# Содержание

1	Оби	цее	2
	1.1	Пробный тур	2
	1.2	Чеклист при отправке	$^{2}$
	1.3	Факты из жизни IMO KINGS	2
	1.4	Формулы	2
	1.5	Максимальное количество делителей	3
	1.6	Чеклист при WA	4
2	Код	ы	4
	2.1	Basic setup	4
	2.2	Полезное	5
	2.3	Python example	6
	2.4	Stress	6
	$\frac{2.1}{2.5}$	Дробь с минимальным знаменателем между двумя другими	6
	2.6	Битсет	7
	2.7	FFT	7
	2.8	OR-XOR-AND-свёртки	9
	2.9	Суффиксное дерево	9
		Суффиксный автомат	11
		Сумма линейных функций по модулю	12
		Диниц	12
		Dynamic CHT	14
		Пересечение матроидов	14
		Быстрый ввод-вывод	15
		Пересечение полуплоскостей	17
		Поллард	18
		mincostmaxflow	18
		Fayce	19
		Обратный по любому модулю	19
		Произведение по модулю, вылезающее за границы long long	19
		Миллер-Рабин	$\frac{19}{19}$
		Венгерка	19
		Алгоритм Манакера	$\frac{19}{20}$
		Суфмас	$\frac{20}{20}$
		DCP	$\frac{20}{20}$
		Берликамп	$\frac{20}{21}$
		Правила	$\frac{21}{23}$

# 1 Общее

# 1.1 Пробный тур

- 1. Первым делом почекать, считаются ли WA и CE за попытки. Можно ли засылать в уже сданную задачу?
  - 2. Пописать код и посдавать каждому члену команды.
  - 3. Сравнить скорости компа и тестирующей системы на  $\Phi$ лойде ( $n \sim 1050$ ).
  - 4. Запустить все IDE, проверить, что все настройки работают, проверить, что работает C++11.
  - 5. Проверить, есть ли int128.
  - 6. Проверить работу прагм в тестирующей системе.
  - 7. Почекать максимальный размер отправляемого кода.
  - 8. Проверить рабочесть стресса.

# 1.2 Чеклист при отправке

- 1. Протестить на всех тестах из примера и других рандомных тестах.
  - 2. Протестить все крайние случаи.
  - 3. Убрать дебаг вывод.
  - 4. Точно убедиться в правильности ответа и формата вывода.
  - 5. Перечитать формат ввода/вывода.
  - 6. Проверить, все ли хорошо с мультитестом.

### 1.3 Факты из жизни IMO KINGS

- 1 января 2000 года суббота, 1 января 1900 года понедельник.
- Високосные года: если  $400 \mid a$ , либо если  $4 \mid a$ , но не  $100 \mid a$ .
- INT MIN =  $-2\,147\,483\,648$ , INT MAX =  $2\,147\,483\,647$ , UINT MAX =  $4\,294\,967\,295$ ,
- SHRT MIN = -32768, SHRT MAX = 32767, LLONG MIN = -9223372036854775808,
- LLONG MAX = 9223372036854775807, ULLONG MAX = 18446744073709551615.

		2	4	5	6	7		0	- 10	11	19	19	14	15	16	17	
10 <sup>1</sup>	$10^{2}$	$10^{3}$	$10^{4}$	10 <sup>5</sup>	$10^{6}$	$10^7$	10 <sup>8</sup>	10 <sup>9</sup>	$10^{10}$	1011	$10^{12}$	$10^{13}$	$10^{14}$	$10^{15}$	$10^{16}$	$10^{17}$	$10^{18}$
	-47	-63	-113	-123	-137	-111	-213	-267	-231	-231	-233	-447	-203	-429	-369	-413	-369
	-41	-59	-99	-119	-117	-99	-179	-261	-219	-179	-153	-411	-179	-423	-359	-273	-363
	-39	-53	-93	-99	-93	-93	-173	-249	-213	-171	-143	-357	-171	-357	-357	-261	-291
	-33	-47	-77	-93	-83	-71	-161	-243	-183	-167	-137	-341	-147	-341	-329	-239	-263
	-29	-33	-71	-77	-69	-69	-153	-239	-167	-149	-123	-299	-77	-191	-191	-177	-251
	-27	-29	-69	-71	-47	-63	-69	-203	-149	-129	-101	-267	-71	-173	-183	-81	-171
-8	-21	-23	-59	-39	-41	-57	-59	-117	-119	-93	-63	-237	-69	-123	-149	-57	-137
-7	-17	-17	-51	-29	-39	-29	-41	-107	-71	-57	-41	-201	-41	-117	-113	-39	-123
-5	-11	-9	-33	-11	-21	-27	-29	-71	-57	-53	-39	-137	-29	-53	-83	-23	-33
-3	-3	-3	-27	-9	-17	-9	-11	-63	-33	-23	-11	-29	-27	-11	-63	-3	-11
+1	+1	+9	+7	+3	+3	+19	+7	+7	+19	+3	+39	+37	+31	+37	+61	+3	+3
+3	+3	+13	+9	+19	+33	+79	+37	+9	+33	+19	+61	+51	+67	+91	+69	+13	+9
+7	+7	+19	+37	+43	+37	+103	+39	+21	+61	+57	+63	+99	+97	+159	+79	+19	+31
+9	+9	+21	+39	+49	+39	+121	+49	+33	+69	+63	+91	+129	+99	+187	+99	+21	+79
+13	+13	+31	+61	+57	+81	+139	+73	+87	+97	+69	+121	+183	+133	+223	+453	+49	+177
+19	+27	+33	+67	+69	+99	+141	+81	+93	+103	+73	+163	+259	+139	+241	+481	+81	+183
+21	+31	+39	+69	+103	+117	+169	+123	+97	+121	+91	+169	+267	+169	+249	+597	+99	+201
+27	+37	+49	+79	+109	+121	+189	+127	+103	+141	+103	+177	+273	+183	+259	+613	+141	+283
+31	+39	+51	+91	+129	+133	+223	+193	+123	+147	+129	+189	+279	+261	+273	+639	+181	+381
+33	+49	+61	+93	+151	+151	+229	+213	+181	+207	+171	+193	+283	+357	+279	+669	+337	+387

# 1.4 Формулы

- Расстояние между точками по сфере:  $L = R \cdot \arccos(\cos \theta_1 \cdot \cos \theta_2 + \sin \theta_1 \cdot \sin \theta_2 \cdot \cos(\varphi_1 \varphi_2))$ , где  $\theta$  широты (от  $-\pi$  до  $\pi$ ),  $\varphi$  долготы (от  $-\pi$  до  $\pi$ )
- Объем шарового сегмента:  $V = \pi h^2 (R \frac{1}{3}h)$ , где h высота от вершины сектора до секущей плоскости
- Площадь поверхности шарового сегмента:  $S = 2\pi Rh$ , где h высота
- $2^{23} \cdot 7 \cdot 17 + 1 = 998244353$  простое, первообразный корень 3
- Код Грея:  $g_n = n \text{ XOR } \frac{n}{2}$
- Числа Фибоначчи:  $F_0=0, F_1=1, F_n=rac{\left(rac{1+\sqrt{5}}{2}
  ight)^n-\left(rac{1-\sqrt{5}}{2}
  ight)^n}{\sqrt{5}}$

• Формула Кардано:

— Переведём 
$$ax^3+bx^2+cx+d=0$$
 при помощи  $x=y-\frac{b}{3a}$  к виду  $y^3+py+q=0$ , где  $p=\frac{c}{a}-\frac{b^2}{3a^2}=\frac{3ac-b^2}{3a^2}$ ,  $q=\frac{2b^3}{27a^3}-\frac{bc}{3a^2}+\frac{d}{a}=\frac{2b^3-9abc+27a^2d}{27a^3}$  —  $Q=\left(\frac{p}{3}\right)^3+\left(\frac{q}{2}\right)^2,\ \alpha=\sqrt[3]{-\frac{q}{2}+\sqrt{Q}},\ \beta=\sqrt[3]{-\frac{q}{2}-\sqrt{Q}},\ \Delta=-108Q,\ \alpha\beta=-\frac{p}{3}$  —  $y_1=\alpha+\beta,\ y_{2,3}=-\frac{\alpha+\beta}{2}\pm i\frac{\alpha-\beta}{2}\sqrt{3}$ 

• Числа Стирлинга: s(n,k) — количество перестановок на n элементах, в которых ровно k циклов. S(n,k) — это количество способов разбить n-элементное множество на k непустых подмножеств.

$$\begin{tabular}{l} \dagger & s(n,k) = (n-1) \cdot s(n-1,k) + s(n-1,k-1) \\ \dagger & S(n,k) = k \cdot S(n-1,k) + S(n-1,k-1) \\ \dagger & x^{\underline{n}} = x \cdot (x-1) \cdot \ldots \cdot (x-n+1) = \sum\limits_{i=1}^{n} (-1)^{n-i} \cdot s(n,\ i) \cdot x^{i} \\ \dagger & x^{n} = \sum\limits_{i=0}^{n} S(n,\ i) \cdot x^{\underline{i}} \\ \end{tabular}$$

• Число разбиений на неубывающие натуральные слагаемые:

i	$p_i$	i	$p_i$	i	$p_i$	i	$p_i$	i	$p_i$	i	$p_i$
0	1	10	42	20	627	30	5604	40	37338	50	204226
1	1	11	56	21	792	31	6842	41	44583	51	<b>239</b> 943
2	2	12	77	22	1002	32	8349	42	53174	52	281589
3	3	13	101	23	1255	33	10143	43	63261	53	329931
4	5	14	135	24	1575	34	12310	44	75175	54	386155
5	7	15	176	25	1958	35	14883	45	89134	55	451276
6	11	16	231	26	2436	36	17977	46	105558	56	526823
7	15	17	297	27	3010	37	21637	47	124754	57	614154
8	22	18	385	28	3718	38	26015	48	147273	58	715220
9	30	19	490	29	4565	39	31185	49	173525	59	831 820

$$p_{100} = 190569292$$

# 1.5 Максимальное количество делителей

$\leq N$	n	Факторизация	d(n)
20	12	$2^2 \cdot 3^1$	6
50	48	$2^4 \cdot 3^1$	10
100	60	$2^2 \cdot 3^1 \cdot 5^1$	12
$10^{3}$	840	$2^3 \cdot 3^1 \cdot 5^1 \cdot 7^1$	32
$10^{4}$	7560	$2^3 \cdot 3^3 \cdot 5^1 \cdot 7^1$	64
$10^{5}$	83 160	$2^3 \cdot 3^3 \cdot 5^1 \cdot 7^1 \cdot 11^1$	128
$10^{6}$	720 720	$2^4 \cdot 3^2 \cdot 5^1 \cdot 7^1 \cdot 11^1 \cdot 13^1$	240
$10^{7}$	8 648 640	$2^6 \cdot 3^3 \cdot 5^1 \cdot 7^1 \cdot 11^1 \cdot 13^1$	448
$10^{8}$	91 891 800	$2^3 \cdot 3^3 \cdot 5^2 \cdot 7^1 \cdot 11^1 \cdot 13^1 \cdot 17^1$	768
$10^{9}$	931 170 240	$2^6 \cdot 3^2 \cdot 5^2 \cdot 7^1 \cdot 11^1 \cdot 13^1 \cdot 17^1 \cdot 19^1$	1344
$10^{11}$	97772875200	$2^6 \cdot 3^3 \cdot 5^2 \cdot 7^2 \cdot 11^1 \cdot 13^1 \cdot 17^1 \cdot 19^1$	4032
$10^{12}$	963 761 198 400	$2^6 \cdot 3^4 \cdot 5^2 \cdot 7^1 \cdot 11^1 \cdot 13^1 \cdot 17^1 \cdot 19^1 \cdot 23^1$	6720
$10^{15}$	866 421 317 361 600	$2^6 \cdot 3^4 \cdot 5^2 \cdot 7^1 \cdot 11^1 \cdot 13^1 \cdot 17^1 \cdot 19^1 \cdot 23^1 \cdot 29^1 \cdot 31^1$	26 880
$10^{18}$	897 612 484 786 617 600	$2^8 \cdot 3^4 \cdot 5^2 \cdot 7^2 \cdot 11^1 \cdot 13^1 \cdot 17^1 \cdot 19^1 \cdot 23^1 \cdot 29^1 \cdot 31^1 \cdot 37^1$	103 680

• Gambler's ruin. У первого игрока есть  $n_1$  монет, у второго  $n_2$ . На каждом шаге с вероятностью p второй отдает одну монету первому, а с вероятностью q=1-p первый отдает одну монету второму. Игра заканчивается,

когда у кого-нибудь не остается монет. Тогда первый выигрывает с вероятностью  $\frac{1-\left(\frac{p}{q}\right)}{1-\left(\frac{p}{q}\right)^{n_1+n_2}}$ .

#### 1.6Чеклист при WA

- 1. Распечатать.
  - 2. Отдать комп следующему.
  - 3. Проверить код по строчке, даже условия в форах и т.д.
  - 4. Проверить, не забыл ли случаи.
  - 5. Забрать комп, потестить, предварительно составив много тестов и ответы к ним.
  - 6. Написать стресс.
  - 7. Возможно, решение вообще неправильное.
  - 8. Возможно, WA где-то не там, где ты думаешь.

#### 2 Коды

#### Basic setup 2.1

- 1. Запустить все IDE.
  - 2. Сразу сделать файлы для всех задач.
  - 3. Для каждой задачи свой input file.
  - 4. Сделать template file, из него скопировать во все, не забыв поменять название input file.

```
5. Сделать проект для тестинга времени работы.
// MCS: Andrew Sergeevich
#ifdef ONPC
    # define _GLIBCXX_DEBUG
    #define deb(a) cerr << "=======" << #a << " = " << a << endl;
#else
    #define deb(a)
#endif
#define sz(a) ((int)((a).size()))
#include <bits/stdc++.h>
#define char unsigned char
#define pb push_back
#define eb emplace_back
#define ob pop_back
#define mp make_pair
//#define X first
//#define Y second
//#define x first
//#define y second
using namespace std;
mt19937 rnd(239);
//mt19937 rnd(chrono::steady_clock::now().time_since_epoch().count());
//mt19937_64 rnd(239);
typedef long long 11;
typedef long double ld;
typedef pair<int, int> pii;
typedef pair<11, 11> pll;
typedef vector<int> vi;
typedef vector<11> v1;
int solve()
    int n;
    if (!(cin >> n))
        return 1;
    return 0;
}
int32_t main()
```

```
{
#ifdef ONPC
   freopen("in.txt", "r", stdin);
   ios::sync_with_stdio(0); cin.tie(0); cout.tie(0);
   int TET = 1e9;
   //cin >> TET;
   for (int i = 1; i <= TET; i++)
   {
       if (solve())
           break;
       #ifdef ONPC
           cout << "\n_____" << endl;</pre>
       #endif
   }
#ifdef ONPC
   cerr << endl << "finished in " << clock() * 1.0 / CLOCKS_PER_SEC << " sec" << endl;</pre>
#endif
}
2.2
     Полезное
Прагмы:
#pragma comment(linker, "/stack:200000000")
#pragma GCC optimize("Ofast")
#pragma GCC target("sse,sse2,sse3,ssse3,sse4,avx,avx2")
Встроенный декартач:
#include <ext/pb_ds/assoc_container.hpp> // Общий файл.
#include <ext/pb_ds/tree_policy.hpp> // Содержит класс tree_order_statistics_node_update
//#include <ext/pb_ds/detail/standard_policies.hpp>
using namespace __gnu_pbds;
typedef
tree<
 int,
 null_type,
 less<int>,
 rb_tree_tag,
 tree_order_statistics_node_update>
           }
ordered_set;
ordered set q;
q.find_by_order(1);
q.order_of_key(2);
Atomic hashset:
#include <ext/pb_ds/assoc_container.hpp>
using namespace __gnu_pbds;
gp_hash_table<int, int> table;
-----
const int RANDOM = chrono::high_resolution_clock::now().time_since_epoch().count();
struct chash {
    int operator()(int x) const { return x ^ RANDOM; }
};
gp_hash_table<key, int, chash> table;
Atomic hashmap:
#include <ext/pb_ds/assoc_container.hpp>
#include <ext/pb_ds/tree_policy.hpp>
```

```
using namespace __gnu_pbds;
typedef cc_hash_table<int, int, hash<int>> ht;
Фишки битсета:
bitset<N> a;
for (int i = a._Find_first(); i != a.size(); i = a._Find_next(i)) { cout << i };</pre>
Перебор всех подмасок:
for (int s=m; ; s=(s-1)\&m) {
... можно использовать в ...
if (s==0) break;
}
2.3
     Python example
def main():
    n, k = list(map(int, input().split()))
    for i in range(1, n):
        if i in lst:
            print(i ** 2)
2.4
     Stress
В far. shift+f4 — создать файл. g++ а.сpp. Файл a.bat. Запустить — просто a.bat. Рандом хороший нужен, часто
меняющийся.
:beg
gen.exe > in.txt
a.exe < in.txt > out1.txt
b.exe < in.txt > out2.txt
fc out1.txt out2.txt
if errorlevel 1 goto bug
goto beg
:bug
echo found!
RE stress:
gen.exe > in.txt
sol.exe < in.txt > out.txt || exit
goto beg
      Дробь с минимальным знаменателем между двумя другими
rat find_best(rat 1, rat r) {
    if (1.x >= 1.y) {
        11 d = 1.x / 1.y;
        rat res = find_best(rat(1.x - d * 1.y, 1.y), rat(r.x - d * r.y, r.y));
        res.x += res.y * d;
        return res;
    }
    if (r.x > r.y)
        return rat(1, 1);
    rat res = find_best(rat(r.y, r.x), rat(1.y, 1.x));
    return rat(res.y, res.x);
```

# 2.6 Битсет

```
const int SZ = 6;
const int BASE = (1 << SZ);</pre>
const int MOD = BASE - 1;
struct Bitset {
    typedef unsigned long long T;
    vector<T> data;
    int n;
    void resize(int nn) {
        n = nn;
        data.resize((n + BASE - 1) / BASE);
    }
    void set(int pos, int val) {
        int id = pos >> SZ;
        int rem = pos & MOD;
        data[id] ^= data[id] & (1LL << rem);</pre>
        data[id] |= val * (1LL << rem);
    }
    int get(int pos) {
        return (data[pos >> SZ] >> (pos & MOD)) & 1;
    // k > 0 -> (*this) << k
    // k < 0 -> (*this) >> (-k)
    Bitset shift (int k) {
        Bitset res;
        res.resize(n);
        int s = k / BASE;
        int rem = k % BASE;
        if (rem < 0) {
            rem += BASE;
            s--;
        }
        int p1 = BASE - rem;
        T \text{ mask} = (p1 == 64)? -1: (1LL << p1) - 1;
        for (int i = max(0, -s); i < sz(data) - max(s, 0); i++) {
            res.data[i + s] |= (data[i] & mask) << rem;
        }
        if (rem != 0) {
            for (int i = max(0, -s - 1); i < sz(data) - max(s + 1, 0); i++) {
                res.data[i + s + 1] |= (data[i] >> p1) & ((1LL << rem) - 1);
            }
        }
        int cc = data.size() * BASE - n;
        res.data.back() <<= cc;
        res.data.back() >>= cc;
        return res;
};
2.7
     FFT
namespace FFT {
    using db = double;
    class FFT //NTT {
    //double vs long double!!!
    public:
        const db PI = 4 * atan2(1, 1);
```

```
/*
const int n = 20;
const int size = (1 << n);
const int MOD = 998244353; //g = 3
const int ROOT = 565042129;
*/
FFT(int _n) : size(1 << _n), n(_n) { //NTT()}
    revers.resize(size), root.resize(size);
    fftA.resize(size), fftB.resize(size);
    for (int i = 0; i < size / 2; i++) {
         root[i] = Complex(cos(2 * PI * i / size), sin(2 * PI * i / size));
         root[i + size / 2] = Complex(-root[i].real, -root[i].image);
    }
     /*
    root[0] = 1;
    for (int i = 1; i < size; i++)
         root[i] = (11) root[i - 1] * ROOT % MOD;
}
void fft(vector <Complex> &poly, int newN) { //Complex -> int
    revers[0] = 0;
    for (int i = 1; i < (1 << newN); i++) {
         if (i % 2 == 0) revers[i] = revers[i / 2] / 2;
         else revers[i] = revers[i / 2] / 2 + (1 << (newN - 1));
         if (revers[i] < i) swap(poly[revers[i]], poly[i]);</pre>
    }
    for (int level = 1; level <= newN; level++)</pre>
         for (int block = 0; block < (1 << (newN - level)); block++)</pre>
             for (int step = 0; step < (1 << (level - 1)); step++) {
                 int num1 = (block << level) + step;</pre>
                 int num2 = num1 + (1 << (level - 1));
                 Complex valA = poly[num1];
                                                                          //Complex -> int
                 Complex valB = root[step << (n - level)] * poly[num2]; //Complex -> int,(11),%MOD
                 poly[num1] = valA + valB; // % MOD
                 poly[num2] = valA - valB; // % MOD
}
void rev_fft(vector <Complex> &poly, int step) { //Complex -> int
    fft(poly, step);
    reverse(poly.begin() + 1, poly.begin() + (1 << step));</pre>
    for (int i = 0; i < (1 << step); i++) poly[i] = poly[i] / (1 << step);
     /*
    int inv_size = binpow((1 << step), MOD - 2);</pre>
    for (int i = 0; i < (1 << step); i++) poly[i] = (11) poly[i] * inv_size % MOD;
}
vector <db> multiply(const vector <db> &A, const vector <db> &B, int step) { //db -> int
    fill(fftA.begin(), fftA.begin() + (1 << step), 0);</pre>
    fill(fftB.begin(), fftB.begin() + (1 << step), 0);</pre>
    for (int i = 0; i < (int) A.size(); i++) fftA[i] = A[i]; // % MOD
    for (int i = 0; i < (int) B.size(); i++) fftB[i] = B[i]; // % MOD
    fft(fftA, step);
    fft(fftB, step);
    for (int i = 0; i < (1 << step); i++) fftA[i] = fftA[i] * fftB[i]; // (11), % MOD
```

```
rev_fft(fftA, step);
            vector <db> result(1 << step); //db -> int
            for (int i = 0; i < (1 << step); i++) result[i] = fftA[i].real; // = fftA[i]</pre>
            return result;
        }
   private:
        int size, n;
        vector <Complex> root;
        vector <int> revers;
        vector <Complex> fftA, fftB;
        //vector <int> root, revers, fftA, fftB;
   };
}
2.8
      OR-XOR-AND-свёртки
namespace Convolution {
    class Convolution {
        using Int = int;
   public:
        Convolution(int _n) : n(_n), size(1 << _n) {
            helpA.resize(size), helpB.resize(size);
        // OR -- (1 0), REV -- ( 1 0)
        // (1 1)
                                (-1\ 1)
        // AND -- (1 1), REV -- (1 -1)
                 (0 1)
                                 (0 \ 1)
        // XOR -- (1 1), REV -- (1 1), /= size
                  (1 - 1)
                                 (1 - 1)
        vector <Int> convolution(const vector <Int> &A, const vector <Int> &B) {
            for (int i = 0; i < size; i++) helpA[i] = A[i];
            for (int i = 0; i < size; i++) helpB[i] = B[i];</pre>
            transform(helpA);
            transform(helpB);
            for (int i = 0; i < size; i++) helpA[i] = helpA[i] * helpB[i];</pre>
            rev_transform(helpA);
            return helpA;
        }
   private:
        vector <Int> helpA, helpB;
        int n, size;
    };
}
      Суффиксное дерево
namespace SuffixTree {
struct Position {
    int vertex, shift;
};
const int ALPHABET = 26;
class SuffixTree {
public:
```

```
SuffixTree(const vector <int> &s) {
    str = s;
    int n = (int) str.size();
    str_bounds.resize(2 * n, mp(0, 0)), suflink.resize(2 * n, -1), parent.resize(2 * n, mp(-1, -1));
    for (int i = 0; i < ALPHABET; i++) next_step[i].resize(2 * n, -1);</pre>
    quant++;
    int root = 0;
    str_bounds[root] = mp(0, -1);
    suflink[root] = root;
    Position cur = {root, 0};
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        int symb = str[i];
        bool do_move = true;
        Position old = \{-1, -1\};
        while (!can_move(cur, symb)) {
            if (cur.vertex == root) do_move = false;
            cur = create_edge(cur, symb, i, n - 1);
            if (old.vertex != -1) suflink[old.vertex] = cur.vertex;
            old = cur;
            cur = jump_suflink(cur);
        if (old.vertex != -1) suflink[old.vertex] = cur.vertex;
        if (do_move) cur = move_next(cur, symb);
    }
}
bool can_move(Position cur, int symb) const {
    if (cur.shift == 0) return next_step[symb][cur.vertex] != -1;
    else {
        int next_symb = str[str_bounds[cur.vertex].x + cur.shift];
        return next_symb == symb;
    }
}
Position create_edge(Position cur, int symb, int lef, int rig) {
    if (cur.shift != 0) {
        quant++;
        int mid_vertex = quant - 1;
        parent[mid_vertex] = parent[cur.vertex];
        next_step[parent[mid_vertex].x][parent[mid_vertex].y] = mid_vertex;
        int next_symb = str[str_bounds[cur.vertex].x + cur.shift];
        parent[cur.vertex] = mp(next_symb, mid_vertex);
        next_step[next_symb][mid_vertex] = cur.vertex;
        str_bounds[mid_vertex] = mp(str_bounds[cur.vertex].x, str_bounds[cur.vertex].x + cur.shift - 1)
        str_bounds[cur.vertex] = mp(str_bounds[cur.vertex].x + cur.shift, str_bounds[cur.vertex].y);
        cur = {mid_vertex, 0};
    }
    quant++;
    int new_vertex = quant - 1;
    next_step[symb][cur.vertex] = new_vertex;
    parent[new_vertex] = mp(symb, cur.vertex);
    str_bounds[new_vertex] = mp(lef, rig);
    return cur;
}
Position jump_suflink(Position cur) const {
```

```
int lef = 0, rig = 0;
        if (cur.shift == 0) {
            if (suflink[cur.vertex] != -1) return {suflink[cur.vertex], 0};
            lef = str_bounds[cur.vertex].x, rig = str_bounds[cur.vertex].y;
        } else {
            lef = str_bounds[cur.vertex].x, rig = str_bounds[cur.vertex].x + cur.shift - 1;
        if (parent[cur.vertex].y == 0) lef++;
        Position new_cur = {suflink[parent[cur.vertex].y], 0};
        int tek = lef;
        while (tek <= rig) {
            int next_vert = next_step[str[tek]][new_cur.vertex];
            if (str_bounds[next_vert].y - str_bounds[next_vert].x + 1 <= rig - tek + 1) {</pre>
                tek += str_bounds[next_vert].y - str_bounds[next_vert].x + 1;
                new_cur = {next_vert, 0};
            } else {
                new_cur = {next_vert, rig - tek + 1};
                tek = rig + 1;
            }
        }
        return new_cur;
    }
    Position move_next(Position cur, int symb) const {
        if (cur.shift == 0) {
            int next_vert = next_step[symb][cur.vertex];
            if (str_bounds[next_vert].y == str_bounds[next_vert].x) return {next_vert, 0};
            else return {next_vert, 1};
        } else {
            if (str_bounds[cur.vertex].y - str_bounds[cur.vertex].x == cur.shift) return {cur.vertex, 0};
            else return {cur.vertex, cur.shift + 1};
    }
private:
    int quant = 0;
    vector <int> str;
    vector <pair <int, int> > str_bounds, parent;
    vector <int> next_step[ALPHABET + 3], suflink;
};
}
       Суффиксный автомат
namespace SuffixAutomaton {
    const int ALPHABET = 26;
    class SuffixAutomaton {
    public:
        SuffixAutomaton(const vector <int> &s) {
            int n = (int) s.size();
            int max_states = max(2 * n - 1, 5);
            len.resize(max_states, 0), suflink.resize(max_states, -1);
            for (int i = 0; i < ALPHABET; i++) next_step[i].resize(max_states, -1);</pre>
            int root = 0;
            quant++;
            int cur = root;
            for (int x : s) cur = add_symbol(cur, x);
            last_vert = cur;
```

```
int add_symbol(int last, int c) {
            quant++;
            int cur = quant - 1;
            len[cur] = len[last] + 1;
            int p = last;
            while (p != -1 && next_step[c][p] == -1) {
                next_step[c][p] = cur;
                p = suflink[p];
            }
            if (p == -1) {
                suflink[cur] = 0;
                return cur;
            }
            int q = next_step[c][p];
            if (len[q] == len[p] + 1) {
                suflink[cur] = q;
                return cur;
            }
            quant++;
            int clone = quant - 1;
            len[clone] = len[p] + 1;
            while (p != -1 && next_step[c][p] == q) {
                next_step[c][p] = clone;
                p = suflink[p];
            }
            for (int i = 0; i < ALPHABET; i++) next_step[i][clone] = next_step[i][q];</pre>
            suflink[clone] = suflink[q];
            suflink[q] = clone;
            suflink[cur] = clone;
            return cur;
        }
   private:
        int quant = 0, last_vert = 0;
        vector <int> len, suflink;
        vector <int> next_step[ALPHABET + 3];
    };
}
       Сумма линейных функций по модулю
// sum(i=0..n-1) (a + b * i) div m
11 solve(ll n, ll a, ll b, ll m) {
    if (b == 0) return n * (a / m);
    if (a \ge m) return n * (a / m) + solve(n, a % m, b, m);
    if (b \ge m) return n * (n - 1) / 2 * (b / m) + solve(n, a, b % m, m);
    return solve((a + b * n) / m, (a + b * n) % m, m, b);
}
2.12
       Диниц
const int MAXN = ...;
const int INF = 1e9 + 9;
struct edge {
    int a, b, cap, flow;
};
```

```
int n, s, t, d[MAXN], ptr[MAXN], q[MAXN];
vector<edge> e;
vector<int> g[MAXN];
void add_edge (int a, int b, int cap) {
    edge e1 = { a, b, cap, 0 };
    edge e2 = { b, a, 0, 0 };
    g[a].push_back ((int) e.size());
    e.push_back (e1);
    g[b].push_back ((int) e.size());
    e.push_back (e2);
bool bfs() {
    int qh=0, qt=0;
    q[qt++] = s;
    memset (d, -1, n * size of d[0]);
    d[s] = 0;
    while (qh < qt && d[t] == -1) {
        int v = q[qh++];
        for (size_t i=0; i<g[v].size(); ++i) {</pre>
            int id = g[v][i],
                to = e[id].b;
            if (d[to] == -1 && e[id].flow < e[id].cap) {
                q[qt++] = to;
                d[to] = d[v] + 1;
            }
        }
    }
    return d[t] != -1;
int dfs (int v, int flow, int can) {
    if (!flow) return 0;
    if (v == t) return flow;
    for (; ptr[v]<(int)g[v].size(); ++ptr[v]) {</pre>
        int id = g[v][ptr[v]],
            to = e[id].b;
        if (d[to] != d[v] + 1 || e[id].cap - e[id].flow < can) continue;
        int pushed = dfs (to, min (flow, e[id].cap - e[id].flow), can);
        if (pushed) {
            e[id].flow += pushed;
            e[id^1].flow -= pushed;
            return pushed;
    }
    return 0;
int dinic() {
    int flow = 0;
    for (;;) {
        if (!bfs()) break;
        memset (ptr, 0, n * sizeof ptr[0]);
        for (int k = 30; k \ge 0; k \longrightarrow 0) // just k = 0, if no scaling {
            while (int pushed = dfs(s, INF, (1 << k)))
                flow += pushed;
        }
    }
    return flow;
}
```

# 2.13 Dynamic CHT

```
struct Line {
    11 k, m, p;
    bool operator < (const Line &o) const { return k < o.k; }</pre>
    bool operator < (ll x) const { return p < x; }}
};
struct LineContainer : multiset<Line, less<>>> {
    // (for doubles, use inf = 1/.0, div(a,b) = a/b)
    static const ll inf = LLONG_MAX;
    ll div(ll a, ll b) { // floored division
        return a / b - ((a ^ b) < 0 && a % b);
    bool isect(iterator x, iterator y) {
        if (y == end()) return x \rightarrow p = inf, 0;
        if (x->k == y->k) x->p = x->m > y->m ? inf : -inf;
        else x->p = div(y->m - x->m, x->k - y->k);
        return x->p >= y->p;
    }
    void add(ll k, ll m) {
        auto z = insert(\{k, m, 0\}), y = z++, x = y;
        while (isect(y, z)) z = erase(z);
        if (x != begin() \&\& isect(--x, y)) isect(x, y = erase(y));
        while ((y = x) != begin() && (--x)->p >= y->p)
            isect(x, erase(y));
    }
    11 query(11 x) {
        assert(!empty());
        auto 1 = *lower_bound(x);
        return 1.k * x + 1.m;
    }
};
```

# 2.14 Пересечение матроидов

```
// check(ctaken, 1) -- first matroid
// check(ctaken, 2) -- second matroid
vector<char> taken(m);
while (1) {
    vector<vector<int>> e(m);
    for (int i = 0; i < m; i++) {
        for (int j = 0; j < m; j++) {
            if (taken[i] && !taken[j]) {
                auto ctaken = taken;
                ctaken[i] = 0;
                ctaken[j] = 1;
                if (check(ctaken, 2)) {
                    e[i].push_back(j);
            }
            if (!taken[i] && taken[j]) {
                auto ctaken = taken;
                ctaken[i] = 1;
                ctaken[j] = 0;
                if (check(ctaken, 1)) {
                    e[i].push_back(j);
```

```
}
    }
 }
vector<int> type(m);
// 0 -- cant, 1 -- can in \2, 2 -- can in \1
for (int i = 0; i < m; i++) {
    if (!taken[i]) {
        auto ctaken = taken;
        ctaken[i] = 1;
        if (check(ctaken, 2)) type[i] |= 1;
    }
    if (!taken[i]) {
        auto ctaken = taken;
        ctaken[i] = 1;
        if (check(ctaken, 1)) type[i] |= 2;
    }
}
vector<int> w(m);
for (int i = 0; i < m; i++) {
    w[i] = taken[i] ? ed[i].c : -ed[i].c;
vector<pair<int, int>> d(m, {INF, 0});
for (int i = 0; i < m; i++) {
    if (type[i] & 1) d[i] = {w[i], 0};
vector<int> pr(m, -1);
while (1) {
    vector<pair<int, int>> nd = d;
    for (int i = 0; i < m; i++) {
        if (d[i].first == INF) continue;
        for (int to : e[i]) {
            if (nd[to] > make_pair(d[i].first + w[to], d[i].second + 1)) {
                nd[to] = make_pair(d[i].first + w[to], d[i].second + 1);
                pr[to] = i;
            }
        }
    if (d == nd) break;
    d = nd;
}
int v = -1;
for (int i = 0; i < m; i++) {
    if ((d[i].first < INF && (type[i] & 2)) && (v == -1 || d[i] < d[v])) v = i;
if (v == -1) break;
while (v != -1) {
   sum += w[v];
    taken[v] ^= 1;
    v = pr[v];
ans[--cnt] = sum;
```

# 2.15 Быстрый ввод-вывод

```
#include <cstdio>
/** Interface */
inline int readChar();
template <class T = int> inline T readInt();
```

```
template <class T> inline void writeInt( T x, char end = 0 );
inline void writeChar( int x );
inline void writeWord( const char *s );
/** Read */
static const int buf_size = 4096;
inline int getChar() {
    static char buf[buf_size];
    static int len = 0, pos = 0;
    if (pos == len) pos = 0, len = fread(buf, 1, buf_size, stdin);
    if (pos == len) return -1;
    return buf[pos++];
}
inline int readChar() {
    int c = getChar();
    while (c \leq 32)
        c = getChar();
    return c;
}
template <class T>
inline T readInt() {
    int s = 1, c = readChar();
    T x = 0;
    if (c == '-')
        s = -1, c = getChar();
    while ('0' <= c && c <= '9')
        x = x * 10 + c - '0', c = getChar();
    return s == 1 ? x : -x;
}
/** Write */
static int write_pos = 0;
static char write_buf[buf_size];
inline void writeChar( int x ) {
    if (write_pos == buf_size)
        fwrite(write_buf, 1, buf_size, stdout), write_pos = 0;
    write_buf[write_pos++] = x;
template <class T>
inline void writeInt( T x, char end ) {
    if (x < 0)
        writeChar('-'), x = -x;
    char s[24];
    int n = 0;
    while (x \mid | !n)
        s[n++] = '0' + x % 10, x /= 10;
    while (n--)
        writeChar(s[n]);
    if (end)
        writeChar(end);
}
inline void writeWord( const char *s ) {
    while (*s)
        writeChar(*s++);
}
struct Flusher {
    ~Flusher() {
        if (write_pos)
            fwrite(write_buf, 1, write_pos, stdout), write_pos = 0;
```

```
}
} flusher;
// cin - 3.02, scanf - 1.2, cin+sync - 0.71
// fastRead getchar - 0.53, fastRead fread - 0.15
      Пересечение полуплоскостей
namespace hpi{
 const double eps = 1e-8;
 typedef pair < long double, long double > pi;
bool z(long double x){ return fabs(x) < eps; }</pre>
 long double ccw(pi a, pi b, pi c){
 long double dx1 = b.first - a.first;
 long double dy1 = b.second - a.second;
 long double dx2 = c.first - a.first;
 long double dy2 = c.second - a.second;
 return dx1 * dy2 - dy1 * dx2;
 struct line{
 long double a, b, c;
 bool operator<(const line &1)const{</pre>
  bool flag1 = pi(a, b) > pi(0, 0);
  bool flag2 = pi(1.a, 1.b) > pi(0, 0);
   if(flag1 != flag2) return flag1 > flag2;
  long double t = ccw(pi(0, 0), pi(a, b), pi(1.a, 1.b));
  return z(t) ? c * hypot(1.a, 1.b) < 1.c * hypot(a, b) : t > 0;
 pi slope(){ return pi(a, b); }
 };
pi cross(line a, line b){
 long double det = a.a * b.b - b.a * a.b;
 return pi((a.c * b.b - a.b * b.c) / det, (a.a * b.c - a.c * b.a) / det);
bool bad(line a, line b, line c){
 if(ccw(pi(0, 0), a.slope(), b.slope()) <= 0) return false;</pre>
 pi crs = cross(a, b);
 return crs.first * c.a + crs.second * c.b >= c.c;
 }
bool solve(vector<line> v, vector<pi> &solution){ // ax + by <= c;</pre>
 sort(v.begin(), v.end());
 deque<line> dq;
 for(auto &i : v){
   if(!dq.empty() && z(ccw(pi(0, 0), dq.back().slope(), i.slope()))) continue;
  while(dq.size() >= 2 && bad(i, dq[0], dq[1])) dq.pop_front();
  dq.push_back(i);
 while(dq.size() > 2 && bad(dq[dq.size()-2], dq.back(), dq[0])) dq.pop_back();
 while(dq.size() > 2 && bad(dq.back(), dq[0], dq[1])) dq.pop_front();
 vector<pi> tmp;
 for(int i=0; i<dq.size(); i++){</pre>
  line cur = dq[i], nxt = dq[(i+1)%dq.size()];
   if(ccw(pi(0, 0), cur.slope(), nxt.slope()) <= eps) return false;</pre>
  tmp.push_back(cross(cur, nxt));
 solution = tmp;
 return true;
```

```
2.17 Поллард
                                                        Edge* makeEdge(int s, int t, Flow f, Cost c) {
                                                           return E[s] = new Edge(t, f, c, E[s]);
const int maxc = 500010;
11 n, x[maxc];
                                                        Edge* addEdge(int s, int t, Flow f, Cost c) {
ll mul(ll a, ll b, ll m) // m <= 8e18
                                                           Edge*e1 = makeEdge(s, t, f, c);
    11 k = ((1d)a * b) / m;
                                                           Edge*e2 = makeEdge(t, s, 0, -c);
    ll r = a * b - k * m;
                                                           e1 - rev = e2, e2 - rev = e1;
    while (r < 0) r += m;
                                                           return e1;
    while (r >= m) r -= m;
    return r;
                                                        pair<Flow, Cost> minCostFlow(int vs, int vt) {
}
                                                        //flow,cost
void slow(int n) {
                                                           int n = E.size();
    for (int i = 2; i * i <= n; i++)
                                                           Flow flow = 0;
        if (n \% i == 0) {
                                                           Cost cost = 0;
            cout << i << ' ' << n / i << endl;</pre>
                                                           const Cost MAX_COST = _MAX_COST;
            exit(0);
                                                           const Flow MAX_FLOW = _MAX_FLOW;
        }
                                                           for (;;) {
    cout << "IMPOSSIBLE" << endl;</pre>
                                                              vector<Cost> dist(n, MAX_COST);
    exit(0);
                                                              vector<Flow> am(n, 0);
                                                              vector<Edge*> prev(n);
int main() {
                                                              vector<bool> inQ(n, false);
    cin >> n;
                                                              queue<int> que;
    if (n <= (int)1e6)
                                                              dist[vs] = 0;
        Slow(n);
                                                              am[vs] = MAX_FLOW;
                                                              que.push(vs);
    11 C = 2 * pow(n, 1.0 / 4);
                                                              inQ[vs] = true;
    for (int cnt = 0; cnt < 4; cnt++) {
                                                              while (!que.empty()) {
        x[0] = abs((int)rnd()) \% (n - 1) + 1;
                                                                 int u = que.front();
        for (i = 0; i < C; i++)
                                                                 Cost c = dist[u];
            x[i + 1] = (mul(x[i], x[i], n) + 3) \% n;
                                                                 que.pop();
        for (int i = 0; i < C; i++) {
                                                                 inQ[u] = false;
            ll g = gcd(abs(x[i] - x[C]), n);
                                                                 for (Edge*e = E[u]; e; e = e->next)
            if (g != 1 && g != n) {
                                                                    if (e->f > 0) {
                cout << g << ' ' << n / g << endl;</pre>
                                                                       Cost nc = c + e -> c;
                return 0;
                                                                       if (nc < dist[e->t]) {
            }
                                                                          dist[e->t] = nc;
        }
                                                                          prev[e->t] = e;
    }
                                                                          am[e->t] = min(am[u], e->f);
    cout << "IMPOSSIBLE" << endl;</pre>
                                                                           if (!inQ[e->t]) {
    return 0;
                                                                              que.push(e->t);
}
                                                                              inQ[e->t] = true;
                                                                           }
2.18
       mincostmaxflow
                                                                       }
                                                                    }
#define MAX COST 1000111
                                                              }
#define _MAX_FLOW 1000111
                                                              if (dist[vt] == MAX_COST)
template<class Flow = int, class Cost = int>
                                                                 break;
struct MinCostFlow {
                                                              Flow by = am[vt];
   struct Edge {
                                                              int u = vt;
      int t;
                                                              flow += by;
      Flow f;
                                                              cost += by * dist[vt];
      Cost c;
                                                              while (u != vs) {
      Edge*next, *rev;
                                                                 Edge*e = prev[u];
      Edge(int _t, Flow _f, Cost _c, Edge*_next) :
                                                                 e->f-=by;
            t(_t), f(_f), c(_c), next(_next) {
                                                                 e->rev->f+=by;
      }
                                                                 u = e->rev->t;
   };
                                                              }
   vector<Edge*> E;
   int addV() {
                                                           return make_pair(flow, cost);
      E.push_back((Edge*) 0);
                                                        }
      return E.size() - 1;
                                                     };
   }
```

return d;

```
2.19 Γaycc
                                                    }
int gauss (vector<vector<double>> a,
                                                    2.21
                                                           Произведение по модулю, вылезаю-
          vector<double> & ans) {
                                                           щее за границы long long
    int n = (int) a.size();
    int m = (int) a[0].size() - 1;
                                                    ll mul(ll a, ll b, ll m) // m <= 8e18
    vector<int> where (m, -1);
                                                        11 k = ((1d)a * b) / m;
    for (int col=0, row=0; col<m && row<n; ++col) {
                                                        11 r = a * b - k * m;
        int sel = row;
                                                        while (r < 0) r += m;
        for (int i=row; i<n; ++i)</pre>
                                                        while (r >= m) r -= m;
            if (abs (a[i][col]) > abs (a[sel][col]))
                                                        return r;
                sel = i;
        if (abs (a[sel][col]) < EPS)
            continue;
                                                    2.22
                                                           Миллер-Рабин
        for (int i=col; i<=m; ++i)</pre>
            swap (a[sel][i], a[row][i]);
                                                    bool check_prime(ll n) {
        where[col] = row;
                                                        11 m = n - 1, k = 0;
        for (int i=0; i<n; ++i)
                                                        while (m \% 2 == 0) {
            if (i != row) {
                                                            m /= 2;
                double c =
                                                            k++;
                  a[i][col] / a[row][col];
                for (int j=col; j<=m; ++j)</pre>
                                                        ll S = 50; // error_prob <= 1/4^S
                    a[i][j] -= a[row][j] * c;
                                                        for (int i = 0; i < S; i++) {
            }
                                                            ll a = random(1, n - 1);
        ++row;
                                                            11 x = binpow(a, m, n);
    }
                                                            for (int j = 0; j < k; j++) {
    ans.assign (m, 0);
                                                                11 y = x * x % n;
    for (int i=0; i<m; ++i)
                                                                if (y == 1 && x != 1 && x != n - 1)
        if (where[i] != -1)
                                                                    return false;
            ans[i] =
                                                                x = y;
            a[where[i]][m] / a[where[i]][i];
                                                            }
    for (int i=0; i<n; ++i) {
                                                            if (x != 1)
        double sum = 0;
                                                                return false;
        for (int j=0; j < m; ++j)
                                                        }
            sum += ans[j] * a[i][j];
                                                        return true;
        if (abs (sum - a[i][m]) > EPS)
                                                    }
            return 0;
                                                    2.23
                                                           Венгерка
    for (int i=0; i<m; ++i)
        if (where[i] == -1)
                                                    // graph matrix - a[][]
            return INF;
                                                    // 1-indexation
    return 1;
                                                    // p - matching
}
                                                    vector<int> u (n+1), v (m+1);
                                                    vector<int> p (m+1), way (m+1);
                                                    for (int i=1; i<=n; ++i) {
                                                        p[0] = i;
       Обратный по любому модулю
                                                        int j0 = 0;
ll rev(ll a, ll m) // a, m > 0 {
                                                        vector<int> minv (m+1, INF);
    if (a == 1)
                                                        vector<char> used (m+1, false);
        return 1;
    return (1LL - rev(m % a, a) * m) / a + m;
                                                            used[j0] = true;
}
                                                            int i0 = p[j0], delta = INF, j1;
int gcd(int a, int b, int &x, int &y) {
                                                            for (int j=1; j <= m; ++j)
if (a == 0) {
                                                                if (!used[j]) {
x = 0; y = 1;
                                                                    int cur = a[i0][j]-u[i0]-v[j];
return b;
                                                                    if (cur < minv[j]) {</pre>
                                                                        minv[j] = cur;
int newx = 0, newy = 0;
                                                                        way[j] = j0;
int d = gcd(b % a, a, newx, newy);
x = newy - (b / a) * newx;
                                                                    if (minv[j] < delta) {</pre>
y = newx;
```

delta = minv[j];

```
c.assign(n, 0);
                    j1 = j;
                }
                                                        for (int i = 0; i < n; i++)
            }
                                                            c[i] = s[i] - C;
        for (int j=0; j<=m; ++j)
                                                        for (int j = 0; j \le (maxchar - C); j++)
                                                            for (int i = 0; i < n; i++)
            if (used[j]) {
                u[p[j]] += delta;
                                                                if (c[i] == j)
                v[j] -= delta;
                                                                    p.push_back(i);
            }
                                                        int maxc = c[p.back()];
            else
                                                        pn.resize(n);
                minv[j] -= delta;
                                                        for (int k = 0; (1 << k) <= 2 * n; k++) {
        j0 = j1;
                                                            for (int i = 0; i < n; i++)
    } while (p[j0] != 0);
                                                                pn[i] =
                                                                ((p[i] - (1 << k)) \% n + n) \% n;
        int j1 = way[j0];
                                                            cnt.assign(maxc + 3, 0);
        p[j0] = p[j1];
                                                            for (int i = 0; i < n; i++)
        j0 = j1;
                                                                cnt[c[i] + 1]++;
    } while (j0);
                                                            for (int i = 1; i <= maxc + 2; i++)
}
                                                                cnt[i] += cnt[i - 1];
                                                            for (int i = 0; i < n; i++)
                                                                p[cnt[c[pn[i]]]++] = pn[i];
      Алгоритм Манакера
2.24
                                                            cn.assign(n, 0);
vector<int> man_nech(string s) {
                                                            cn[p[0]] = 1;
    vector<int> p(sz(s), 0);
                                                            for (int i = 1; i < n; i++)
    int l = -1, r = -1;
                                                                if (c[p[i]] == c[p[i - 1]] &&
    for (int i = 0; i < sz(s); i++) {
                                                                c[(p[i] + (1 << k)) \% n] ==
        if (i < r)
                                                                c[(p[i - 1] + (1 << k)) \% n])
            p[i] = min(r - i, p[1 + r - i]);
                                                                    cn[p[i]] = cn[p[i - 1]];
        while (i > p[i] \&\& i + p[i] + 1 < sz(s) \&\&
               s[i - p[i] - 1] == s[i + p[i] + 1])
                                                                    cn[p[i]] = cn[p[i - 1]] + 1;
            p[i]++;
                                                            maxc = cn[p.back()];
        if (i + p[i] > r)
                                                            c = cn;
            1 = i - p[i], r = i + p[i];
                                                        }
                                                        return p;
    return p;
}
                                                    vector<int> findlcp(string s, vector<int> p) {
                                                        vector<int> lcp, mem;
vector<int> man_ch(string s) {
                                                        int n = (int)s.size();
    vector<int> p(sz(s), 0);
                                                        mem.resize(n);
    int l = -1, r = -1;
                                                        for (int i = 0; i < n; i++)
    for (int i = 0; i < sz(s); i++) {
                                                            mem[p[i]] = i;
        if (i < r)
                                                        lcp.assign(n, 0);
            p[i] = min(r - i, p[1 + r - i - 1]);
                                                        for (int i = 0; i < n; i++) {
        while (i \ge p[i] && i + p[i] + 1 < sz(s) &&
               s[i - p[i]] == s[i + p[i] + 1])
                                                                lcp[mem[i]] = max(lcp[mem[i - 1]] - 1, 0);
            p[i]++;
                                                            if (mem[i] == n - 1)
        if (i + p[i] > r)
                                                                continue;
            l = i - p[i] + 1, r = i + p[i];
                                                            while (\max(i, p[mem[i] + 1]) +
                                                                   lcp[mem[i]] < n
   return p;
                                                                   && s[i + lcp[mem[i]]] ==
}
                                                                   s[p[mem[i] + 1] + lcp[mem[i]])
                                                                lcp[mem[i]]++;
                                                        }
2.25
       Суфмас
                                                        return lcp;
const char C = 'a' - 1;
                                                    }
// before first letter // change
const char maxchar = 'z'; // change
                                                    2.26
                                                          DCP
vector<int> suffarray(string s)
// without $ at the end
                                                    const int N = 300010;
                                                    map<pair<int, int>, int> q;
    vector<int> p, c, pn, cn, cnt;
                                                    vector<int> quer;
    int n = (int)s.size();
                                                    int ans[N], pr[N], sz[N], curans;
```

```
struct edge {
                                                             else
    int u, v, 1, r;
                                                                 edges1.push_back(i);
    edge(): u(0), v(0), 1(0), r(0) {}
    edge(int u, int v, int l, int r):
                                                         divide(mid + 1, r, edges1);
    u(u), v(v), 1(1), r(r) {}
                                                         for (int i = 0; i < num; i++) remove();</pre>
};
                                                    int main() {
vector<pair<int, int>,pair<int,int>>>qq;
                                                         for (int i = 0; i < k; i++) {
vector<edge> edges;
void add(int u, int v, int l, int r) {
                                                             char c;
    qq.push_back({\{u, v\}, \{1, r\}\}});
                                                             cin >> c;
}
                                                             if (c == '?') quer.push_back(i);
vector<int> st;
                                                             else {
int findset(int v) {
                                                                 int u, v;
    return ((v == pr[v]) ? v : findset(pr[v]));
                                                                 cin >> u >> v;
                                                                 if (u > v) swap(u, v);
int unionsets(int v, int u) {
                                                                 if (c == '+') q[make_pair(u, v)] = i;
    v = findset(v);
                                                                 else {
    u = findset(u);
                                                                     add(u, v, q[make_pair(u, v)], i);
                                                                     q.erase(make_pair(u, v));
    if (v == u) return 0;
    if (sz[v] < sz[u]) swap(v, u);
                                                             }
    st.push_back(u);
                                                         }
    sz[v] += sz[u];
    pr[u] = v;
                                                         for (auto it : q) {
    curans--;
                                                             int u = it.first.first;
    return 1;
                                                             int v = it.first.second;
}
                                                             add(u, v, it.second, k);
void remove() {
                                                         }
    int u = st.back();
                                                         add(1, 2, k + 1, k + 2);
                                                         for (int i = 0; i < N; i++)
    st.pop_back();
                                                             pr[i] = i, sz[i] = 1;
    sz[pr[u]] -= sz[u];
                                                         sort(qq.begin(), qq.end());
    pr[u] = u;
                                                         for (auto i : qq)
    curans++;
                                                             edges.push_back(
void divide(int 1, int r, vector<edge> edges) {
                                                             edge(i.first.first, i.first.second,
    if (r < 1)
                                                             i.second.first, i.second.second)
                                                             );
        return;
    if (1 == r) {
                                                         curans = n;
        ans[1] = curans;
                                                         divide(0, k + 2, edges);
        return;
    }
                                                    2.27
                                                            Берликамп
    int mid = (r + 1) / 2;
                                                    #define pb push_back
    vector<edge> edges1;
                                                    #define SZ 233333
    int num = 0;
                                                    const int MOD=1e9+7; //or any prime
    for (auto i : edges) {
                                                    11 qp(11 a,11 b)
        if (i.1 > mid || i.r < 1)
            continue;
                                                    11 x=1; a%=MOD;
        if (i.r >= mid && i.l <= 1)
            num += unionsets(i.u, i.v);
                                                    while(b)
        else
                                                    if(b&1) x=x*a\%MOD;
            edges1.push_back(i);
                                                    a=a*a\%MOD; b>>=1;
                                                    }
    divide(1, mid, edges1);
                                                    return x;
    for (int i = 0; i < num; i++)
        remove();
    num = 0;
                                                    namespace linear_seq {
                                                    inline vector<int> BM(vector<int> x)
    edges1.clear();
    for (auto i : edges) {
                                                     //ls: (shortest) relation sequence
        if (i.l > r \mid \mid i.r \leq mid)
                                                         // (after filling zeroes) so far
            continue;
                                                    //cur: current relation sequence
        if (i.l <= mid + 1 && i.r >= r)
                                                    vector<int> ls,cur;
            num += unionsets(i.u, i.v);
```

```
//lf: the position of ls (t')
//ld: delta of ls (v')
int lf, ld;
for(int i=0;i<int(x.size());++i)</pre>
11 t=0;
//evaluate at position i
for(int j=0;j<int(cur.size());++j)</pre>
t=(t+x[i-j-1]*(11)cur[j])%MOD;
if((t-x[i])%MOD==0) continue; //good so far
//first non-zero position
if(!cur.size())
cur.resize(i+1);
lf=i; ld=(t-x[i])MOD;
continue;
//cur=cur-c/ld*(x[i]-t)
11 k=-(x[i]-t)*qp(1d,MOD-2)%MOD/*1/1d*/;
vector<int> c(i-lf-1); //add zeroes in front
c.pb(k);
for(int j=0;j<int(ls.size());++j)</pre>
c.pb(-ls[j]*k%MOD);
if(c.size()<cur.size()) c.resize(cur.size());</pre>
for(int j=0;j<int(cur.size());++j)</pre>
c[j]=(c[j]+cur[j])%MOD;
//if cur is better than ls, change ls to cur
if(i-lf+(int)ls.size()>=(int)cur.size())
ls=cur,lf=i,ld=(t-x[i])%MOD;
cur=c;
for(int i=0;i<int(cur.size());++i)</pre>
cur[i]=(cur[i]%MOD+MOD)%MOD;
return cur;
int m; //length of recurrence
//a: first terms, h: relation
11 a[SZ],h[SZ],t_[SZ],s[SZ],t[SZ];
//calculate p*q mod f
inline void mull(ll*p,ll*q)
for(int i=0;i<m+m;++i) t_[i]=0;
for(int i=0;i<m;++i) if(p[i])</pre>
for(int j=0;j<m;++j)
t_{[i+j]} = (t_{[i+j]} + p[i] * q[j]) %MOD;
for(int i=m+m-1;i>=m;--i)
        if(t_[i])
//miuns t_{[i]}x^{i-m}(x^m-\sum_{j=0}^{m-1})
        // x^{m-j-1}h_{j}
for(int j=m-1;~j;--j)
t_{i-j-1}=(t_{i-j-1}+t_{i})%MOD;
for(int i=0;i<m;++i) p[i]=t_[i];
}
inline 11 calc(11 K)
{
for(int i=m;~i;--i)
s[i]=t[i]=0;
s[0]=1; if(m!=1) t[1]=1; else t[0]=h[0];
//binary-exponentiation
while(K)
```

```
if(K&1) mull(s,t);
mull(t,t); K>>=1;
}
11 su=0;
for(int i=0;i<m;++i) su=(su+s[i]*a[i])%MOD;</pre>
return (su%MOD+MOD)%MOD;
inline int work(vector<int> x,ll n)
{
if(n<int(x.size())) return x[n];</pre>
vector<int> v=BM(x); m=v.size(); if(!m) return 0;
for(int i=0;i<m;++i) h[i]=v[i],a[i]=x[i];
return calc(n);
using linear_seq::work;
int main()
    vector<int> x = \{1, 2, 4, 8, 16\};
    for (int i = 0; i < 10; i++)
        cout << work(x, i) << endl;</pre>
}
```

# 2.28 Правила

- 1. Перед написанием кода проверить решение на сэмплах.
- 2. Если задача неочевидная, рассказать решение другому перед написанием, подумать над тестами перед написанием.
- $3.\ B$  первый час 5 минут на исправление бага. Во второй час  $10.\ B$  третий час 15.
- 4. После 3 неправильных посылок необходимо обсудить с кем-то решение и провести полное тестирование перед посылкой.
- 5. В первой половине контеста скипать задачу, если ничего не получается 15 минут.
- 6. Все задачи должны быть кем-то прочитаны в первые полтора часа.
- 7. Если кто-то уже прочитал задачу с длинной легендой и не занят, то узнай условие у него вместо того, чтобы читать самому, если он уверен, что правильно понял задачу.
- 8. В табличке отмечать краткое описание задачи в пару слов.
- 9. Через 3.5 часа все должны знать все несданные задачи.
- 10. Перед написанием адовой жести надо пообмениваться идеями по остальным задачам с остальными.
- 11. Пытаться применять стандартные трюки, решать более простые версии задачи.
- 12. 30 секунд ни на что не влияют, можно остановиться и подумать над происходящим.
- 13. Если придумал решение, но не можешь сейчас написать, продумай детали, проверь, все ли правильно.
- 14. Если не решается, посмотри на тесты, попридумывать тесты, возможно, ты не видишь какую-то очевидную вещь.
- 15. Если ты думал, что уже точно доказал свое решение, а после этого вылез еще какой-то случай/баг, то надо рассказать решение другому / не подходить к компу еще 15 минут.
- 16. Когда в конце контеста кто-то пишет код, другой пока делает тесты, чекает, нет ли других случаев.
  - 17. После посылки минуту не чекать, зашло ли.



