

# Prvi Domaći zadatak

TZS

November 16, 2023

U izradi domaćeg zadatka se možete konsultovati međusobno i sa mnom. Svaki domaći koji predajete, međjutim, mora biti samostalno napisan.

**Rok za predaju ovog domaćeg zadatka je petak 8.12.2022. Prvi i drugi zadatak nose po 8 poena a treći 4 poena.**

## Zadatak 1

Razmatrajmo polubeskonačnu, plan-paralelnu atmosferu u kojoj funkcija izvora na nekoj, referentnoj talasnoj dužini zavisi od optičke dubine kao:

$$S = a + b\tau \quad (1)$$

Ovo je poznato kao Milne-Eddingtonova (ili Milne-Barbier-Unsold aproksimacija) i na osnovu nje mozemo da dodjemo do raznih korisnih relacija koje nam omogućavaju da bolje razumemo zvezdane atmosfere. Medjutim, u zvezdanim atmosferama bi imalo više smisla koristiti  $\ln \tau$  kao skalu dubine. Pretpostavimo, dakle, da naša funkcija izvora zavisi od referentne optičke dubine kao:

$$S = a + b \ln \tau \quad (2)$$

- Rešiti jednačinu prenosa zračenja na referentnoj talasnoj dužini, tj. izraziti izlazni intenzitet preko konstanti  $a, b$ . Ovaj intenzitet ćemo zvati  $I^+$ . Napomena: Integral koji se dobija nije moguće rešiti analitički, tako da morate iskoristiti npr. Mathematicu, Wolfram Alpha ili slično.
- Ova pretpostavka ima jedan konceptualan problem a to je da na malim optičkim dubinama,  $\ln \tau$  ide u  $-\infty$  pa, bez obzira koliko je koeficijent

$b$  mali, funkcija izvora bi postala negativna. To možemo da popravimo tako što ćemo pretpostaviti da je funkcija izvora parabolična funkcija od  $\ln \tau$ :

$$S = a + b \ln \tau + c \ln^2 \tau \quad (3)$$

Rešiti jednačinu prenosa za ovakav oblik funkcije izvora.

- Pretpostavimo (važi za relativno velike talasne dužine) da je funkcija izvora proporcionalna Temperaturi. Jednostavnosti radi uzmimo da je konstanta proporcionalnosti jednaka jedan. Naći  $a, b, c$  tako da je  $T(\ln \tau = 0) = 6000$  (fotosfera),  $T(\ln \tau = -7) = 4500$  (tzv. temperaturski minimum),  $T(\ln \tau = -14) = 8000$  (hromosfera). Izračunaj numeričku vrednost  $I^+$ . Da li važi da je izlazni intenzitet približno jednak funkciji izvora na  $\tau = 1$ ?
- Kakav bi bio izlazni intenzitet na talasnoj dužini na kojoj je koeficijent neprozračnosti  $r_\lambda$  puta veći od referentnog? Skicirajte / isplotujte zavisnost  $I_\lambda^+$  od  $r_\lambda$  ( $r_\lambda > 1$ ).

## Zadatak 2

Za model zvezdane atmosfere, FALC, koji smo koristili na vežbama 15/11, pod prepostavkom da se atmosfera samo sastoji od neutralnog vodonika, protona i elektrona. Izračunati, i nacrtati grafike sledećih zavisnosti:

- Stepenu jonizacije u zavisnosti od visine u atmosferi.
- Koncentracije neutralnog vodonika ekscitovanog na  $n = 2$  i  $n = 3$  nivoe, u zavisnosti od visine u atmosferi.
- Srednje mase po čestici sa visinom.
- Pod prepostavkom da je funkcija izvora jednaka Plankovoj funkciji, nacrtajte grafike zavisnosti funkcije izvora od visine za nekoliko talasnih dužina (npr. jednu UV, jednu vidljivu i jednu IR talasnu dužinu). Da bi se zavisnost bolje videla morate razmisliti kako da normirate funkciju izvora na svakoj talasnoj dužini.

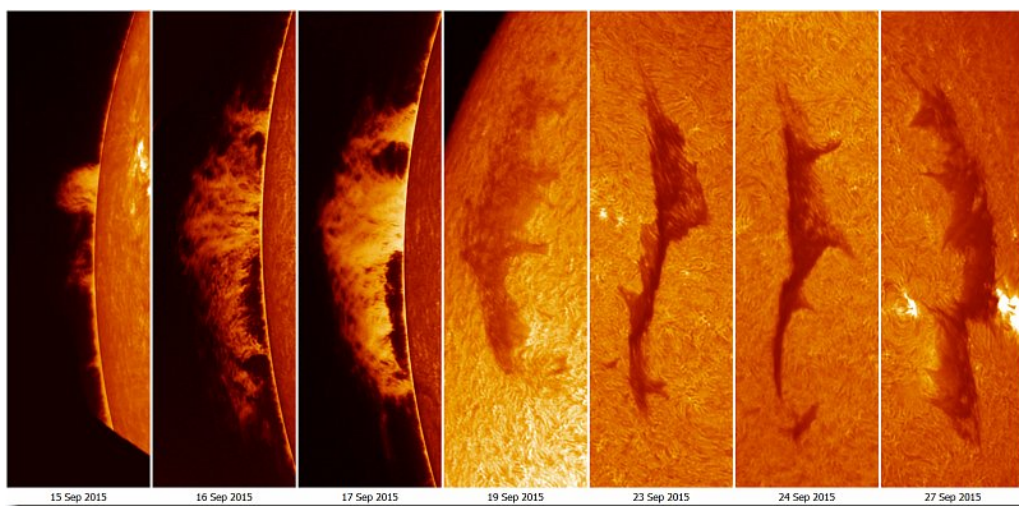


Figure 1: Levo: primer protuberance. Desno: ista ta protuberanca, koja se vidi kao filament.

### Zadatak 3

Protuberance (eng: *prominences*) i filamenti su po našem trenutnom shvatanju jedni te isti objekti (videti sliku): relativno hladne koncentracije gasa koje pod uticajem magnetnog polja “vise” u Sunčevoj koroni. Filamente vidimo na disku: nevidljivi su u kontinuumu, ali se vide kao tamne “trake” na talasnim dužinama u centru jakih spektralnih linija (npr.  $H\alpha$ ). Protuberance, sa druge strane, se vide iznad Sunčevog ruba kao svetle formacije u centru jakih spektralnih linija. Ukoliko su posmatrački uslovi izuzetni, mogu se videti i u kontinuumu. Koristeći formalizam prenosa zračenja, objasniti razliku između protuberanci i filamenata.