Санкт-Петербургский Национальный Исследовательский

Университет Информационных Технологий, Механики и Оптики

Факультет Программной Инженерии и Компьютерной Техники



Вариант № 407959

Лабораторная работа № 2

"Синтез помехоустойчивого кода"

по дисциплине

“ **Информатика**”

Выполнил

Студент группы P3110

Чжун Цзяцзюнь : 407959

Преподаватель:

Рыбаков Степан Дмитриевич

Оглавление

[Задание 4](#_Toc179668675)

[Основные этапы вычисления 4](#_Toc179668676)

[1. Задание 1 – №57 4](#_Toc179668677)

[2. Задание 2 – №94 5](#_Toc179668678)

[3. Задание 3 – №19 5](#_Toc179668679)

[4. Задание 4 – №10 5](#_Toc179668680)

[5. Задание 5 – №74 6](#_Toc179668681)

[6. Задание 6 – № ((57+94+19+10+74) \* 4 = 1016) 6](#_Toc179668682)

[7. Задание 7 6](#_Toc179668683)

[Вывод 7](#_Toc179668684)

[Список литературы 7](#_Toc179668685)

# Задание

1. Определить свой вариант задания с помощью номера в ISU (он же номер студенческого билета). Вариантом является комбинация 3-й и 5-й цифр. Т.е. если номер в ISU = 36**7**0**8**1, то вариант = 78.
2. На основании номера варианта задания выбрать набор из 4 полученных сообщений в виде последовательности 7-символьного кода
3. Построить схему декодирования классического кода Хэмминга (7;4), которую представить в отчёте в виде изображения.
4. Показать, исходя из выбранных вариантов сообщений (по 4 у каждого – часть №1 в варианте), имеются ли в принятом сообщении ошибки, и если имеются, то какие. **Подробно прокомментировать** и записать правильное сообщение.
5. На основании номера варианта задания выбрать 1 полученное сообщение в виде последовательности 15-символьного кода.
6. Построить схему декодирования классического кода Хэмминга (15;11), которую представить в отчёте в виде изображения.
7. Показать, исходя из выбранного варианта сообщений (по 1 у каждого – часть №2 в варианте), имеются ли в принятом сообщении ошибки, и если имеются, то какие. **Подробно прокомментировать** и записать правильное сообщение.
8. Сложить номера всех 5 вариантов заданий. Умножить полученное число на 4. Принять данное число как число информационных разрядов в передаваемом сообщении. Вычислить для данного числа минимальное число проверочных разрядов и коэффициент избыточности.
9. Дополнительное задание №1 (позволяет набрать от 86 до 100 процентов от максимального числа баллов БаРС за данную лабораторную). Написать программу на любом языке программирования, которая на вход из командной строки получает набор из 7 цифр «0» и «1», записанных подряд, анализирует это сообщение на основе классического кода Хэмминга (7,4), а затем выдает правильное сообщение (только информационные биты) и указывает бит с ошибкой при его наличии.

# Основные этапы вычисления

# Задание 1 – №57

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| r1 | r2 | i1 | r3 | i2 | i3 | i4 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |

s1 = r1 ⊕ i1 ⊕ i2 ⊕ i4 = 0 ⊕ 0 ⊕ 1 ⊕ 0 = 1

s2 = r2 ⊕ i1 ⊕ i3 ⊕ i4 = 0 ⊕ 0 ⊕ 0 ⊕ 0 = 0

s3 = r3 ⊕ i2 ⊕ i3 ⊕ i4 = 0 ⊕ 1 ⊕ 0 ⊕ 0 = 1

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |  |
| 2x | r1 | r2 | i1 | r3 | i2 | i3 | i4 | s |
| 1 | X | - | X | - | X | - | X | s1 |
| 2 | - | X | X | - | - | X | X | s2 |
| 4 | - | - | - | X | X | X | X | s3 |

S = (s1, s2, s3) = 101 ⇒ ошибка в символе i2

Правильное сообщение: 0000

# Задание 2 – №94

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| r1 | r2 | i1 | r3 | i2 | i3 | i4 |
| 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |

s1 = r1 ⊕ i1 ⊕ i2 ⊕ i4 = 1 ⊕ 1 ⊕ 1 ⊕ 0 = 1

s2 = r2 ⊕ i1 ⊕ i3 ⊕ i4 = 0 ⊕ 1 ⊕ 1 ⊕ 0 = 0

s3 = r3 ⊕ i2 ⊕ i3 ⊕ i4 = 0 ⊕ 1 ⊕ 1 ⊕ 0 = 0

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |  |
| 2x | r1 | r2 | i1 | r3 | i2 | i3 | i4 | s |
| 1 | X | - | X | - | X | - | X | s1 |
| 2 | - | X | X | - | - | X | X | s2 |
| 4 | - | - | - | X | X | X | X | s3 |

S = (s1, s2, s3) = 100 ⇒ ошибка в символе r1

Правильное сообщение: 1110

# Задание 3 – №19

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| r1 | r2 | i1 | r3 | i2 | i3 | i4 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 |

s1 = r1 ⊕ i1 ⊕ i2 ⊕ i4 = 0 ⊕ 0 ⊕ 0 ⊕ 1 = 1

s2 = r2 ⊕ i1 ⊕ i3 ⊕ i4 = 1 ⊕ 0 ⊕ 0 ⊕ 1 = 0

s3 = r3 ⊕ i2 ⊕ i3 ⊕ i4 = 1 ⊕ 0 ⊕ 0 ⊕ 1 = 0

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |  |
| 2x | r1 | r2 | i1 | r3 | i2 | i3 | i4 | s |
| 1 | X | - | X | - | X | - | X | s1 |
| 2 | - | X | X | - | - | X | X | s2 |
| 4 | - | - | - | X | X | X | X | s3 |

S = (s1, s2, s3) = 100 ⇒ ошибка в символе r1

Правильное сообщение: 0001

# Задание 4 – №10

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| r1 | r2 | i1 | r3 | i2 | i3 | i4 |
| 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |

s1 = r1 ⊕ i1 ⊕ i2 ⊕ i4 = 1 ⊕ 1 ⊕ 0 ⊕ 0 = 0

s2 = r2 ⊕ i1 ⊕ i3 ⊕ i4 = 0 ⊕ 1 ⊕ 0 ⊕ 0 = 1

s3 = r3 ⊕ i2 ⊕ i3 ⊕ i4 = 0 ⊕ 0 ⊕ 0 ⊕ 0 = 0

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |  |
| 2x | r1 | r2 | i1 | r3 | i2 | i3 | i4 | s |
| 1 | X | - | X | - | X | - | X | s1 |
| 2 | - | X | X | - | - | X | X | s2 |
| 4 | - | - | - | X | X | X | X | s3 |

S = (s1, s2, s3) = 010 ⇒ ошибка в символе r2

Правильное сообщение: 1000

# Задание 5 – №74

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| r1 | r2 | i1 | r3 | i2 | i3 | i4 | r4 | i5 | i6 | i7 | i8 | i9 | i10 | i11 |
| 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |

s1 = r1 ⊕ i1 ⊕ i2 ⊕ i4 ⊕ i5 ⊕ i7 ⊕ i9 ⊕ i11 = 0 ⊕ 1 ⊕ 1 ⊕ 0 ⊕ 0 ⊕ 0 ⊕ 1 ⊕ 0 = 1

s2 = r2 ⊕ i1 ⊕ i3 ⊕ i4 ⊕ i6 ⊕ i7 ⊕ i10 ⊕ i11 = 0 ⊕ 1 ⊕ 0 ⊕ 0 ⊕ 1 ⊕ 0 ⊕ 0 ⊕ 0 = 0

s3 = r3 ⊕ i2 ⊕ i3 ⊕ i4 ⊕ i8 ⊕ i9 ⊕ i10 ⊕ i11 = 1 ⊕ 1 ⊕ 0 ⊕ 0 ⊕ 0 ⊕ 1 ⊕ 0 ⊕ 0 = 1

s4 = r4 ⊕ i5 ⊕ i6 ⊕ i7 ⊕ i8 ⊕ i9 ⊕ i10 ⊕ i11 = 1 ⊕ 0 ⊕ 1 ⊕ 0 ⊕ 0 ⊕ 1 ⊕ 0 ⊕ 0 = 1

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 |  |
| 2x | r1 | r2 | i1 | r3 | i2 | i3 | i4 | r4 | i5 | i6 | i7 | i8 | i9 | i10 | i11 | S |
| 1 | X | - | X | - | X | - | X | - | X | - | X | - | X | - | X | s1 |
| 2 | - | X | X | - | - | X | X | - | - | X | X | - | - | X | X | s2 |
| 4 | - | - | - | X | X | X | X | - | - | - | - | X | X | X | X | s3 |
| 8 | - | - | - | - | - | - | - | X | X | X | X | X | X | X | X | s4 |

s = (s1, s2, s3, s4) = 1011 ⇒ ошибка в символе i9

Правильное сообщение:11000100000

Задание 1 - I2

Задание 2 - R1

Задание 3 - R1

Задание 4 - R2

Задание 5 – I9

# Задание 6 – № ((57+94+19+10+74) \* 4 = 1016)

Информационных разрядов в передаваемом сообщении: 1016

Пусть будет r проверочных разрядов. Тогда всего бит в сообщении: 2r – 1, а информационных бит (т.е. разрядов) 2r – r – 1. Найдем r такое, что 2r - 1 – (r – 1) – 1 <1016 ⩽ 2r – r – 1

подходит r = 11:

210  - 10 - 1 = 1013 < 1016 < 211 - 11 – 1 = 2037

Значит, коэффициент избыточности = r / (i + r) = 11 / (1016 + 11) ≈ 0,01071081

Ответ: r = 11, коэффициент избыточности ≈ 0,01071081

# Задание 7

Написать программу на любом языке программирования, которая на вход получает набор из 7 цифр «0» и «1», записанных подряд, анализирует это сообщение на основе классического кода Хэмминга (7,4), а затем выдает правильное сообщение (только информационные биты) и указывает бит с ошибкой при его наличии.

1. **def** hamming\_decode(hamming\_code):
2. hamming\_code = [int(bit) **for** bit **in** hamming\_code]
4. r1 = hamming\_code[0]
5. r2 = hamming\_code[1]
6. r3 = hamming\_code[3]
8. s1 = r1 ^ hamming\_code[2] ^ hamming\_code[4] ^ hamming\_code[6]
9. s2 = r2 ^ hamming\_code[2] ^ hamming\_code[5] ^ hamming\_code[6]
10. s3 = r3 ^ hamming\_code[4] ^ hamming\_code[5] ^ hamming\_code[6]
12. error\_positon = s1 + (s2 << 1) + (s3 << 1)
14. **if** error\_positon == 0:
15. **print**('All correct')
16. **else**:
17. **print**(f'error: {error\_positon}')
18. hamming\_code[error\_positon - 1] = hamming\_code[error\_positon - 1] ^ 1 # hamming\_code[error\_positon - 1] ^= 1
20. original\_message = [hamming\_code[2], hamming\_code[4], hamming\_code[5], hamming\_code[6]]
21. **return** original\_message
23. **if** \_\_name\_\_ == '\_\_main\_\_':
24. hamming\_code = input('Enter Hamming: ')
25. **if** len(hamming\_code) != 7 **or** **not** all(bit **in** '01' **for** bit **in** hamming\_code):
26. **print**('Enter a valid Hamming code')
27. **else**:
28. correct\_message = hamming\_decode(hamming\_code)
29. **print**('Correct message: ', ''.join(map(str, correct\_message)))

# Вывод

В процессе выполнения лабораторной работы я научился работать с кодом Хэмминга и вычислять биты с ошибками. Написал программу на питоне, в ходе написания которой изучил функцию map.

# Список литературы

1. Код Хэмминга. Пример работы алгоритма

<https://en.wikipedia.org/wiki/Hamming_code>

1. Функция map в Питоне

<https://www.geeksforgeeks.org/python-map-function/>