

Fundações I - Resumo

@ivansnpmaster

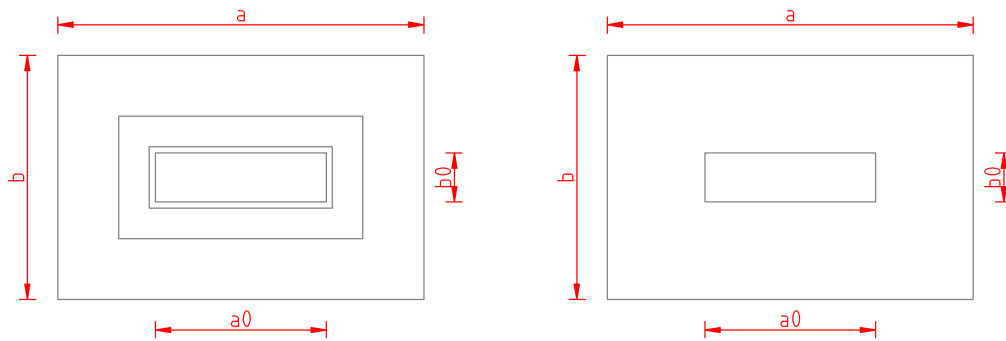
September 7, 2018

1 Fundações rasas ou diretas (superficiais)

1.1 Bloco de fundação

Os blocos são elementos de fundação de grande rigidez, executados com concreto simples ou ciclópico (portanto, não armado), dimensionado de tal forma que as tensões de tração neles produzidas, sejam absorvidas pelo próprio concreto.

Figura 1: Nomenclatura das dimensões da base do bloco de fundação.



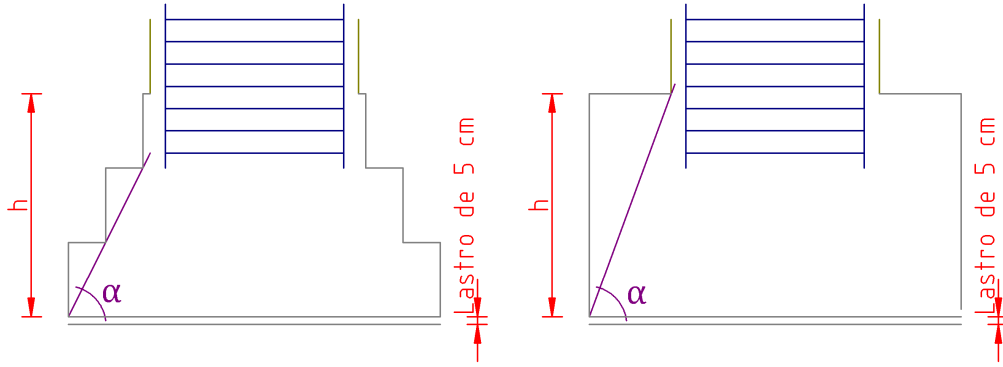
As equações iniciais são:

$$A = a \cdot b \quad (1)$$

$$A = \frac{P}{\sigma_s} \quad (2)$$

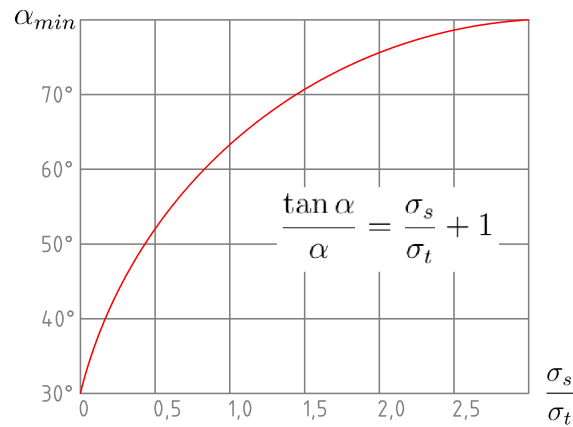
$$h = \frac{a - a_0}{2} \cdot \tan \alpha \quad (3)$$

Figura 2: Elementos altura h e ângulo interno α do bloco de fundação. Armadura em azul, pilar em amarelo escuro e o bloco em cinza.



Onde a é o maior lado do bloco, b é o menor lado do bloco, a_0 é o maior lado do pilar, b_0 é o menor lado do pilar, P é a carga do pilar, σ_s é a tensão admissível do solo, h é a altura do bloco, α é o ângulo interno e σ_t é a tensão admissível de tração do concreto.

Figura 3: Ábaco para encontrar o ângulo interno α .



O valor de α é obtido através do ábaco, entrando-se com o valor σ_s/σ_t , em que σ_s é a tensão que o bloco aplica ao solo (carga do pilar + peso próprio do bloco, dividido pela área da base) e σ_t é a tensão admissível de tração do concreto, que é da ordem de $f_{ck}/25$ e não é recomendável adotar valores superiores a $0,8 \text{ MPa}$.

Exemplo: Dimensionar um bloco de fundação sujeito a uma carga de 1700 kN , aplicada por um pilar de $(35 \times 60) \text{ cm}$, executado com concreto com f_{ck} de 15 MPa , sobre um solo com taxa igual a $0,4 \text{ MPa}$. Desprezar o peso próprio.

O primeiro passo é determinar a área da base, portanto:

$$A = \frac{P}{\sigma_s} = \frac{1700 \text{ kN}}{0,4 \text{ MPa}} = \frac{1700 \text{ kN}}{400 \frac{\text{kN}}{\text{m}^2}} = 4,25 \text{ m}^2$$

Como o pilar é retangular, é interessante ter um bloco da mesma forma. Como a $\sqrt{4,25}$ é próxima de 2, estima-se um valor abaixo disso para b , a fim de encontrar um valor para a um pouco maior que 2. Portanto, estima-se um $b = 1,9 \text{ m}$ e o outro lado (a) é $4,25 \text{ m}^2 / 1,9 \text{ m} \approx 2,25 \text{ m}$. Note que o valor dessa divisão foi arredondado para cima, e isso deve ser feito objetivando medidas de 5 em 5 cm (para facilitar a confecção de fôrmas).

Então, determina-se a altura do bloco. Para isso, precisa-se verificar se a tensão admissível de tração do concreto está dentro do limite estabelecido:

$$\sigma_t = \frac{f_{ck}}{25} = \frac{15 \text{ MPa}}{25} = 0,6 \text{ MPa} < 0,8 \text{ MPa}$$

O valor está dentro do limite, podemos prosseguir. Agora, deve-se encontrar o ângulo interno do bloco através do ábaco. Primeiramente, verifica-se a seguinte relação:

$$\frac{\sigma_s}{\sigma_t} = \frac{0,4 \text{ MPa}}{0,6 \text{ MPa}} \approx 0,67$$

A relação fornece um α de 60° pelo ábaco. Deve-se verificar a altura em ambas as direções (a e b) da peça, como prossegue:

$$h_a = \frac{a - a_0}{2} \cdot \tan \alpha = \frac{2,25 - 0,6}{2} \cdot \tan 60^\circ \approx 1,45 \text{ m}$$

$$h_b = \frac{b - b_0}{2} \cdot \tan \alpha = \frac{1,9 - 0,35}{2} \cdot \tan 60^\circ \approx 1,35 \text{ m}$$

Novamente os valores foram arredondados para cima, no mesmo padrão de 5 em 5 cm . Adota-se o maior valor de h entre h_a e h_b . O bloco de fundação tem $a = 2,25 \text{ m}$, $b = 1,9 \text{ m}$ e $h = 1,45 \text{ m}$.

1.2 Sapatas

São elementos de fundação executados em concreto armado com altura reduzida em relação às dimensões da base e caracteriza-se, principalmente, por trabalhar à flexão.

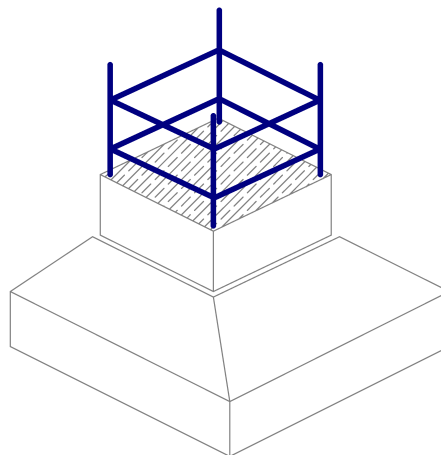
Tipos de sapatas:

- Sapata isolada;
- Sapata conjugada ou viga de fundação;
- Sapata corrida;
- Sapata com viga de equilíbrio ou sapata com viga alavanca;
- Sapata associada ou radier parcial.

1.2.1 Sapata isolada

São aquelas que atendem a um único pilar.

Figura 4: Sapata isolada em perspectiva.



Para o pré-dimensionamento de altura de uma sapata, pode-se utilizar a seguinte equação:

$$h = 30\% \cdot a \quad (4)$$

Alguns **critérios de projeto** devem ser considerados no pré-dimensionamento de sapatas isoladas:

1. O centro de gravidade da sapata deverá coincidir com o centro de carga dos pilares;

$$CG_{sapata} = CG_{pilar}$$

2. Nenhuma dimensão da sapata deverá ser inferior a 60 *cm*;

$$b \geq 60 \text{ cm}$$

3. A relação entre os lados da sapata não deverá ultrapassar a 2,5;

$$\frac{a}{b} \leq 2,5$$

4. Os balanços da sapata deverão ser iguais nas duas direções ortogonais da peça.

$$a - a_0 = b - b_0$$

Observações:

1. Quando o somatório das áreas das sapatas ultrapassar 50% da área da projeção da edificação no terreno, deve-se trocar a solução **sapata isolada** por **radier**;
2. Ao escolher o tipo de fundação a ser adotado em um projeto, deve-se testar, **primeiramente**, a solução **sapata isolada**. Caso não seja possível, deve-se partir para outras alternativas, inclusive **fundações profundas**.

A figura a seguir ilustra o caso de **sapatas em terrenos inclinados**. Percebe-se que uma nova sapata deve ficar no mínimo a uma distância *b* da sapata já construída.

*Inserir imagem

Exemplo: Dimensionar as sapatas para os pilares P1 e P2 com as seguintes características: P1 (30x30) *cm* \rightarrow 3000 *kN*; P2 (30x60) *cm* \rightarrow 4200 *kN*; $\sigma_s = 0,3 \text{ MPa}$.

Para **P1**:

Como $a_0 = b_0$, a sapata será quadrada ($a = b$).

$$A = b \cdot b$$

$$A = b^2$$

Como $A = \frac{P}{\sigma_s}$, tem-se:

$$b = \sqrt{\frac{P}{\sigma_s}} = \sqrt{\frac{3000 \text{ kN}}{300 \frac{\text{kN}}{\text{m}^2}}} \approx 3,162 \text{ m} \approx 3,2 \text{ m}$$

Portanto, a altura h da sapata é $h = 30\% \cdot a = 30\% \cdot 3,2 = 0,96 \approx 0,95$

Nota-se que foi arredondado para baixo. Pode-se fazer isso quando os arredondamentos de a e b forem mais folgados e conseqüentemente não atrapalharem na quantidade de área. Se fosse utilizado $h = 0,95 \text{ m}$, fazendo a conta inversa, obter-se-ia um $a = 0,95/0,3 \approx 3,17 \text{ m} \approx 3,2 \text{ m}$.

Para **P2**:

O pilar é retangular, indicando que as dimensões da sapata também serão.

$$A = \frac{P}{\sigma_s} = \frac{4200 \text{ kN}}{300 \frac{\text{kN}}{\text{m}^2}} = 14 \text{ m}^2$$

Como $A = a \cdot b$:

$$a = 14 \text{ m}^2/b$$

Para que os momentos fletores sejam iguais nas duas direções ortogonais, tem-se:

$$a - a_0 = b - b_0$$

$$\frac{14}{b} - 0,6 = b - 0,3$$

Multiplicando todos os elementos por b :

$$14 - 0,6b = b^2 - 0,3b$$

Igualando toda a equação a zero, tem-se:

$$b^2 + 0,3b - 14 = 0$$

Encontrando-se as raízes por Bhaskara:

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4 \cdot a \cdot c}}{2 \cdot a} = \frac{-0,3 \pm \sqrt{0,3^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-14)}}{2 \cdot 1}$$

$$x_1 \approx 3,59 \text{ m}$$

$$x_2 \approx -3,89 \text{ m}$$

Voltando, tem-se:

$$a = \frac{14 \text{ m}^2}{b} = \frac{14 \text{ m}^2}{3,59 \text{ m}} \approx 3,89 \text{ m} \approx 3,9 \text{ m}$$

Percebe-se que as duas raízes da equação correspondem aos lados da sapata, sendo uma delas em módulo. A altura h é, portanto:

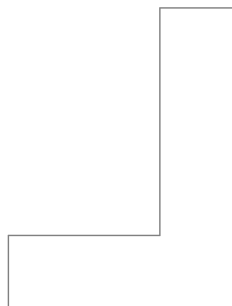
$$h = 30\% \cdot a = 30\% \cdot 3,9 \text{ m} = 1,17 \text{ m} \approx 1,2 \text{ m}$$

As dimensões das sapatas isoladas são: P1 ($a = b = 3,2 \text{ m}$ e $h = 0,95 \text{ m}$); e P2 ($a = 3,9 \text{ m}$, $b = 3,6 \text{ m}$ e $h = 1,2 \text{ m}$).

1.3 Sapatas com seção "L", "U" e "Z"

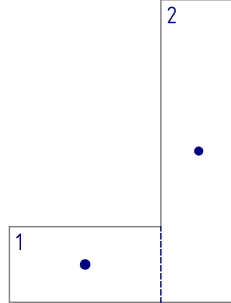
Para pilares com seções mais complexas, deve-se obter um pilar retangular equivalente, de modo que se possa utilizar os métodos já vistos.

Figura 5: Vista em planta de um pilar com seção "L".



O primeiro passo é subdividir a figura inicial em figuras menores de geometria conhecida (preferencialmente retangular), cada qual com seu respectivo centro geométrico (CG), como segue:

Figura 6: Vista em planta da subdivisão do pilar em "L" em geometrias mais simples.



Essa subdivisão permite o cálculo das coordenadas do CG da figura mais complexa pelas seguintes médias ponderadas:

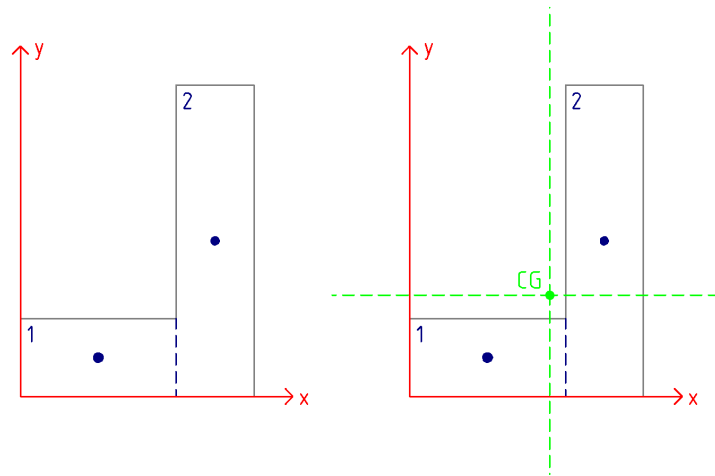
$$x_{CG} = \frac{\sum_{i=1}^n A_i \cdot \bar{x}_i}{\sum_{i=1}^n A_i} \quad (5)$$

$$y_{CG} = \frac{\sum_{i=1}^n A_i \cdot \bar{y}_i}{\sum_{i=1}^n A_i} \quad (6)$$

Onde x_{CG} e y_{CG} são as coordenadas do CG da figura final; A_i é a área da figura i ; e \bar{x}_i ou \bar{y}_i é a coordenada do CG da figura fracionada i .

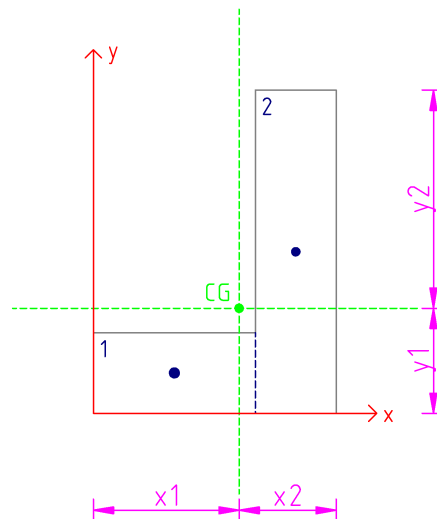
Além disso, antes de calcular os pontos de CG da figura mais complexa, coloca-se eixos de referência na figura, como segue:

Figura 7: Vista em planta da colocação de eixos para encontrar o CG.



Agora, deve-se checar, a partir dos eixos traçados, qual a maior distância de ambas as superfícies da peça em cada eixo até o ponto CG, ou seja:

Figura 8: Vista em planta da checagem da distância de cada extremidade em relação ao CG da figura principal.



O maior valor deve ser dobrado para cada eixo. Assim, o pilar retangular equivalente com mesmo CG é obtido.

Figura 9: Vista em planta dos comprimentos do pilar retangular equivalente para a seção em "L".

