект отрицателен ($\mu_{\text{Д-Т}} < 0$, газ нагревается).

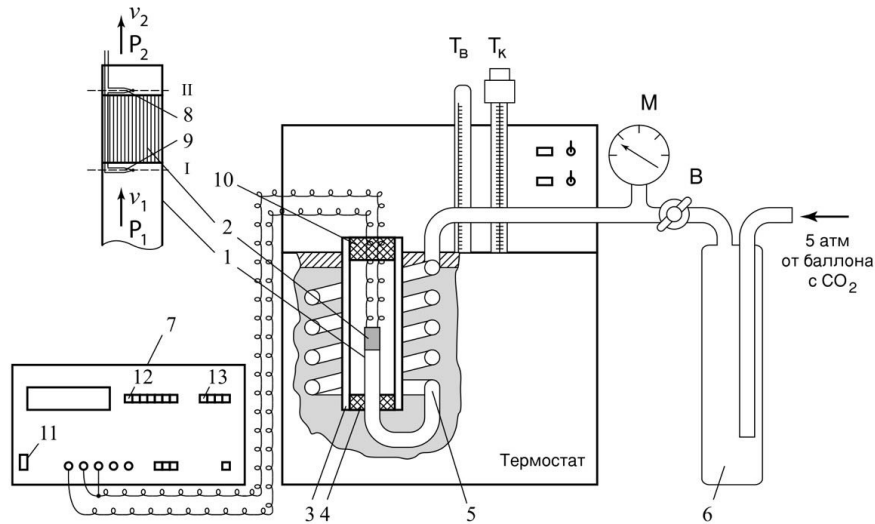


Рис. 1: Схема установки для изучения эффекта Джоуля–Томсона

2. Выполнение

1. Убедившись в том, что термостат залит водой, а все электрические приборы заземлены. Установим на контактном термометре температуру регулирования, близкую к комнатной $T_1 = T_k = 20.80^\circ C$.
2. Включим вольтметр и измерим паразитные ЭДС при $\Delta P = 0$, получим $U_0 = 1$ мкВ. Откроем регулирующий вентиль В настолько, чтобы избыточное давление составило $\Delta P = 4$ бар. Теперь будем постепенно понижая давление, выжидать установления равновесия и снимать показания вольтметра. Провести соответствующие измерения удалось 4 раза. Далее $\Delta U = 1$ мкВ
3. В результате построения Графиков №1-4 соответственно по Таблицам №1-4 имеем такие соотношения (Таблица №5):

Таблица 1: Измерение при $T_1 = 20.80^\circ C$, $\alpha_{\frac{\text{мкВ}}{^\circ C}} = 40.3$, $\delta T = 0.02^\circ C$

ΔP , бар	4.0	3.5	3.0	2.5	2.0
$U - U_0$, мкВ	-118	-97	-75	-56	-37
ΔT , $^\circ C$	-2.93	-2.41	-1.86	-1.39	-0.92

Таблица 2: Измерение при $T_2 = 30.00^\circ C$, $\alpha_{\frac{\text{мкВ}}{^\circ C}} = 41.15$, $\delta T = 0.02^\circ C$

ΔP , бар	4.0	3.5	3.0	2.5	2.0
$U - U_0$, мкВ	-111	-90	-65	-48	-34
ΔT , $^\circ C$	-2.70	-2.19	-1.58	-1.17	-0.83

4. Теперь по Таблице №5 построим Графики №5 $\mu(T^{-1})$.

$$k = -670 \frac{K^2}{\text{бар}}, \quad k_{\min} = -976 \frac{K^2}{\text{бар}}, \quad k_{\max} = -390 \frac{K^2}{\text{бар}}, \quad \Delta k = 293 \frac{K^2}{\text{бар}}, \quad \varepsilon_k \approx 43.7\%$$

Таблица 3: Измерение при $T_3 = 40.00^\circ C$, $\alpha_{\frac{мкВ}{^\circ C}} = 42.05$, $\delta T = 0.02^\circ C$

ΔP , бар	4.0	3.5	3.0	2.5	2.0
$U - U_0$, мкВ	-103	-84	-65	-43	-30
ΔT , $^\circ C$	-2.45	-2.00	-1.55	-1.02	-0.71

Таблица 4: Измерение при $T_4 = 50.00^\circ C$, $\alpha_{\frac{мкВ}{^\circ C}} = 42.9$, $\delta T = 0.02^\circ C$

ΔP , бар	4.4	4.0	3.5	3.0	2.5
$U - U_0$, мкВ	-106	-94	-76	-60	-41
ΔT , $^\circ C$	-2.47	-2.19	-1.77	-1.40	-0.96

Таблица 5: Коэффициенты наклона графиков $\Delta T(\Delta P)$ при различных температурах

Номер	$T, ^\circ C$	$\mu, \frac{K}{бар}$	$\mu_{min}, \frac{K}{бар}$	$\mu_{max}, \frac{K}{бар}$	$\Delta\mu, \frac{K}{бар}$
1	20.80	-1.01	-0.96	-1.06	0.05
2	30.00	-0.95	-0.89	-0.98	0.05
3	40.00	-0.89	-0.83	-0.91	0.04
4	50.00	-0.80	-0.76	-0.84	0.04

$$c = 1.26 \frac{K}{бар}, \quad c_{min} = 0.37 \frac{K}{бар}, \quad c_{max} = 2.26 \frac{K}{бар}, \quad \Delta c = 0.95 \frac{K}{бар}, \quad \varepsilon_c \approx 74.7\%$$

Далее воспользуемся формулой (3):

$$k = \frac{2a}{c_p R} \Rightarrow a = \frac{k c_p R}{2} = (1.11 \pm 0.48) \frac{Па \cdot м^6}{моль^2}$$

$$c = \frac{b}{c_p} \Rightarrow b = c c_p = (5.04 \pm 3.76) \cdot 10^{-4} \frac{м^3}{моль}$$

Используя формулу (4), по полученным параметрам газа Ван-дер-Ваальса вычислим:

$$T_{инв} = \frac{2a}{bR} = 530 \text{ К}, \quad \Delta T_{инв} = \frac{2}{R} \left(\frac{\Delta a b + \Delta b a}{b^2} \right) = 625 \text{ К}, \quad \varepsilon_{T_{инв}} \approx 117.9\%$$

3. Вывод

Полученные нами в результате эксперимента значения для a и b получились довольно сильно отличающимися от теоретических значений a^* и b^* для углекислого газа.

$$a = (1.11 \pm 0.48) \frac{\text{Па} \cdot \text{м}^6}{\text{моль}^2}, \quad \varepsilon_a \approx 43.7\%, \quad a^* = 0.36 \frac{\text{Па} \cdot \text{м}^6}{\text{моль}^2}$$

$$b = (5.04 \pm 3.76) \cdot 10^{-4} \frac{\text{м}^3}{\text{моль}}, \quad \varepsilon_b \approx 74.7\%, \quad b^* = 0.42 \cdot 10^{-4} \frac{\text{м}^3}{\text{моль}}$$

Полученное из значений a и b значение $T_{\text{инв}}$ получилось так же сильно отличающимся от теоретического $T_{\text{инв}}^*$:

$$T_{\text{инв}} = (530 \pm 625) \text{ K}, \quad \varepsilon_{T_{\text{инв}}} \approx 117.9\%, \quad T_{\text{инв}}^* = 2053 \text{ K}$$

Проведя этот эксперимент, мы удостоверились в неприменимости модели Ван-дер-Ваальса в данной лабораторной работе. Полученные зависимости оказались линейны, как и предсказывала теория, но характеризующие коэффициенты этих зависимостей разительно отличаются от теоретических предсказаний.

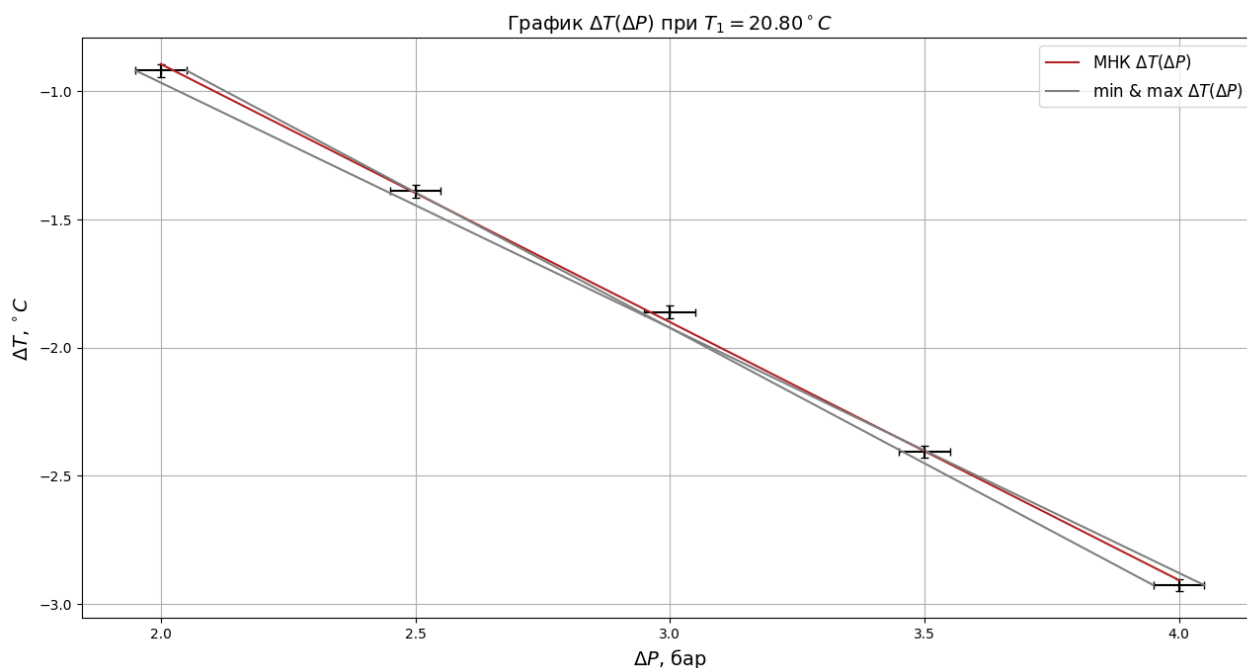


Рис. 2: График №1

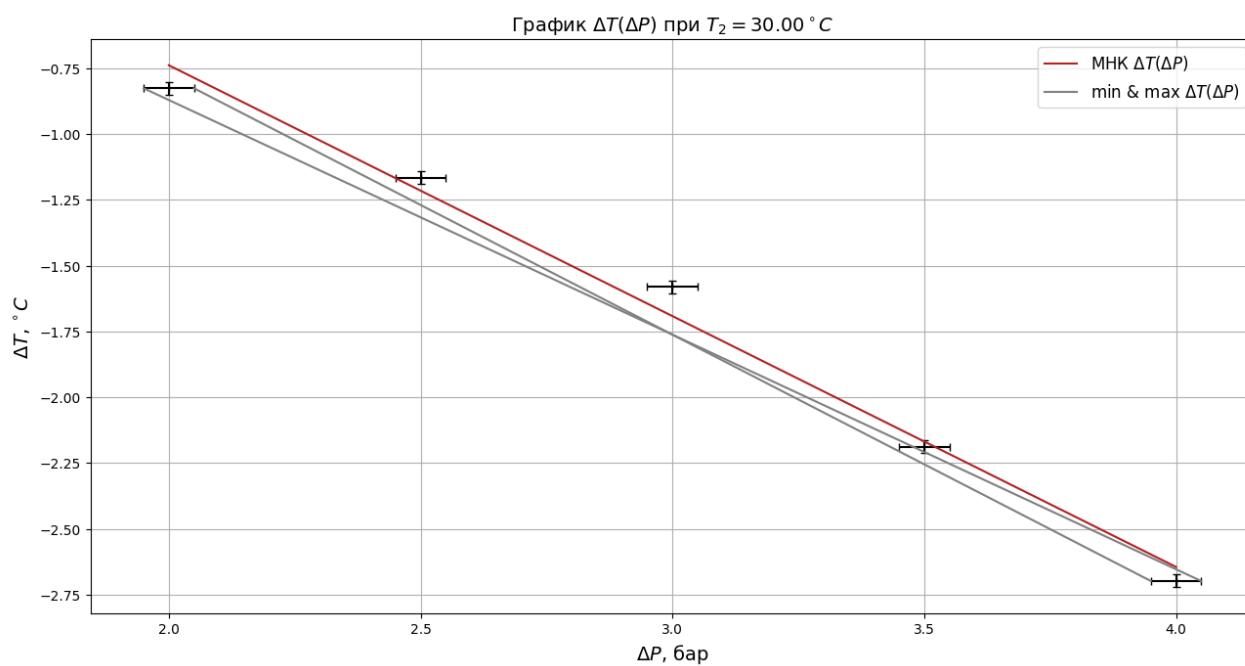


Рис. 3: График №2

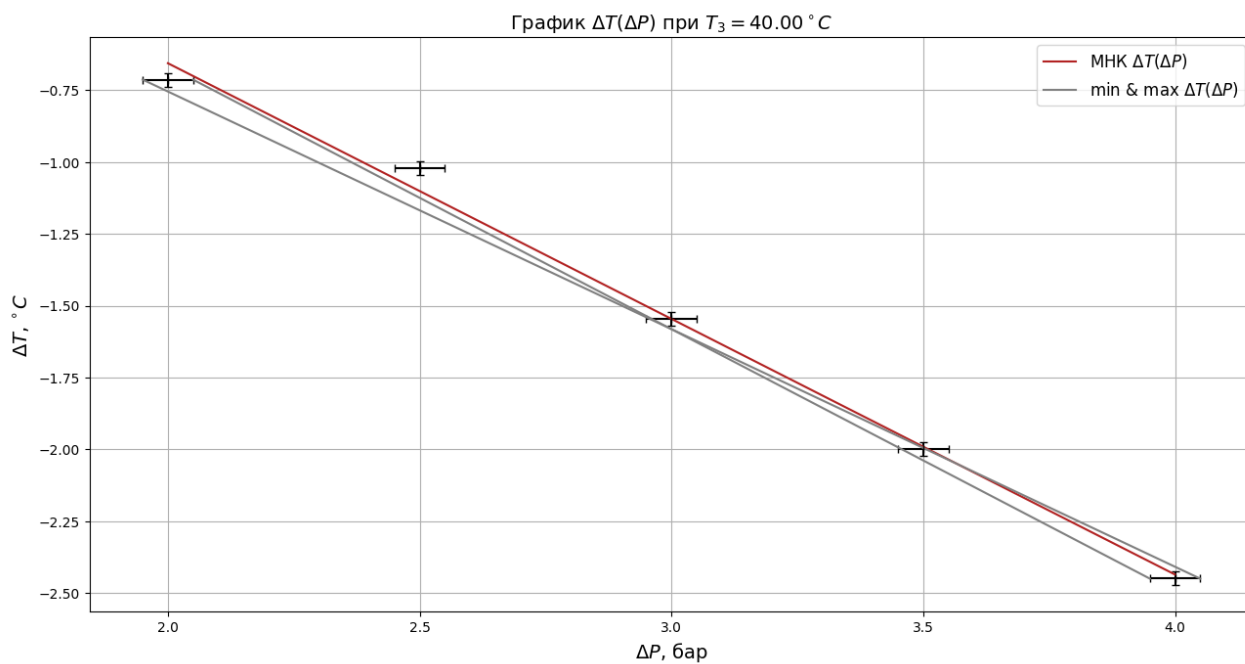


Рис. 4: График №3

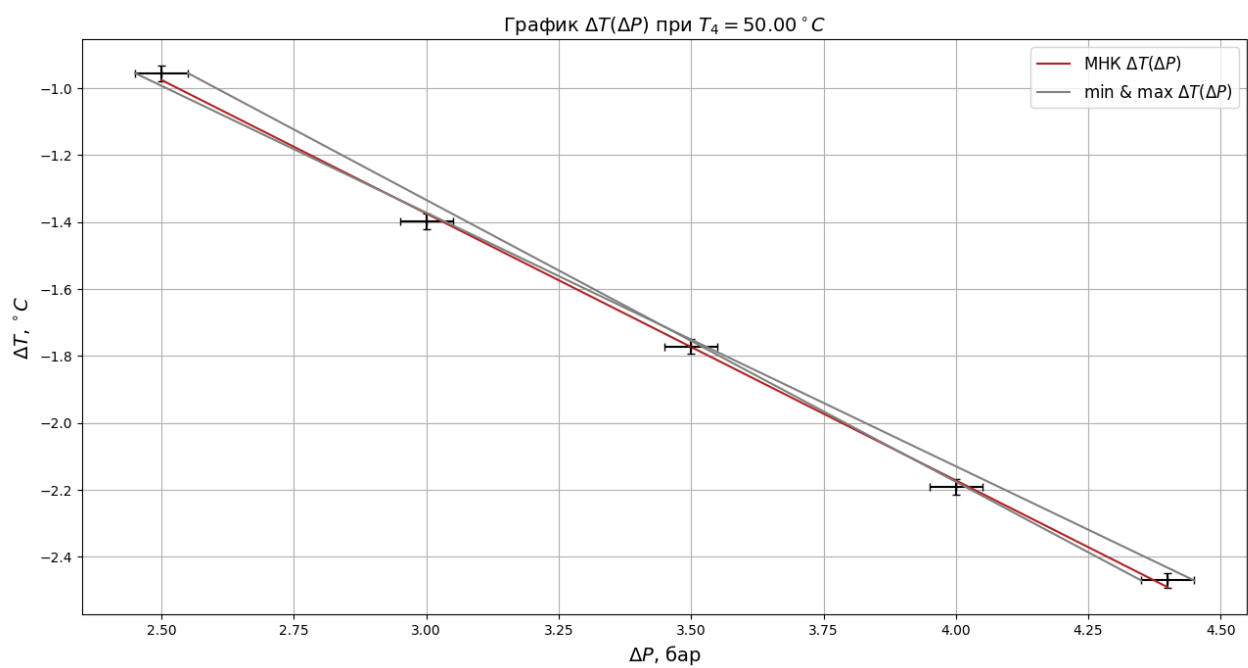


Рис. 5: График №4

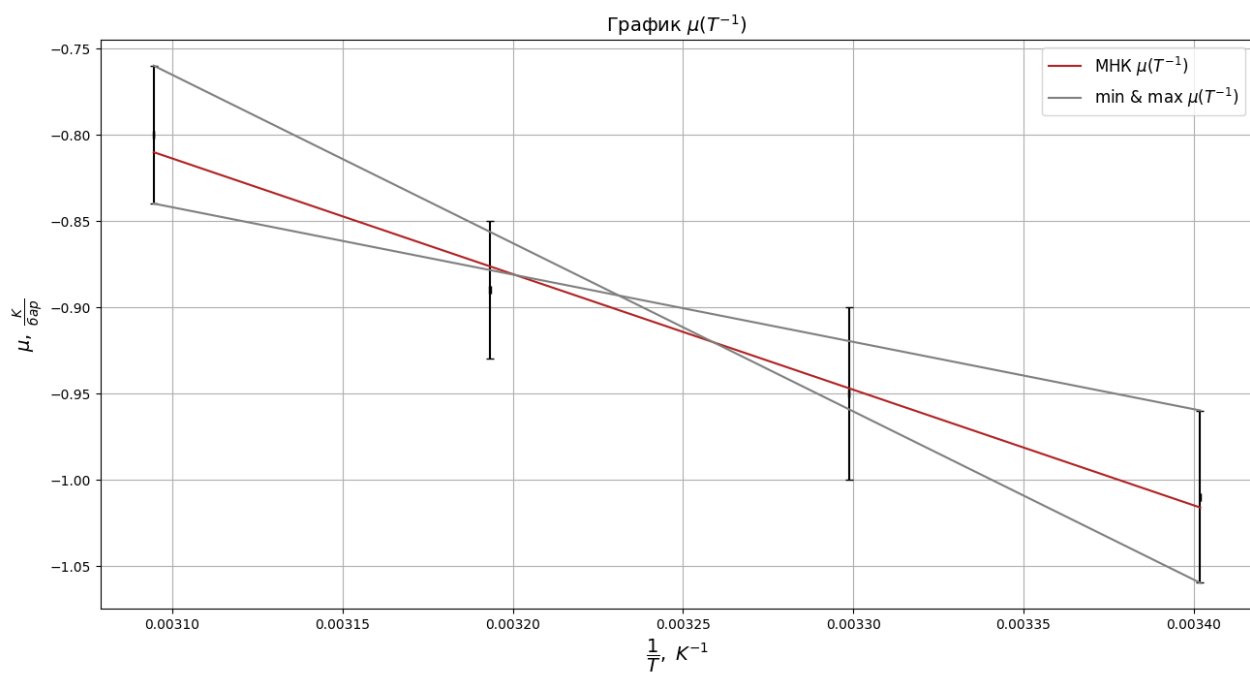


Рис. 6: График №5