# **Proyecto Semestral - IEE2103**

Iván Vergara Lam | 2022-1

A partir del desarrollo en Wolfram Mathematica, se obtuvo que  $s(x) = \uparrow \uparrow_c *a \cdot \land \left(\frac{1 - \frac{L}{2}}{\frac{L}{2}}\right)$ 

De esta manera, utilizando las propiedades de desplazamiento y escalamiento de la Transformada de Fourier, se puede notar que

$$s(x,t) = \frac{a}{2} \cdot \left( \wedge \left( \frac{1 - \frac{L}{2} - ct}{\frac{L}{2}} \right) + \wedge \left( \frac{1 - \frac{L}{2} + ct}{\frac{L}{2}} \right) \right)$$

Esta expresión será utilizada durante todo el desarrollo del proyecto, corresponde a la onda triangular de sonido de una cuerda de guitarra.

#### # Librerías

```
import numpy as np
from math import sqrt, ceil, floor, exp
import matplotlib.pyplot as plt
from matplotlib.animation import FuncAnimation
from random import random
import sounddevice as sd
from IPython.display import clear_output
from scipy.io import wavfile as wf
```

b) Para desarrollar este apartado, se definen las funciones que serán utilizadas, declarando las constantes reales a utilizar durante la primera etapa.

```
# Se define la función triángulo

def triangulo(x):
    return 2 * abs((x / 2) % 2 - 1) - 1

# Se define la funcion s(x, t) utilizando constantes reales

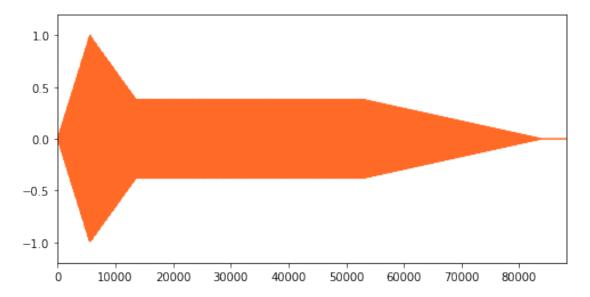
def s(
    X,
    t,
    a = 1,
    L = 0.648,
    c = 427.23, # velocidad
# amplitud
# largo de cuerda estándar
```

```
u = 3.09 * (10 ** -4), # densidad de la cuerda
                                  # tensión
    T = 56.4
    fm = 44100
    ):
    muestra = np.linspace(0, t, ceil(t * fm))
    return (a / 2) * (triangulo((x - L / 2 - c * muestra) / (L / 2)) +
triangulo((x - L / 2 + c * muestra) / (L / 2)))
# Definición de constantes
fm = 44100
                        # frecuencia en Hz
# tiempo en segundos
duracion = 2
amplitud = 1
largo_cuerda = 0.648 # largo en metros
# Se crea el sonido y se reproduce
sonido = s(largo cuerda / 2, duracion, a = amplitud, L = largo cuerda)
sd.play(sonido, fm)
Se puede apreciar que el sonido suena similar a una cuerda de guitarra.
c) Se redefine la función s(x,t) para que la velocidad no sea una constante, sino que esté
determinada por c = \sqrt{\frac{T}{\mu}}, donde T representa la tensión de la cuerda y \mu la densidad por
unidad de largo.
def s(
    Χ,
    t,
    a=1, # amplitud

L=0.648, # largo de cuerda estándar

u=3.09*(10**-4), # densidad de la cuerda
                                  # tensión
    T = 56.40,
    fm = 44100
    ):
    muestra = np.linspace(0, t, ceil(t * fm))
    c = sqrt(T / u)
    return (a / 2) * (triangulo((x - L / 2 - c * muestra) / (L / 2)) +
triangulo((x - L / 2 + c * muestra) / (L / 2)))
# Se define una envolvente del tipo ADSR
def envolvente(x, t, fm = 44100):
    envelope = np.zeros(len(x))
    num = 0
    aux = {
```

```
0:0,
        1: 0.064,
        2: 0.154,
        3: 0.604,
        4: 0.95
    }
    for j in range(len(x)):
        i = x[i]
        num += (1 / (fm * t))
        if num < aux[1]:
            envelope[j] = ((i / 0.08) * num)
        elif num < aux[2]:
            envelope[j] = (i * (1 - (1 / 0.185) * (num - 0.024)))
        elif num < aux[3]:
            envelope[j] = (0.3 * i)
        elif num < aux[4]:
            envelope[j] = (i * (-0.858) * (num - 0.95))
        else:
            envelope[j] = 0
    maximo = max(envelope)
    return envelope / maximo
# Definición de constantes
fm = 44100
                       # frecuencia en Hz
duracion = 2
                       # tiempo en segundos
amplitud = 1
largo cuerda = 0.648 # largo en metros
# Se crea el sonido y se le aplica la envolvente
sonido = envolvente(s(largo_cuerda / 2, duracion, a = amplitud, fm =
fm , L = largo cuerda), duracion, fm)
# Se reproduce el sonido envuelto y se grafica
fig, ax = plt.subplots(figsize = (8, 4))
ax.set xlim(0, fm * duracion)
ax.set ylim(-1.2, 1.2)
plt.plot(sonido, color = '#FF6A26')
sd.play(sonido, fm)
```



d) Para generar la síntesis de un acorde de guitarra, es necesario modelar las cuerdas de la guitarra con sus debidos parámetros.

# Se crea la clase cuerda para facilitar la implementación de acordes

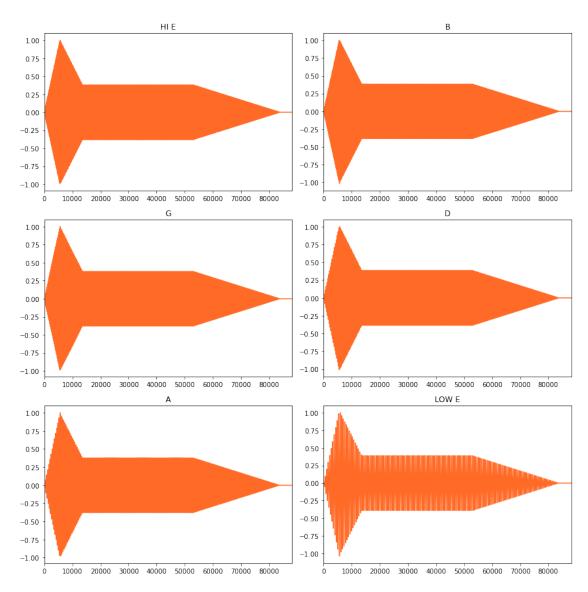
## class Cuerda:

```
def init (self, nombre: str, tension: float, densidad: float,
amplitud = 1, \overline{largo} = 0.648):
        self.nombre = nombre
        self.tension = tension
        self.densidad = densidad
        self.amplitud = amplitud
        self.largo = largo
    def crear_sonido(self, duracion):
        return s(self.largo / 2, duracion, a = self.amplitud, L =
self.largo, u = self.densidad, T = self.tension)
    def repr (self):
        return f'Cuerda: {self.nombre}\n' \
            + f'Tensión: {self.tension}\n' \
            + f'Densidad: {self.densidad}\n' \
            + f'Amplitud: {self.amplitud}\n' \
            + f'Largo: {self.largo}\n'
```

Se instancian las cuerdas utilizando la siguiente información

```
cuerdas = (
    ((0, 0), Cuerda('HI E', 56.40, 3.09 * (10 ** -4))),
    ((0, 1), Cuerda('B', 48.86, 4.77 * (10 ** -4))),
    ((1, 0), Cuerda('G', 66.61, 1.03 * (10 ** -3))),
    ((1, 1), Cuerda('D', 58.55, 1.62 * (10 ** -3))),
```

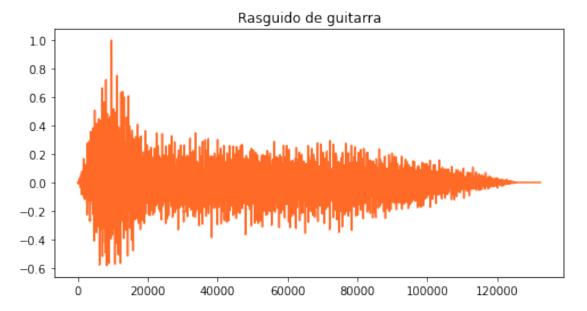
```
((2, 0), Cuerda('A', 71.11, 3.50 * (10 ** -3))),
    ((2, 1), Cuerda('LOW E', 65.90, 5.78 * (10 ** -3))),
# Se prueba el sonido de una cuerda
duracion = 2
sonido = cuerdas[5][1].crear sonido(duracion)
print(f'Actualmente suena la cuerda {cuerdas[5][1].nombre}')
sd.play(envolvente(sonido, duracion, fm), fm)
sd.wait()
Actualmente suena la cuerda LOW E
# Se reproducen las seis cuerdas en secuencia
# Posteriormente suena la colección de cuerdas simultáneamente
fig, ax = plt.subplots(3, 2, figsize = (12, 12))
rasquido = 0
for pos, cuerda in cuerdas:
    duracion = 2
    sonido = cuerda.crear sonido(duracion)
    rasguido += sonido
    ax[pos[0], pos[1]].plot(envolvente(sonido, duracion, fm), color =
'#FF6A26')
    ax[pos[0], pos[1]].set title(cuerda.nombre) # Escojemos un título
para el gráfico
    ax[pos[0], pos[1]].set xlim(0, fm * duracion)
    print(f'Actualmente suena la cuerda {cuerda.nombre}')
    sd.play(envolvente(sonido, duracion, fm), fm)
    sd.wait()
    clear output(wait = True)
print(f'Actualmente suena el rasguido')
sd.play(envolvente(rasguido, duracion, fm), fm)
sd.wait()
clear output(wait = True)
plt.tight layout()
plt.show()
```



# Se define el sonido del rasguido, es decir, la colección de las seis de ellas sonando simultáneamente

# def sonido\_rasguido(duracion):

```
cuerdas = (
    Cuerda('HI E', 56.40, 3.09 * (10 ** -4)),
    Cuerda('B', 48.86, 4.77 * (10 ** -4)),
    Cuerda('G', 66.61, 1.03 * (10 ** -3)),
    Cuerda('D', 58.55, 1.62 * (10 ** -3)),
    Cuerda('A', 71.11, 3.50 * (10 ** -3)),
    Cuerda('LOW E', 65.90, 5.78 * (10 ** -3)),
)
```



Se puede apreciar como el sonido se asemeja a rasgar las cuerdas al aire en una guitarra real.

e) Para implementar la melodía, se deben crear acordes, por lo que se define una serie de funciones a continuación.

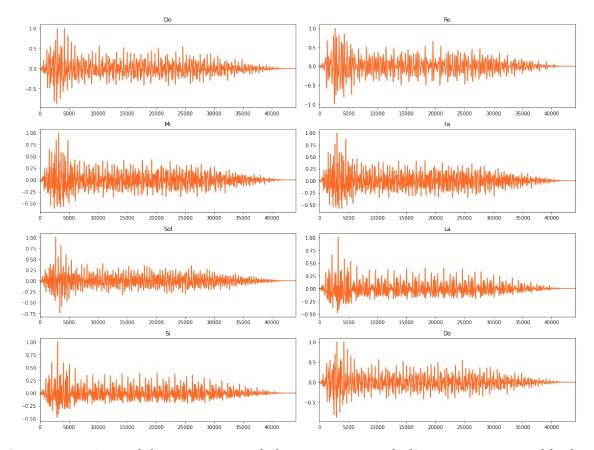
# Para modelar los acordes de manera realista, se implementa la variable de trastes

```
def largo_traste(n, l):
    return l / (2 ** (n / 12))
```

# Permite crear acordes a partir de una lista de tuplas y un número float

```
def crear acorde(lista, duracion):
    cuerdas = (
         ((0, 0), Cuerda('HI E', 56.40, 3.09 * (10 ** -4))),
         ((0, 1), Cuerda('B', 48.86, 4.77 * (10 ** -4))),
         ((1, 0), Cuerda('G', 66.61, 1.03 * (10 ** -3))),
((1, 1), Cuerda('D', 58.55, 1.62 * (10 ** -3))),
((2, 0), Cuerda('A', 71.11, 3.50 * (10 ** -3))),
         ((2, 1), Cuerda('LOW E', 65.90, 5.78 * (10 ** -3))),
    )
    sonido = []
    for num cuerda, traste in lista:
         sonido.append(
             s (
                 x = largo traste(traste, cuerdas[num cuerda][1].largo)
/ 2, \
                 t = duracion, \
                 T = cuerdas[num cuerda][1].tension, \
                 u = cuerdas[num cuerda][1].densidad, \
                 L = largo_traste(traste, cuerdas[num cuerda][1].largo)
             )
         )
    return sum(sonido)
# Para evaluar la función para crear acordes, se crea la escala Do Re
Mi Fa Sol La Si
duracion = 1
Do = crear_acorde([(1, 3), (2, 2), (3, 0), (4, 1), (5, 0)], duracion)
Re = crear_acorde([(2, 0), (3, 2), (4, 3), (5, 2)], duracion)
Mi = crear acorde([(0, 0), (1, 2), (2, 2), (3, 1), (4, 0), (5, 0)],
duracion)
Fa = crear\_acorde([(0, 1), (1, 3), (2, 3), (3, 2), (4, 1), (5, 1)],
duracion)
Sol = crear acorde([(0, 3), (1, 2), (2, 0), (3, 0), (4, 0), (5, 3)],
duracion)
La = crear_acorde([(1, 0), (2, 2), (3, 2), (4, 2), (5, 0)], duracion)
Si = crear acorde([(1, 1), (2, 3), (3, 3), (4, 3), (5, 1)], duracion)
# Se reproduce y gráfica la escala
notas = (
    ((0, 0), Do, 'Do'),
    ((0, 1), Re, 'Re'),
    ((1, 0), Mi, 'Mi'),
```

```
((1, 1), Fa, 'Fa'),
((2, 0), Sol, 'Sol'),
    ((2, 1), La, 'La'),
((3, 0), Si, 'Si'),
    ((3, 1), Do, 'Do'),
)
fig, ax = plt.subplots(4, 2, figsize = (16, 12))
rasguido = 0
for pos, nota, nombre in notas:
    duracion = 1
    ax[pos[0], pos[1]].plot(envolvente(nota, duracion, fm), color =
'#FF6A26')
    ax[pos[0], pos[1]].set_title(nombre) # Escogemos un título para el
gráfico
    ax[pos[0], pos[1]].set_xlim(0, fm * duracion)
    print(f'Actualmente suena la nota {nombre}')
    sd.play(envolvente(nota, duracion, fm), fm)
    sd.wait()
    clear output(wait = True)
# plt.plot(envolvente(rasguido, duracion, fm), color = 'orange')
plt.tight_layout()
plt.show()
```



A continuación, se debe escoger una de las siguientes melodías y ejecutar su celda de código, es recomendable escoger *Wish You Were Here* de *Pink Floyd*.

House of the Rising Sun - The Animals

1.1.1

```
e | -------0-0------
0-----
1-----
G|-----0-----0------1------0------
2-----0----
D|----2-----
2-----
A | -0-----
0------
F|----
0-----
0-----
duracion 1 = 0.35
duracion 2 = 0.55
lista cancion = [
  (crear_acorde([(4, 0)], duracion_2), duracion_2),
  (crear_acorde([(3, 2)], duracion_1), duracion_1),
  (crear acorde([(2, 2)], duracion 1), duracion 1),
  (crear acorde([(1, 1)], duracion_1), duracion_1),
  (crear_acorde([(0, 0)], duracion_2), duracion_2),
  (crear_acorde([(1, 1)], duracion_2), duracion_2),
  (crear_acorde([(2, 0)], duracion_2), duracion_2),
  (crear acorde([(4, 3)], duracion 2), duracion 2),
  (crear_acorde([(2, 0)], duracion_1), duracion_1),
  (crear acorde([(2, 1)], duracion 1), duracion 1),
  (crear acorde([(1, 0)], duracion 2), duracion 2),
  (crear_acorde([(0, 0)], duracion_1), duracion_1),
  (crear_acorde([(1, 0)], duracion_2), duracion_2),
  (crear_acorde([(2, 0)], duracion_2), duracion_2),
  (crear acorde([(3, 0)], duracion 2), duracion 2),
  (crear_acorde([(2, 2)], duracion_1), duracion_1),
  (crear acorde([(1, 3)], duracion 1), duracion 1),
  (crear_acorde([(0, 2)], duracion_2), duracion_2),
  (crear_acorde([(0, 2)], duracion_2), duracion_2),
  (crear_acorde([(1, 3)], duracion_2), duracion_2),
  (crear_acorde([(2, 0)], duracion_2), duracion_2),
  (crear_acorde([(3, 3)], duracion_2), duracion_2),
  (crear_acorde([(2, 2)], duracion_1), duracion_1),
  (crear_acorde([(1, 1)], duracion_1), duracion_1),
  (crear_acorde([(0, 1)], duracion_2), duracion_2),
  (crear acorde([(0, 1)], duracion 2), duracion 2),
  (crear\_acorde([(1, 1)], duracion 2), duracion 2),
  (crear_acorde([(2, 0)], duracion_2), duracion_2),
  (crear acorde((4, 0)), duracion 2), duracion 2),
  (crear_acorde([(3, 2)], duracion_1), duracion_1),
  (crear acorde([(2, 2)], duracion 1), duracion 1),
```

```
(crear acorde([(1, 1)], duracion 1), duracion 1),
   (crear acorde([(0, 0)], duracion 1), duracion 1),
   (crear_acorde([(0, 0)], duracion_1), duracion_1),
   (crear acorde([(1, 1)], duracion 2), duracion 2),
   (crear acorde([(2, 0)], duracion 2), duracion 2),
   (crear_acorde([(5, 0)], duracion_2), duracion_2),
   (crear_acorde([(4, 2)], duracion_1), duracion_1),
   (crear_acorde([(3, 2)], duracion_1), duracion_1),
   (crear acorde([(2, 1)], duracion 1), duracion 1),
   (crear acorde([(1, 0)], duracion 1), duracion 1),
   (crear_acorde([(0, 0)], duracion_1), duracion_1),
   (crear_acorde([(1, 0)], duracion_2), duracion_2),
   (crear_acorde([(2, 0)], duracion_2), duracion_2),
   (crear_acorde([(4, 0)], duracion_2), duracion_2),
   (crear_acorde([(3, 2)], duracion_1), duracion_1),
   (crear acorde([(2, 2)], duracion 1), duracion 1),
   (crear_acorde([(1, 1)], duracion_1), duracion_1),
   (crear_acorde([(0, 0)], duracion_2), duracion_2),
   (crear_acorde([(1, 1)], duracion 2), duracion 2),
   (crear_acorde([(2, 0)], duracion_2), duracion_2),
   (crear acorde([(5, 0)], duracion 2), duracion 2),
   (crear_acorde([(4, 2)], duracion_1), duracion_1),
   (crear acorde([(3, 2)], duracion 1), duracion 1),
   (crear_acorde([(2, 1)], duracion_1), duracion_1),
   (crear acorde([(1, 0)], duracion 1), duracion 1),
   (crear_acorde([(0, 0)], duracion_1), duracion 1),
   (crear\_acorde([(1, 0)], duracion\_2), duracion\_2),
   (crear acorde([(2, 0)], duracion 2), duracion 2)
]
1.1.1
Wild World Yusuf / Cat Stevens
e | -----5------5-------
Bİ-----5----5----5--
G \mid ---7---7---7----7
D | -0-----| -0-----|
E | -----
duracion 1 = 0.4
duracion 2 = 0.7
lista cancion = [
   (crear_acorde([(3, 0)], duracion_1), duracion_1),
   (crear_acorde([(2, 7)], duracion_1), duracion_1),
   (crear acorde([(1, 5)], duracion 1), duracion 1),
   (crear_acorde([(2, 7)], duracion_2), duracion_2),
   (crear_acorde([(0, 5)], duracion_1), duracion_1),
   (crear acorde([(1, 5)], duracion 1), duracion 1),
```

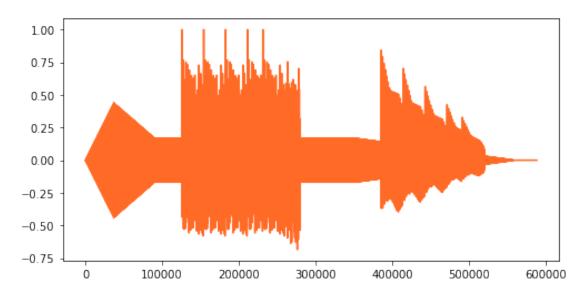
```
(crear_acorde([(2, 7)], duracion_1), duracion_1),
  (crear_acorde([(1, 5)], duracion_1), duracion_1)
]
1.1.1
Dark Red - Steve Lacy
E | -----
B | -----
G | -----
Di-----i. x4
A | -----
E|-6-6--5-5--4-4-4-----7-7--6-6-6--|
duracion 1 = 0.4
duracion_2 = 0.6
lista cancion = [
  (crear_acorde([(5, 6)], duracion_1), duracion_1),
  (crear_acorde([(5, 6)], duracion_1), duracion_1),
  (crear_acorde([(5, 5)], duracion_1), duracion_1),
  (crear_acorde([(5, 5)], duracion_2), duracion_2),
  (crear_acorde([(5, 4)], duracion_1), duracion_1),
  (crear_acorde([(5, 4)], duracion_1), duracion_1),
  (crear acorde([(5, 4)], duracion 1), duracion 1),
  (crear_acorde([(4, 6)], duracion_1), duracion_1),
  (crear_acorde([(4, 6)], duracion_2), duracion_2),
  (crear acorde([(4, 4)], duracion 1), duracion 1),
  (crear_acorde([(4, 4)], duracion_2), duracion_2),
  (crear_acorde([(5, 7)], duracion_1), duracion_1),
  (crear acorde([(5, 7)], duracion 2), duracion 2),
  (crear_acorde([(5, 6)], duracion_1), duracion_1),
  (crear_acorde([(5, 6)], duracion_1), duracion_1),
  (crear acorde([(5, 6)], duracion 2), duracion 2)
]
1.1.1
Wish You Were Here - Pink Floyd
e|-----|-3--3-3-3--
Bİ------İ-3--3-3-3-3-
x2
Al-----0h2------|-2--2-2-|-----|-2--2-2-2-|
E|---(3)-----|-x--x-x-|-----|-3--3--3--3--3
duracion 1 = 0.45
duracion 2 = 0.65
```

```
duracion 3 = 1.1
lista cancion = [
    (crear acorde([(5, 3)], duracion 1), duracion 1),
    (crear_acorde([(4, 0)], duracion_3), duracion_3),
    (crear acorde([(3, 0)], duracion 2), duracion 2),
    (crear_acorde([(3, 2)], duracion_2), duracion_2),
    (crear\ acorde([(0, 3), (1, 3), (2, 0), (3, 2), (4, 2), (5, 10)],
duracion 2), duracion 2),
    (crear_acorde([(0, 3), (1, 3), (2, 0), (3, 2), (4, 2), (5, 10)],
duracion 2), duracion 2),
    (crear acorde([(0, 3), (1, 3), (2, 0), (3, 2), (4, 2), (5, 10)],
duracion 2), duracion 2),
    (crear_acorde([(0, 3), (1, 3), (2, 0), (3, 2), (4, 2), (5, 10)],
duracion 1), duracion 1),
    (crear\_acorde([(0, 3), (1, 3), (2, 0), (3, 2), (4, 2), (5, 10)],
duracion_3), duracion_3),
    (crear acorde([(2, 0)], duracion 2), duracion 2),
    (crear acorde([(3, 2)], duracion 2), duracion 2),
    (crear_acorde([(3, 0)], duracion_3), duracion_3),
    (crear acorde([(0, 3), (1, 3), (2, 0), (3, 0), (4, 2), (5, 3)],
duracion_2), duracion_2),
    (crear\_acorde([(0, 3), (1, 3), (2, 0), (3, 0), (4, 2), (5, 3)],
duracion 2), duracion 2),
    (crear acorde([(0, 3), (1, 3), (2, 0), (3, 0), (4, 2), (5, 3)],
duracion_2), duracion_2),
    (crear_acorde([(0, 3), (1, 3), (2, 0), (3, 0), (4, 2), (5, 3)],
duracion 1), duracion 1),
    (crear\_acorde([(0, 3), (1, 3), (2, 0), (3, 0), (4, 2), (5, 3)],
duracion 2), duracion 2),
    (crear_acorde([(5, 3)], duracion_1), duracion_1),
    (crear acorde([(4, 0)], duracion 3), duracion 3)
]
# Permite cambiar el formato de lista a np.ndarray
def vstack(tup):
    return np.concatenate([m[0] for m in tup], 0)
cancion = vstack(lista cancion)
duracion cancion = sum(list(map(lambda x: x[1], lista cancion)))
def tocar cancion(cancion, parametro f = 1):
   fig, ax = plt.subplots(figsize = (8, 4))
   sd.play(envolvente(cancion, duracion cancion), fm * parametro f)
   sd.wait()
   plt.plot(envolvente(cancion, duracion cancion, fm), color =
```

```
'#FF6A26')
    #ax.set_xlim(0, fm * duracion)

plt.show()
# Reproduce y grafica la función
```

tocar cancion(cancion)



2)

a) Hasta ahora la canción suena un poco robótica, similar al soundtrack de un juego de 8bit. Lo que se hará a continuación permitirá que suene más natural a nuestro oído.

```
# Se define el delay como una convolución
# Depende del tiempo de delay y su coficiente de atenuación

def delay(sonido, tiempo_delay, coeficiente_delay, fm = 44100):
    if coeficiente_delay == 0:
        return sonido

    retraso = np.zeros(ceil(tiempo_delay * fm))
    retraso[0] = 1

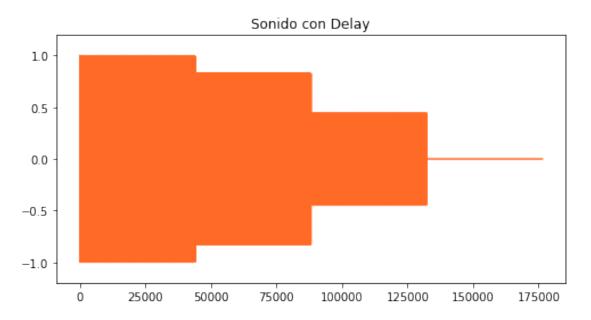
    if tiempo_delay > 1:
        for i in range(1, ceil(tiempo_delay)):
            retraso[i * fm] = sqrt(coeficiente_delay)

        convolucion = np.convolve(retraso, sonido)
        maximo = max(convolucion)

    return convolucion / maximo
```

#### return sonido

```
# Se crea el mismo sonido del comienzo y se definen constantes
duracion = 2
                                    # tiempo en segundos
sonido = s(0.324, duracion, a = 1)
tiempo delay = 2
                                    # tiempo en segundos
coeficiente delay = 0.2
                                    # decimal que fluctúa entre 0 y 1
# Se crea el sonido con delay
sonido delay = delay(sonido, tiempo delay, coeficiente delay)
# Se reproduce y grafica el sonido del comienzo, ahora con delay
fig, ax = plt.subplots(figsize = (8, 4))
ax.set ylim(-1.2, 1.2)
plt.title('Sonido con Delay')
plt.plot(sonido delay, color = '#FF6A26')
sd.play(sonido delay, fm)
```



b) A continuación, se evaluará el comportamiento del delay cuando es aplicado a acordes.

```
# Se evalúa el delay en el caso del rasguido
```

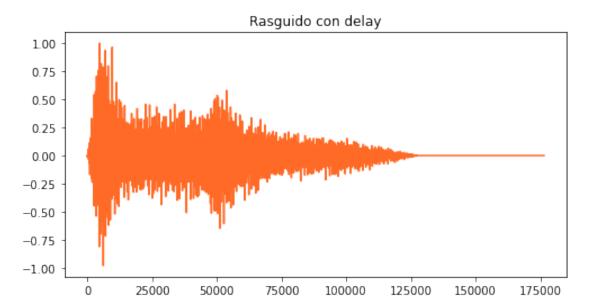
rasguido\_delay = delay(envolvente(sonido\_rasguido(duracion), duracion,
fm), tiempo\_delay, coeficiente\_delay)

```
# Se reproduce y grafica
```

```
duracion = 2
tiempo_delay = 2
coeficiente_delay = 0.5

fig, ax = plt.subplots(figsize = (8, 4))

sd.play(rasguido_delay, fm) #suena la rosada
plt.plot(rasguido_delay, color = '#FF6A26')
plt.title('Rasguido con delay')
plt.show()
```

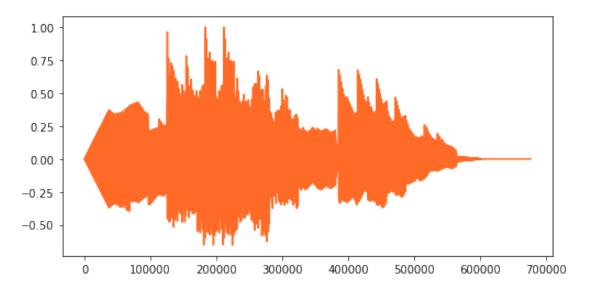


# Se define la variable song como la canción con delay

song = delay(envolvente(cancion, duracion\_cancion), tiempo\_delay,
coeficiente\_delay)

```
# Se reproduce y grafica
```

```
fig, ax = plt.subplots(figsize = (8, 4))
sd.play(song, fm)
plt.plot(song, color = '#FF6A26')
plt.show()
```



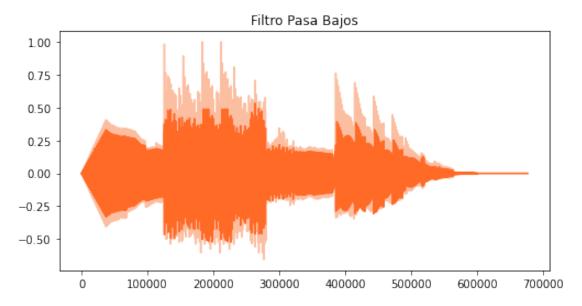
Se puede apreciar como cambia mucho en la forma del gráfico respecto al que se encuentra en el ítem 1.

3)

a) Para elaborar un ecualizador, se deben crear los filtros que lo compondrán.

```
# Se define el rect
def rect(x):
    if 0 \le x and x \le 1:
        return 1
    return 0
def pasa bajos(sonido, frecuencia):
    dft = np.fft.rfft(sonido)
    for i in range(len(dft)):
        dft[i] = dft[i] * rect((i) / (16 * frecuencia))
    return np.fft.irfft(dft)
def pasa altos(sonido, frecuencia):
    dft = np.fft.rfft(sonido)
    for i in range(len(dft)):
        dft[i] = dft[i] * (1 - rect((i) / (16 * frecuencia)))
    return np.fft.irfft(dft)
def pasa banda(sonido, frecuencias):
    p_altos = pasa_altos(sonido, frecuencias[0])
    return pasa bajos(p altos, frecuencias[1])
def rechaza banda(sonido, frecuencias):
    p bajos = pasa bajos(sonido, frecuencias[0])
```

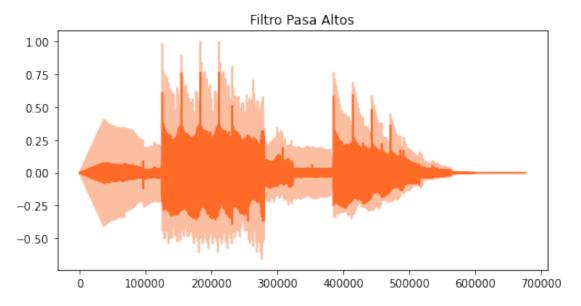
```
p altos = pasa altos(p bajos, frecuencias[1])
    return p bajos + p altos
# Definición de constantes
frecuencia = 250
f pasa banda = (300, 900)
f rechaza banda = (200, 400)
\overline{\text{tiempo}} \ \text{delay} = 2
coeficiente delay = 0.1
# Se crea la melodía con delay que será sometida a los cuatro filtros
creados
song = delay(envolvente(cancion, duracion cancion), tiempo delay,
coeficiente delay)
# Se aplica, reproduce y grafica el filtro pasa bajos
fig, ax = plt.subplots(figsize = (8, 4))
song filtrada = pasa bajos(song, frecuencia)
plt.plot(song, color = '#FCBEA1')
plt.plot(song filtrada, color = '#FF6A26')
plt.title('Filtro Pasa Bajos')
sd.play(song filtrada, fm)
sd.wait()
```



# Se aplica, reproduce y grafica el filtro pasa altos

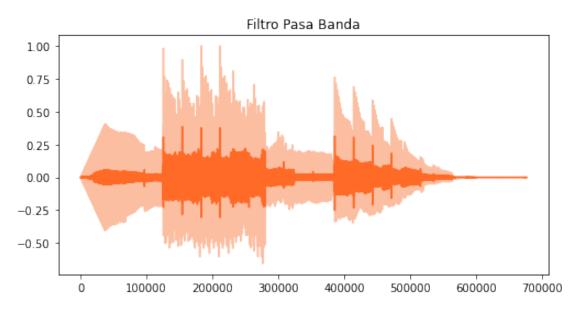
```
fig, ax = plt.subplots(figsize = (8, 4))
song_filtrada = pasa_altos(song, frecuencia)
plt.plot(song, color = '#FCBEA1')
plt.plot(song_filtrada, color = '#FF6A26')
```

```
plt.title('Filtro Pasa Altos')
sd.play(song_filtrada, fm)
sd.wait()
```



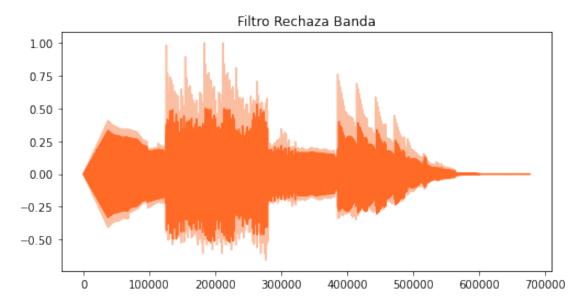
# Se aplica, reproduce y grafica el filtro pasa banda

```
fig, ax = plt.subplots(figsize = (8, 4))
song_filtrada = pasa_banda(song, f_pasa_banda)
plt.plot(song, color = '#FCBEA1')
plt.plot(song_filtrada, color = '#FF6A26')
plt.title('Filtro Pasa Banda')
sd.play(song_filtrada, fm)
sd.wait()
```



## # Se aplica, reproduce y grafica el filtro rechaza banda

```
fig, ax = plt.subplots(figsize = (8, 4))
song_filtrada = rechaza_banda(song, f_rechaza_banda)
plt.plot(song, color = '#FCBEA1')
plt.plot(song_filtrada, color = '#FF6A26')
plt.title('Filtro Rechaza Banda')
sd.play(song_filtrada, fm)
sd.wait()
```



# Se elabora el ecualizador a cinco bandas con los filtros creados

```
def ecualizador(sonido, parametros):
    ecualizado = []

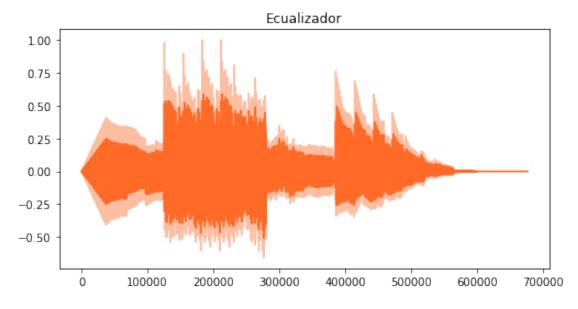
filtros = [
    pasa_bajos(sonido, parametros['p_bajo_1']),
    pasa_altos(sonido, parametros['p_alto']),
    pasa_banda(sonido, parametros['p_banda']),
    rechaza_banda(sonido, parametros['r_banda']),
    pasa_bajos(sonido, parametros['p_bajo_2'])
]

for i in sum(filtros):
    ecualizado.append(i / 5)
```

b) Posteriormente, el ecualizador es aplicado a la melodía, las constantes pueden variar.

```
# Definición de constantes
```

```
params = {
    'p_bajo_1': 600,
    'p_bajo_2': 400,
    'p alto': 150,
    'p banda': (300, 600),
    'r banda': (500, 700)
}
tiempo_delay = 2
coeficiente delay = 0.1
# Se aplica, reproduce y grafica la melodía ecualizada
fig, ax = plt.subplots(figsize = (8, 4))
song ecualizada = ecualizador(song, params)
plt.plot(song, color = '#FCBEA1')
plt.plot(song_ecualizada, color = '#FF6A26')
plt.title('Ecualizador')
sd.play(song ecualizada, fm)
sd.wait()
```



4)

a) Para crea el reverberador se utiliza una respuesta al impulso.

# Importe de respuesta al impulso en formato de audio
audio = wf.read('assets/ir 1.wav')[1][:, 0]

# La respuesta al impulso es reproducida y graficada

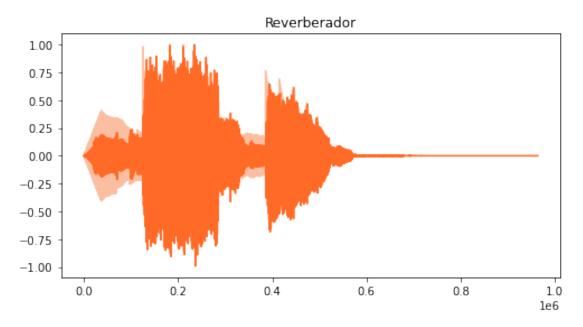
```
fig, ax = plt.subplots(figsize = (8, 4))
sd.play(audio, fm)
plt.plot(audio, color = '#FF6A26')
plt.show()
   1.00
   0.75
   0.50
   0.25
   0.00
  -0.25
  -0.50
  -0.75
  -1.00
                 50000
                          100000
                                   150000
                                            200000
                                                     250000
                                                               300000
# Se define el reverberador a través de una convolución
def reverberador(sonido, respuesta, distancia, coef = 0.5, c = 340, fm
= 44100):
    reverb = np.convolve(sonido, respuesta)
    maximo = max(reverb)
    reverb /= maximo
    tiempo delay = 2 * distancia / c
    return delay(reverb, tiempo delay, coef)
# Definición de constantes
distancia = 100
coeficiente delay = 0.2
# Se prueba el reverberador con el acorde Do
sd.play(reverberador(audio, Do, distancia), fm)
# Se ecualiza la canción y se guarda en una variable
song ecualizada = ecualizador(song, params)
```

# Se aplica el reverberador a la melodía ecualizada

reverb = reverberador(song\_ecualizada, audio, distancia, coef =
coeficiente\_delay)

# # Se grafica y reproduce el resultado

```
fig, ax = plt.subplots(figsize = (8, 4))
plt.plot(song, color = '#FCBEA1')
plt.plot(reverb, color = '#FF6A26')
plt.title('Reverberador')
sd.play(reverb, fm)
sd.wait()
```



#### Notas:

- En las funciones definidas es común la normalización de las amplitudes, con la finalidad de evitar el exceso de sonidos saturados al utilizar el programa.
- Cuando se muestran dos funciones en un gráfico, la clara corresponde a la señal original, mientras que la oscura corresponde a la señal luego de que se le aplica la función descrita en cada apartado.