



DEPARTAMENTO  
DE COMPUTACION

Facultad de Ciencias Exactas y Naturales - UBA

## Trabajo Práctico III

---

Métodos Numéricos  
Segundo Cuatrimestre de 2015

| Integrante      | LU     | Correo electrónico    |
|-----------------|--------|-----------------------|
| Iván Arcuschin  | 678/13 | iarcuschin@gmail.com  |
| Martín Jedwabny | 885/13 | martiniedva@gmail.com |
| José Massigoge  | 954/12 | jmmassigoge@gmail.com |
| Iván Pondal     | 078/14 | ivan.pondal@gmail.com |



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales  
Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja)

Intendente Güiraldes 2160 - C1428EGA

Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

Tel/Fax: (54 11) 4576-3359

<http://www.fcen.uba.ar>

# Índice

|   |           |
|---|-----------|
| <b>1. Introducción</b>  | <b>3</b>  |
| <b>2. Modelo</b>  | <b>4</b>  |
| 2.1. Video . . . . .  | 4         |
| 2.2. Vecinos . . . . .  | 4         |
| 2.3. Interpolación Lineal . . . . .                                       | 4         |
| 2.4. Interpolación por Splines . . . . .                                  | 5         |
| 2.5. Interpolación por Splines con tamaño de bloque variante . . . . .    | 6         |
| <b>3. Implementación</b>  | <b>7</b>  |
| 3.1. Interpolación por vecinos . . . . .                                  | 7         |
| 3.2. Interpolación lineal . . . . .                                       | 7         |
| 3.3. Interpolación por Splines . . . . .                                  | 8         |
| <b>4. Experimentación</b>   | <b>10</b> |
| 4.1. Detalles generales de la experimentación . . . . .                   | 10        |
| 4.2. Funcionamiento de los métodos implementados . . . . .                | 10        |
| 4.3. Determinación del tamaño de bloque del método Spline . . . . .       | 11        |
| 4.3.1. Comparación complejidad temporal . . . . .                         | 11        |
| 4.3.2. Comparacion ECM y PSNR . . . . .                                   | 11        |
| 4.3.3. Conclusiones . . . . .   | 11        |
| 4.4. Medición del ECM y PSNR de los métodos. . . . .                      | 11        |
| 4.5. Medición de los tiempos de ejecución de los métodos . . . . .        | 12        |
| 4.6. Análisis cualitativos de los métodos, fenómeno de artifacts. . . . . | 12        |
| 4.6.1. Artifacts: Movimientos Bruscos . . . . .                           | 12        |
| 4.6.2. Artifacts: Cambios de Camara . . . . .                             | 12        |
| 4.6.3. Artifacts: Movimientos Armonicicos . . . . .                       | 12        |
| <b>5. Conclusión</b>  | <b>13</b> |
| <b>6. Referencias</b>   | <b>14</b> |
| <b>7. Enunciado</b>   | <b>15</b> |

# **1. Introducción**

## 2. Modelo

### 2.1. Video

Definiremos un modelo para los videos con el cual sea fácil de trabajar a la hora de realizar el *slow motion*. Dado un video, definiremos:

- $w$  el ancho en píxeles de cada frame.
- $h$  el ancho en píxeles de cada frame.
- $f_i$  el  $i$ -ésimo frame, con  $0 < i < k$ , donde  $k$  es la cantidad de frames totales.
- $p(x, y, f_i)$ , con  $0 < x < w$ ,  $0 < y < h$ , el píxel en la posición  $(x, y)$  del frame  $f_i$ .

Luego, si tomamos  $p(x, y, f_i)$  y  $p(x, y, f_{i+1})$  querremos agregar una cierta cantidad de píxeles entre ambos, de forma que haya una transición del primero al segundo y se produzca el *slow motion*.

Para elegir que valores agregar entre los píxeles, utilizaremos diferentes métodos de interpolación.

- *Vecinos*: Consiste en rellenar los nuevos frames replicando los valores de los píxeles del frame original que se encuentra más cerca.
- *Interpolación Lineal*: Consiste en rellenar los píxeles utilizando interpolaciones lineales entre píxeles de frames originales consecutivos.
- *Interpolación por Splines*: Consiste en rellenar los píxeles utilizando Splines entre píxeles de frames originales consecutivos. En este método, utilizaremos la información provista por todos los frames del video, y generaremos  $k - 1$  funciones, cada una de a lo sumo grado cúbico.
- *Interpolación por Splines con tamaño de bloque variante*: Simliar al anterior, pero con la posibilidad de variar la cantidad de frames tomados en cuenta al generar las funciones.

En las siguientes secciones explicaremos con mayor detalle cada uno de los métodos.

### 2.2. Vecinos

En este método, eligiremos para cada nuevo píxel el valor del frame original que se encuentre más cercano. Si definimos  $c$  como la cantidad de frames a agregar entre cada par original, y  $g_0, \dots, g_{c-1}$  los nuevos frames. Tenemos que:

$$\begin{aligned}
 p(x, y, f_i) &= p(x, y, f_i) \\
 p(x, y, g_0) &= p(x, y, f_i) \\
 &\vdots \\
 p(x, y, g_{c/2-1}) &= p(x, y, f_i) \\
 p(x, y, g_{c/2}) &= p(x, y, f_{i+1}) \\
 &\vdots \\
 p(x, y, g_{c-1}) &= p(x, y, f_{i+1}) \\
 p(x, y, f_{i+1}) &= p(x, y, f_{i+1})
 \end{aligned}$$

### 2.3. Interpolación Lineal

En este método, buscaremos interpolar los píxeles de frames contiguos con una función lineal. Para ello, construiremos un Polinomio Interpolante de grado 1 utilizando *diferencias divididas*, ya que ofrece una construcción más sencilla que al seguir el método de Lagrange.

Luego, si llamamos  $f$  a la función (desconocida excepto en los puntos  $x_j$ ), definimos:

- Diferencia dividida de orden cero en  $x_j$ :

$$f[x_j] = f(x_j)$$

- Diferencia dividida de orden uno en  $x_j, x_{j+1}$ :

$$f[x_j, x_{j+1}] = \frac{f[x_{j+1}] - f[x_j]}{x_{j+1} - x_j} = \frac{f(x_{j+1}) - f(x_j)}{x_{j+1} - x_j}$$

- Polinomio Interpolante de grado 1 para  $x_j, x_{j+1}$ :

$$P_1(x) = f[x_j] + f[x_j, x_{j+1}](x - x_j) = f(x_j) + \frac{f(x_{j+1}) - f(x_j)}{x_{j+1} - x_j} * (x - x_j)$$

## 2.4. Interpolación por Splines

El método de interpolación por splines se basa en dados  $n$  puntos la construcción de  $n - 1$  funciones que interpolan los puntos y además cumplen una serie de condiciones que aseguran que la función por tramos resultante no posea las irregularidades de trabajar con polinomios de alto grado generando además uniones suaves entre cada segmento.

Dada una función  $f$  definida en el intervalo  $[a, b]$  y un conjunto de nodos  $a = x_0 < x_1 < \dots < x_n = b$ .

1. Definimos  $S(x)$  como un polinomio cúbico denominándolo  $S_j(x)$  en el subintervalo  $[x_j, x_{j+1}]$  con  $j \in [0, \dots, n - 1]$ .
2.  $S_j(x_j) = f(x_j)$  y  $S_j(x_{j+1}) = f(x_{j+1})$  para todo  $j \in [0, \dots, n - 1]$ .
3.  $S_j(x_{j+1}) = S_{j+1}(x_{j+1})$  para todo  $j \in [0, \dots, n - 2]$ .
4.  $S'_j(x_{j+1}) = S'_{j+1}(x_{j+1})$  para todo  $j \in [0, \dots, n - 2]$ .
5.  $S''_j(x_{j+1}) = S''_{j+1}(x_{j+1})$  para todo  $j \in [0, \dots, n - 2]$ .
6. Por último, se cumple una de la siguientes condiciones
  - a)  $S''(x_0) = S''(x_n) = 0$  (natural o de libre frontera).
  - b)  $S'(x_0) = f'(x_0)$  y  $S'(x_n) = f'(x_n)$  (sujeta).

Un spline definido en un intervalo que está dividido en  $n$  subintervalos requiere determinar  $4n$  constantes. Se aplican las condiciones descritas previamente a los siguiente polinomios cúbicos:

$$S_j(x) = a_j + b_j(x - x_j) + c_j(x - x_j)^2 + d_j(x - x_j)^3$$

para cada  $j \in [0, \dots, n - 1]$

Para este trabajo, dado que no conocemos la función  $f$  que estamos interpolando se decidió utilizar la condición 6a, que define al spline como natural o libre.

Una vez establecidas las ecuaciones resultantes de aplicar las condiciones y despejando todas las variables en función de  $c_j$  nos quedan las siguientes igualdades:

$$\begin{aligned} h_j &= x_{j+1} - x_j \\ a_j &= f(x_j) \text{ para cada } j \in [0, \dots, n] \\ b_j &= \frac{a_{j+1} - a_j}{h_j} - \frac{2c_j h_j - c_{j+1} h_j}{3} \\ d_j &= \frac{c_{j+1} - c_j}{3h_j} \end{aligned}$$

para cada  $j \in [0, \dots, n - 1]$

Donde los  $c_j$  nos quedan determinados por el siguiente sistema de ecuaciones:

$$c_0 = 0$$

$$c_n = 0$$

$$h_{j-1}c_{j-1} + 2(h_{j-1} + h_j)c_j + h_jc_{j+1} = \frac{3(a_{j+1} - a_j)}{h_j} + \frac{3(a_{j-1} - a_j)}{h_{j-1}}$$

para cada  $j \in [1, \dots, n-1]$

El mismo se puede representar como la siguiente matriz:

$$\begin{array}{c} c_0 \quad c_1 \quad c_2 \quad \dots \quad c_{j-1} \quad c_j \quad c_{j+1} \quad \dots \quad c_{n-2} \quad c_{n-1} \quad c_n \\ \begin{array}{c} c_0 \\ c_1 \\ \vdots \\ c_j \\ \vdots \\ c_{n-1} \\ c_n \end{array} \left[ \begin{array}{cccccccccccc} 1 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & 0 \\ h_0 & 2(h_0 + h_1) & h_1 & \dots & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \dots & h_{j-1} & 2(h_{j-1} + h_j) & h_j & \dots & 0 & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & 0 & \dots & h_{n-2} & 2(h_{n-2} + h_{n-1}) & h_{n-1} \\ 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & 1 \end{array} \right] \begin{array}{c} b \\ 0 \\ \frac{3(a_2 - a_1)}{h_1} + \frac{3(a_0 - a_1)}{h_0} \\ \vdots \\ \frac{3(a_{j+1} - a_j)}{h_j} + \frac{3(a_{j-1} - a_j)}{h_{j-1}} \\ \vdots \\ \frac{3(a_n - a_{n-1})}{h_{n-1}} + \frac{3(a_{n-2} - a_{n-1})}{h_{n-2}} \\ 0 \end{array} \end{array}$$

Ahora para el problema planteado, que es la interpolación de los cuadros de un video, nuestro  $h_j$  será la distancia entre cada uno de ellos. Esta distancia la podemos pensar como el tiempo entre cada captura del video, y como la duración del mismo se define por la cantidad de cuadros por segundo, podemos afirmar que son equidistantes, por lo tanto tenemos  $h_j = 1$  para todo  $j \in [0, \dots, n-1]$ .

Reemplazando en la matriz anterior nos queda:

$$\begin{array}{c} c_0 \quad c_1 \quad c_2 \quad \dots \quad c_{j-1} \quad c_j \quad c_{j+1} \quad \dots \quad c_{n-2} \quad c_{n-1} \quad c_n \\ \begin{array}{c} c_0 \\ c_1 \\ \vdots \\ c_j \\ \vdots \\ c_{n-1} \\ c_n \end{array} \left[ \begin{array}{cccccccccccc} 1 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 4 & 1 & \dots & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \dots & 1 & 4 & 1 & \dots & 0 & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & 0 & \dots & 1 & 4 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & 1 \end{array} \right] \begin{array}{c} b \\ 0 \\ 3(a_2 - a_1) + 3(a_0 - a_1) \\ \vdots \\ 3(a_{j+1} - a_j) + 3(a_{j-1} - a_j) \\ \vdots \\ 3(a_n - a_{n-1}) + 3(a_{n-2} - a_{n-1}) \\ 0 \end{array} \end{array}$$

Como se puede observar resulta en una matriz cuadrada tridiagonal estrictamente dominante por filas. Como consecuencia tenemos que la misma y sus submatrices principales son inversibles, llevando a que el sistema tenga una única solución y que además  $A$  posea factorización  $LU$ .

Una vez que se tiene la factorización  $A = LU$ , sólo queda resolver el sistema planteado y así calcular los coeficientes de cada  $S_j(x)$ . Por último resta evaluar el spline en los puntos donde se agregaron cuadros nuevos para así poder lograr el efecto buscado.

El beneficio de utilizar la factorización  $LU$  es que el spline que se utiliza para interpolar cada pixel del video comparte el mismo sistema, lo que cambia son los valores de los  $a_j$  que definen nuestro vector  $b$ . De esta manera, recalculamos el vector  $b$ , utilizamos la factorización  $LU$  para resolver el sistema y nuevamente calculamos los coeficientes del spline.

## 2.5. Interpolación por Splines con tamaño de bloque variante

### 3. Implementación

#### 3.1. Interpolación por vecinos

Este método consiste en reemplazar los cuadros intermedios a ser rellenados por el cuadro original mas cercano en el tiempo. Es decir, dados los cuadros del video sin camara lenta, generamos otro video en camara lenta copiando los cuadros originales de la siguiente manera:

Sean Frame1 y Frame2 dos cuadros consecutivos del video original:

|        |        |
|--------|--------|
| Frame1 | Frame2 |
|--------|--------|

Si queremos ahora 6 cuadros entre cada 2 del archivo original lo transformamos a:

|        |        |        |        |        |        |        |        |
|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| Frame1 | Frame1 | Frame1 | Frame1 | Frame2 | Frame2 | Frame2 | Frame2 |
|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|

El pseudocódigo sería el siguiente:

```
Sean W,H,I el ancho, alto y la cantidad de frames del video original
Sea video[W][H][I] el triple vector de numeros enteros que representa el
    video original
Sea K la cantidad de frames que queremos agregar entre cuadro y cuadro
Crear un triple vector de enteros new_video[W][H][I+(I-1)*K]
Para w = 0 hasta W-1 hacer
    Para h = 0 hasta H-1 hacer
        Para i = 0 hasta I-2 hacer
            Para j = 0 hasta K/2 hacer
                new_video[w][h].push_back(video[w][h][i])
            Fin para
            Para j = (K/2)+1 hasta K hacer
                new_video[w][h].push_back(video[w][h][i+1])
            Fin para
        Fin para
        new_video[w][h].push_back(video[w][h][I-1])
    Fin para
Fin para
Devolver new_video
```

#### 3.2. Interpolación lineal

En este caso, usamos el polinomio interpolador de Lagrange entre cada par de puntos/pixeles consecutivos para aproximar los valores intermedios que irían en el video de camara lenta. Esto genera una función lineal para los pixeles consecutivos en la misma posición.

Por ejemplo, sean dos pixeles con valores 1 y 4:

|   |   |
|---|---|
| 1 | 4 |
|---|---|

Si queremos un video en camara lenta con 5 cuadros intermedios por cada 2 del original, estos se replicarán de la siguiente forma:

|   |     |   |     |   |     |   |
|---|-----|---|-----|---|-----|---|
| 1 | 1.5 | 2 | 2.5 | 3 | 3.5 | 4 |
|---|-----|---|-----|---|-----|---|

El procedimiento es el siguiente:

```
Sean W,H,I el ancho, alto y la cantidad de frames del video original
Sea video[W][H][I] el triple vector de numeros enteros que representa el
    video original
Sea K la cantidad de frames que queremos agregar entre cuadro y cuadro
Crear un triple vector de enteros new_video[W][H][I+(I-1)*K]
Para w = 0 hasta W-1 hacer
    Para h = 0 hasta H-1 hacer
        Para i = 0 hasta I-2 hacer
```

```
coef_cero = video[w][h][i]
coef_uno = (video[w][h][i+1] - video[w][h][i]) / (K+1);
Para k = 0 hasta K hacer
    pixel = coef_cero + coef_uno*k;
    Si (pixel < 0) pixel = 0
    Si (pixel > 255) pixel = 255
    new_video.push_back(pixel)
Fin para
new_video.push_back(video[w][h][I-1])
Fin para
Fin para
Devolver new_video
```

### 3.3. Interpolación por Splines

En este método aplicamos la técnica de Splines. Esta consiste en generar un sistema de ecuaciones para encontrar una función por partes que interpole cada par de puntos con polinomios de forma que la curva resultante sea continua y dos veces derivable. Como el sistema es tridiagonal, podemos aprovechar para guardar los valores de la matriz de forma más eficiente. El pseudocódigo es el siguiente:

```
Sean W,H,I el ancho, alto y la cantidad de frames del video original
Sea video[W][H][I] el triple vector de numeros enteros que representa el
    video original
Sea K la cantidad de frames que queremos agregar entre cuadro y cuadro
Crear un triple vector de enteros new_video[W][H][I+(I-1)*K]
Para w = 0 hasta W-1 hacer
    Para h = 0 hasta H-1 hacer
        Crear doble vector de enteros sistema[I][2]
        sistema[0] = {1,0}
        Para j = 1 hasta I-2 hacer
            sistema[j] = {1, 4}
        Fin para
        sistema[I-1] = {0,1}
        // Factorización LU
        Para j = 1 hasta I-2 hacer
            coef = sistema[i + 1][0]/sistema[i][1];
            sistema[i + 1][0] = coef
            sistema[i + 1][1] -= coef
        Fin para
        Crear vectores x[I], a[I], b[I], c[I], d[I]
        Para i = 1 hasta I-2 hacer
            x[i] = 3*(a[i + 1] - 2*a[i] + a[i - 1]));
            x[i] -= x[i - 1]*sistema[i][0];
        Fin para
        // Resuelvo triangular superior (Uc = x)
        Para i = I - 2 hasta 1 hacer
            c[i] = x[i];
            c[i] -= c[i + 1];
            c[i] /= sistema[i][1];
        Fin para
        // Calculo mis coeficientes "b" y "d"
        Para i = 0 hasta I-2 hacer
            b[i] = a[i + 1] - a[i] - (2*c[i] + c[i + 1])/3;
            d[i] = (c[i + 1] - c[i])/3;
```



```
Fin para
//Calculo los pixeles resultantes con el Spline
Para i = 0 hasta I-1 hacer
  Para j = 0 hasta K hacer
    dif = j/(K+1)
    val = a[i] + b[i]*(dif) + c[i]*(dif)*(dif) + d[i]*(dif)*(dif)*(
      dif)
    new_video[w][h].push_back(val)
  Fin para
Fin para
new_video.push_back(video[w][h][I-1])
Fin para
Devolver new_video
```

## 4. Experimentación

En esta sección, se detallan los diferentes experimentos que realizamos para medir el funcionamiento, la eficiencia y calidad de resultados, tanto de forma cuantitativa como cualitativa, de los métodos implementados.

Para lograr tal fin realizamos los siguientes tipos de experimentos:

- Funcionamiento de los métodos implementados: mostraremos que los métodos de interpolación funcionan correctamente comparandolos contra diferentes familias de funciones.
- Determinación del tamaño de bloque del método interpolación por splines.
- Medición del ECM y PSNR de los métodos.
- Medición de los tiempos de ejecución de los métodos.
- Análisis cualitativos de los métodos, fenómeno de artifacts.

Los videos utilizados para los diversos experimentos, fueron los siguientes:

- **Video 1 - Skate:** 426x240, cantidad de cuadros originales: 151, fps: 30, duracion: 5s.
- **Video 2 - Messi:** 426x240, cantidad de cuadros originales: 151, fps: 30, duracion: 5s.
- **Video 3 - Amanecer:** 426x240, cantidad de cuadros originales: 151, fps: 30, duracion: 5s.

Es importante mencionar que cada video representa una clase de video distinto, en donde el Video 1 contiene movimientos bruscos, el Video 2 cambios de camara, y el Video 3 movimientos suaves.

El motivo de estas elecciones se debe a la búsqueda de diversos *artifacts* a partir de las características de cada clase.

### 4.1. Detalles generales de la experimentación

- En los experimentos que se utilizaron números aleatorios, se generaron utilizando la función *rand*, provista por la librería `stdlib.h`.
- La semilla para los números aleatorios se seteo utilizando el método *srand(time(NULL))*, para evitar repeticiones de números en diferentes corridas.

### 4.2. Funcionamiento de los métodos implementados

En este experimento nuestro objetivo fue asegurarnos el correcto funcionamiento de nuestra implementación de la interpolación fragmentaria lineal, interpolación por splines, e interpolación por splines con tamaño de bloque fijo, tomando bloques de 2 cuadros, 4 cuadros y 8 cuadros.

Con este fin, realizamos una serie de tests que muestran el correcto funcionamiento de cada método para distintas familias de funciones:

- Función constante.
- Función lineal.
- Función cuadrática.
- Función cúbica.

Luego, cada método de interpolación fue testeado contra cada una de las familias de funciones mencionadas de la siguiente forma:

- Dada una familia de funciones, se generan aleatoriamente los coeficientes necesarios para definir una función de esa familia, i.e.: para una constante se genera solo el coeficiente independiente, mientras que para una cuadrática se generan 3 coeficientes.

- Una vez generada la función, se la evalúa en un rango de valores para obtener un array de valores esperados.
- Luego, a partir del array de valores esperados se construye otro array quitándole elementos a intervalos fijos. Este nuevo array será el utilizado para realizar la interpolación, y lo que testaremos es la aproximación de la interpolación a los elementos que quitamos.
- Una vez que tenemos la interpolación con cualquiera de los métodos mencionados, basta recorrer los elementos del array de valores esperados a la vez que evaluamos la interpolación obtenida. Para cada par de valores: esperado e interpolado, queremos ver que la diferencia absoluta es menor que un epsilon que definiremos dependiendo del método utilizado y la función a interpolar.

Es importante mencionar algunas características de las instancias utilizadas:

- Cantidad de puntos generados con la función (tamaño del array de valores esperados): 100
- Cantidad de puntos a interpolar: 50.
- Todos los coeficientes generados aleatoriamente están en el rango  $[1, 10]$ , para evitar que las funciones generadas crezcan de forma desmedida.

Luego, se obtuvieron las siguientes cotas de precisión para los distintos métodos y funciones:

|  | F. Constante | F. Lineal | F. Cuadrática | F. Cúbica |
|--|--------------|-----------|---------------|-----------|
| Interpolación por Vecinos                    | 0.0001       | 10        | 1000          | 100000    |
| Interpolación Lineal                         | 0.0001       | 0.0001    | 10            | 1000      |
| Interpolación por Splines                    | 0.0001       | 0.0001    | 1             | 10        |
| Interpolación por Splines (bloques tamaño 2) | FALTA        | FALTA     | FALTA         | FALTA     |
| Interpolación por Splines (bloques tamaño 4) | FALTA        | FALTA     | FALTA         | FALTA     |
| Interpolación por Splines (bloques tamaño 8) | FALTA        | FALTA     | FALTA         | FALTA     |

### 4.3. Determinación del tamaño de bloque del método Spline

En este experimento buscamos determinar cual es el mejor tamaño de bloque para la interpolación por splines con tamaño de bloque fijo, teniendo en cuenta la performance y la calidad de los resultados obtenidos de cada tamaño propuesto.

Planteamos los siguientes tamaños de bloques: 2 cuadros, 4 cuadros y 8 cuadros. PORQUE?

Las comparaciones que vamos a realizar serán en términos de complejidad temporal y ECM, PSNR (ver Sección 4.4 para las definiciones de ambas métricas).

#### 4.3.1. Comparación complejidad temporal

Como instancias de prueba, tomamos cada uno de los videos elegidos y fuimos aumentando la cantidad de cuadros agregados.

En los siguientes graficos mostramos los resultados obtenidos para cada tamaño de bloque:

#### 4.3.2. Comparacion ECM y PSNR

#### 4.3.3. Conclusiones

Habiendo hecho las comparaciones entre los diversos tamaños.

### 4.4. Medición del ECM y PSNR de los métodos.

Sea  $F$  un frame del video real (ideal) , y  $\bar{F}$  el mismo frame del video efectivamente construidos por alguno de los métodos. Sea  $m$  la cantidad de filas de píxeles en cada imagen y  $n$  la cantidad de columnas.

Definimos el Error Cuadrático Medio, ECM, como el real dado por:

$$\text{ECM}(F, \bar{F}) = \frac{1}{mn} \sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n |F_{k_{ij}} - \bar{F}_{k_{ij}}|^2 \quad (1)$$

A su vez definimos *Peak to Signal Noise Ratio*, PSNR, como el real dado por:

$$\text{PSNR}(F, \bar{F}) = 10 \log_{10} \left( \frac{255^2}{\text{ECM}(F, \bar{F})} \right). \quad (2)$$

Ambas medidas nos sirven para realizar un análisis cuantitativo de la calidad de los resultados obtenidos con los distintos métodos.

En este experimento utilizamos los videos propuestos al inicio de la experimentacion, variando la cantidad de cuadros que agregamos

Los resultados obtenidos son los siguientes: (GRÁFICO COMPARANDO LOS MÉTODOS)

## 4.5. Medición de los tiempos de ejecución de los métodos

A partir de la implementación descripta en la Sección xxx, podemos inferir una complejidad temporal para cada método: Nuevamente, sea  $m$  la cantidad de filas de píxeles en cada imagen y  $n$  la cantidad de columnas, sea  $c$  es la cantidad de cuadros originales y sea  $f$  la cantidad de cuadros a agregar entre los originales.

- Interpolacion lineal: dado que realizamos 4 ciclos, en donde el primero se ejecuta  $n$  veces, el segundo  $m$  veces, el tercero  $c$  veces, y el cuarto  $f$  veces, la complejidad temporal del mismo es  $\Theta(nmcf)$ .
- Vecino mas cercano: situación idéntica al método lineal, realizamos 4 ciclos, en donde el primero se ejecuta  $n$  veces, el segundo  $m$  veces, el tercero  $c$  veces, y el cuarto  $f$  veces, la complejidad temporal del mismo es  $\Theta(nmcf)$ .
- Interpolacion por Splines:
- Interpolacion por Splines con tamaño de bloque fijo:

Las instancias que utilizamos, en este caso, fueron

Los resultados obtenidos:

## 4.6. Análisis cualitativos de los métodos, fenómeno de artifacts.

Los *artifacts* son errores visuales resultantes de la aplicación de los métodos. Estos errores visuales se caracterizan por romper la coherencia entre imágenes al generar distorsiones evidentes.

### 4.6.1. Artifacts: Movimientos Bruscos

### 4.6.2. Artifacts: Cambios de Camara

### 4.6.3. Artifacts: Movimientos Armonicos

## 5. Conclusión

## 6. Referencias

## 7. Enunciado